

Universidade de São Paulo

Instituto de Ciências Matemáticas e de Computação Departamento de Ciências da Computação SCC0210 — Laboratório de Algoritmos Avançados

Exercício 19: Quem Apagou Meus Pesos?

Professora: Leo Sampaio Ferraz Ribeiro

Monitor: Marcos Patricio Nogueira Filho

Desenvolva o trabalho sem olhar o de colegas. Se precisar de ajuda pergunte, a equipe de apoio está aqui por você.

Introdução

Duas irmãs, Ana e Beatriz, adoram resolver problemas de grafos. Ana, a mais velha, estava desenhando um grafo ponderado para testar algoritmos de caminhos mínimos. No entanto, Beatriz, curiosa e travessa, apagou alguns dos pesos do grafo sem avisar. Agora, Ana precisa restaurar os pesos apagados de forma que o caminho mais curto entre dois vértices específicos do grafo tenha exatamente um determinado comprimento. Você pode ajudá-la a completar esse desafio?

Descrição do Problema

Você recebeu um grafo não direcionado com n vértices e m arestas, onde algumas arestas tiveram seus pesos apagados (essas possuem peso 0). Seu objetivo é atribuir pesos inteiros positivos (entre 1 e 10^9) às arestas apagadas de forma que o menor caminho entre dois vértices dados s e t seja exatamente L.

Caso não seja possível fazer isso, você deve imprimir NO. Caso seja possível, você deve imprimir YES e descrever um conjunto válido de pesos para as arestas apagadas, mantendo os pesos já conhecidos inalterados.

Descrição da Entrada

A primeira linha contém cinco inteiros:

nmLst

- $2 \le n \le 1000$ número de vértices.
- $1 \le m \le 10000$ número de arestas.
- $1 \le L \le 10^9$ comprimento desejado do caminho mais curto entre os vértices s e t.

• $0 \le s, t < n$, com $s \ne t$ — vértices de origem e destino.

Em seguida, seguem m linhas, cada uma contendo três inteiros:

u v w

- $0 \le u, v < n$, com $u \ne v$ vértices conectados pela aresta.
- $0 \le w \le 10^9$ peso da aresta. Se w = 0, significa que Beatriz apagou o peso dessa aresta.

Não há arestas múltiplas entre o mesmo par de vértices.

Descrição da Saída

Se não for possível definir pesos para que o menor caminho entre s e t tenha comprimento exatamente L, imprima:

NO

Caso contrário, imprima:

YES

E em seguida m linhas com as arestas do grafo no mesmo formato da entrada, mas com todos os pesos preenchidos (os que eram 0 agora com valores positivos menores ou iguais a 10^9). Os pesos das arestas que não foram apagadas devem ser mantidos.

A saída deve listar as arestas na mesma ordem em que foram apresentadas. Caso exista mais de uma forma de preencher as arestas, use a forma que distribui o peso adicional igualmente.

Exemplos de Entrada e Saída

Entrada 1

- 5 5 13 0 4
- 0 1 5
- 2 1 2
- 3 2 3
- 1 4 0
- 4 3 4

Saída 1

YES

- 0 1 5
- 1 2 2
- 1 4 8
- 2 3 3
- 3 4 4

Entrada 2

- 2 1 123456789 0 1
- 0 1 0

Saída 2

YES

0 1 123456789

Entrada 3

- 2 1 999999999 1 0
- 0 1 1000000000

Saída 3

NO

1 Submissão

Envie seu código fonte para o run.codes.

- 1. Crie um header com identifiação. Use um header com o nome, número USP.
- 2. **Tire Dúvidas com a Equipe de Apoio**. Se não conseguiu chegar em uma solução, dê um tempo para descansar a cabeça e converse com a equipe de apoio sobre a dificuldade encontrada.