

## Lietuvos mokinių informatikos olimpiada

Šalies etapas (1) • 2021 m. sausio 26 d. • X–XII kl.

transformacija-vyr

## Vieneto transformacija

*Numeracijos* karalystė labai didžiuojasi savo skaičių kokybe, tad renka mokesčius iš savo gyventojų už kiekvieną skaičiaus pakeitimą. Nepaisant to, Numeracijos gyventojai labai mėgsta transformuoti skaičius.

Draugų grupė Vienetukai savoms reikmėms naudoja pačias pigiausias transformacijas:

- prie skaičiaus pirmo (labiausiai reikšminio) ar paskutinio (mažiausiai reikšminio) skaitmens pridėti vienetą kainuoja 1 auksinį;
- skaičiaus pirmą ar paskutinį skaitmenį padauginti iš bet kurio skaitmens nuo 2 iki 9 kainuoja 2 auksinius.

Vienetukai visada pradeda savo transformacijas nuo skaičiaus 1.

Pavyzdžiui, šiuos metus 2021 iš 1 galima gauti tokia transformacijų seka:

- I. Prie 1 pridėsime 1 gauname 2.
- II. 2 padauginame iš 5 gauname 10.
- III. Prie pirmo skaitmens pridedame 1 gauname 20.
- IV. Pirmą skaitmeni padauginame iš 5 gauname 100.
- V. Pirmą skaitmenį padauginame iš 2 gauname 200.
- VI. Prie paskutinio skaitmens pridedame 1 gauname 201.
- VII. Paskutinį skaitmenį padauginame iš 5 gauname 205.
- VIII. Paskutinį skaitmenį padauginame iš 4 gauname 2020.
  - IX. Prie paskutinio skaitmens pridedame 1 gauname 2021.

Tokia transformacija kainuoja 14 auksinių. Šią seką galime pavaizduoti schematiškai:

$$1 \xrightarrow[1+1]{} 2 \xrightarrow[2\times5]{} 10 \xrightarrow[1+1]{} 20 \xrightarrow[2\times5]{} 100 \xrightarrow[1\times2]{} 200 \xrightarrow[0+1]{} 201 \xrightarrow[0+1]{} 201 \xrightarrow[1\times5]{} 205 \xrightarrow[5\times4]{} 2020 \xrightarrow[0+1]{} 2021.$$

Skaičių 2021 galima buvo gauti ir pigiau, sumokant tik 9 auksinius:

$$1 \xrightarrow{2} 9 \xrightarrow{2} 45 \xrightarrow{2} 205 \xrightarrow{5} 2020 \xrightarrow{1} 2021$$

Padėkite Vienetukams gauti M duotųjų skaičių nurodytomis transformacijomis.

**Užduotis.** Kiekvienam iš M n-ženklių skaičių  $A_i$ , raskite mažiausią kainą, už kurią Vienetukai gali gauti  $A_i$  iš 1.



## Lietuvos mokinių informatikos olimpiada

Šalies etapas (1) • 2021 m. sausio 26 d. • X-XII kl.

transformacija-vyr

**Pradiniai duomenys.** Pirmoje įvesties eilutėje duotas skaičius M – rinkinio skaičių kiekis. Likusiose M eilutėse įrašyti natūralieji skaičiai  $A_i$   $(1 \le i \le M)$ .

**Rezultatai.** Atskirose eilutėse pateikite M skaičių – atitinkamas mažiausias vieneto transformacijų kainas. Jeigu tam tikriems skaičiams atitinkamos vieneto transformacijos neegzistuoja, tose eilutėse išveskite -1.

Pradiniai duomenys	Rezultatai	Paaiškinimas
3	8	Turime gauti tris skaičius 1000, 2021, 5555
1000	10	transformuodami vienetą. Pirmą skaičių
5555	9	(1000) galima gauti taip:
2021		$1 \xrightarrow{\frac{2}{1 \times 5}} 5 \xrightarrow{\frac{2}{5 \times 8}} 40 \xrightarrow{\frac{2}{4 \times 5}} 200 \xrightarrow{\frac{2}{2 \times 5}} 1000$ Antrą skaičių (5555) galima gauti iš vieneto taip:
		$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$

**Ribojimai.**  $1 \le M \le 50, 1 \le A_i \le 10^{19}.$ 

## Papildoma informacija apie testus:

- apie 50 procentų visų taškų sudarys testai, kur M=1;
- vienas iš testų sudarytas iš dviženklių skaičių;
- keletas testų sudaryti iš skaičių, kurių kiekvienas skaitmuo yra tas pats, pvz. 11111, 55555 ir panašiai;
- taip pat keletas testų sudaryti iš skaičių, kurių tik reikšmingiausias skaitmuo yra ne nulis, o likę – nuliai, pvz. 100000, 500000 ir panašiai;
- analogiškai keletas testų yra sudaryti iš skaičių, kurių tik reikšmingiausias ir paskutinis skaitmenys yra ne nuliai, o likę – nuliai, pvz. 100003, 500007 ir panašiai;
- dalyje testų **visi** skaičiai turi vieneto transformaciją, t. y. tarp rezultatų nėra -1;
- dalyje testų visi skaičiai mažesni už  $10^6$ .