

Universidade de São Paulo

Instituto de Ciências Matemáticas e de Computação Departamento de Ciências da Computação SCC0210 — Laboratório de Algoritmos Avançados

Exercício 15: Brain Age – Fatoração em Primos

Professora:	Leo Sampaio Ferraz Ribeiro
Monitor.	Marcos Patricio Nogueira Filho

Desenvolva o trabalho sem olhar o de colegas. Se precisar de ajuda pergunte, a equipe de apoio está aqui por você.

Introdução

O Professor Kawashima está de volta com uma nova série de desafios para o seu cérebro — agora incluindo programação competitiva! Em um dos minijogos de lógica avançada do Brain Age: Switch 2 Edition, você é desafiado a entender a estrutura oculta por trás dos números, mais especificamente, os **fatoriais**. Mas atenção: não basta calcular o valor — seu cérebro deve identificar a decomposição em fatores primos!

Descrição do Problema

Dado um número inteiro N ($2 \le N \le 100$), calcule a fatoração prima do fatorial de N, ou seja, quantas vezes cada número primo aparece na multiplicação que define N!. Lembre-se que:

$$1! = 1$$

 $N! = N \times (N - 1)!$

Por exemplo, $5! = 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1 = 120$, que pode ser decomposto como $2^3 \times 3 \times 5$, ou seja: três fatores 2, um fator 3 e um fator 5.

Seu desafio é imprimir, para cada número dado, a quantidade de vezes que **cada primo** aparece na decomposição de N!.

Descrição da Entrada

A entrada consiste em uma série de linhas, cada uma contendo um único número inteiro N ($2 \le N \le 100$). A entrada termina com uma linha contendo apenas o número 0, que não deve ser processado.

Descrição da Saída

Para cada número N da entrada, imprima um bloco de saída no formato:

- Uma linha começando com N! =
- A seguir, liste a quantidade de vezes que cada número primo (em ordem crescente, até o maior primo menor ou igual a N).

Exemplos de Entrada e Saída

Entrada

5 53

Saída

```
5! = 3 1 1
53! = 49 23 12 8 4 4 3 2 2 1 1 1 1 1 1 1
```

1 Submissão

Envie seu código fonte para o run.codes.

- 1. Crie um header com identifiação. Use um header com o nome, número USP.
- 2. **Tire Dúvidas com a Equipe de Apoio**. Se não conseguiu chegar em uma solução, dê um tempo para descansar a cabeça e converse com a equipe de apoio sobre a dificuldade encontrada.