## **GEOMETRIA**

A geometria é provavelmente a área mais antiga da matemática, precursora da própria álgebra e sendo um dos pilares da matemática. A palavra geometria é resultado da combinação das palavras gregas geo e metron/metri, significando respectivamente Terra e medição, pois a área da geometria consiste da medição e entendimento das relações e propriedades contidas nas fíguras geométricas: comprimento, distância, ângulo, área, volume e perímetro, as fíguras geométricas por sua vez são parte integrante da natureza e da Terra (geo).

# **DEFINIÇÕES GERAIS**

Antes do estudo da geometria devemos ter ciência das definições de conceitos presentes nesse ramo da matemática, dentro destes conceitos se enquadram as medidas, os ângulos, as fíguras geométricas e suas componentes.

# GRANDEZAS E UNIDADES DE MEDIDA

#### **DISTÂNCIA E COMPRIMENTO**

Distância e comprimento medem o quão longe dois pontos estão entre si, e no caso de arestas essa medida é denotada como comprimento. A unidade de medida base utilizada para comprimento é o metro (símbolo m), além do metro existem seus múltiplos que são igualmente utilizados dependendo da distância/comprimento aferido.

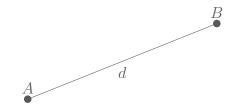


Figura 1: d representa a distância entre os pontos que formam a reta  $\overline{AB}$ 

Nome	Sigla	Equivalência
picometro	pm	$10^{-12}m$
nanometro	nm	$10^{-9}m$
micrometro	$\mu m$	$10^{-6}m$
milimetro	mm	$10^{-3}m$
centímetro	cm	$10^{-2}m$
decímetro	dm	$10^{-1}m$
metro	m	1m
decâmetro	dam	10m
hêctometro	hm	100m
quilometro	km	1000m

Outras medidas de comprimento são:



**Perímetro:** comprimento do contorno de uma fígura geométrica.

**Raio:** distância entre o centro de uma circunferência até seu contorno ou superfície.

**Diâmetro:** comprimento de reta que passe pelo centro da circunferência e cujo seus pontos de início e fim estejam sobre a circunferência

**Circunferência:** perímetro de uma circunferência.

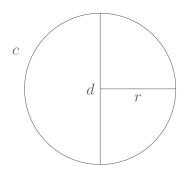


Figura 2: Raio r, diâmetro d e circunferência c de um círculo

o diâmetro de um círculo é d=2r, logo o raio é  $r=\frac{d}{2}$  e a circunferência/perímetro do círculo é  $2\pi r$ . Onde  $\pi$  é a constante matemática pi, cujo valor é aproximadamente 3.14159265...

## ÁREA

Área é a medida que expressa a quantidade de espaço bidimenssional ocupado por uma fígura geométrica, área de superfície é o equivalente da área para uma superfície ou face de um objeto tridimenssional. A unidade base para área é o metro quadrado (símbolo  $m^2$ ). Seus múltiplos também acompanham o termo 'quadrado', e

a equivalência é a mesma do metro, porém elevada ao quadrado. Ex.:  $1m=10^2cm$  e  $1m^2=(10^2cm)^2=10^4cm^2$ , lembrar essa regra pode facilitar na hora da conversão de área.

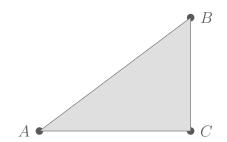


Figura 3: Área é o espaço bidimenssional ocupado pela região cinza.

Nome	Sigla	Equivalência
picometro quadrado	$pm^2$	$10^{-24}m^2$
nanometro quadrado	$nm^2$	$10^{-18}m^2$
micrometro quadrado	$\mu m$	$10^{-12}m^2$
milimetro quadrado	$mm^2$	$10^{-6}m^2$
centímetro quadrado	$cm^2$	$10^{-4}m^2$
decímetro quadrado	$dm^2$	$10^{-2}m^2$
metro quadrado	$m^2$	$1m^2$
decâmetro quadrado	$dam^2$	$100m^2$
are	are	100771
hêctometro quadrado	$hm^2$	$10^4 m^2$
hectare	ha	10 116
quilometro quadrado	$km^2$	$10^6 m^2$

### **VOLUME**

Assim como a área expressa a quantidade de espaço bidimenssional ocupado por uma fígura geométrica, o volume expressa a quantidade de espaço tridimenssional ocupado por um objeto. No caso do volume existe duas unidades de medida base, o metro cúbico e o litro, ambos são usados regularmente, na qual o litro é a unidade mais usada para volumes pequenos, enquanto o metro cúbico

é usado para expressar volumes maiores.

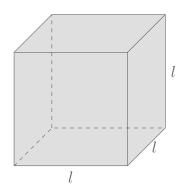


Figura 4: Cubo, cujo volume se dá por  $l^3$ , onde l é o comprimento das arestas

Nome	Sigla	Equivalência
milimetro cúbico	$mm^3$	$10^{-9}m^3$
centímetro cúbico mililitro	$cm^3$ $ml$	$10^{-6}m^3$
decímetro cúbico litro	$dm^3$ $l$	$10^{-3}m^3$
metro cúbico	$m^3$	$1m^2$

### ÂNGULO

Ângulo é uma medida de inclinação entre duas retas ou dois planos, desde que eles não sejam paralelos entre si, no contexto da geometria os ângulos estão presentes em todos os vértices das fíguras geométricas. As unidades de medida mais comuns para ângulo são graus (símbolo  $^{\circ}$ ), radianos (símbolo  $^{\circ}$ ), e gradianos (símbolo  $^{\circ}$ ).

Quanto no escopo das funções trigonométricas a unidade de medida mais utilizada é o radiano, por outro lado, em aplicações de engenharia e na geometria a unidade mais usada é o grau. Considerando um grau  $\alpha$  em

graus, sua conversão para radianos se dá por  $rad(\alpha) = \alpha \cdot \pi/180$ 

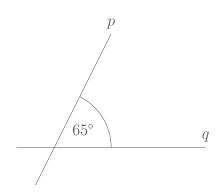


Figura 5: Ângulo entre as retas p e q

O ângulo apresenta uma importância muito grande no desenvolvimento da geometria e dos problemas geométricos, sendo o ângulo uma grandeza imprescindível no desenrolar da matemática entorno das fíguras geométricas, principalmente os triângulos.

# FÍGURAS GEOMÉTRICAS E SUAS COMPONENTES

#### **PONTO**

A primeira componente das fíguras geométricas e a mais simples delas é o ponto, o mesmo deve ser imaginado como um ponto infinitesimal, não possuindo comprimento, área ou perímetro. Quando um ponto é integrante de uma fígura geométrica o mais comum é chamarmos ele de *vértice* 

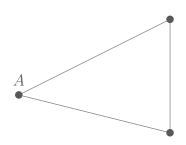


Figura 6: Triângulo com o vértice A em realce

A partir de dois pontos A e B podemos traçar uma reta  $\overline{AB}$  entre eles e caso exista um terceiro ponto C sob a mesma reta, então esses três pontos são **colineares**.

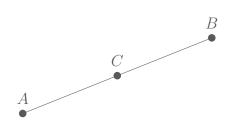


Figura 7: Pontos colineares A,B e C

#### **RETA**

A reta é um conjunto de pelo menos dois pontos, no caso dois pontos quaisquer A e B podem gerar a reta  $\overline{AB}$ , como na fígura 7. Assim como o ponto é idealmente infinitesimal a reta idealmente não possui espessura. Quando uma reta é parte integrante de uma fígura geométrica sua denominação é aresta.

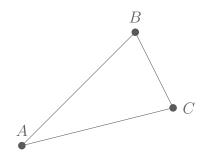


Figura 8: Retas  $\overline{AB}$ , $\overline{BC}$  e  $\overline{AC}$  do triângulo ABC

Uma reta p é **perpendicular** a reta q se o ângulo formado entre elas for de 90 graus.

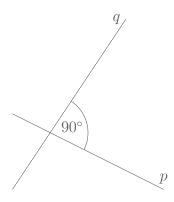


Figura 9: Retas perpendiculares  $p \in q$ 

Duas retas p e são consideradas paralelas entre si, se qualquer reta r perpendicular a reta p também for perpendicular a reta q. Outra forma de descrever retas paralelas é através do **Quinto** Postulado de Euclides que diz: Supondo que duas retas p e q são cortadas por uma terceira reta r. Se a soma dos ângulos formados um mesmo lado da reta r resultar em 180 graus, então m e n são retas paralelas entre si.

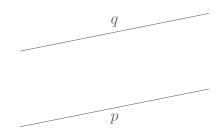


Figura 10: Retas paralelas  $p \in q$ 

### **PLANO E SUPERFÍCIE**

Quando se tem 3 ou mais pontos o resultado da conexão deles é tido como superfície, plano ou fígura geométrica dependendo da área da matemática e do contexto de estudo, porém vale ter em mente que também existem superfícies não bidimensionais. Uma excessão a isso são os círculos e as elipses que não possuem vértices. No contexto da geometria a ser estudado nesse capítulo a conexão de 3 ou mais vértices geram exclusivamente fíguras geométricas.

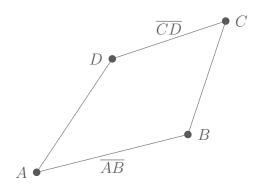


Figura 11: Um quadrilátero ABCD com as arestas  $\overline{AB}$  e  $\overline{CD}$  realçadas

#### SÓLIDOS

No contexto de fíguras geométricas tridimenssionais, ou chamados sólidos, os sólidos podem ser formados por 4 ou mais pontos ou através manipulação de fíguras geométricas bidimensionais num espaço tridimenssional. Todos objetos físicos que conhecemos podem ser abstraídos como formas geométricas, independente da complexidade.

Grandezas notórias das componentes citadas:

- Ponto, vértice: distância relativo a outro objeto.
- Reta: comprimento, distância e ângulo relativos a outro objeto.
- Superfície: área, perímetro.
- Sólido: volume.

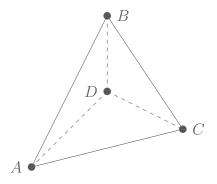


Figura 12: Tetraedro, o objeto tridimenssional com menos faces