Assunto: Função Afim

**Professor:** Fabricio Alves Oliveira

## Essa lista deverá ser entregue resolvida no dia da primeira prova.

(1) Faça o gráfico das seguintes funções (use o GeoGebra para conferir o esboço dos gráficos).

- (a)  $f(x) = \sqrt{2}$
- (b) f(x) = -3
- (c) f(x) = 0
- (d) f(x) = x

- (e) f(x) = -x (f) f(x) = 2x
- (g) f(x) = 3x + 1
- (h) f(x) = x + 2

- (i) f(x) = -2x + 3 (j) f(x) = -x + 1 (k)  $f(x) = \frac{2x 3}{2}$  (l)  $f(x) = \frac{4 3x}{2}$
- (2) Determine a equação da reta que:
  - (a) passa pelos pontos P(2,3) e Q(3,5);
  - (b) passa pelos pontos R(1,-1) e S(-1,2);
  - (c) passa pelo ponto A(4,6) e tem coeficiente angular igual a 3;
  - (d) passa pelo ponto B(-4,4) e tem coeficiente angular igual a -2.
- (3) A função f é definida por f(x) = ax + b. Sabe-se que f(-1) = 3 e f(1) = 1. Determine o valor de f(3).
- (4) Determine o valor de  $\mathfrak{m}$  para que o gráfico da função  $f(x) = 2x + \mathfrak{m} 3$ :
  - (a) intersecte o eixo y no ponto (0,5);
  - (b) intersecte o eixo x no ponto (3,0).
- (5) Estude os sinais das funções definidas em  $\mathbb{R}$ :

(a) 
$$f(x) = 2x - 3$$

(b) 
$$f(x) = -x + 4$$

(a) 
$$f(x) = 2x - 3$$
 (b)  $f(x) = -x + 4$  (c)  $f(x) = \frac{x}{3} + \frac{3}{2}$  (d)  $f(x) = -2x + \frac{4}{3}$ 

(d) 
$$f(x) = -2x + \frac{4}{3}$$

- (6) Na fabricação de um lote de peças de certo produto, o custo total é igual à soma de um valor fixo de R\$400,00 com o custo de produção unitário de R\$0,50. Se o preço unitário de venda dessas peças for de R\$0,85, qual é o número mínimo de peças que devem ser fabricadas e vendidas para que se comece a ter lucro?
- (7) Um fabricante de bonés opera a um custo fixo de R\$1.200,00 por mês (correspondente a aluguel, seguro e prestações de máquinas). O custo variável por boné é de R\$2,00. Atualmente são comercializadas 1.000 unidades mensalmente, a um preço unitário de R\$5,00. Devido à concorrência no mercado, será necessário haver uma redução de 30% no preço unitário de venda. Para manter seu lucro mensal, de quanto deverá ser o aumento na quantidade vendida?
- (8) Uma cidade é servida por duas empresas de telefonia. A empresa X cobra, por mês, uma assinatura de R\$35,00 mais R\$0,50 por minuto utilizado. A empresa Y cobra, por mês, uma assinatura de R\$26,00 mais R\$0,65 por minuto utilizado. A partir de quantos minutos de utilização o plano da empresa X passa a ser mais vantajoso para os clientes do que o plano da empresa Y?

- (9) A troposfera, que é a primeira camada da atmosfera, estende-se do nível do mar até a altitude de 40.000 pés; nela, a temperatura diminui 2 °C a cada aumento de 1.000 pés na altitude. Suponha que em um ponto A, situado ao nível do mar, a temperatura seja de 20 °C. Pergunta-se:
  - (a) Em que altitude, acima do ponto A, a temperatura é de 0 °C?
  - (b) Qual é a temperatura a 35.000 pés acima do mesmo ponto A?
- (10) Resolva, em  $\mathbb{R}$ , as inequações:

(a) 
$$-4 < 4 - 2x \le 3$$

(b) 
$$(6x-1)(2x+7) \ge 0$$

(c) 
$$(4-2x)(5+2x) < 0$$

$$(e) \ \frac{3-4x}{5x+1} \ge 0$$

(f) 
$$\frac{5x-3}{3x-4} > -\frac{1}{3x-4}$$

(g) 
$$\frac{5x-2}{3x+4} \le 2$$
 (h)  $\frac{x-1}{x+1} \ge 3$ 

$$(h) \frac{x-1}{x+1} \ge 3$$

$$(i) \frac{1}{x-4} < \frac{2}{x+3}$$

$$(j) \ \frac{2}{3x-1} \ge \frac{1}{x-1} - \frac{1}{x+1} \qquad (k) \ \frac{1-2x}{(5-x)(3-x)} \le 0 \qquad \qquad (l) \ (x-3)^5(2x+3)^6 < 0$$

$$(k) \ \frac{1 - 2x}{(5 - x)(3 - x)} \le 0$$

$$(1) (x-3)^5 (2x+3)^6 < 0$$

## Respostas

(2)

- (a) y = 2x 1
- (b)  $y = \frac{-3x+1}{2}$
- (c) y = 3x 6
- (d) y = -2x 4
- (3) f(x) = -x + 2

(4)

- (a) m = 8
- (b) m = -3

**(5)** 

- (a) y < 0, se  $x < \frac{3}{2}$ ; y = 0, se  $x = \frac{3}{2}$  e y > 0, se  $x > \frac{3}{2}$
- (b) y < 0, se x > 4; y = 0, se x = 4 e y > 0, se x < 4
- (c) y < 0, se  $x < -\frac{9}{2}$ ; y = 0, se  $x = -\frac{9}{2}$  e y > 0, se  $x > -\frac{9}{2}$
- (d) y < 0, se  $x > \frac{2}{3}$ ; y = 0, se  $x = \frac{2}{3}$  e y > 0, se  $x < \frac{2}{3}$
- (6) 1143 peças
- (7) Aumento de 1000 unidades
- (8) A partir de 60 minutos

**(9**)

- (a) 10.000 pés
- (b) −50 °C

(10)

- (a)  $S = \{x \in \mathbb{R} \mid \frac{1}{2} \le x < 4\}$
- (b)  $S = \{x \in \mathbb{R} \mid x \le -\frac{7}{2} \text{ ou } x \ge \frac{1}{6}\}$
- (c)  $S = \{x \in \mathbb{R} \mid x < -\frac{5}{2} \text{ ou } x > 2\}$
- (d)  $S = \{x \in \mathbb{R} \mid x < -2 \text{ ou } x > -\frac{1}{2} \}$
- (e)  $S = \{x \in \mathbb{R} \mid -\frac{1}{5} < x \le \frac{3}{4}\}$
- (f)  $S = \{x \in \mathbb{R} \mid x < \frac{7}{8} \text{ ou } x > \frac{4}{3} \}$
- (g)  $S = \{x \in \mathbb{R} \mid x \le -10 \text{ ou } x > -\frac{4}{3}\}$
- $(h)\ S=\{x\in\mathbb{R}\ |\ -2\leq x<-1\}$
- (i)  $S = \{x \in \mathbb{R} \mid -3 < x < 4 \text{ ou } x > 11\}$
- (j)  $S = \{x \in \mathbb{R} \mid -1 < x \le 0 \text{ ou } \frac{1}{3} < x < 1 \text{ ou } x \ge 3\}$
- (k)  $S = \{x \in \mathbb{R} \mid \frac{1}{2} \le x < 3 \text{ ou } x > 5\}$
- (1)  $S = \{x \in \mathbb{R} \mid x < -\frac{3}{2} \text{ ou } -\frac{3}{2} < x < 3\}$