



Lógica e Matemática computacional

Unidade 01: Álgebra de conjuntos
Aula01: Introdução a álgebra de conjuntos

Prof. Ms. Romulo de Almeida Neves

Sumário

01

Definição de Conjuntos

Conceitos e Exemplos

02

Notação de conjuntos

Conceitos e Exemplos

03

Operações básicas

Definição e Exemplos



01

Definição

Definição de conjuntos matemáticos

- ## Definição

 - São categorias que agrupam números com características semelhantes.
 - Fornecem uma estrutura fundamental para a organização e classificação dos números em matemática.

Definição



| Conjuntos Numéricos | |
|---------------------|--|
| N | Naturais: 0, 1, 2, 3, 4, 5, ... |
| Z | Inteiros: ..., -2, -1, 0, 1, 2, ... |
| Q | Racionais: $\frac{a}{b}$, onde $a \in \mathbb{Z}$ e $b \in \mathbb{Z}$, $b \neq 0$ |
| I | Irracionais: $\sqrt{2}, \sqrt{3}, \sqrt{5}, e, \pi, \dots$ |
| R | Reais: todos os anteriores |
| C | Complexos: $a + bi$, onde $a, b \in \mathbb{R}$ |

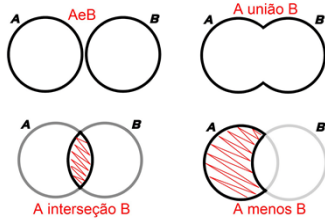


02

Notação

Notação de conjuntos

Notação de conjuntos



03

Operações

Operações básicas de Conjuntos

Operações

- **União (U):** A união de dois conjuntos, denotada por $A \cup B$, é um novo conjunto que contém todos os elementos que estão em A ou em B, ou em ambos.

Exemplo:

Se $A = \{1, 2, 3\}$ e $B = \{3, 4, 5\}$, então $A \cup B = \{1, 2, 3, 4, 5\}$.

Operações

- **Interseção (∩):** A interseção de dois conjuntos, denotada por $A \cap B$, é um novo conjunto que contém apenas os elementos que estão em ambos A e B.

Exemplo:

Se $A = \{1, 2, 3\}$ e $B = \{3, 4, 5\}$, então $A \cap B = \{3\}$.

Operações

- **Interseção (∩):** A interseção de dois conjuntos, denotada por $A \cap B$, é um novo conjunto que contém apenas os elementos que estão em ambos A e B.

Exemplo:

Se $A = \{1, 2, 3\}$ e $B = \{3, 4, 5\}$, então $A \cap B = \{3\}$.

Operações

- **Diferença simétrica (Δ):** A diferença simétrica em conjuntos matemáticos, representada pelo operador Δ (delta), é uma operação que resulta em um novo conjunto contendo todos os elementos que pertencem a pelo menos um dos conjuntos originais, mas não a ambos.
- Em outras palavras, é o conjunto de elementos que estão em A ou em B, mas não em ambos simultaneamente.

Operações

- $A = \{1, 2, 3\}$ e $B = \{2, 3, 4\}$, a diferença simétrica entre A e B será:
 $A \Delta B = \{1, 4\}$
- Neste caso, 1 está em A, mas não em B, e 4 está em B, mas não em A, então eles fazem parte da diferença simétrica entre os conjuntos. Os elementos 2 e 3 não fazem parte dessa diferença, porque eles estão presentes em ambos os conjuntos.

04

Exercícios

Exercícios

Exercício 01

- Considere os conjuntos $A = \{1, 2, 3, 4\}$ e $B = \{3, 4, 5, 6\}$.
- Encontre $A \cup B$, ou seja, a união dos conjuntos A e B.

Resolução Exercício 01

- Passo 1: Liste os elementos de A e B.
 $A = \{1, 2, 3, 4\}$ e $B = \{3, 4, 5, 6\}$
- Passo 2: Combine os elementos de A e B em um único conjunto, excluindo duplicatas.
- O resultado é o conjunto $A \cup B$, que contém todos os elementos de A e B, sem repetições é: $A \cup B = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$

Exercício 02

- Considere os conjuntos $A = \{1, 2, 3, 4\}$ e $B = \{3, 4, 5, 6\}$.
- Encontre $A \cap B$, ou seja, a interseção dos conjuntos A e B.

Resolução Exercício 02

- Passo 1: Liste os elementos de A e B.
 $A = \{1, 2, 3, 4\}$ e $B = \{3, 4, 5, 6\}$
- Passo 2: Identifique os elementos que estão presentes em ambos A e B. Elementos comuns a ambos A e B são 3 e 4.
- Passo 3: O resultado é o conjunto $A \cap B$, que contém os elementos que estão na interseção de A e B. $A \cap B = \{3, 4\}$
Portanto, a interseção dos conjuntos A e B é $\{3, 4\}$.

Exercício 03

- Considere os conjuntos $A = \{1, 2, 3, 4, 5\}$ e $B = \{3, 4, 5, 6, 7\}$.
- Encontre $A - B$, ou seja, a diferença entre os conjuntos A e B .

Resolução Exercício 03:

- Passo 1: Liste os elementos de A e B . $A = \{1, 2, 3, 4, 5\}$ e $B = \{3, 4, 5, 6, 7\}$
- Passo 2: Identifique os elementos em A que não estão em B .
- Elementos em A , mas não em B : $\{1, 2\}$
- Passo 3: O resultado é o conjunto $A - B$, que contém os elementos que são exclusivos para A . $A - B = \{1, 2\}$
- Portanto, a diferença entre os conjuntos A e B é $\{1, 2\}$. Este conjunto contém os elementos que estão presentes em A , mas não em B .