

水印算法原理:

1. 水印生成原理:

密钥哈希: 将用户输入的 `secret_key` 通过 MD5 哈希转换为 32 位整数, 作为伪随机数生成器 (PRNG) 的种子:

```
self.rng=np.random.RandomState(int(hashlib.md5(secret_key.encode()).hexdigest(), 16))
```

位置选择: 避开图像低频区域(能量集中, 修改易影响视觉效果), 选择高频区域 ($i > 5$ 且 $j > 5$) 作为嵌入位置;

序列生成: 在选定位置生成取值为 1 或 -1 的二进制伪随机序列(代表水印比特), 形成二维水印矩阵。

数学表示如下:

$$W(i, j) = \begin{cases} 1 & \text{若 } rng(i, j) > 0.5 \\ -1 & \text{否则} \end{cases} \quad (i, j) \in \text{有效位置}$$

其中 $rng(i, j)$ 是 $[0, 1)$ 区间的均匀随机数

2. DCT 域水印算法:

DCT 变换原理:

$$F(u, v) = \alpha(u)\alpha(v) \sum_{i=0}^{N-1} \sum_{j=0}^{N-1} f(i, j) \cos\left(\frac{(2i+1)u\pi}{2N}\right) \cos\left(\frac{(2j+1)v\pi}{2N}\right)$$

逆 DCT 变换用于从频率域恢复空间域图像:

$$f(i, j) = \sum_{u=0}^{N-1} \sum_{v=0}^{N-1} \alpha(u)\alpha(v) F(u, v) \cos\left(\frac{(2i+1)u\pi}{2N}\right) \cos\left(\frac{(2j+1)v\pi}{2N}\right)$$

嵌入与提取流程：

a. 嵌入流程：

图像分块：将图像划分为 8×8 像素块（符合 JPEG 压缩标准）；

DCT 变换：对每个块执行 DCT，得到频率域系数矩阵；

系数修改：选择中频系数，嵌入水印：

$$F'(u, v) = F(u, v) + \alpha \cdot W(i, j)$$

IDCT 变换：对修改后的系数执行逆 DCT，恢复空间域图像块；

拼接输出：合并所有块，得到含水印图像。

b. 提取流程：

分块与 DCT：对含水印图像分块并执行 DCT；

系数差值计算：

非盲提取（已知原始图像）：计算含水印图像与原始图像的

DCT 系数差，除以强度来恢复水印：

$$\hat{W}(i, j) = \frac{F'_w(u, v) - F_o(u, v)}{\alpha}$$

盲提取（未知原始图像）：直接从含水印图像的 DCT 系数中提取修改量，与水印模板匹配；

阈值化：将提取的连续值转换为 1 或 -1 的二进制序列。

3. LSB 水印算法：

图像像素通常用 8 位整数表示（0~255），其最低位对视觉影响可忽略。LSB 嵌入通过修改最低位承载水印比特：

水印比特为 1 时，设置像素最低位为 1：

$$p' = (p \& 0xFE) | 1$$

水印比特为-1（代表0）时，设置像素最低位为0：

$$p' = p \& 0xFE$$

数学表示如下：

$$p'(i, j) = p(i, j) - (p(i, j) \bmod 2) + b(i, j)$$

提取原理：提取时直接读取像素的最低位：

$$\hat{b}(i, j) = p'(i, j) \bmod 2$$

4. 归一化相关系数（NCC）：

为量化提取水印与原始水印的一致性，采用归一化相关系数（NCC）：

$$NCC(W, \hat{W}) = \frac{\sum_{(i,j) \in \Omega} (W(i,j) - \mu_W)(\hat{W}(i,j) - \mu_{\hat{W}})}{\sqrt{\sum_{(i,j) \in \Omega} (W(i,j) - \mu_W)^2} \cdot \sqrt{\sum_{(i,j) \in \Omega} (\hat{W}(i,j) - \mu_{\hat{W}})^2}}$$

NCC 取值范围为[-1, 1]，越接近 1 表示相似度越高

重点部分代码实现：

1. 核心类：

WatermarkDetector 类采用模块化设计，核心方法分为 5 类：初始化与水印生成、嵌入算法、提取算法、攻击模拟、鲁棒性测试，具体结构如下：

a. 初始化：__init__、_generate_watermark

初始化密钥、PRNG，生成伪随机水印

b. 嵌入算法：embed_watermark、_embed_dct、_embed_lsb

实现 DCT 与 LSB 两种嵌入逻辑

- c. 提取算法: `extract_watermark`、`_extract_dct`、`_extract_lsb`
对应两种嵌入算法的提取逻辑
- d. 攻击模拟: `apply_attack`
模拟翻转、旋转、噪声等 10+ 种攻击
- e. 评估与可视化 : `calculate_similarity`、`robustness_test`、`_visualize_results`
计算 NCC, 测试鲁棒性, 可视化结果

2. 水印生成 (`_generate_watermark`)

```
def _generate_watermark(self, shape: Tuple[int, int],
bits: int = 256) -> np.ndarray:

    watermark = np.zeros(shape, dtype=np.float32)

    # 筛选有效位置 (避开低频区域)
    valid_positions = []

    for i in range(shape[0]):
        for j in range(shape[1]):
            if i > 5 and j > 5:
                # 低频区域通常在 (i ≤ 5, j ≤ 5), 能量集中
                valid_positions.append((i, j))

    # 随机选择 bits 个位置, 生成 ±1 序列
    selected = self.rng.choice(len(valid_positions), bits,
replace=False)

    for idx in selected:
```

```

        i, j = valid_positions[idx]

        watermark[i, j] = 1 if self.rng.rand() > 0.5 else -
1

    return watermark

```

3. DCT 域嵌入 (_embed_dct)

```

def _embed_dct(self, img: np.ndarray, bits: int) ->
np.ndarray:

    h, w = img.shape

    # 调整尺寸为 8 的倍数 (DCT 块大小)

    h = h - (h % 8)

    w = w - (w % 8)

    img = img[:h, :w].astype(np.float32)

    watermark = self._generate_watermark((h, w), bits)

    watermarked = np.copy(img)

    # 分块处理

    for i in range(0, h, 8):

        for j in range(0, w, 8):

            block = img[i:i+8, j:j+8]

            dct_block = dct(dct(block, axis=0, norm='ortho'),
axis=1, norm='ortho') # 2D DCT

            # 嵌入水印 ((3, 3) 位置)

            dct_block[3, 3] += self.alpha * watermark[i, j]

```

```

        # 逆 DCT

        idct_block = idct(idct(dct_block, axis=1,
norm='ortho'), axis=0, norm='ortho')

        watermarked[i:i+8, j:j+8] = idct_block

    return np.clip(watermarked, 0, 255).astype(np.uint8)

    # 确保像素值在有效范围

```

4. LSB 嵌入 (_embed_lsb)

```

def _embed_lsb(self, img: np.ndarray, bits: int) ->
np.ndarray:

    h, w = img.shape

    watermark = self._generate_watermark((h, w), bits)

    # 筛选水印位置并打乱（增强安全性）

    positions = [(i, j) for i in range(h) for j in range(w)
if watermark[i, j] != 0]

    self.rng.shuffle(positions)

    positions = positions[:bits]

    # 取前 bits 个位置

    watermarked = np.copy(img)

    for i, j in positions:

        bit = 1 if watermark[i, j] > 0 else 0

        watermarked[i, j] = (watermarked[i, j] & 0xFE) | bit

```

修改最低位

```
return watermarked.astype(np.uint8)
```

随机打乱嵌入位置，避免水印分布规律被破解；

通过位运算（`& 0xFE` 保留高 7 位，bit 设置最低位）高效修改像素，计算复杂度低。

5. 攻击模拟（apply_attack）

a. 翻转（flip）：水平/垂直翻转图像（Image.FLIP_LEFT_RIGHT）

水印位置镜像，需提取时同步翻转模板

b. 旋转（rotate）：旋转指定角度（Image.rotate）

水印几何变形，严重时可能超出图像范围

c. 裁剪（crop）：裁剪边缘后缩放回原尺寸

丢失边缘水印信息，影响提取完整性

d. 噪声（noise）：添加高斯噪声（np.random.normal）

干扰像素值，对 LSB 水印破坏性强

e. JPEG 压缩（jpeg）：降低保存质量（quality 参数）

丢失高频信息，对 DCT 高频系数影响大

6. 鲁棒性测试（robustness_test）

```
def robustness_test(self, original_img: str,
watermarked_img: str, output_dir: str = "attack_results",
method: str = 'dct', bits: int = 256) ->
dict:
```

生成原始水印与无攻击时的提取结果

```

        test_img = cv2.imread(original_img, cv2.IMREAD_GRAYSCALE)

        original_watermark =
self._generate_watermark(test_img.shape, bits)

        extracted_original =
self.extract_watermark(watermarked_img, original_img, bits,
method)

        base_similarity =
self.calculate_similarity(original_watermark,
extracted_original)

```

```

# 遍历攻击列表，计算每种攻击后的相似度

attacks = [('flip', {'direction': 'horizontal'}),
('rotate', {'angle': 30}), ...]

results = {"original": base_similarity}

for attack_type, params in attacks:

    # 应用攻击并提取水印

    attack_path = os.path.join(output_dir,
f"{attack_type}_result.png")

    self.apply_attack(watermarked_img, attack_type,
attack_path, **params)

    extracted = self.extract_watermark(attack_path,
original_img, bits, method)

```



```
        results[f"{attack_type}"] =  
self.calculate_similarity(original_watermark, extracted)  
  
# 可视化结果  
self._visualize_results(...)  
return results
```

通过可视化对比原始图像、含水印图像、水印模板及提取结果，直观展示性能。

算法优缺点总结：

1. DCT 域水印

鲁棒性强，抗压缩/噪声能力好，实现复杂，计算量

2. LSB 水印

实现简单，计算高效，不可见性极佳，鲁棒性弱，易被移除

参考文献：

1. Cox I J, Kilian J, Leighton F T, et al. "Secure spread spectrum watermarking for multimedia." *IEEE Transactions on Image Processing*, 1997.
2. Wolfgang R, Podilchuk C I, Delp E J. "Perceptual watermarks for digital images and video." *Proceedings of the IEEE*, 1999.

3. 潘正祥, 孙星明. 《数字水印技术及应用》. 国防工业出版社, 2009.
4. NIST. "Guidelines for Media Forensics". NIST SP 1800-16, 2018.