

Lietuvos mokinių informatikos olimpiada

Šalies et. (2) • 2022 m. kovo 25-26 d. • X-XII kl.

tortas-vyr

Torto pjaustymas

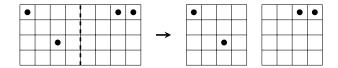
Artūro gimtadieniui draugai iškepė stačiakampį tortą, papuoštą K žvakučių – tiek, kiek Artūrui sukanka metų. Kadangi tortas išmargintas languotu raštu, galime laikyti jį $M \times N$ formos stačiakampiu. Kai kuriuose langeliuose yra lygiai viena žvakutė, o kituose žvakutės nėra.



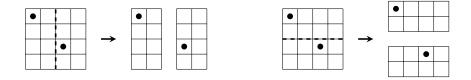
Draugai skyrė Artūrui užduotį – pagal pateiktas taisykles atpjauti gabalą torto. Taisyklės tokios:

- Pirmu horizontaliu arba vertikaliu pjūviu, einančiu per langelių kraštus, tortas padalinamas į du stačiakampius gabalus. Gauti gabalai turi būti vienodo dydžio ir turėti po lygiai žvakučių.
- Vieną iš gabalų Artūras atideda į šalį, o likusį pjausto toliau pagal tas pačias taisykles.
- Kai lieka gabalas, kurio toliau pjauti nebeimanoma, jei tas gabalas turi lygiai vieną žvakutę, jis atitenka Artūrui. Jei ne, Artūras torto negauna.

Pavyzdžiui, toks 4×8 tortas vertikaliu pjūviu gali būti padalintas į du 4×4 gabalus, turinčius po dvi žvakutes. Pirmas pjūvis negali būti horizontalus, nes pjaunant per vidurį viršutinis gabalas turės tris žvakutes, o apatinis – tik vieną.

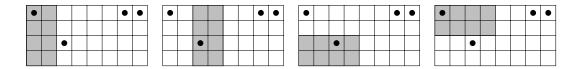


Dešiniojo gabalo toliau pjaustyti negalima, ir jis turi dvi žvakutes. Jį pasilikęs Artūras torto negautų. Kairįjį gabalą galima pjauti tiek horizontaliai, tiek vertikaliai.



Pjaunant abiem būdais, gauti gabalai turi po vieną žvakutę, todėl bet kuris iš jų gali atitekti Artūrui.

Taigi šiame pavyzdyje Artūrui gali atitekti vienas iš keturių skirtingų gabalų.





Lietuvos mokinių informatikos olimpiada

Šalies et. (2) • 2022 m. kovo 25-26 d. • X-XII kl.

tortas-vyr

Užduotis. Suskaičiuokite, kiek skirtingų gabalų gali atitekti Artūrui. Gabalai laikomi skirtingais, jei jie užima skirtingą poziciją torte.

Pradiniai duomenys. Pirmoje eilutėje pateikiami trys sveikieji skaičiai: torto aukštis M, plotis N ir žvakučių skaičius K.

Kitose K eilučių pateikiamos langelių su žvakutėmis koordinates. Pirmoji koordinatė yra vertikalioji (numeruojama nuo 0 iki M-1 iš viršaus į apačią), o antroji – horizontalioji (nuo 0 iki M-1 iš kairės į dešinę).

Langeliai nesikartoja.

Rezultatai. Išveskite vieną skaičių, nurodantį, kiek skirtingų gabalų gali atitekti Artūrui.

Pavyzdžiai.

Pradiniai duomenys	Rezultatai	Paaiškinimas						
4 8 4	4	Sąlygoje aprašytas pavyzdys.						
0 0			_					
2 2			•				•	•
0 6		_	+		•			
0 7			1					
							l	

Pradiniai duomenys	Rezultatai	Paaiškinimas				
4 4 16	16	Bet kuris vienetinis gabalas gali atitekti				
0 0		Artūrui.				
0 1						
0 2						
0 3		• • •				
1 0		• • •				
1 1						
1 2						
1 3						
2 0						
2 1						
2 2						
2 3						
3 0						
3 1						
3 2						
3 3						



Lietuvos mokinių informatikos olimpiada Šalies et. (2) • 2022 m. kovo 25-26 d. • X–XII kl.

tortas-vyr

Pradiniai duomenys	Rezultatai	Paaiškinimas
3 3 1	1	Pjauti pagal taisykles neįmanoma, bet
1 1		Artūrui atiteks visas tortas.

Pradiniai duomenys	Rezultatai	Paaiškinimas
3 3 2	0	Artūras torto negaus, nes pjauti galima tik
0 0		langelių kraštais.
2 2		

Ribojimai. Visiems testams galioja ribojimai $1 \le M, N \le 1000\,000\,000$ ir $1 \le K \le 100\,000$, o žvakučių skaičius neviršija langelių skaičiaus (t.y. $K \leq MN).$

Dalinės užduotys. Už dalines užduotis taškai skiriami tik jei įveikiami visi atitinkamos dalinės užduoties testai.

Nr.	Taškai	Papildomi ribojimai
1	10	$M, N \le 10$
2	40	$M, N \le 1000$
3	20	$K \le 1000$
4	10	N = 1
5	20	Nėra