Практическая работа №2. Жадные алгоритмы

Задача 1. Сумма элементов подмассива

Ограничение по времени: 1 секунда

Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Имеется массив V целых чисел, состоящий из $1 \le N \le 10^8$ элементов, -2 \times $10^9 \le V_i \le 2 \times 10^9$.

Подмассивом называют непрерывное подмножество элементов массива, возможно, включающее в себя и полный массив.

Требуется найти наибольшую из возможных сумм всех подмассивов.

Формат входных данных:

N

V1

V2

...

VN

Формат выходных данных:

MaximalSubarraysSum

Примеры:

| Стандартный ввод | Стандартный вывод |
|------------------|-------------------|
| 10 | 10 |
| -4 | |
| 4 | |
| 3 | |
| 3 | |
| -4 | |
| 1 | |
| 2 | |
| 1 | |
| -4 | |
| 0 | |

Задача 2. Длинное сложение и вычитание

Ограничение по времени: 2 секунды Ограничение по памяти: 64 мегабайта На вход подается три строки. Первая содержит представление длинного десятичного числа (первый операнд), вторая — представление операции, строки + и -, третья — представление второго операнда.

Длина первой и третьей строки ограничены 1000 символами. Вторая строка содержит ровно один символ.

Требуется исполнить операцию и вывести результат в десятичном представлении.

Формат входных данных:

123

+

999

Формат выходных данных:

1122

Примеры:

| Стандартный ввод | Стандартный вывод |
|------------------|-------------------|
| 232 | 132 |
| + | |
| -100 | |
| -100 | -299 |
| - | |
| 199 | |

Замечание. Постарайтесь реализовать программу таким образом, чтобы ей можно было воспользоваться в дальнейшем. В других работах нашего курса имеются задачи, в которых потребуется длинная арифметика.

Задача 3. Танец точек.

Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: 256 мегабайт

На прямой располагается $1 \le N \le 10000$ точек с целочисленными координатами $-10^9 \le V_i \le 10^9$. Каждой из точек разрешается сделать ровно одно движение (танцевальное па) в любом направлении на расстояние не больше $0 \le L \le 10^8$ и остановиться на другой позиции. Какое минимальное количество

точек может остаться на прямой после окончания танца (все точки после танца, оказывающиеся на одной позиции, сливаются в одну)?

Формат входных данных:

LN

V1 V2 ... VN

Формат выходных данных:

MinimalNumberOfPoints

Примеры:

| Стандартный ввод | Стандартный вывод |
|------------------|-------------------|
| 10 5 | 2 |
| 30 3 14 19 21 | |

Задача 4. Ровно М простых.

Ограничение по времени: 2 секунды

Ограничение по памяти: 24 мегабайта

Требуется найти такое наименьшее натуральное число $2 \le K \le 2 \times 10^7$, что, начиная с этого числа, среди N натуральных чисел имеется ровно M простых.

Если такого числа не существует или оно больше 2×10^7 , вывести -1.

Формат входных данных:

MN

Формат выходных данных:

К или -1

Примеры:

| Стандартный ввод | Стандартный вывод |
|------------------|-------------------|
| 4 10 | 3 |
| 3 15 | 14 |

Задача 5. Периодическая дробь.

Ограничение по времени: 1 секунда

Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Выведите десятичное представление рациональной правильной дроби. Если в представлении присутствует период, то нужно вывести первое его вхождение в круглых скобках.

Формат входных данных:

Десятичное представление числа N/M

Формат выходных данных:

Минимальная неотрицательная разница в весе куч

Примеры:

| Стандартный ввод | Стандартный вывод |
|------------------|-------------------|
| 6 70 | 0.0(857142) |
| 17 250 | 0.068 |