

Nome: Gustavo Murilo Cavalcante Cavalho

Turma: CTII 348

1- $\begin{vmatrix} p & 2 & 2 \\ p & 4 & 4 \\ p & 4 & 1 \end{vmatrix} = -18$

$$(4p + 8p + 8p) - (8p + 16p + 2p)$$
$$20p - 26p = -6p = -18$$
$$p = -18 / -6 = 3$$

$$\begin{vmatrix} p-1 & 2 \\ p-2 & 4 \\ p-2 & 1 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 3-1 & 2 \\ 3-2 & 4 \\ 3-2 & 1 \end{vmatrix} = (-6-12-12) - (-12-24-3)$$
$$-30 + 39 = 9$$
$$\det = 9 \quad (\text{E})$$

2-

$$\det A(4 \times 4) = -6 \quad -96 = x - 97$$

$$x = 97 - 96$$

$$\det (kA) = k^m \cdot \det A$$

$$\det 2A = 2^4 \cdot -6 = -96$$

$$x = 1 \quad (\text{C})$$

3 - de acordo com a propriedade do fator comum
numa fila temos:

$$\det B = k \cdot \det A$$

$$\frac{1}{x} \cdot \det A$$

$$y \cdot \frac{1}{x} \cdot \det A$$

$$\frac{y \cdot \det A}{x} = \frac{\det A}{y} \quad (\text{C})$$

$$4 - \begin{vmatrix} 2 & 1 & 0 \\ k & k & k \\ 1 & 2 & -2 \end{vmatrix} = 10 = (-4k+k) - (4k-2k) = -3k - 2k$$

$$\Rightarrow k = 10 / -5$$

$$k = -2$$

$$\begin{vmatrix} 2 & 1 & 0 \\ -2+4 & -2+3 & -2-1 \\ 1 & 2 & -2 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 2 & 1 & 0 \\ 2 & 1 & -3 \\ 1 & 2 & -2 \end{vmatrix} = (-4-3) - (-4-12) = -7 + 16$$

$$\det = 9 \quad (\text{C})$$

$$5 - \begin{vmatrix} 1 & -11 & 6 \\ -2 & 4 & -3 \\ -3 & -7 & 2 \end{vmatrix}$$

$C_2 = C_2 + 2C_1 - C_3$

A coluna 2 é uma combinação linear das colunas 1 e 3. Tal que:

$$\text{Coluna } 1 - 2 \cdot \text{Coluna } 3 = \text{Coluna } 2$$

$$\begin{pmatrix} 1 \\ -2 \\ -3 \end{pmatrix} - 2 \cdot \begin{pmatrix} 6 \\ -3 \\ 2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ -2 \\ -3 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 12 \\ -6 \\ 4 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -11 \\ 4 \\ -7 \end{pmatrix} \quad (\text{D})$$

6 - $\begin{vmatrix} 1 & x & x^2 \\ 1 & 2 & 4 \\ 1 & -3 & 9 \end{vmatrix} = 0$

Se houverem duas filas paralelas iguais o determinante da matriz é zero, mas isso acontecerá se $x = -3$ ou $x = 2$

7 - ~~$\begin{vmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 2 & 2 & 0 & 0 & 0 \\ 3 & 2 & 1 & 0 & 0 \\ 4 & 2 & 3 & -2 & 0 \\ 5 & 1 & 2 & 3 & 3 \end{vmatrix}$~~

A determinante da matriz triangular é igual à multiplicação da diagonal principal.

$$1 \cdot 2 \cdot 1 \cdot -2 \cdot 3 = -12$$

$\det = -12 \quad (\text{D})$