

# UNIVERSIDADE REGIONAL DE BLUMENAU - FURB CENTRO DE CIÊNCIAS EXATAS E NATURAIS DEPARTAMENTO DE SISTEMAS E COMPUTAÇÃO

DISCIPLINA: Teoria dos grafos

Prof. Aurélio Hoppe

#### TRABALHO FINAL

Contexto: O objetivo desse trabalho é se familiarizar com ferramentas e APIs para manipulação de grafos, além de exercitar os alguns conceitos vistos ao longo do semestre.

# **QUESTÃO 01:**

### 1.1 Base de dados:

- a) Faça a escolha de duas bases de dados disponibilizadas abaixo:
  - Facebook os vértices representam páginas oficiais do Facebook, enquanto os relacionamentos são curtidas mútuas entre sites. Vértices (22.470), Arestas (171.002)
  - Deezer os vértices são usuários do Deezer de países europeus e as arestas representam as relações entre os seguidores. Vértices (28.281), Arestas (92.752)
  - LastFM os vértices são usuários do LastFM de países asiáticos e as arestas representam as relações entre os seguidores. Vértices (7.624), Arestas (27.806)

# 1.2 Análise de uma rede complexa:

Para esta questão, você deve realizar a montagem e a análise dos grafos correspondentes as bases de dados escolhidas. Sugere-se o uso da biblioteca networkX em Python e o ambiente Colab do Google para desenvolvimento do trabalho. Assim, vocês não precisam instalar nada. A networkX é uma das principais bibliotecas de manipulação de grafos, possuindo diversos métodos já implementados. Em todas as questões abaixo, forneça interpretações dos resultados obtidos.

Para cada um dos grafos, faça:

- a) Forneça a representação visual do grafo.
- b) Calcule e gere um gráfico da distribuição do grau dos vértices desse grafo. Calcule também o grau médio do grafo.
- c) Calcule o número de componentes do grafo.
- d) Gere um gráfico com a distribuição do tamanho dos componentes do grafo. Se o grafo possuir apenas um componente não é preciso plotar.
- e) Calcule a distância média e a distribuição das distâncias de todos os vértices da rede.
- f) Implemente uma abordagem para encontrar arestas com grandes chances de serem pontes.

## **QUESTÃO 02:**

A partir do arquivo scientometrics.net que contém as citações entre 1656 artigos publicados. Cada vértice representa um artigo, e um link do vértice i para o vértice j indica que i citou j.

Vértices (N): 1656 Arestas (M): 4123 Direcionado: sim

### **Determine:**

# a) Densidade do Grafo

A densidade do grafo, que mede a proporção de arestas presentes em relação ao número máximo possível de arestas, pode ser calculada pela fórmula:

Densidade = (2.M) / (N(N-1))

### b) Grau dos vértices

Grau de Entrada: Número médio de citações que um artigo recebe.

Grau de Saída: Número médio de citações que um artigo faz.

## c) Componentes Conexos

Determinar quantos componentes conexos existem no grafo, especialmente se o grafo não for fortemente conectado.

## d) Caminhos e Ciclos

Identificar a presença de ciclos e calcular a média do comprimento dos caminhos mais curtos entre os pares de vértices.

## e) Centralidade

Centralidade de Grau: Medir a importância dos vértices com base no número de conexões.

## Critérios de Avaliação:

- Correção da implementação do grafo.
- Qualidade da visualização e interação.
- Profundidade das análises e dos métodos utilizados na resolução das questões.
- Clareza e organização da solução.

## Observações:

- 1. as equipes devem ter no máximo TRÊS integrantes. A interpretação do enunciado faz parte da avaliação;
- 2. os programas-fontes devem ser feitos em Java ou Python (.ipynb). As saídas, podem ser mostradas no console da IDE de desenvolvimento ou de maneira visual;
- 3. coloque o nome da equipe como comentário na resolução;
- 4. os programas-fonte devem ser postados no AVA até o dia 05/12/2024.
- 5. defesa do trabalho desenvolvido dia 05/12/2024. OBS.: Todos os integrantes da equipe serão questionados sobre o desenvolvimento do trabalho e receberam notas individuais.