

10주차 정답을 이산수학 보습

3주: Halting problem \Rightarrow 양의 프로그램과 양의 input에 대해 이 프로그램이 종료할 것인지, 무한히 돌 것인지를 결정해주는 machine이 존재하는가?

$(H) [P_i, I_j]$

\Rightarrow 어떤 프로그램이 어떤 input에 대해 종료하는지, 즉, 컴퓨터가 할 수 없는 일은 없다

Contradiction by using Cantor's diagonal argument

Let P_i is i th C-program \leadsto string \leadsto countable \leadsto enumerate

I_i is i th Input.

Then $T(P_i, I_i)$ over input I_i 를 판독하면, P_i 가 finite 하게 정지하는지

결정하는 Predicate function이 존재한다고 하자

\hookrightarrow boolean function (T/F return value)

\nearrow merge

$(+) \begin{cases} m(P_i, I_i) = P_i I_i \\ m^{-1}(P_i I_i) = (P_i, I_i) \end{cases} \begin{array}{l} \text{one to one correspondence (onto + one to one)} \\ \Rightarrow \text{모든 함수가 존재} \end{array}$

Halting program

```
// terminate
```

T	I_1	I_2	...
P_1	T		
P_2		F	
P_3			

P_H 는 Unique한 경우 P_i 영역이
↑
liberty zone 일지.

\therefore DE Input on any decidable & PNE Uncountable strings

⇒ 존재하지 않음 ⇒ 가령에 위반이니까,

CPM은 Input이 finite terminate or 한정된 정지하는 알고리즘
program은 uncountable \rightarrow 결정 불가능 by proving Cantor's diagonal argument

정리: Halting problem이란 모든 Input에 대해 계산 프로그램이 유한히 실행 될 것인지 아닌지 판별할 문제를 의미하는데, 이는 결정 불가능한 문제이다. 즉, 모든 machine은 존재하지 않음 \rightarrow 컴퓨터가 판별은 아니다.