## 重庆理工大学本科生课程考试试卷

2020 ~ 2021 学年第 1 学期

	考试时间 <u>120</u> 分钟	_A 卷	共	3	页第	1	_页
	考生姓名	考生班级	考生	学号_			
一、 <b>选择题(本大題共 10 小題,每小題 3 分,总计 30 分)</b> 1. 函数 $y = \ln(1-x) + \arccos \frac{x+1}{2}$ 的定义域是(							
	(A) $x < 1$ (B) $-3 \le 1$	(x<1) (C) $-3 < x$	r≤1 (D) {x	$ x \le 1 $	$I \left\{ x \middle  -3 \right\}$	≤ <i>x</i> ≤	1}
2.	对函数 $f(x)$ ,已知 $f(1)$ :	$=2$ , $f'(1)=-2$ , $\emptyset$	$\lim_{x\to 1} f(x) = ($	)			
	(A) -2 (B)	2 (C)	1 (D)	0			
3.	函数 $f(x) = \frac{\ln(x^2)}{x^3 - x}$ 有(	)个可去间断点					
	(A) 0 (B)	1 (C) 2	(D)	3			
4.	设函数 $f(x)$ 在点 $a$ 满足:	$\lim_{x \to a} \frac{f(x) - f(a)}{(x - a)^{2020}} = 20$	021,则 <i>f(x</i> ) 在	点a划	2 (	)	
	(A) 不可导 (B) 可	导且 f'(a) = 2021	(C) 取得极小值	i (	D) 取得	极大值	直
5.	对函数 $f(x)$ ,已知 $f(0)$	=1, $f'(0)=-1$ , 则	$\lim_{n\to\infty} n \left[ f(\frac{1}{n}) - 1 \right]$	= (	)		
	(A) -1 (B)	0 (C) 1	(D) ∞				
6.	设函数 $f(x) = (e^x - 1)(e^{2x}$	-2)···(e <sup>nx</sup> -n), 其中	n为正整数,则	f'(0)	=( )	)	
	(A) $(-1)^n(n-1)!$	(B) $(-1)^{n-1}(n-1)!$	(C) $(-1)^n n!$	(	D) (-1)	$n^{n-1}n!$	
7.	设 $f(x) = e^{2-x}$ ,则其 $n$ 阶	·导数 f <sup>(n)</sup> (x)= (	)				
	(A) $e^{2-x}$ (B) (	$(-1)^n e^{2-x}$ (C)	$-e^{2-x}$	(D) (	$(-2)^n e^{2-x}$		
8.	设 $y = f(x^2)$ , 其中函	数 $f(x)$ 可导,则 $\frac{dy}{dx}$	=( )				
	$(A) f'(x^2) \qquad (B)$	f'(2x) (C)	$2xf'(x^2)$	(D) x	$^2f'(x^2)$		
9.	函数 $f(x) = \sqrt{x}$ 按 $(x-4)$	的幂展开的带有佩亚	诺余项的2阶	<b>彰公</b>	式是(	)	
	(A) $2+\frac{1}{4}(x-4)-\frac{1}{32}(x-4)$	$-4)^2 + o((x-4)^2)$	(B) $2 + \frac{1}{4}(x-4)$	$-\frac{1}{32}$ (	$(x-4)^2 +$	•((x-	4) <sup>n</sup> )

## 重庆理工大学本科生课程考试试卷

2020 ~ 2021 学年第 1 学期

开课学院	课程名称高等数学	【(1) 机电】 2	半期		考核方式		卷
考试时间 120 分钟	_A 卷		共	3	页第	2	页
考生姓名	考生班级		者生学	经			

(C) 
$$2 + \frac{1}{4}(x-4) - \frac{1}{64}(x-4)^2 + o((x-4)^2)$$
 (D)  $2 + \frac{1}{4}(x-4) - \frac{1}{64}(x-4)^2 + o((x-4)^n)$ 

10. 函数 
$$f(x) = \frac{x^2 - x}{x^2 - 1}$$
 的铅直渐近线方程为( )

- (A) y=0 (B) y=1 (C) x=1
- (D) x = -1

二、填空题 (本大题共 5 小题,每小题 4 分,总计 20 分)

11. 极限 
$$\lim_{x\to\infty} \left(\frac{x+2}{x-1}\right)^x = \underline{\qquad}$$

12. 函数 
$$f(x) = \begin{cases} \frac{4}{x^2 + 1}, & x \le 1 \\ -x + k, & x > 1 \end{cases}$$
 在  $x = 1$  处连续,则  $k =$ \_\_\_\_\_\_.

13. 设 
$$f(x)$$
 是可导函数,且  $f'(x) = \sin^2 \left[ \ln(x+1) + \frac{\pi}{4} \right]$ ,  $f(0) = 3$ ,  $f(x)$  的反函数是

$$y = \varphi(x)$$
,  $\emptyset \varphi'(3) =$ \_\_\_\_\_\_

15. 抛物线 
$$y = x^2 - 4x + 3$$
 在其顶点处的曲率为\_\_\_\_\_\_

三、解答题(本大题共5小题,每小题10分,总计50分)

16. 求极限:

(1) 
$$\lim_{x\to 0} \left[ \frac{1}{e^x - 1} - \frac{1}{\ln(1+x)} \right];$$
 (2)  $\lim_{x\to 0} \frac{\sin x + x^2 \sin \frac{1}{x}}{\sqrt{1+x} - 1}$ .

## 重庆理工大学本科生课程考试试卷

2020 ~ 2021 学年第 1 学期

开课学院_	理学院

课程名称\_高等数学【(1) 机电】 半期\_

考核方式 闭卷\_

考试时间 120 分钟

\_A 卷

共 3 页第 3 页

考生姓名

考生班级

考生学号

- 18. 设曲线  $y=x^2+ax+b$  和  $2y=-1+xy^3$  在点 (1,-1) 处相切,其中 a,b 为常数.
  - (1) 求a,b 的值;
  - (2) 求曲线 $y=x^2+ax+b$ 和 $2y=-1+xy^3$ 在点(1,-1)处的公切线与法线方程
- 19. 函数  $f(x) = a \sin x + \frac{1}{3} \sin 3x$  在  $x = \frac{\pi}{3}$  处取得极值.
  - (1) 求a的值;
  - (2) 求此极值,并说明是极大值还是极小值.
- 20. 设函数 f(x) 在  $[0,+\infty)$  上可导, f(0)=0 ,且  $\lim_{x\to+\infty} f(x)=2$  ,证明:
  - (1) 存在a > 0, 使得f(a) = 1;
  - (2) 对 (1) 中的a,存在 $\xi \in (0,a)$ ,使得 $f'(\xi) = \frac{1}{a}$ .