

# **Primer Coloquio de Divulgación de la Comunidad de Ingeniería en Sistemas**

# Aprendizaje Automático en Python





**Gustavo Adolfo Vargas Hákim**



**José Clemente Hernández  
Hernández**



# COVNNEC - App

Research Group on Computer Vision, Neural Networks,  
Evolutionary Computation and their Applications



# Agenda

1. Algoritmos de aprendizaje no supervisado.
2. Algoritmo de K Medias (K-Means)
3. Algoritmos de aprendizaje por refuerzo
4. Algoritmo de Aprendizaje Q (Q-Learning)



# Aprendizaje no Supervisado



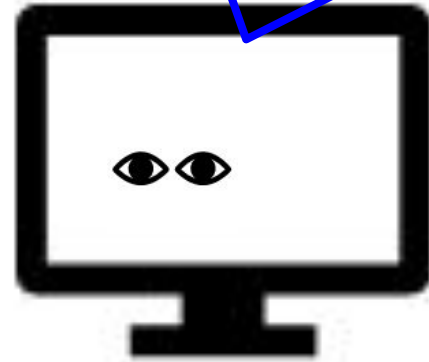
# Aprendizaje no Supervisado

En este tipo de aprendizaje los datos no están etiquetados. Es decir, no se tiene la componente  $Y$  para supervisar que el modelo aprenda “bien”

*¿Qué patrones se pueden encontrar dentro de dichos datos no etiquetados?*



# Aprendizaje no Supervisado



¡Puedo ver un patrón! ¡Son diferentes!





# Aprendizaje no Supervisado

Esencial para:

- Buscar patrones desconocidos en los datos, ya que pueden encontrar características que mejoren el aprendizaje
- El mundo real, porque contiene más datos sin etiquetar que etiquetados. Los datos etiquetados necesitan la intervención humana



# Aprendizaje no Supervisado

Clustering	Asociación
<ul style="list-style-type: none"><li>- Busca estructuras o patrones dentro de los datos no etiquetados</li><li>- Procesa los datos buscando <i>clusters</i></li></ul>	<ul style="list-style-type: none"><li>- Busca asociaciones dentro de las variables de los datos</li></ul>



# Clustering

Clustering  
jerárquico

K-means  
clustering

K-NN  
(K-Nearest  
Neighbors)

Principal  
Component  
Analysis

Singular Value  
Decomposition

Independent  
Component  
Analysis



# Aplicaciones del no Supervisado

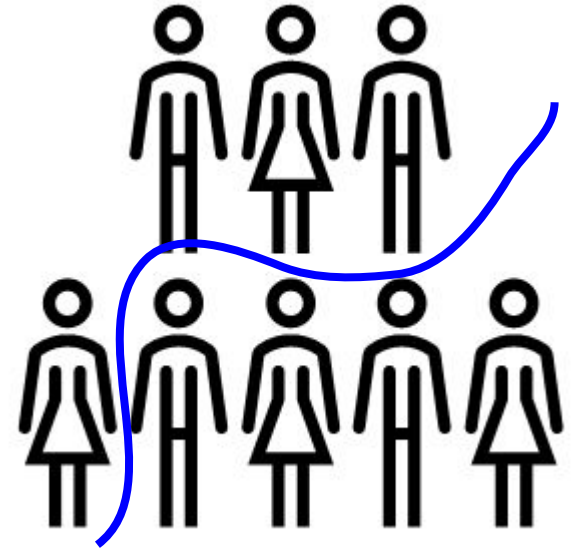


Dhanachandra, N., Manglem, K., Chanu, Y.J.: Image Segmentation Using K-means Clustering Algorithm and Subtractive Clustering Algorithm. *Procedia Comput. Sci.* 54, 764–771 (2015).  
<https://doi.org/10.1016/j.procs.2015.06.090>.

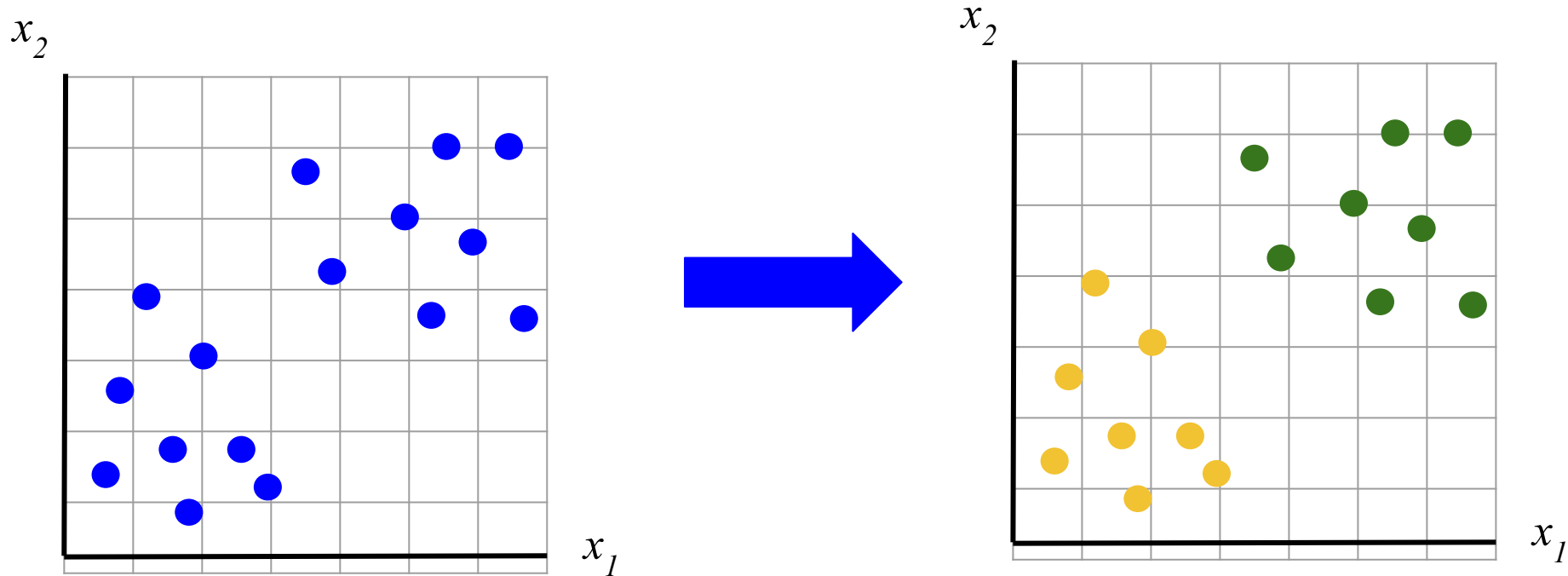


# Aplicaciones del no Supervisado

Alkhayrat, M., Aljnidi, M. & Aljoumaa, K. A comparative dimensionality reduction study in telecom customer segmentation using deep learning and PCA. J Big Data 7, 9 (2020). <https://doi.org/10.1186/s40537-020-0286-0>



# Algoritmo K-Means

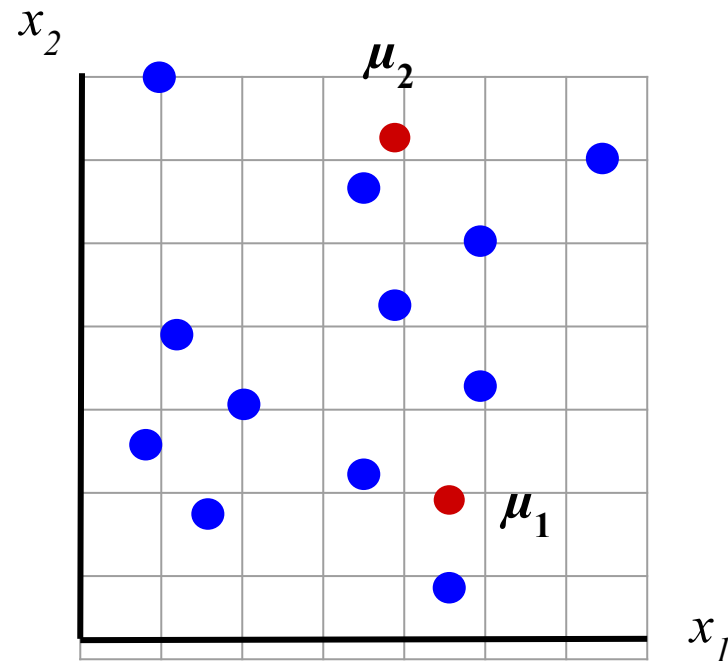


# Algoritmo K-Means

$x_1$	$x_2$	$y$
0.9	2.5	●
1.7	1.8	●
1.1	3.9	●
2	3	●
3.5	2.1	●
4.6	0.8	●

$x_1$	$x_2$	$y$
1	7	●
3.5	5.7	●
3.9	4.1	●
5	3.1	●
5	5	●
6.5	6	●

**Centroides:**  $\mu_1 = (4.6, 1.8)$ ,  
 $\mu_2 = (3.9, 6.2)$



# Algoritmo K-Means

$$\min_{\mathbf{X}} E(\boldsymbol{\mu}_i) = \min_{\mathbf{X}} \sum_{i=1}^k \sum_{\mathbf{x}_j \in X_i} \|\mathbf{x}_j - \boldsymbol{\mu}_i\|^2$$

Minimizar la suma de las distancias entre los  $k$  centroides y los vectores  $\mathbf{x}_j$ , que pertenecen a un centroide  $i$  denotados por el conjunto  $X_i$  que, a su vez provienen del conjunto original de los datos  $\mathbf{X}$





# Algoritmo K-Means

$$\text{Distancia} = \| \mathbf{x}_j - \boldsymbol{\mu}_i \|^2$$

Calcular la distancia de los vectores  $\mathbf{x}_j$  hacia cada centroide  $\boldsymbol{\mu}_i$  y elegir los **centroides** más cercanos para cada **vector**. ¿A qué **centroide** pertenece cada **vector**?



# Algoritmo K-Means

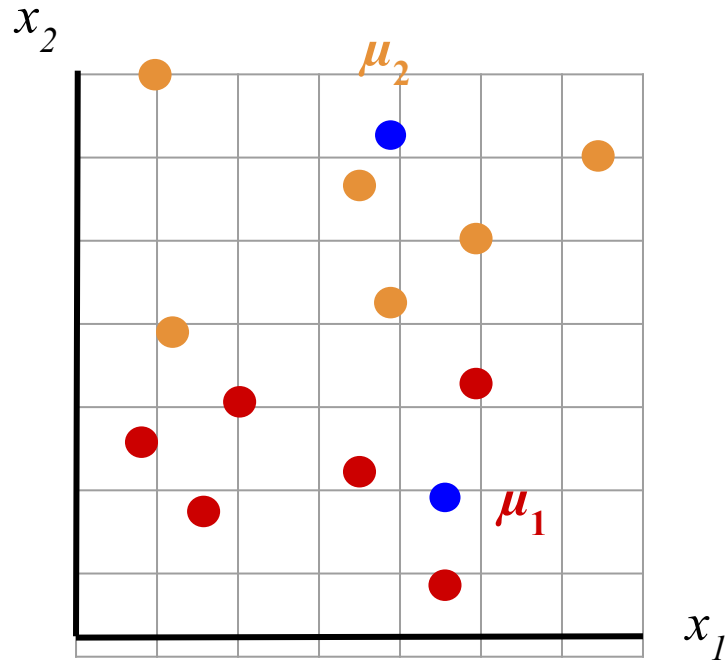
$x_1$	$x_2$	y	$\mu_1$	$\mu_2$
0.9	2.5	●	14.18	22.69
1.7	1.8	●	8.41	24.2
1.1	3.9	●	16.66	13.13
2	3	●	8.2	13.85
3.5	2.1	●	1.3	16.97
4.6	0.8	●	1	29.65

$x_1$	$x_2$	y	$\mu_1$	$\mu_2$
1	7	●	40	9.05
3.5	5.7	●	16.42	0.41
3.9	4.1	●	5.78	4.41
5	3.1	●	1.85	10.82
5	5	●	10.4	2.65
6.5	6	●	21.25	6.8

Centroides:  $\mu_1 = (4.6, 1.8)$ ,  
 $\mu_2 = (3.9, 6.2)$



# Algoritmo K-Means



# Algoritmo K-Means

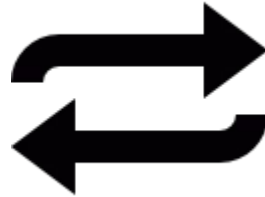
$$\mu_i^{(t+1)} = \frac{1}{|X_i^{(t)}|} \sum_{\mathbf{x}_j \in X_i^{(t)}} \mathbf{x}_j$$

La actualización de los centroides en la siguiente iteración ( $t + 1$ ), viene dada por el promedio de los **vectores** pertenecientes al conjunto  $X_i$  de ese **centroide**

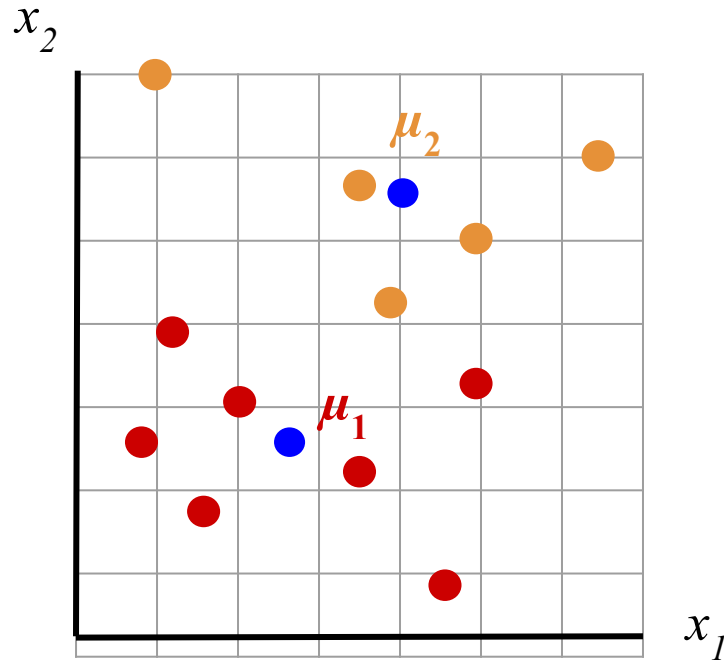


# Algoritmo K-Means

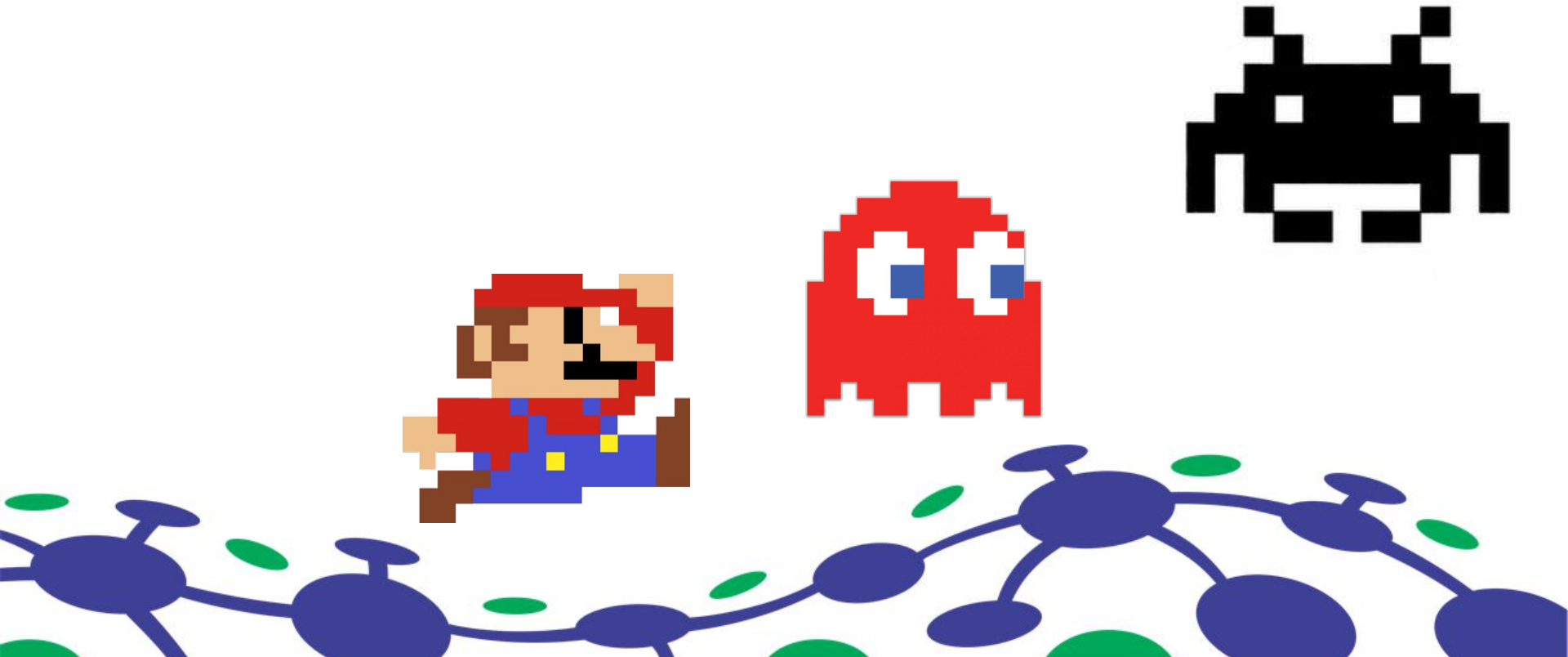
Se repite el procedimiento, calculando distancias a los nuevos centroides y actualizando con respecto a los nuevos conjuntos, hasta llegar a un número dado de iteraciones, umbral o hasta que los centroides no se muevan



# Algoritmo K-Means



# Aprendizaje por Refuerzo



# Aprendizaje por refuerzo

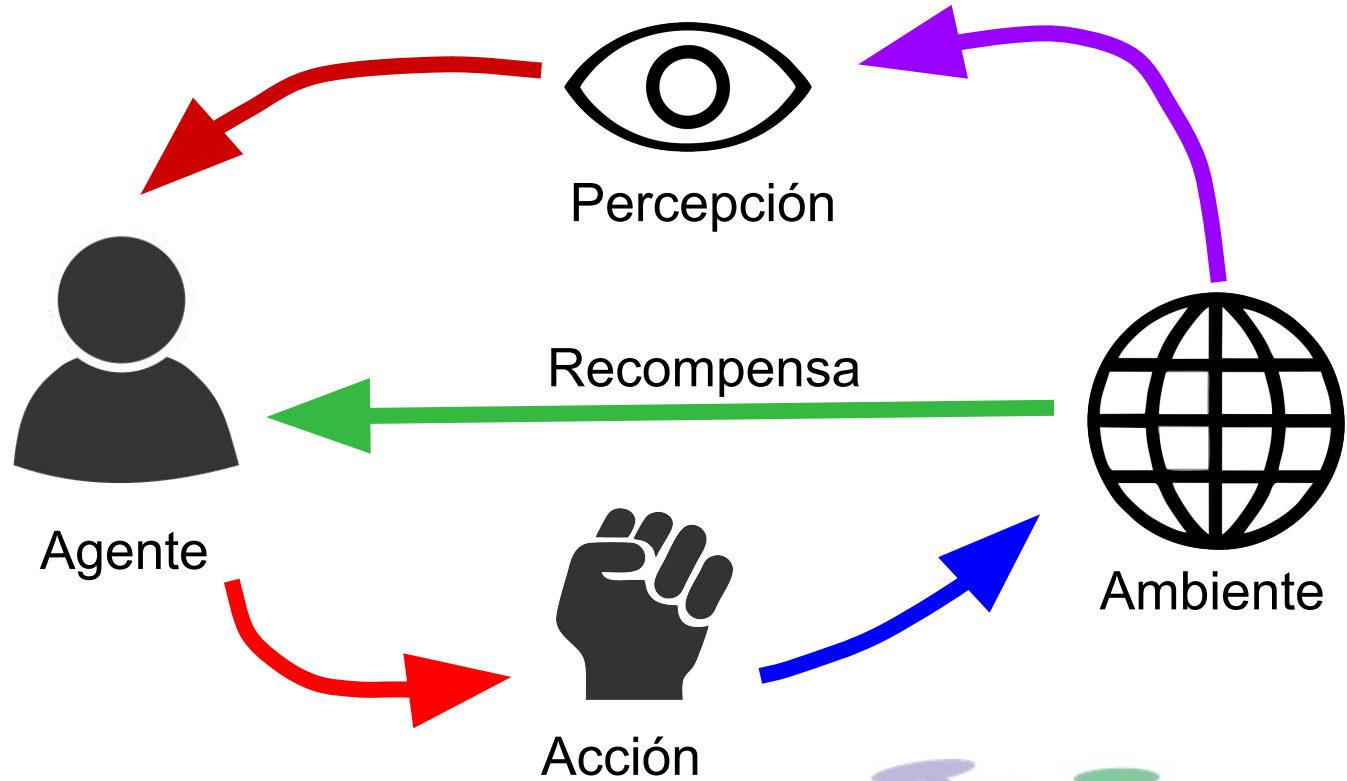
Es un tipo de aprendizaje menos *tradicional*: no contamos con **datos ni etiquetas**, ni con **reglas ni procedimientos específicos**.

*¿Puede una computadora desarrollar un comportamiento inteligente por sí misma?*

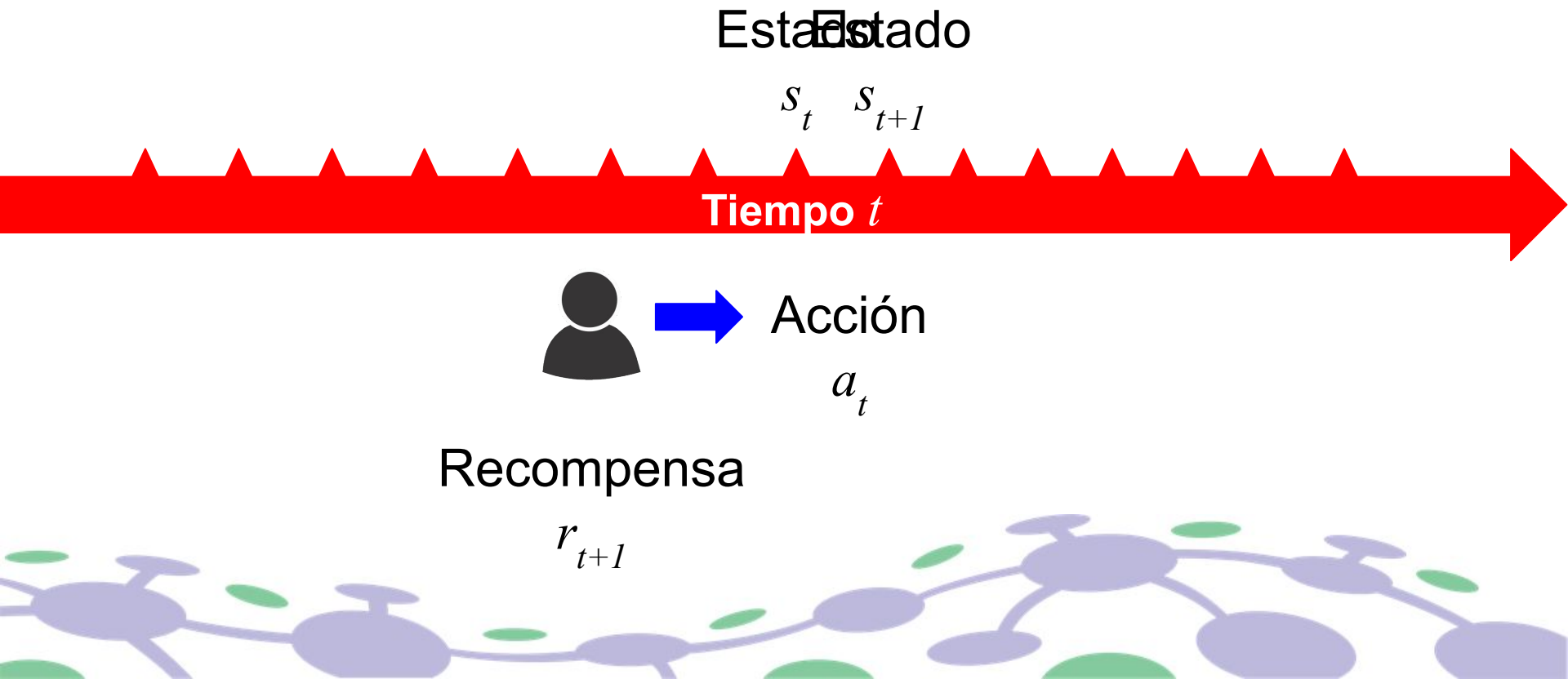




# Aprendizaje por refuerzo

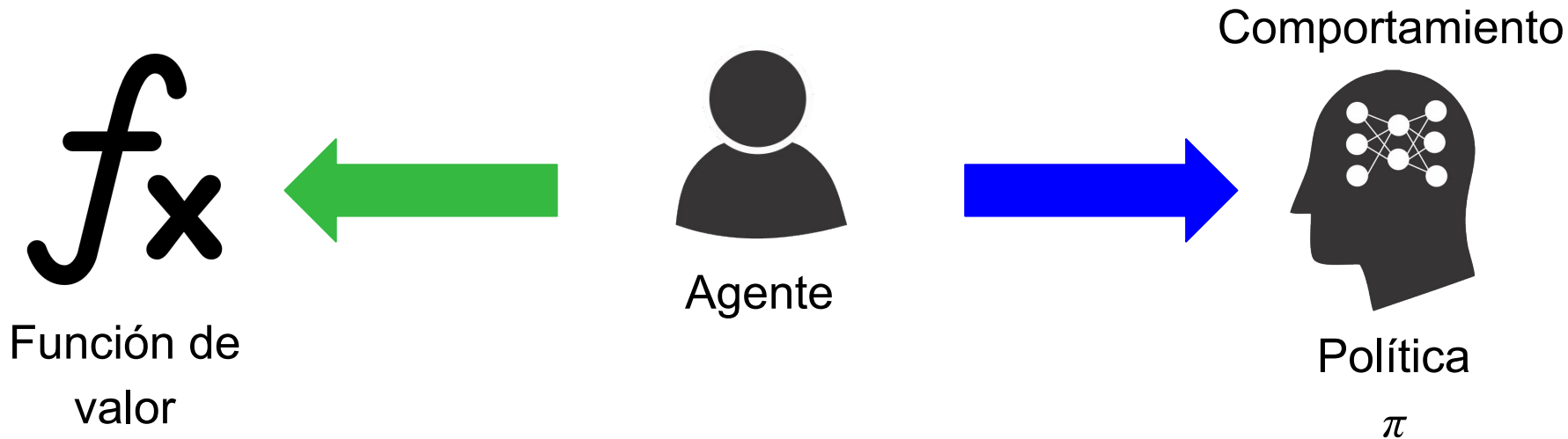


# Aprendizaje por refuerzo



# Aprendizaje por refuerzo

Dos componentes esenciales:



# Aprendizaje por refuerzo

Definamos la función de valor [1]:

Recompensa en  
el tiempo  $t$

Recompensa en el  
tiempo  $t + 1$

$$V^{\pi}(s_t) = r_t + \gamma r_{t+1} + \gamma^2 r_{t+2} + \dots$$

Recompensa en el  
tiempo  $t + 2$

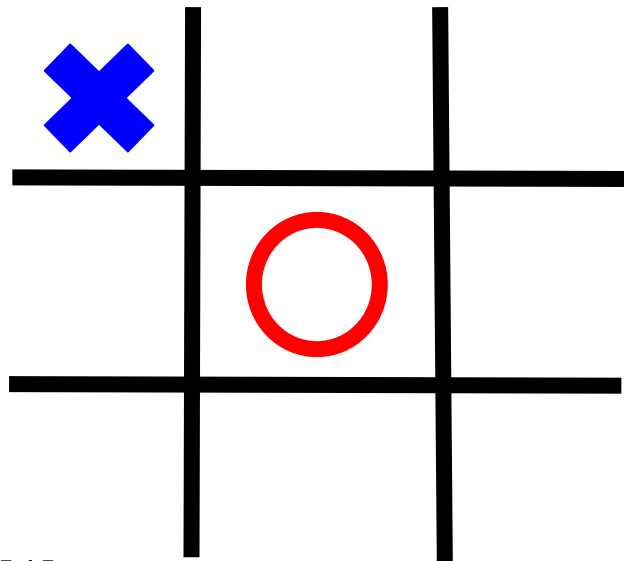
Factor de descuento

$$0 \leq \gamma \leq 1$$



# Aprendizaje por refuerzo

Un ejemplo:



[1]

**Acciones**  $A = \{\bigcirc, \times\}$

**Recompensa**  $R = \{1, 0, -1\}$

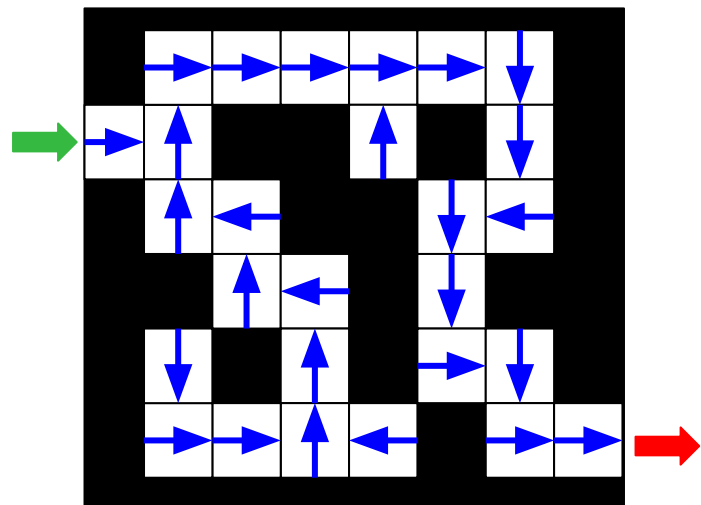
**Estados**  $S = \{\text{posición de } \bigcirc \text{ y } \times\}$

**Política**  $\pi = S \times A$

**Función de valor** predicción de la recompensa a futuro

# Aprendizaje por refuerzo

Otro ejemplo:



[1]

**Acciones**  $A = \{\uparrow, \rightarrow, \downarrow, \leftarrow\}$

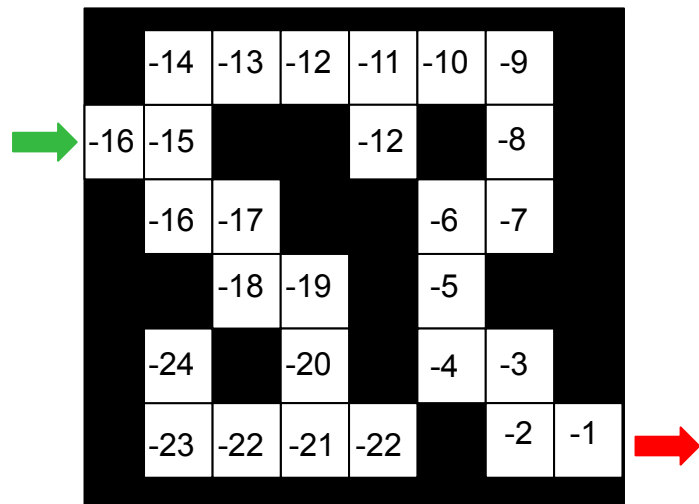
**Recompensa**  $R = \{-t \mid t \text{ es un episodio}\}$

**Estados**  $S = \text{localización del agente}$

**Política**  $\pi$  (flechas en color azul)

# Aprendizaje por refuerzo

Otro ejemplo:



**Acciones**  $A = \{\uparrow, \rightarrow, \downarrow, \leftarrow\}$

**Recompensa**  $R = \{-t \mid t \text{ es un episodio}\}$

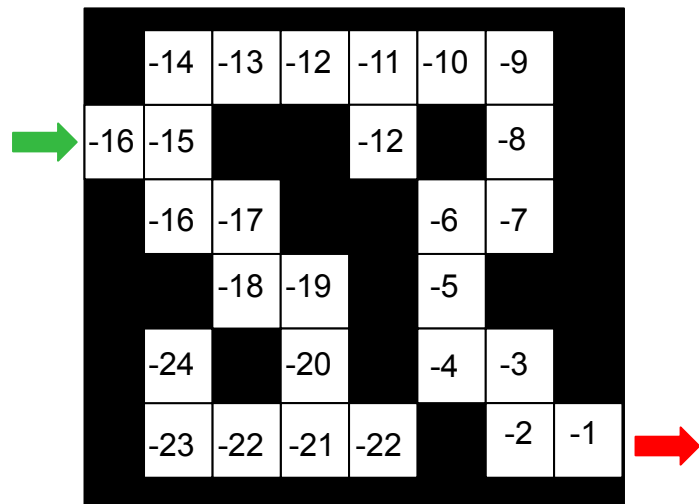
**Estados**  $S = \text{localización del agente}$

**Política**  $\pi$  (flechas en color azul)

**Función de valor** predicción de la recompensa a futuro

# Aprendizaje por refuerzo

Otro ejemplo:



**Acciones**  $A = \{\uparrow, \rightarrow, \downarrow, \leftarrow\}$

**Recompensa**  $R = \{-t \mid t \text{ es un episodio}\}$

**Estados**  $S = \text{localización del agente}$

**Política**  $\pi$  (flechas en color azul)

**Función de valor** predicción de la recompensa a futuro



# Aprendizaje por refuerzo

Más optimización:

$$\max_{\pi} V^{\pi}(s_t)$$

*Maximizar la función de valor en cada estado a partir de la política.*

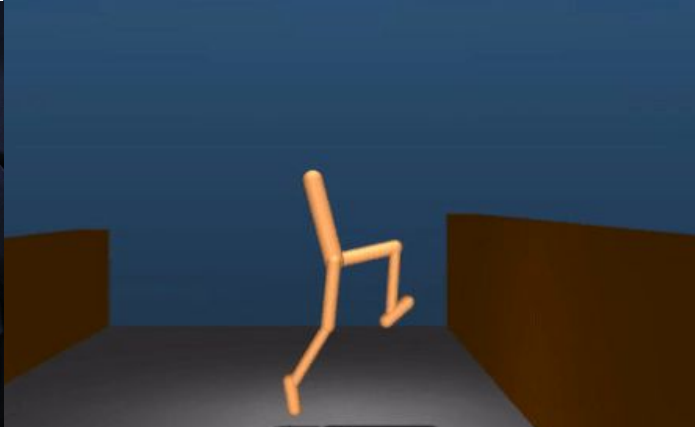


# Aprendizaje por refuerzo

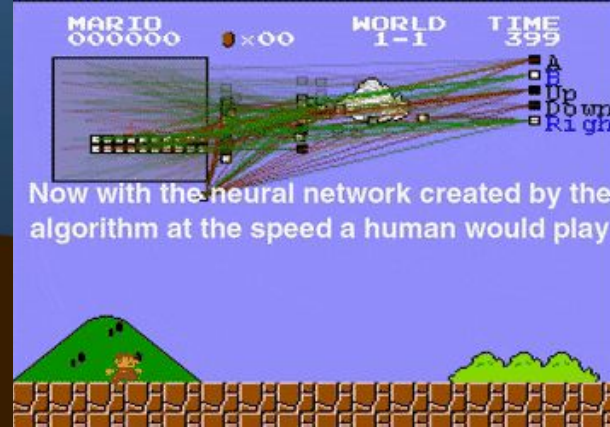
Ejemplos muy interesantes:



[i1]



[i2]

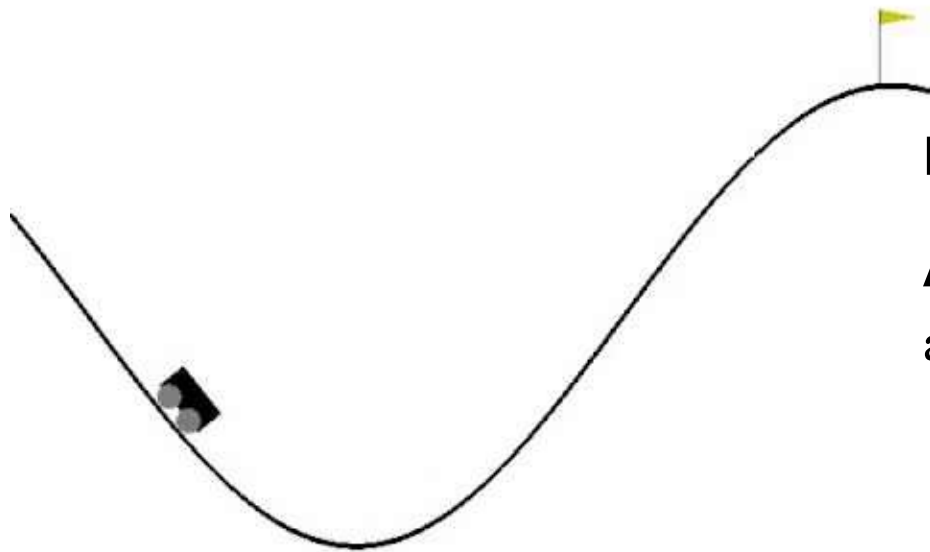


[i3]



# Q Learning

Una algoritmo de Aprendizaje por Refuerzo muy popular.



**Estados**  $S = (\text{posición, rapidez})$

**Acciones**  $A = \{\text{acelerar a la izquierda, acelerar a la derecha, no hacer nada}\}$

**Meta:**  $pos = 0.5$

**Recompensa:**  $-1$  en cada instante donde no se llegue a la meta



# Q Learning

Primero definimos los límites para las variables de estado:

Variable	Min	Max
Posición	-1.2	0.6
Rapidez	-0.07	0.07



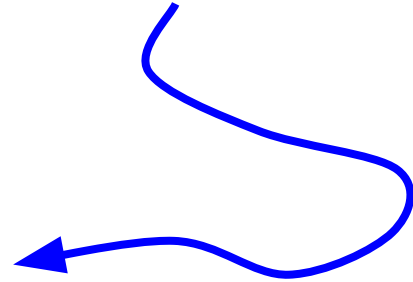
# Q Learning

Para cada estado  $s_t$



Una acción  $a_t$

Recompensa  $R(s_t, a_t) = r_t$



# Q Learning

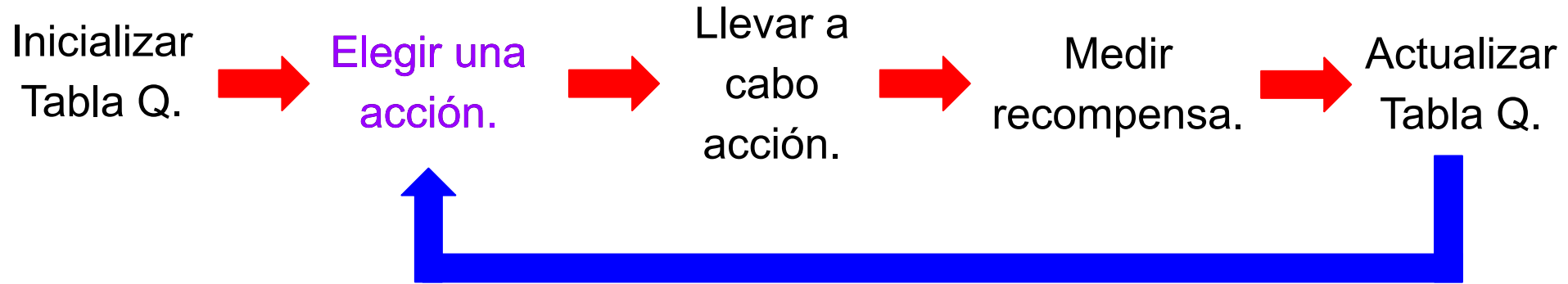
Si tenemos una **cantidad finita de estados**, habrá una **cantidad finita de acciones**. Podemos organizar las recompensas en la **Tabla Q** para cada instante  $t$ :

	$a_1$	$a_2$	...	$a_m$
$s_1$	0	1	...	1
$s_2$	1	0	...	999
...	...	...	...	...
$s_n$	0	1	...	0

El valor de  $Q(s_i, a_j)$  es la máxima recompensa esperada si el agente toma la acción  $a_j$  en el estado  $s_i$ .



# Q Learning



# Q Learning

Cuando elegimos una nueva acción para el nuevo episodio  $t + 1$ , tenemos que actualizar la Tabla Q:

La actualización de  $Q(s, a)$       Coeficiente de aprendizaje      Recompensa inmediata de aplicar  $a$  en  $s$       Tasa de descuento

$$Q(s, a) = Q(s, a) + \alpha (R(s, a) + \gamma \max_{a'} Q(s, a') - Q(s, a))$$

El valor anterior de  $Q(s, a)$

El valor máximo esperado de cualquier futura acción después de haber elegido  $a$  en este episodio





# Q Learning

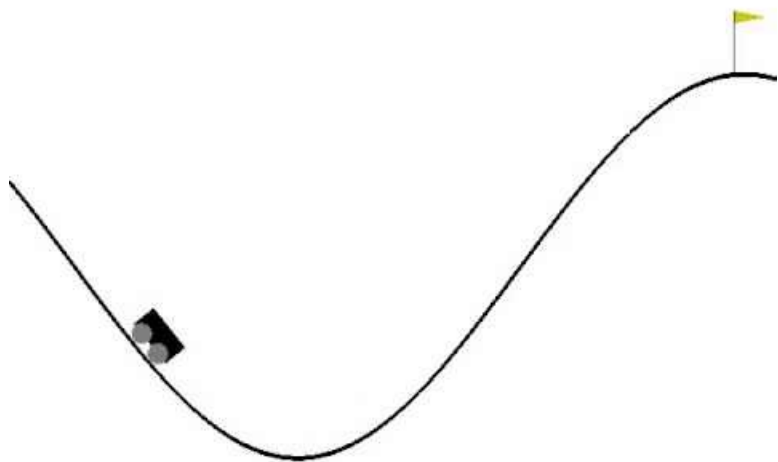
Después de una cantidad **predeterminada** de repeticiones, la Tabla Q estará actualizada con los valores máximos esperados de recompensa.

La política  $\pi$  será la propia Tabla Q; una vez que el agente está entrenado, resolver el problema consiste en que, para cada posible estado  $s_i$ , seleccionemos la acción  $a_m$  que devuelva el mayor valor  $Q(s_i, a_m)$ .



# Q Learning

En nuestro ejemplo, elegiremos la siguiente acción de la siguiente forma:



Si  $\varepsilon \geq U(0,1)$ :

$$a^* = \max Q(s, a)$$

Si no:

$$a^* = \text{random } Q(s, a)$$

El parámetro  $\varepsilon$  se reduce ligeramente durante cada episodio.



# Referencias

1. Zemel, R. Ursatun, R., Fidler, S. (2016). *CSC 411: Lecture 19: Reinforcement Learning*. Recuperado de:  
[https://www.cs.toronto.edu/~urtasun/courses/CSC411\\_Fall16/19\\_rl.pdf](https://www.cs.toronto.edu/~urtasun/courses/CSC411_Fall16/19_rl.pdf)
2. n.a. (2018). *An introduction to Q-Learning: reinforcement learning*. Recuperado de:  
<https://www.freecodecamp.org/news/an-introduction-to-q-learning-reinforcement-learning-14ac0b4493cc/>
3. n.a. (2019). *Mountain\_Car.py*. Recuperado de:  
<https://gist.github.com/gkhayes/3d154e0505e31d6367be22ed3da2e955>



# Imágenes

- i1. Rus, C. (2018). *'AlphaGo' es el documental de Netflix que explica lo que supuso la victoria de la IA de Google al campeón de Go*. Recuperado de: <https://www.xataka.com/cine-y-tv/alphago-es-el-documental-de-netflix-que-mejor-explica-l-o-que-supuso-la-victoria-de-la-ia-de-google-al-campeon-de-go>
- i2. Heess, N., Merel, J., Wang, Z. (2017). *Producing flexible behaviours in simulated environments*. Recuperado de: <https://deepmind.com/blog/article/producing-flexible-behaviours-simulated-environments>
- i3. Sethi, V. (2019). *Reinforcement Learning: a Subtle Introduction*. Recuperado de: <https://towardsdatascience.com/reinforcement-learning-a-subtle-introduction-7a150e37960e>

