

PONTIFÍCIA UNIVERSIDADE CATÓLICA DE MINAS GERAIS

Instituto de Ciências Exatas e Informática

Curso de Ciência da Computação - Coração Eucarístico

Profa.: Camila Laranjeira - mila.laranjeira@gmail.com

Disciplina: Inteligência Artificial / 1o Semestre de 2022

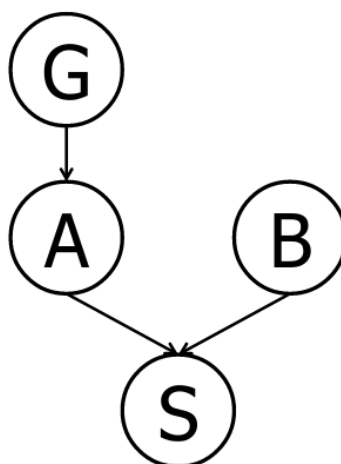
Aluna(o):	
-----------	--

Lista 04 - Inferência Bayesiana

1. Suponha que um paciente pode apresentar um sintoma S, causado por duas doenças diferentes, A e B. É sabido que a variação de gene G aumenta as chances de um indivíduo apresentar a doença A. Uma modelagem em rede bayesiana, e suas probabilidades condicionais são apresentadas na imagem a seguir. Compute a probabilidade dos seguintes eventos.

$P(G)$	
$+g$	0.1
$-g$	0.9

$P(A G)$		
$+g$	$+a$	1.0
$+g$	$-a$	0.0
$-g$	$+a$	0.1
$-g$	$-a$	0.9



$P(B)$	
$+b$	0.4
$-b$	0.6

$P(S A, B)$			
$+a$	$+b$	$+s$	1.0
$+a$	$+b$	$-s$	0.0
$+a$	$-b$	$+s$	0.9
$+a$	$-b$	$-s$	0.1
$-a$	$+b$	$+s$	0.8
$-a$	$+b$	$-s$	0.2
$-a$	$-b$	$+s$	0.1
$-a$	$-b$	$-s$	0.9

a) $P(+g, +a, +b, +s)$

--

b) $P(+a)$

--

c) $P(+a | +b)$

--

d) $P(+g | +a)$

--

2. Você está montando saquinhos de festa de aniversário, e quer colocar uma pequena parcela de doces azedinhos na festa (poucos paladares gostam deles). Para isso, você joga uma moeda enviesada Y , que tem chance $P(Y=\text{cara}) = \lambda$. Se der cara, você monta a sacola da classe Docinhos (Manga e Côco), senão você cria a sacola da classe Azedinhos (Limão e Kiwi).

- No saco Docinhos, temos
 - Doce de **M**anga com chance p_1 , ou não coloque com chance $1-p_1$
 - Doce de **C**ôco com chance p_1 , ou não coloque com chance $1-p_1$
 - Doce de **L**imão com chance $1-p_1$, ou não coloque com chance p_1
 - Doce de **K**iwi com chance $1-p_1$, ou não coloque com chance p_1
- No saco Azedinhos, temos:
 - Doce de **M**anga com chance p_2 , ou não coloque com chance $1-p_2$
 - Doce de **C**ôco com chance p_2 , ou não coloque com chance $1-p_2$
 - Doce de **L**imão com chance $1-p_2$, ou não coloque com chance p_2
 - Doce de **K**iwi com chance $1-p_2$, ou não coloque com chance p_2

Por exemplo, se $p_1=1$ e $p_2=0$ então você adicionaria de forma determinística doces de Manga e Côco no saco Docinho e doces de Limão e Kiwi no saco Azedinho. Para quaisquer valores intermediários de p_1 e p_2 , as sacolas podem ter entre 0 e 4 doces. Considere os eventos: $\mathbf{Y}=\{\text{cara, coroa}\}$, além de $\mathbf{M}=\{0, 1\}$, $\mathbf{C}=\{0, 1\}$, $\mathbf{L}=\{0, 1\}$, $\mathbf{K}=\{0, 1\}$ de um determinado saquinho conter os possíveis doces da festa.

- a) Desenhe a rede bayesiana que corresponde ao processo de criar um saquinho de doces (represente apenas os vértices/eventos e arestas/condicionais).
- b) Defina as tabelas de probabilidade condicional de cada vértice.
- c) Escreva a equação que define a probabilidade de um saco Azedinho ter doces de Manga, Limão e Kiwi, ou seja, $P(\mathbf{Y}=\text{coroa}, \mathbf{M}, \neg\mathbf{C}, \mathbf{L}, \mathbf{K})$.
- d) Escreva a equação que define a probabilidade de produzir um saquinho contendo doces de Manga, Côco e Limão (ou seja, sem Kiwi).
- e) Escreva a equação que define a probabilidade de uma sacola ter sido montada como Azedinha dado que ela contém Manga, Côco e Limão (ou seja, sem Kiwi).

Respostas da questão 2

Se preferir, adicione a esse pdf uma foto da resposta em papel :)