

Nome: Gustavo Murilo Cavalcante Carvalho
Turma: CT11 348

$$1- \begin{vmatrix} p & 2 & 2 \\ p & 4 & 4 \\ p & 4 & 1 \end{vmatrix} = -18 \quad \begin{aligned} &(4p + 8p + 8p) - (8p + 16p + 2p) \\ &20p - 26p = -6p = -18 \\ &p = -18 / -6 = 3 \end{aligned}$$

$$\begin{vmatrix} p-1 & 2 \\ p-2 & 4 \\ p-2 & 1 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 3-1 & 2 \\ 3-2 & 4 \\ 3-2 & 1 \end{vmatrix} = \begin{aligned} &(-6 - 12 - 12) - (-12 - 24 - 3) \\ &-30 + 39 = 9 \\ &\det = 9 \quad (E) \end{aligned}$$

2-

$$\det A_{(4 \times 4)} = -96$$

$$-96 = x - 97$$

$$x = 97 - 96$$

$$\det (k \cdot A) = k^m \cdot \det A$$

$$\det 2A = 2^4 \cdot -96 = -96$$

$$x = 1 \quad (C)$$

3- de acordo com a propriedade do fator comum numa fila temos:

$$\det B = k \cdot \det A$$

$$\frac{1}{x} \cdot \det A$$

$$y \cdot \frac{1}{x} \cdot \det A$$

$$\frac{y \cdot \det A}{x} = \frac{\det A}{y} \quad (C)$$

$$4 - \begin{vmatrix} 2 & 1 & 0 \\ K & K & K \\ 1 & 2 & -2 \end{vmatrix} = 10 = -5K \rightarrow K = 10 / -5$$

$$K = -2$$

$$\begin{vmatrix} 2 & 1 & 0 \\ -2+4 & -2+3 & -2-1 \\ 1 & 2 & -2 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 2 & 1 & 0 \\ 2 & 1 & -3 \\ 1 & 2 & -2 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 2 & 1 & 0 \\ 2 & 1 & -3 \\ 1 & 2 & -2 \end{vmatrix}$$

$$(-4-3) - (-4-12) = -7 + 16$$

$$\det = 9 \quad (C)$$

5- $\begin{vmatrix} 1 & -11 & 6 \\ -2 & 4 & -3 \\ -3 & -7 & 2 \end{vmatrix}$ A coluna 2 é uma combinação linear das colunas 1 e 3. Tal que:

$$\text{coluna 1} - 2 \cdot \text{coluna 3} = \text{coluna 2}$$

$$\begin{pmatrix} 1 \\ -2 \\ -3 \end{pmatrix} - 2 \cdot \begin{pmatrix} 6 \\ -3 \\ 2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ -2 \\ -3 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 12 \\ -6 \\ 4 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -11 \\ 4 \\ -7 \end{pmatrix} \quad (D)$$

$$6 - \begin{vmatrix} 1 & X & X^2 \\ 1 & 2 & 4 \\ 1 & -3 & 9 \end{vmatrix} = 0$$

Se houverem duas filas paralelas iguais o determinante da matriz zero, por isso acontecer: $X = -3$ ou $X = 2$

$$7 - \begin{vmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 2 & 2 & 0 & 0 & 0 \\ 3 & 2 & 1 & 0 & 0 \\ 4 & 2 & 3 & -2 & 0 \\ 5 & 1 & 2 & 3 & 3 \end{vmatrix}$$

O determinante da matriz triangular é igual a multiplicação da diagonal principal.

$$1 \cdot 2 \cdot 1 \cdot -2 \cdot 3$$

$$2 \cdot -6$$

$$\det = -12 \quad (D)$$