

Lietuvos mokinių informatikos olimpiada

Šalies et. (2) • 2022 m. kovo 25-26 d. • VIII-XII kl.

skaitmuo

Skaitmens keitimas

Dovydas pasakė Justui du natūraliuosius skaičius N ir M. Justo užduotis – iš N padaryti kuo didesnį skaičių. Tą jis gali padaryti keisdamas po vieną N skaitmenį taip, kad po kiekvieno keitimo skaičiaus dalybos iš M liekana padidėtų. Keičiant skaitmenį neleidžiama pirmojo skaitmens pakeisti nuliu (0).



Pavyzdžiui, jei N=1399 ir M=11, tai N dalybos iš M liekana iš pradžių yra 1399 mod 11=2. Jei Justas pirmuoju žingsniu keistų paskutinįjį N skaitmenį, tai jį rinktųsi iš $0,1,\ldots,6$, nes šie variantai padidina liekaną:

Sakykime, kad jis pasirenka 3, taigi N dabar yra 1393. Jei Justas dabar keistų pirmąjį skaitmenį, tai vienintelis variantas yra 9 (atkreipkite dėmesį, kad neleidžiama pirmojo skaitmens pakeisti į 0):

Skaičiaus 9393 daugiau keisti negalima, nes jau gauta didžiausia įmanoma dalybos iš 11 liekana (9393 $\mod 11=10$). Tai būtų Justo rezultatas.

Tačiau tai nėra geriausias įmanomas rezultatas. Geriausias rezultatas yra 9899, kurį galima pasiekti atliekant, pavyzdžiui, tokius žingsnius:

$$N$$
 1399 \longmapsto 1899 \longmapsto 9899 liekana 2 \longmapsto 7 \longmapsto 10

Užduotis. Nustatykite, kokį didžiausią skaičių Justas gali pasiekti.

Pradiniai duomenys. Vienintelėje eilutėje pateikiami skaičiai N ir M.

Rezultatai. Išveskite didžiausią skaičių, kokį Justas gali pasiekti.

Pavyzdžiai.

Pradiniai duomenys	Rezultatai	Paaiškinimas
1399 11	9899	Sąlygoje aprašytas pavyzdys.

Pradiniai duomenys	Rezultatai	Paaiškinimas
123 10	129	Kitų skaitmenų keisti negalima, nes dalybos
		iš 10 liekana nesikeičia.



Lietuvos mokinių informatikos olimpiada Šalies et. (2) • 2022 m. kovo 25-26 d. • VIII–XII kl.

skaitmuo

Pradiniai duomenys	Rezultatai	Paaiškinimas
89 7	89	Pradinio skaičiaus padidinti neįmanoma.

Ribojimai. Visiems testams galioja ribojimai $1 \le N < 10^{17}$ ir $1 \le M \le 10^9$.

Dalinės užduotys. Už dalines užduotis taškai skiriami tik jei įveikiami visi atitinkamos dalinės užduoties testai.

Nr.	Taškai	Papildomi ribojimai
1	5	N < 10, M < 10
2	15	N < 1000, M = 9
3	50	$N < 10^6, M \le 10^6$
4	30	Nėra