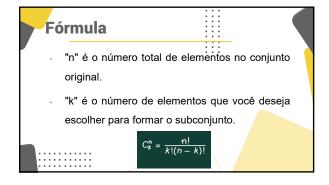






Combinações Calcula o número de maneiras diferentes de escolher um subconjunto de elementos de um conjunto maior, onde a ordem dos elementos não importa. Concentram em selecionar grupos de elementos sem considerar a ordem em que esses

elementos são escolhidos.





Exemplo 01

 Calcule todas as combinações possíveis de 10 elementos tomados de 4 em 4.

Resolução Exemplo 01

- Identificar o valor de n e de k e substituir na fórmula. No caso temos n=10 e k=4.

Exemplo 02

Uma pizzaria oferece 10 opções em seu cardápio. Eles possuem um tamanho especial chamado pizza gigante, onde o cliente pode dividir a pizza em quatro partes, escolhendo sabores diferentes. De quantos modos uma pizza gigante pode ser formada, escolhendo 4 sabores diferentes entre as dez opções do cardápio?

Resolução Exemplo 02

$$\begin{split} C_p^n &= \frac{n!}{p!(n-p)!} \\ C_4^{10} &= \frac{10!}{4!(10-4)!} \\ C_4^{10} &= \frac{10!}{4!(10-4)!} \\ C_4^{10} &= \frac{10!}{4!(3.2.1)\cancel{g!}} \\ C_4^{10} &= \frac{5040}{24} = \textbf{210} \end{split}$$

Exemplo 03

 Um trio deve ser formado por um gerente, um supervisor e um operador. De quantos modos diferentes este trio pode ser formado se há 10 pessoas disponíveis para ocuparem estes cargos?

Resolução Exemplo 03

$$\begin{split} A_p^n &= \frac{n!}{(n-p)!} = \\ A_p^n &= \frac{10!}{(10-3)!} = \\ A_p^n &= \frac{10!}{(10-3)!} = \\ A_p^n &= \frac{10!}{7!} = \frac{10.9.8.7!}{7!} = 720 \end{split}$$



Diferenças

- Caso a ordem dos elementos no subconjunto formado não seja relevante, onde ordenamentos diferentes produzem o mesmo resultado, utilizamos combinação.
- Nas situações em que o ordenamento é relevante, produzindo resultados diferentes, utilizamos arranjo ou permutação.

Diferenças

- Permutação: Nas permutações, o número de elementos é igual ao número de posições disponíveis.
- · Vejamos o exemplo a seguir: Quantos modos distintos 5 pessoas podem ocupar 5 assentos diferentes?
- Neste caso, o número de elementos (5) é igual ao número de posições (5). Portanto, "ABCDE" é diferente de "EBCDA", resultando

em P5 = 5! = 120 maneiras distintas.

Diferenças

- Arranjo: Nos arranjos, o número de elementos é maior do que o número de posições disponíveis.
- Considere o exemplo a seguir: Quantos modos distintos 10 pessoas podem ocupar 3 assentos?
- · Observe que o número de elementos é 10, e o número de posições é $A_{n,k} = \frac{n!}{(n-k)!}$ 3. Portanto, aplicamos a fórmula de arranjo

 $A_{nk} = \frac{10!}{(10-3)!}$ Ank = 10x9x8x7! 7!

Diferenças

- Combinações: se concentram na seleção de elementos sem levar em consideração a ordem em que são selecionados.
- · A ordem dos elementos não importa. Duas combinações com os mesmos elementos são consideradas iguais, independentemente
- Quantos trios podemos formar de 5 pessoas diferentes?

Diferenças

- ABC = CBA (Não)
- Por exemplo, a diretora solicitou que a professora realizasse a escolha de trios de alunos para realizarem uma apresentação.
- · Neste caso, tem que ser trios de alunos diferentes e não

Cn,p = 5! 3!(5-3)! Cnk = 5x4x3! 3!(5-3)! $C_{nk} = \underline{5x4}$ Cnk = 10

Diferenças

- Permutações consideram a ordem dos elementos,
- Combinações não consideram a ordem e tratam elementos idênticos como iguais, enquanto arranjos lidam com a ordem e permitem reneticões
- Cada um desses conceitos é útil em diferentes contextos e problemas de contagem, dependendo das restrições e requisitos específicos do problema em questão

