

Міністерство освіти і науки України  
Національний технічний університет України «Київський політехнічний інститут імені Ігоря  
Сікорського»  
Факультет інформатики та обчислювальної техніки  
Кафедра інформатики та програмної інженерії

Звіт

з лабораторної роботи № 6 з дисципліни «Алгоритми та  
структури даних-1. Основи алгоритмізації»

«Дослідження лінійних алгоритмів»

Варіант 18

Виконав студент ІП-13 Король Валентин Олегович  
(шифр, прізвище, ім'я, по батькові)

Перевірів Вечерковська Анастасія Сергіївна  
(прізвище, ім'я, по батькові)

## Лабораторна робота 6

### Дослідження складних циклічних алгоритмів

**Мета** – дослідити особливості роботи рекурсивних алгоритмів та набути практичних навичок їх використання під час складання програмних специфікацій підпрограм.

#### Індивідуальне завдання

#### Варіант 18

18. Задано натуральне  $n$ . Обчислити  $\sum_{k=1}^n \frac{a_k - b_k}{k!}$   $a_1 = 1, a_k = 0.5(\sqrt{b_{k-1}} + 5\sqrt{a_{k-1}}),$   
 $b_1 = 1, b_k = 2a_{k-1}^2 + b_{k-1}.$

#### Завдання

**1. Ввести натуральне число  $n$ . Як результат вивести суму членів від  $k$  до  $n$ .**

#### 2. Постановка задачі

Заданий алгоритм повинен приймати на вводі натуральне число  $n$  та виводити суму всіх  $n$  членів послідовності

#### 3. Математична модель

Побудуємо таблицю імен змінних:

<i><b>Змінна</b></i>	<i><b>Тип</b></i>	<i><b>Ім'я</b></i>	<i><b>Призначення</b></i>
Задане число	Натуральне	$n$	Початкові дані
Аргумент підпрограми, що відповідає рекурсивній функції факторіалу	Натуральне	$r$	Аргумент рекурсивної функції
Аргумент підпрограми, що відповідає рекурсивній функції знаходження $a$	Дійсний	$n$	Аргумент рекурсивної функції
Аргумент підпрограми, що відповідає рекурсивній функції знаходження $b$	Дійсний	$n$	Аргумент рекурсивної функції
Результат	Дійсний	$S$	Вихідні дані

## Розв'язання

Програмні специфікації запишемо у псевдокодi та графічній формi у вигляді блок-схеми.

Крок 1. Визначимо основні дії

Крок 2. Деталізуємо дію знаходження S

Крок 3. Деталізуємо рекурсивні ф-ї

## Псевдокод

**Крок 1.**

**Функція multiplication (first\_number, step, last\_number)**

Реалізація рекурсії

**Все функція**

**Початок**

Введення даних

Виклик функцій

Виведення даних

**Кінець**

## Крок 2.

**Функція** factorial(r)

    r := 1;

**якщо** (r == 0 || r == 1)

            return 1

**все якщо**

**інакше**

        return r \* factorial(r - 1);

**все інакше**

**Функція** adifference(n)

**якщо** (n == 1)

        return 1;

**все якщо**

**інакше** return 0.5 \* (sqrt(bdifference(n - 1)) + 5 \* sqrt(adifference(n - 1)));

**Функція** bdifference(n)

**якщо** (n == 1)

        return 1;

**все якщо**

**інакше** return 2 \* pow(adifference(n - 1), 2) + bdifference(n - 1);

**Все функція**

**Початок** Введення даних

Виклик функції

Виведення даних

**Кінець**

Крок 3

**Функція** factorial(r)

$r := 1;$

**якщо**  $(r == 0 \parallel r == 1)$

**return** 1

все якщо

**інакше**

**return**  $r * \text{factorial}(r - 1);$

все **інакше**

**Функція**  $\text{adifference}(n)$

**якщо**  $(n == 1)$

**return** 1;

все якщо

**інакше** **return**  $0.5 * (\text{sqrt}(\text{bdifference}(n - 1)) + 5 * \text{sqrt}(\text{adifference}(n - 1)));$

**Функція**  $\text{bdifference}(n)$

**якщо**  $(n == 1)$

**return** 1;

все якщо

**інакше** **return**  $2 * \text{pow}(\text{adifference}(n - 1), 2) + \text{bdifference}(n - 1);$

**початок**

Введення  $n$

Для  $k$  **Від** 1 до  $n$ , з кроком 1

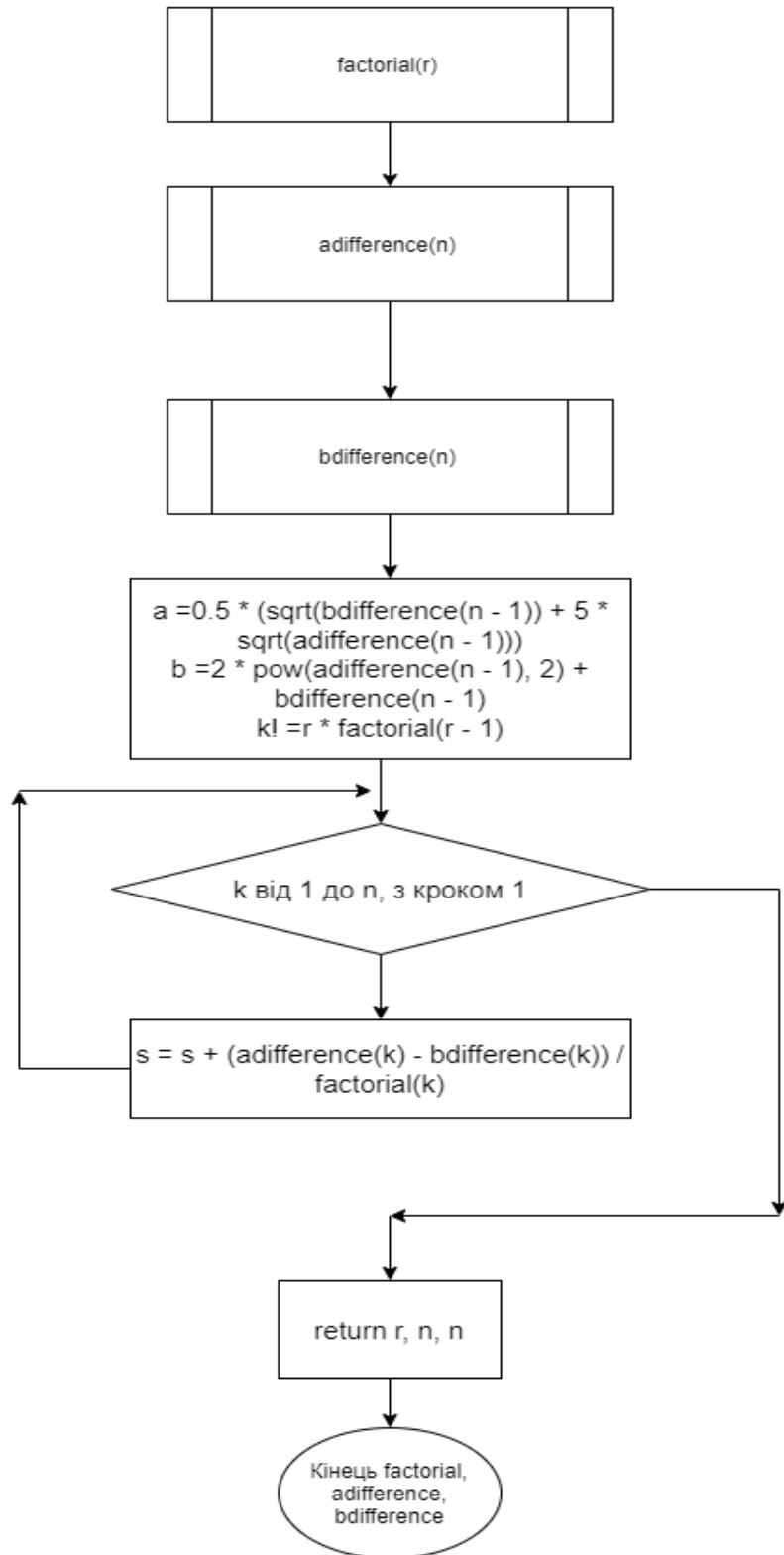
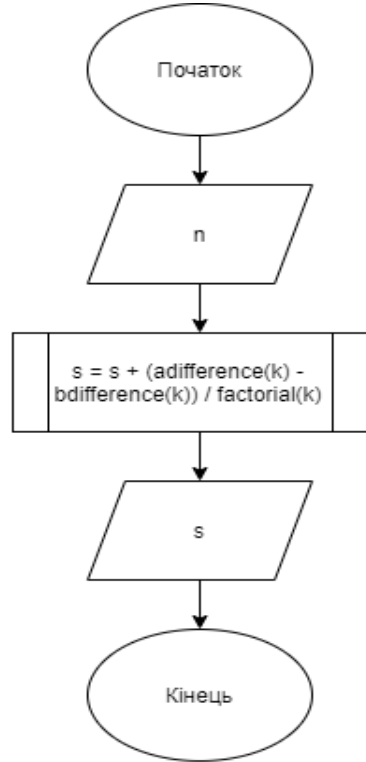
$s = s + (\text{adifference}(k) - \text{bdifference}(k)) / \text{factorial}(k);$

виведення  $s$

Все повторити

**кінець**

## Блок-схем



## Основи\_програмування – 1. Алгоритми та структури даних

```
1 #include <iostream>
2 #include <math.h>
3 using namespace std;
4 double bdifference(int n);
5
6 double factorial(int r) //рекурсивна ф-я розрахунку факторіала
7 {
8     if (r == 0 || r == 1)
9         return 1;
10    else
11        return r * factorial(r - 1);
12 }
13 double adifference(int n)
14 {
15     if (n == 1)
16         return 1;
17
18     else
19         return 0.5 * (sqrt(bdifference(n - 1)) + 5 * sqrt(adifference(n - 1)));
20 }
21
22 double bdifference(int n)
23 {
24     if (n == 1)
25         return 1;
26     else
27         return 2 * pow(adifference(n - 1), 2) + bdifference(n - 1);
28 }
29
30 int main()
31 {
32     double a = 1, b = 1, s = 0;
33     int n;
34     cout << "n="; cin >> n;
35     for(int k = 1; k <= n; k++)
```

```
    {
        s = s + (adifference(k) - bdifference(k)) / factorial(k);
    }
    cout << s;
}
```

Microsoft Visual Studio Debug Console

n=5  
-7.0201

## **Висновок**

Під час виконання лабораторної роботи я дослідив особливості роботи рекурсивних алгоритмів, набув практичних навичок їх використання під час складання програмних специфікацій підпрограм. Розробив алгоритм для розв'язання поставленої задачі, побудував математичну модель, псевдокод, блок-схему. Написав код програми. Протестував алгоритм та довів його правильність.