

## 参数配置与电路设计：

### 1. 参数配置：

输出长度  $n = 256$  bits

状态大小  $t = 3$ （包含两个输入元素和一个容量元素）

S-box 指数  $d = 5$

### 2. 电路设计：

隐私输入为哈希原象

公开输入为预期的哈希值

电路验证计算出的哈希值与公开输入的哈希值一致

使用 Groth16 算法生成证明

### 3. 脚本文件：

Generate\_input.js: 生成电路输入示例

Build.sh: 自动化编译电路、生成信任设置和证明的脚本

## 代码整体概述：

Poseidon 使用海绵结构, 包括吸收(absorbing)和挤压(squeezing)阶段, 代码中主要处理轮函数(round function), 包括完整轮(full rounds)和部分轮(partial rounds)。轮函数由 S-box 层(非线性变换)和线性层(混合层)组成。使用 Circomlib 库(gates.circom 和 bitify.circom)来构建电路基本组件, 如逻辑门和位操作。

### 1. 关键部分：

常量定义(如  $N$ 、 $T$ 、 $D$ )指定了哈希函数的参数

轮常量 (round constants) 用于轮函数的随机化

模运算模板 (如 AddMod、MulMod) 支持有限域上的算术

SBox 模板实现了 S-box 变换 ( $x^D \bmod p$ )

MixLayer 模板 (未完成) 计划实现线性混合层

## 2. 常量定义 (Constants Definition)

```
const N = 256;           // 输出长度
const T = 3;             // 状态大小 (rate + capacity)
const RATE = T - 1;     // 输入率
const D = 5;            // S-box 指数
const ROUNDS_F = 8;     // 完全轮数
const ROUNDS_P = 4;     // 部分轮数
const TOTAL_ROUNDS = ROUNDS_F + ROUNDS_P;
```

## 3. 轮常量 (Round Constants)

```
function roundConstants(i) {
    return [
        [0x00000000000000001n,          0x00000000000000002n,
0x00000000000000003n],
        // ... 其他轮常量
    ][i];
}
```

轮常量是每轮添加到状态中的随机常数，用于打破对称性和增加随机性。这里使用大整数 (BigInt) 表示。

#### 4. 部分轮活跃索引 (Partial Round Active Index)

`partialRoundActiveIndex` 函数指定了部分轮中激活 S-box 的元素索引:

```
circom
```

```
function partialRoundActiveIndex(round) {  
    return [1, 2, 1, 2][round];  
}
```

在部分轮 (partial rounds) 中, 只对状态数组的部分元素应用 S-box 变换 (而非全部), 以提高效率。这里, 轮索引 `round` 对应一个预定义数组, 例如第 0 轮激活索引 1, 第 1 轮激活索引 2。

#### 5. 模运算辅助函数 (Modular Arithmetic Templates)

处理有限域上的模运算, 使用素数  $p$  作为域大小:

`ModConstant` 模板: 实现模运算

```
circom
```

```
template ModConstant(n) {  
    signal input in;  
    signal output out;  
    out <== in % n;  
}
```

`AddMod` 模板: 有限域加法

```
circom
```

```
template AddMod(p) {
```

```

    signal input a;

    signal input b;

    signal output out;

    component mod = ModConstant(p);

    mod.in <== a + b;

    out <== mod.out;

}

```

MulMod 模板：有限域乘法

```

circom

template MulMod(p) {

    signal input a;

    signal input b;

    signal output out;

    component mod = ModConstant(p);

    mod.in <== a * b;

    out <== mod.out;

}

```

ModConstant 直接计算输入模  $n$ ，而 AddMod 和 MulMod 通过组合 ModConstant 来实现。

## 6. 幂运算和 S-box 模板 (PowMod and SBox Templates)

S-box 是 Poseidon 的核心非线性组件，使用 PowMod 实现：

```

circom

```

```

template PowMod(p, e) {

    signal input in;

    signal output out;

    if (e == 0) {

        out <== 1;

    } else {

        signal temp;

        temp <== in;

        for (var i = 1; i < e; i++) {

            component mul = MulMod(p);

            mul.a <== temp;

            mul.b <== in;

            temp <== mul.out;

        }

        out <== temp;

    }

}

template SBox(p) {

    signal input in;

    signal output out;

    component pow = PowMod(p, D);

    pow.in <== in;

```

```
    out <== pow.out;
}
```

PowMod 模板计算输入  $in$  的  $e$  次幂模  $p$ 。它使用循环和 MulMod 来实现幂运算

## 7. 线性变换 (MixLayer Template)

```
template MixLayer(p) {
    signal input in[T];
    signal output out[T];

    // 简化的混合矩阵，实际应使用文档中定义的矩阵
    // 这里使用单位矩阵的变体作为示例
```

MixLayer 计划实现线性混合层，用于扩散状态元素。它输入大小为  $T$  的数组，输出变换后的数组。

## 参考文献:

《Poseidon2: A Faster Version of the Poseidon Hash Function》