

# Criptografie-Tema11

guzurazvan

May 2024

1. Cifrul secret pentru utilizarea unei baze de date este partajat, folosind protocolul de divizarea a secretului, între președinte și cei trei vicepreședinti, fiecare dintre ei, deținând următoarea informație:  $p = 1100111011$ ,  $v_1 = 1000100101$ ,  $v_2 = 0011101101$  și  $v_3 = 1011101101$ . Determinați cifrul.

Cifrul  $c = p \oplus v_1 \oplus v_2 \oplus v_3$   
 $p = 1100111011$   
 $v_1 = 1000100101$   
 $p \oplus v_1 = 0100011110$   
 $v_2 = 0011101101$   
 $p \oplus v_1 \oplus v_2 = 0111110011$   
 $v_3 = 1011101101$   
 $p \oplus v_1 \oplus v_2 \oplus v_3 = 1100011110$   
 $\Rightarrow c = 1100011110$

1. Profesorul de la disciplina criptografie comunică cu voi și secretariatul nota de la disciplina criptografie folosind protocolul Shamir de secret splitting cu  $n = 6$  și pragul  $m = 3$ . El alege corpul  $Z_{31}$  și comunică urmele  $(1, 13)$ ,  $(30, 9)$ ,  $(2, 18)$ ,  $(29, 4)$ ,  $(3, 25)$ ,  $(28, 13)$ . Determinați secretul.

$m = 3 \Rightarrow$  Funcția este de gradul 2.

$$F_1(x) = ax^2 + bx + M$$

$$F_1(1) = 13 \Rightarrow a + b + M = 13$$

$$F_1(30) = 9 \Rightarrow 900a + 30b + M = 9 \Rightarrow 899a + a + 30b + M = 9 \Rightarrow a + 30b + M = 9$$

$$\Rightarrow a - b + M = 9$$

$$F_1(2) = 18 \Rightarrow 4a + 2b + M = 18$$

*Avem :*

$$a + b + M = 13$$

$$a - b + M = 9$$

$$4a + 2b + M = 18$$

$$\Rightarrow 2b = 4 \Rightarrow b = 2 \Rightarrow$$

$$\begin{aligned}
a + 2 + M &= 13 \\
b &= 2 \\
4a + 4 + M &= 18 \Rightarrow
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
a + M &= 11 \\
b &= 2 \\
4a + M &= 14 \Rightarrow
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
a + M &= 11 \\
b &= 2 \\
3a &= 3 \Rightarrow
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
a &= 1 \\
b &= 2 \\
M &= 10 \\
\Rightarrow F_1(x) &= x^2 + 2x + 10
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
F_2(x) &= ax^2 + bx + M \\
F_2(29) &= 4 \Rightarrow 841a + 29b + M = 4 \Rightarrow 4a - 2b + M = 4 \\
F_2(3) &= 25 \Rightarrow 9a + 3b + M = 25 \\
F_2(28) &= 13 \Rightarrow 784a + 28b + M = 13 \Rightarrow 9a - 3b + M = 13
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
&Avem : \\
4a - 2b + M &= 4 \\
9a + 3b + M &= 25 \\
9a - 3b + M &= 13 \Rightarrow
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
4a - 4 + M &= 4 \\
9a + 6 + M &= 25 \\
b = 2 &\Rightarrow
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
4a + M &= 8 \\
9a + M &= 19 \\
b = 2 &\Rightarrow
\end{aligned}$$

$$a = 11/5$$

$$M = -4/5$$

$$\begin{aligned}
b &= 2 \\
\Rightarrow F_2(x) &= \frac{11}{5}x^2 + 2x - \frac{4}{5}
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
M_1 &= 10 \\
M_2 &= -\frac{4}{5} \\
Nota &= 10 - 4/5 = 9.20.
\end{aligned}$$