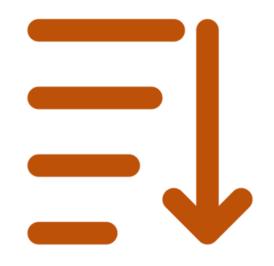


โครงการโอลิมปิกวิชาการ สาขาคอมพิวเตอร์ ค่าย 2

การจัดเรียงลำดับ (Sorting)

อ.ดร.ปัญญนัท อันพงษ์

ภาควิชาคอมพิวเตอร์ คณะวิทยาศาสตร์ มหาวิทยาลัยศิลปากร aonpong p@su.ac.th



Outline



- บทนำเกี่ยวกับการจัดเรียงลำดับ
- Sorting Algorithm
- การเปรียบเทียบประสิทธิภาพของ Sorting Algorithm
- การใช้งานและการเลือก Sorting Algorithm
- Standard Template Library (STL)
- การประยุกต์ใช้ Sorting Algorithm



- การจัดเรียงข้อมูล (Sorting) เป็นกระบวนการพื้นฐานที่สำคัญในการ ประมวลผลข้อมูล
- ช่วยให้การทำงานกับข้อมูลมีประสิทธิภาพมากขึ้น
- •ใช้เป็นส่วนหนึ่งของการค้นหา ประมวลผล จัดเก็บ และวิเคราะห์ข้อมูล
- เป็นส่วนสำคัญในการเรียนรู้อัลกอริทึมที่ซับซ้อนในส่วนต่อไป



ตัวอย่าง จงระบุว่าข้อมูลในอาเรย์ต่อไปนี้มีเลข 38 อยู่กี่ตัว

Array[] = {3, 28, 51, 77, 12, 35, 63, 42, 19, 88, 10, 56, 73, 41, 7, 92, 14, 67, 30, 49, 81, 9, 60, 25, 94, 3, 70, 52, 16, 87, 38, 42, 36, 23,79, 38, 24, 1, 95, 72, 35, 98, 74, 32, 38, 42, 75, 76, 39}



ตัวอย่าง จงระบุว่าข้อมูลในอาเรย์ต่อไปนี้มีเลข 38 อยู่กี่ตัว

Array[] = {3, 28, 51, 77, 12, 35, 63, 42, 19, 88, 10, 56, 73, 41, 7, 92, 14, 67, 30, 49, 81, 9, 60, 25, 94, 3, 70, 52, 16, 87, 38, 42, 36, 23,79, 38, 24, 1, 95, 72, 35, 98, 74, 32, 38, 42, 75, 76, 39}

หลังจากทำการจัดเรียงข้อมูลแล้ว จะได้ว่า

1, 3, 3, 7, 9, 10, 12, 14, 16, 19, 23, 24, 25, 28, 30, 32, 35, 35, 36, **38, 38, 38**, 39, 41, 42, 42, 42, 49, 51, 52, 56, 60, 63, 67, 70, 72, 73, 74, 75, 76, 77, 79, 81, 87, 88, 92, 94, 95, 98



การจัดเรียงข้อมูล แบ่งออกเป็น 2 ประเภท

- Internal Sorting คือการจัดเรียงข้อมูลที่ทำได้ในหน่วยความจำ (RAM)
- External Sorting คือการจัดเรียงข้อมูลที่ต้องทำใน Disk (HDD/SSD)

เนื่องจากข้อมูลที่เราจะจัดการไม่ได้ใหญ่ขนาดนั้น และการทำงานของเกรดเดอร์ก็ไม่ยอม ให้มีการใช้งาน HDD/SSD ของเซิร์ฟเวอร์อยู่แล้ว ดังนั้นในที่นี้ เราจะไม่กล่าวถึง กระบวนการการทำงานของ External Sorting

Outline



- บทนำเกี่ยวกับการจัดเรียงลำดับ
- Sorting Algorithm
- การเปรียบเทียบประสิทธิภาพของ Sorting Algorithm
- การใช้งานและการเลือก Sorting Algorithm
- Standard Template Library (STL)
- การประยุกต์ใช้ Sorting Algorithm

Sorting Algorithm



วิธีการจัดเรียงที่จะกล่าวถึง จะเข้าถึงข้อมูลในอาเรย์ทุกตำแหน่งที่จะทำการจัดเรียง ซึ่ง ประกอบด้วยสมาชิก n ตัว

วิธีการจัดเรียงมีหลายวิธี โดยเราจะกล่าวถึงเป็นกลุ่ม ๆ ได้แก่

- Selection Sort, Bubble Sort, Insertion Sort
- Merge Sort, Quick Sort
- Heap Sort



Selection sort เป็นอัลกอริทึมการเรียงลำดับที่ง่ายและมีประสิทธิภาพ โดยที่มันทำงาน โดยการเลือกสมาชิกที่น้อยที่สุด (หรือมากที่สุด) จากส่วนที่ยังไม่ได้เรียงลำดับของ รายการแล้วย้ายมันไปยังส่วนที่เรียงลำดับแล้วของรายการนั้น ๆ อย่างต่อเนื่อง

หากต้องการเรียงข้อมูลต่อไปนี้จากน้อยไปมาก

|--|



ขั้นตอนการทำงาน

1. กำหนดตำแหน่งแรกของอาร์เรย์ว่าเป็นส่วนที่ยังไม่ได้เรียงลำดับ นั่นคือตำแหน่งที่ 0

index	0	1	2	3	4	5	6	7	8
value	7	6	4	3	9	1	2	5	8



ขั้นตอนการทำงาน

- 1. กำหนดตำแหน่งแรกของอาร์เรย์ว่าเป็นส่วนที่ยังไม่ได้เรียงลำดับ นั่นคือตำแหน่งที่ 0
- 2. ค้นหาสมาชิกที่น้อยที่สุดในส่วนที่ยังไม่ได้เรียงลำดับ โดยตรวจสอบทีละตัว

	↓					↓			
index	0	1	2	3	4	5	6	7	8
value	7	6	4	3	9	1	2	5	8



ขั้นตอนการทำงาน -

- 1. กำหนดตำแหน่งแรกของอาร์เรย์ว่าเป็นส่วนที่ยังไม่ได้เรียงลำดับ นั่นคือตำแหน่งที่ 0
- 2. ค้นหาสมาชิกที่น้อยที่สุดในส่วนที่ยังไม่ได้เรียงลำดับ โดยตรวจสอบที่ละตัว
- 3. สลับตำแหน่งค่าในอาเรย์ตัวแรกในส่วนที่ยังไม่ได้เรียงลำดับกับสมาชิกที่น้อยที่สุด

index	0	1	2	3	4	5	6	7	8
value	1	6	4	3	9	7	2	5	8



ขั้นตอนการทำงาน

4. ปรับอาเรย์ตัวแรกในส่วนที่ยังไม่ได้เรียงลำดับ (ลูกศรสีฟ้า) ให้กลายเป็นส่วนที่ เรียงลำดับแล้ว

	↓					↓			
index	0	1	2	3	4	5	6	7	8
value	1	6	4	3	9	7	2	5	8



ขั้นตอนการทำงาน

- 4. ปรับอาเรย์ตัวแรกในส่วนที่ยังไม่ได้เรียงลำดับ (ลูกศรสีฟ้า) ให้กลายเป็นส่วนที่ เรียงลำดับแล้ว
- 5. เลื่อนลูกศรสีฟ้าไปที่ตำแหน่งแรกของส่วนที่ยังไม่ได้เรียงลำดับ

index	0	1	2	3	4	5	6	7	8
value	1	6	4	3	9	7	2	5	8



ขั้นตอนการทำงาน

		Ţ					↓		
index	0	1	2	3	4	5	6	7	8
value	1	6	4	3	9	7	2	5	8



ขั้นตอนการทำงาน

		↓					↓		
index	0	1	2	3	4	5	6	7	8
value	1	2	4	3	9	7	6	5	8



ขั้นตอนการทำงาน

6. เฉพาะส่วนที่ยังไม่ได้เรียงลำดับ ให้ทำข้อ 2-5 ซ้ำ จนกว่าทุกข้อมูลจะเปลี่ยนเป็น ข้อมูลที่เรียงลำดับแล้ว : เปลี่ยนลูกศรสีฟ้าให้กลายเป็นข้อมูลที่เรียงลำดับแล้ว

		↓					↓		
index	0	1	2	3	4	5	6	7	8
value	1	2	4	3	9	7	6	5	8



ขั้นตอนการทำงาน

6. เฉพาะส่วนที่ยังไม่ได้เรียงลำดับ ให้ทำข้อ 2-5 ซ้ำ จนกว่าทุกข้อมูลจะเปลี่ยนเป็น ข้อมูลที่เรียงลำดับแล้ว : ย้ายลูกศรสีฟ้าไปยังตำแหน่งแรกของข้อมูลที่ยังไม่ได้จัดเรียง

			Ţ				↓		
index	0	1	2	3	4	5	6	7	8
value	1	2	4	3	9	7	6	5	8



ขั้นตอนการทำงาน

			↓	↓					
index	0	1	2	3	4	5	6	7	8
value	1	2	4	3	9	7	6	5	8



ขั้นตอนการทำงาน

				↓					
index	0	1	2	3	4	5	6	7	8
value	1	2	3	4	9	7	6	5	8



ขั้นตอนการทำงาน



index	0	1	2	3	4	5	6	7	8
value	1	2	3	4	9	7	6	5	8



ขั้นตอนการทำงาน

index	0	1	2	3	4	5	6	7	8
value	1	2	3	4	9	7	6	5	8



ขั้นตอนการทำงาน

index	0	1	2	3	4	5	6	7	8
value	1	2	3	4	5	7	6	9	8



ขั้นตอนการทำงาน

							↓		
index	0	1	2	3	4	5	6	7	8
value	1	2	3	4	5	7	6	9	8



ขั้นตอนการทำงาน

6. เฉพาะส่วนที่ยังไม่ได้เรียงลำดับ ให้ทำข้อ 2-5 ซ้ำ จนกว่าทุกข้อมูลจะเปลี่ยนเป็น ข้อมูลที่เรียงลำดับแล้ว

6 7

index	0	1	2	3	4	5	6	7	8
value	1	2	3	4	5	6	7	9	8

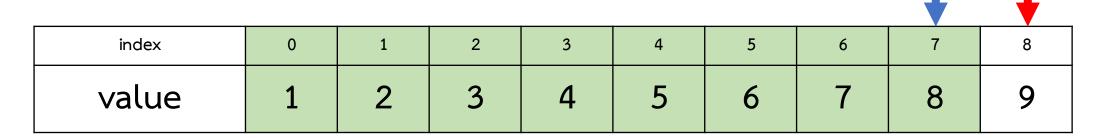


ขั้นตอนการทำงาน

index	0	1	2	3	4	5	6	7	8
value	1	2	3	4	5	6	7	9	8



ขั้นตอนการทำงาน





ขั้นตอนการทำงาน

index	0	1	2	3	4	5	6	7	8
value	1	2	3	4	5	6	7	8	9



index	0	1	2	3	4	5	6	7	8
Iter=0	7	6	4	3	9	1	2	5	8
lter=1	1	6	4	3	9	7	2	5	8
lter=2	1	2	4	3	9	7	6	5	8
Iter=3	1	2	3	4	9	7	6	5	8
Iter=4	1	2	3	4	9	7	6	5	8
Iter=5	1	2	3	4	5	7	6	9	8
Iter=6	1	2	3	4	5	6	7	9	8
Iter=7	1	2	3	4	5	6	7	9	8
Iter=8	1	2	3	4	5	6	7	8	9



โจทย์ 1 จากอัลกอริทึม Selection Sort จงเขียนโปรแกรมเพื่อรับค่าจำนวนเต็มเข้าสู่ อาเรย์จำนวน N ตัว จากนั้นแสดงผลการจัดเรียงด้วยวิธีการ Selection Sort ในแต่ละ iteration

ข้อมูลนำเข้า บรรทัดแรก จำนวนเต็ม N แทนจำนวนตัวของอาเรย์ที่ต้องการรับค่าเข้า บรรทัดที่สอง จำนวนเต็ม N ตัว คั่นด้วยเว้นวรรค เป็นค่าที่ต้องการจัดเรียง

ข้อมูลขาออก มี N-1 บรรทัด แต่ละบรรทัดแทนผลลัพธ์ของแต่ละ iteration



โจทย์ 1 จากอัลกอริทึม Selection Sort จงเขียนโปรแกรมเพื่อรับค่าจำนวนเต็มเข้าสู่ อาเรย์จำนวน N ตัว จากนั้นแสดงผลการจัดเรียงด้วยวิธีการ Selection Sort ในแต่ละ iteration

ตัวอย่าง

ข้อมูลนำเข้า	ผลลัพธ์
5	1 4 3 5 2
5 4 3 1 2	1 2 3 5 4
	1 2 3 5 4
	1 2 3 4 5







วิเคราะห์ความซับซ้อนของ Selection Sort

```
void selectionSort(int arr[], int n) {
19
         for (int i = 0; i < n - 1; ++i) {
20
21
              int minIndex = i;
22
              for (int j = i + 1; j < n; ++j) {
23
                  if (arr[j] < arr[minIndex]) {</pre>
24
                      minIndex = j;
25
26
27
28
              swap(arr[i], arr[minIndex]);
29
30
              displayArray(arr, n);
31
32
33
34
```

$$O(N^2)$$



วิเคราะห์จุดเด่น-จุดด้อยของ Selection Sort

จุดเด่น

- 1. ทำความเข้าใจได้ง่าย
- 2. ทำงานได้ดีกับข้อมูลเล็ก ๆ

จุดด้อย

- 1. ช้า เมื่อข้อมูลมีขนาดใหญ่ เนื่องจาก $O(N^2)$
- 2. เมื่อเรียนในขั้นสูงขึ้นไปจะมีประเด็นเรื่องความ Stable ของข้อมูลที่มีค่าเท่ากัน

Sorting Algorithm



วิธีการจัดเรียงที่จะกล่าวถึง จะเข้าถึงข้อมูลในอาเรย์ทุกตำแหน่งที่จะทำการจัดเรียง ซึ่ง ประกอบด้วยสมาชิก n ตัว

วิธีการจัดเรียงมีหลายวิธี โดยเราจะกล่าวถึงเป็นกลุ่ม ๆ ได้แก่

- Selection Sort, Bubble Sort, Insertion Sort
- Merge Sort, Quick Sort
- Heap Sort

Sorting Algorithm: Bubble Sort



Bubble Sort เป็นอัลกอริทึมการเรียงลำดับที่มีแนวคิดเรียบง่าย ทำงานโดยการสลับ สมาชิกที่อยู่ติดกันหากพบว่าอยู่ในลำดับที่ไม่ถูกต้อง อัลกอริทึมนี้ไม่เหมาะสำหรับชุด ข้อมูลที่มีขนาดใหญ่ เนื่องจากความซับซ้อนของเวลาเฉลี่ยสูงมาก

หากต้องการเรียงข้อมูลต่อไปนี้จากน้อยไปมาก

6	3	0	5	9
---	---	---	---	---



ขั้นตอนการทำงาน

1. ทำให้ตำแหน่งแรกถูกต้อง โดยการ:

Index	0	1	2	3	4
value	6	3	0	5	9



ขั้นตอนการทำงาน

1. ทำให้ตำแหน่งแรกถูกต้อง โดยการ:

Index	0	1	2	3	4
value	3	6	0	5	9



ขั้นตอนการทำงาน

1. ทำให้ตำแหน่งแรกถูกต้อง โดยการ:

Index	0	1	2	3	4
value	3	6	0	5	9



ขั้นตอนการทำงาน

1. ทำให้ตำแหน่งแรกถูกต้อง โดยการ:

Index	0	1	2	3	4
value	3	0	6	5	9



ขั้นตอนการทำงาน

1. ทำให้ตำแหน่งแรกถูกต้อง โดยการ:

Index	0	1	2	3	4
value	3	0	6	5	9



ขั้นตอนการทำงาน

1. ทำให้ตำแหน่งแรกถูกต้อง โดยการ:

Index	0	1	2	3	4
value	3	0	5	6	9



ขั้นตอนการทำงาน

1. ทำให้ตำแหน่งแรกถูกต้อง โดยการ:

Index	0	1	2	3	4
value	3	0	5	6	9



ขั้นตอนการทำงาน

1. ทำให้ตำแหน่งแรกถูกต้อง โดยการ:

Index	0	1	2	3	4
value	3	0	5	6	9



- 1. ทำให้ตำแหน่งแรกถูกต้อง
- 2. พิจารณาเฉพาะตำแหน่งที่ยังไม่ได้จัดเรียง ทำ 1 ซ้ำจนกว่าจะจัดเรียงจนครบ

Index	0	1	2	3	4
value	3	0	5	6	9



- 1. ทำให้ตำแหน่งแรกถูกต้อง
- 2. พิจารณาเฉพาะตำแหน่งที่ยังไม่ได้จัดเรียง ทำ 1 ซ้ำจนกว่าจะจัดเรียงจนครบ

Index	0	1	2	3	4
value	3	0	5	6	9



- 1. ทำให้ตำแหน่งแรกถูกต้อง
- 2. พิจารณาเฉพาะตำแหน่งที่ยังไม่ได้จัดเรียง ทำ 1 ซ้ำจนกว่าจะจัดเรียงจนครบ

Index	0	1	2	3	4
value	0	3	5	6	9



- 1. ทำให้ตำแหน่งแรกถูกต้อง
- 2. พิจารณาเฉพาะตำแหน่งที่ยังไม่ได้จัดเรียง ทำ 1 ซ้ำจนกว่าจะจัดเรียงจนครบ

Index	0	1	2	3	4
value	0	3	5	6	9



- 1. ทำให้ตำแหน่งแรกถูกต้อง
- 2. พิจารณาเฉพาะตำแหน่งที่ยังไม่ได้จัดเรียง ทำ 1 ซ้ำจนกว่าจะจัดเรียงจนครบ

Index	0	1	2	3	4
value	0	3	5	6	9



- 1. ทำให้ตำแหน่งแรกถูกต้อง
- 2. พิจารณาเฉพาะตำแหน่งที่ยังไม่ได้จัดเรียง ทำ 1 ซ้ำจนกว่าจะจัดเรียงจนครบ

Index	0	1	2	3	4
value	0	3	5	6	9



- 1. ทำให้ตำแหน่งแรกถูกต้อง
- 2. พิจารณาเฉพาะตำแหน่งที่ยังไม่ได้จัดเรียง ทำ 1 ซ้ำจนกว่าจะจัดเรียงจนครบ

Index	0	1	2	3	4
value	0	3	5	6	9



- 1. ทำให้ตำแหน่งแรกถูกต้อง
- 2. พิจารณาเฉพาะตำแหน่งที่ยังไม่ได้จัดเรียง ทำ 1 ซ้ำจนกว่าจะจัดเรียงจนครบ

Index	0	1	2	3	4
value	0	3	5	6	9



- 1. ทำให้ตำแหน่งแรกถูกต้อง
- 2. พิจารณาเฉพาะตำแหน่งที่ยังไม่ได้จัดเรียง ทำ 1 ซ้ำจนกว่าจะจัดเรียงจนครบ

Index	0	1	2	3	4
value	0	3	5	6	9



- 1. ทำให้ตำแหน่งแรกถูกต้อง
- 2. พิจารณาเฉพาะตำแหน่งที่ยังไม่ได้จัดเรียง ทำ 1 ซ้ำจนกว่าจะจัดเรียงจนครบ

Index	0	1	2	3	4
value	0	3	5	6	9



Index	0	1	2	3	4
lter=0	6	3	0	5	9
lter=1	3	6	0	5	9
lter=2	3	0	6	5	9
lter=3	3	0	5	6	9
lter=4	3	0	5	6	9
lter=5	0	3	5	6	9
lter=6	0	3	5	6	9
lter=7	0	3	5	6	9
lter=8	0	3	5	6	9
lter=9	0	3	5	6	9
lter=10	0	3	5	6	9

no. of comparison = (n * (n - 1))/2



โจทย์ 2 จากอัลกอริทึม Bubble Sort จงเขียนโปรแกรมเพื่อรับค่าจำนวนเต็มเข้าสู่อาเรย์ จำนวน N ตัว จากนั้นแสดงผลการจัดเรียงด้วยวิธีการ Bubble Sort ในแต่ละ iteration ข้อมูลนำเข้า บรรทัดแรก จำนวนเต็ม N แทนจำนวนตัวของอาเรย์ที่ต้องการรับค่าเข้า บรรทัดที่สอง จำนวนเต็ม N ตัว คั่นด้วยเว้นวรรค เป็นค่าที่ต้องการจัดเรียง ข้อมูลขาออก มี (N*(N-1))/2 บรรทัด แต่ละบรรทัดแทนผลลัพธ์ของแต่ละ iteration



โจทย์ 2 จากอัลกอริทึม Bubble Sort จงเขียนโปรแกรมเพื่อรับค่าจำนวนเต็มเข้าสู่อาเรย์ จำนวน N ตัว จากนั้นแสดงผลการจัดเรียงด้วยวิธีการ Bubble Sort ในแต่ละ iteration

ตัวอย่าง

ข้อมูลนำเข้า	ผลลัพธ์
5	4 5 3 1 2
5 4 3 1 2	4 3 5 1 2
	4 3 1 5 2
	4 3 1 2 5
	3 4 1 2 5
	3 1 4 2 5
	3 1 2 4 5
	1 3 2 4 5
	1 2 3 4 5
	1 2 3 4 5







วิเคราะห์ความซับซ้อนของ Bubble Sort

```
void bubbleSort(int arr[], int n) {
17
         for (int i = 0; i < n - 1; ++i) {
18
             for (int j = 0; j < n - i - 1; ++j) {
19
                 if (arr[j] > arr[j + 1]) {
20
                     swap(arr[j], arr[j + 1]);
21
                                                          O(N^2)
22
                 displayArray(arr, n);
23
24
25
26
```



วิเคราะห์จุดเด่น-จุดด้อยของ Bubble Sort

จุดเด่น

- ทำความเข้าใจได้ง่าย
- 2. ไม่ต้องการพื้นที่ในการจัดเก็บข้อมูลเพิ่มเติม
- เมื่อเรียนในขั้นสูงขึ้นไปจะพบว่าวิธีการนี้มีความ Stable กับลำดับของข้อมูลที่มีค่าเท่ากัน จุดด้อย
- ช้า เมื่อข้อมูลมีขนาดใหญ่ เนื่องจาก $O(N^2)$ เนื่องจากเป็นวิธีการที่มีพื้นฐานมาจากการเปรียบเทียบ ซึ่งเป็นต้นเหตุในการจำกัด ประสิทธิภาพในบางกรณี (ทำให้ทำงานช้า)

Sorting Algorithm



วิธีการจัดเรียงที่จะกล่าวถึง จะเข้าถึงข้อมูลในอาเรย์ทุกตำแหน่งที่จะทำการจัดเรียง ซึ่ง ประกอบด้วยสมาชิก n ตัว

วิธีการจัดเรียงมีหลายวิธี โดยเราจะกล่าวถึงเป็นกลุ่ม ๆ ได้แก่

- Selection Sort, Bubble Sort, Insertion Sort
- Merge Sort, Quick Sort
- Heap Sort



Insertion Sort เป็นวิธีการเรียงลำดับที่ง่ายและทำงานในลักษณะเดียวกับการเรียงลำดับ ไพ่ในมือ โดยจะมีส่วนของไพ่ที่เรียงลำดับแล้วและส่วนที่ยังไม่ได้เรียงลำดับ คุณจะเลือก การ์ดจากส่วนที่ยังไม่ได้เรียงลำดับและวางไว้ในตำแหน่งที่ถูกต้องในส่วนที่เรียงลำดับแล้ว

หากต้องการเรียงข้อมูลต่อไปนี้จากน้อยไปมาก

12	11	13	5	6
----	----	----	---	---



ขั้นตอนการทำงาน

1. ในขั้นแรก เราจะหาตำแหน่งที่เหมาะสมของข้อมูลในตำแหน่งที่ 1 ก่อน (11) พิจารณาข้อมูลในตำแหน่งที่ 0 และ 1 ถ้าพบว่าค่าในตำแหน่งที่ 1 น้อยกว่า ให้สลับข้อมูล

Index	0	1	2	3	4
value	12	11	13	5	6



ขั้นตอนการทำงาน

1. ในขั้นแรก เราจะหาตำแหน่งที่เหมาะสมของข้อมูลในตำแหน่งที่ 1 ก่อน โดยเราจะพิจารณาลำดับไปทางซ้ายอย่างเดียว ดังนั้นข้อมูลที่กำลังพิจารณาจะถูกส่งไปยัง ตำแหน่งที่เหมาะสมของข้อมูล (ถ้าค่าทางซ้ายยังมากกว่าตัวที่พิจารณาก็จะสลับต่อไปเรื่อย ๆ)

Index	0	1	2	3	4
value	11	12	13	5	6



ขั้นตอนการทำงาน

- 1. ในขั้นแรก เราจะหาตำแหน่งที่เหมาะสมของข้อมูลในตำแหน่งที่ 1 ก่อน
- 2. หาตำแหน่งที่เหมาะสมของข้อมูลในตำแหน่งที่ 2 บ้าง (13)

ตำแหน่งนี้เหมาะสมอยู่แล้ว เพราะค่าทางซ้<mark>า</mark>ยมีค่าน้อยกว่า

Index	0	1	2	3	4
value	11	12	13	5	6



ขั้นตอนการทำงาน

3. พิจารณาตำแหน่งที่ 3 และหาตำแหน่งที่เหมาะสม (5) พบว่า 5 น้อยกว่าค่าทางซ้าย ทำการสลับตำแหน่ง

Index	0	1	2	3	4
value	11	12	13	5	6



ขั้นตอนการทำงาน

3. พิจารณาตำแหน่งที่ 3 และหาตำแหน่งที่เหมาะสม (5)

Index	0	1	2	3	4
value	11	12	5	13	6



ขั้นตอนการทำงาน

3. พิจารณาตำแหน่งที่ 3 และหาตำแหน่งที่เหมาะสม (5) ตอนนี้ก็ยังพบว่า 5 น้อยกว่าค่าทางซ้าย ทำการสลับตำแหน่ง

Index	0	1	2	3	4
value	11	12	5	13	6



ขั้นตอนการทำงาน

3. พิจารณาตำแหน่งที่ 3 และหาตำแหน่งที่เหมาะสม (5)

Index	0	1	2	3	4
value	11	5	12	13	6



ขั้นตอนการทำงาน

3. พิจารณาตำแหน่งที่ 3 และหาตำแหน่งที่เหมาะสม (5) ตอนนี้ก็ยังพบว่า 5 น้อยกว่าค่าทางซ้าย ทำการสลับตำแหน่ง

Index	0	1	2	3	4
value	11	5	12	13	6



ขั้นตอนการทำงาน

พิจารณาตำแหน่งที่ 3 และหาตำแหน่งที่เหมาะสม (5)
 ตอนนี้ 5 ไปยังตำแหน่งแรกแล้ว ไม่มีตัวให้พิจารณาต่อจึงเปลี่ยนเป้าหมายไปยังตัวถัดไป

Index	0	1	2	3	4
value	5	11	12	13	6



ขั้นตอนการทำงาน

- 3. พิจารณาตำแหน่งที่ 3 และหาตำแหน่งที่เหมาะสม (5)
- 4. พิจารณาตำแหน่งที่ 4 และหาตำแหน่งที่เหมาะสม (6)

พบว่า 6 น้อยกว่าค่าทางซ้าย ทำการสลับตำแหน่ง

Index	0	1	2	3	4
value	5	11	12	13	6



ขั้นตอนการทำงาน

- 3. พิจารณาตำแหน่งที่ 3 และหาตำแหน่งที่เหมาะสม (5)
- 4. พิจารณาตำแหน่งที่ 4 และหาตำแหน่งที่เหมาะสม (6)

Index	0	1	2	3	4
value	5	11	12	6	13



ขั้นตอนการทำงาน

- 3. พิจารณาตำแหน่งที่ 3 และหาตำแหน่งที่เหมาะสม (5)
- 4. พิจารณาตำแหน่งที่ 4 และหาตำแหน่งที่เหมาะสม (6)

ยังคงพบว่า 6 น้อยกว่าค่าทางซ้าย ทำการสลับตำแหน่ง

Index	0	1	2	3	4
value	5	11	12	6	13



ขั้นตอนการทำงาน

- 3. พิจารณาตำแหน่งที่ 3 และหาตำแหน่งที่เหมาะสม (5)
- 4. พิจารณาตำแหน่งที่ 4 และหาตำแหน่งที่เหมาะสม (6)

Index	0	1	2	3	4
value	5	11	6	12	13



ขั้นตอนการทำงาน

- 3. พิจารณาตำแหน่งที่ 3 และหาตำแหน่งที่เหมาะสม (5)
- 4. พิจารณาตำแหน่งที่ 4 และหาตำแหน่งที่เหมาะสม (6)

ยังคงพบว่า 6 น้อยกว่าค่าทางซ้าย ทำการสลับตำแหน่ง

		↓	↓		
Index	0	1	2	3	4
value	5	11	6	12	13



ขั้นตอนการทำงาน

- 3. พิจารณาตำแหน่งที่ 3 และหาตำแหน่งที่เหมาะสม (5)
- 4. พิจารณาตำแหน่งที่ 4 และหาตำแหน่งที่เหมาะสม (6)

Index	0	1	2	3	4
value	5	6	11	12	13



ขั้นตอนการทำงาน

- 3. พิจารณาตำแหน่งที่ 3 และหาตำแหน่งที่เหมาะสม (5)
- 4. พิจารณาตำแหน่งที่ 4 และหาตำแหน่งที่เหมาะสม (6)

ตอนนี้ 6 มีค่าไม่น้อยกว่าข้อมูลทางซ้ายมือแล้ว แสดงว่า 6 อยู่ในตำแหน่งที่เหมาะสม

Index	0	1	2	3	4
value	5	6	11	12	13



ข้นตอนการทำงาน -

- 3. พิจารณาตำแหน่งที่ 3 และหาตำแหน่งที่เหมาะสม (5)
- 4. พิจารณาตำแหน่งที่ 4 และหาตำแหน่งที่เหมาะสม (6)
- 5. ถ้ามีข้อมูลในตำแหน่งถัดไป ก็พิจารณาตำแหน่งถัดไปเรื่อย ๆ จนครบ

Index	0	1	2	3	4
value	5	6	11	12	13



Index	0	1	2	3	4
lter=0	12	11	13	5	6
lter=1	11	12	13	5	6
lter=2	11	12	13	5	6
lter=3	11	12	5	13	6
lter=4	11	5	12	13	6
lter=5	5	11	12	13	6
lter=6	5	11	12	6	13
lter=7	5	11	6	12	13
lter=8	5	6	11	12	13

จำนวนครั้งที่ทำการเปรียบเทียบ ขึ้นอยู่กับการจัดเรียงข้อมูลตั้งต้น



โจทย์ 3 จากอัลกอริทึม Insertion Sort จงเขียนโปรแกรมเพื่อรับค่าจำนวนเต็มเข้าสู่อาเรย์ จำนวน N ตัว จากนั้นแสดงผลการจัดเรียงด้วยวิธีการ Insertion Sort ในแต่ละ iteration ข้อมูลนำเข้า บรรทัดแรก จำนวนเต็ม N แทนจำนวนตัวของอาเรย์ที่ต้องการรับค่าเข้า บรรทัดที่สอง จำนวนเต็ม N ตัว คั่นด้วยเว้นวรรค เป็นค่าที่ต้องการจัดเรียง ข้อมูลขาออก มีจำนวนบรรทัดไม่แน่นอน ขึ้นอยู่กับการจัดเรียงของข้อมูลตั้งต้น แต่ละบรรทัดแทนผลลัพธ์ของแต่ละ iteration



โจทย์ 3 จากอัลกอริทึม Insertion Sort จงเขียนโปรแกรมเพื่อรับค่าจำนวนเต็มเข้าสู่อาเรย์ จำนวน N ตัว จากนั้นแสดงผลการจัดเรียงด้วยวิธีการ Insertion Sort ในแต่ละ iteration

ตัวอย่าง

ข้อมูลนำเข้า	ผลลัพธ์
5	4 1 7 3 2
47132	1 4 7 3 2
	1 4 3 7 2
	1 3 4 7 2
	1 3 4 2 7
	1 3 2 4 7
	1 2 3 4 7







วิเคราะห์ความซับซ้อนของ Insertion Sort

```
17
     void insertionSort(int arr[], int n) {
         for (int i = 1; i < n; ++i) {
18
              int key = arr[i];
19
              int j = i - 1;
20
              while (j \ge 0 \&\& arr[j] > key) {
21
                  swap(arr[j], arr[j+1]);
22
                  j = j - 1;
23
                  displayArray(arr, n);
24
25
26
27
```

Worst case: $O(N^2)$

Avg case: $O(N^2)$

Best case: O(N)



วิเคราะห์จุดเด่น-จุดด้อยของ Insertion Sort

จุดเด่น

- 1. ทำความเข้าใจได้ง่าย
- 2. ถ้าข้อมูลมีลักษณะเรียงกันอยู่แล้วก่อนนำมาเข้ากระบวนการ จะทำให้เวลาที่ใช้ดำเนินการสั้นลง
- 3. การออกแบบอัลกอริทึมมีความยืดหยุ่นและเข้ากับข้อมูลที่พบได้ทั่วไป ที่มักมีการจัดเรียงข้อมูลมา บางส่วนอยู่แล้ว

จุดด้อย

- 1. ช้า เมื่อข้อมูลมีขนาดใหญ่ เนื่องจาก $O(N^2)$
- 2. ถ้าข้อมูลจัดเรียงแบบตรงข้ามกับสิ่งที่ต้องการ ก็จะให้ผลแย่ไม่ต่างจากวิธี Selection และ Bubble



```
19
     void selectionSort(int arr[], int n) {
20
         for (int i = 0; i < n - 1; ++i) {
21
              int minIndex = i;
22
23
              for (int j = i + 1; j < n; ++j) {
                  if (arr[j] < arr[minIndex]) {</pre>
24
                      minIndex = j;
25
26
27
28
              swap(arr[i], arr[minIndex]);
29
30
              displayArray(arr, n);
31
32
33
34
```

```
void bubbleSort(int arr[], int n) {
17
         for (int i = 0; i < n - 1; ++i) {
18
19
             for (int j = 0; j < n - i - 1; ++j) {
                 if (arr[j] > arr[j + 1]) {
20
                     swap(arr[j], arr[j + 1]);
21
22
                 displayArray(arr, n);
23
24
25
26
```

```
void insertionSort(int arr[], int n) {
         for (int i = 1; i < n; ++i) {
18
             int key = arr[i];
19
             int j = i - 1;
20
             while (j \ge 0 \&\& arr[j] > key) {
21
                  swap(arr[j], arr[j+1]);
22
                 j = j - 1;
23
                  displayArray(arr, n);
24
25
26
27
```

Sorting Algorithm: โจทย์ปัญหา



โจทย์ 4 จงเขียนโปรแกรมที่รับค่าจำนวนเต็ม N และอาเรย์ที่เก็บจำนวนเต็มขนาด N ตัว เข้ามา จากนั้นรับค่าจำนวนเต็ม k ที่ k<N เพื่อระบุว่าตัวเลขที่มากที่สุดเป็นอันดับที่ k มีค่า เท่าใด

ข้อมูลนำเข้า : บรรทัดแรก จำนวนเต็ม N

บรรทัดที่ 2 อาเรย์ของจำนวนเต็ม จำนวน N ตัว คั่นด้วยเว้นวรรค

บรรทัดที่ 3 จำนวนเต็ม k

ข้อมูลส่งออก : เป็นตัวเลขจำนวนเต็มตัวเดียว ระบุตัวเลขที่มากที่สุดอันดับที่ k ในอาเรย์

Sorting Algorithm: โจทย์ปัญหา



โจทย์ 4 จงเขียนโปรแกรมที่รับค่าจำนวนเต็ม N และอาเรย์ที่เก็บจำนวนเต็มขนาด N ตัว เข้ามา จากนั้นรับค่าจำนวนเต็ม k ที่ k<N เพื่อระบุว่าตัวเลขที่มากที่สุดเป็นอันดับที่ k มีค่า เท่าใด

ข้อมูลนำเข้า : บรรทัดแรก จำนวนเต็ม N

บรรทัดที่ 2 อาเรย์ของจำนวนเต็ม จำนวน N ตัว คั่นด้วยเว้นวรรค

บรรทัดที่ 3 จำนวนเต็ม k

ข้อมูลส่งออก : เป็นตัวเลขจำนวนเต็มตัวเดียว ระบุตัวเลขที่มากที่สุดอันดับที่ k ในอาเรย์



โจทย์ 4 จงเขียนโปรแกรมที่รับค่าจำนวนเต็ม N และอาเรย์ที่เก็บจำนวนเต็มขนาด N ตัว เข้ามา จากนั้นรับค่าจำนวนเต็ม k ที่ k<N เพื่อระบุว่าตัวเลขที่มากที่สุดเป็นอันดับที่ k มีค่า

เท่าใด

ตัวอย่าง

ข้อมูลนำเข้า	ผลลัพธ์
10	28
9 5 12 65 42 13 28 1 99 4	
4	
5	3
1 4 3 3 2	
3	







โจทย์ 5 จากอัลกอริทึม Sort ทั้งสามตัวที่เรียนมา จงเขียนโปรแกรมเพื่อรับค่าจำนวนเต็ม เข้าสู่อาเรย์จำนวน N ตัว จากนั้นแสดงผลการจัดเรียงด้วยวิธีการ Sort ในแต่ละ iteration แบบ[้]จัดเรียง**จากมากไปน้อย**

ข้อมูลนำเข้า บรรทัดแรก จำนวนเต็ม N แทนจำนวนตัวของอาเรย์ที่ต้องการรับค่าเข้า บรรทัดที่สอง จำนวนเต็ม N ตัว คั่นด้วยเว้นวรรค เป็นค่าที่ต้องการจัดเรียง

ข้อมูลขาออก มีจำนวนบรรทัดไม่แน่นอน ขึ้นอยู่กับวิธีการที่เลือกใช้ และอาจเกี่ยวข้องกับ การจัดเรียงของข้อมูลตั้งต้นด้วย แต่ละบรรทัดแทนผลลัพธ์ของแต่ละ

iteration



วิธีการจัดเรียงที่จะกล่าวถึง จะเข้าถึงข้อมูลในอาเรย์ทุกตำแหน่งที่จะทำการจัดเรียง ซึ่ง ประกอบด้วยสมาชิก n ตัว

วิธีการจัดเรียงมีหลายวิธี โดยเราจะกล่าวถึงเป็นกลุ่ม ๆ ได้แก่

- Selection Sort, Bubble Sort, Insertion Sort
- Merge Sort, Quick Sort
- Heap Sort

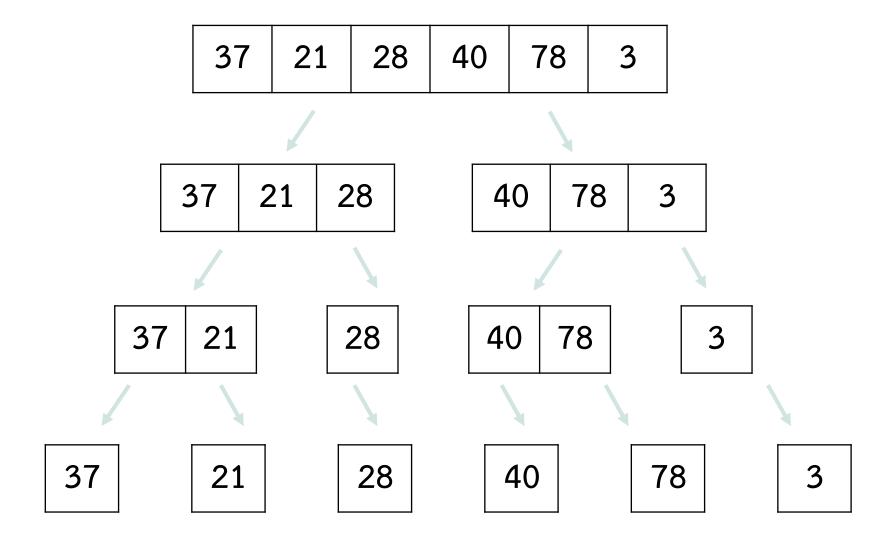


Merge sort คือการแบ่งอาเรย์เป็นครึ่งหนึ่ง จัดเรียงแต่ละครึ่ง และจากนั้นรวมครึ่งที่ เรียงลำดับแล้วกลับมารวมกัน กระบวนการนี้จะทำซ้ำไปเรื่อย ๆ จนกว่าอาเรย์ทั้งหมดจะ ถูกเรียงลำดับ มีวิธีการซับซ้อนกว่าวิธีการในกลุ่มแรก (ใช้ Recursive, หลักการ Divide and Conquer) แต่เร็วกว่ามาก

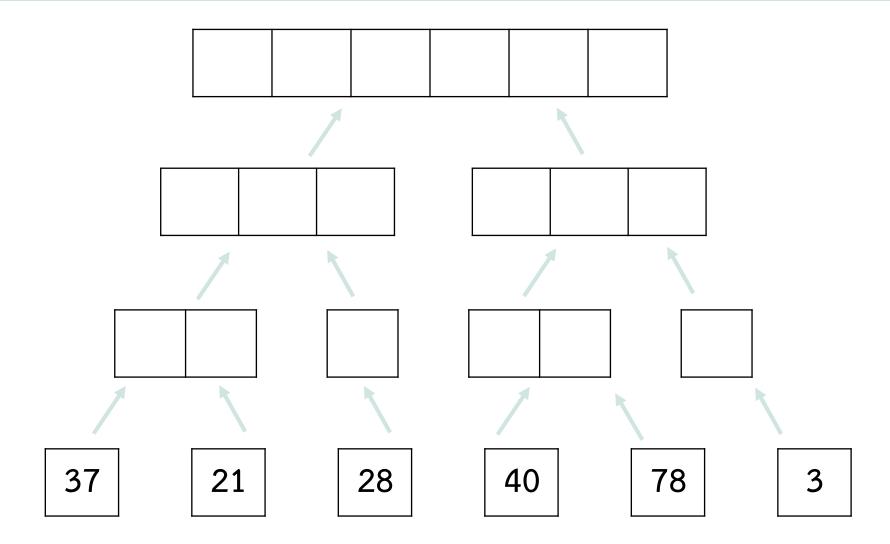
หากต้องการเรียงข้อมูลต่อไปนี้จากน้อยไปมาก

37	21	28	40	78	3
----	----	----	----	----	---

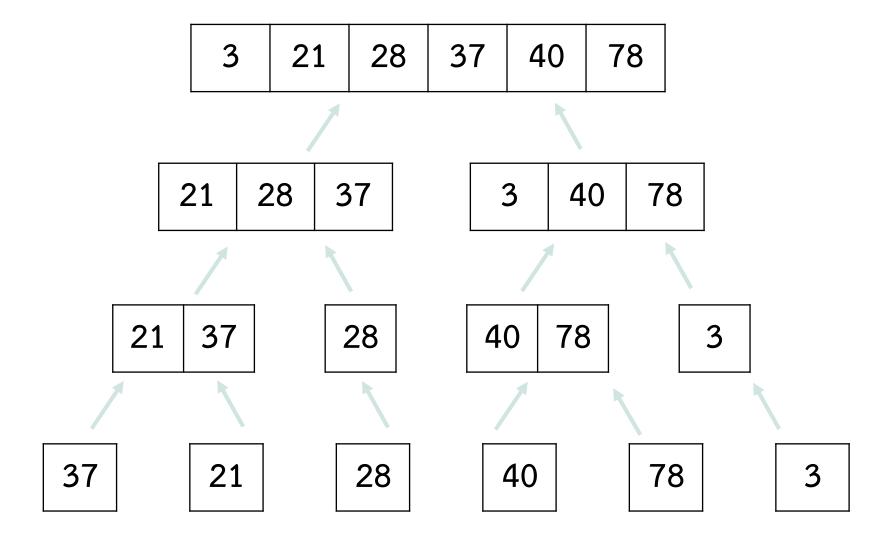












40

41

42

43

44

45

46

47

48

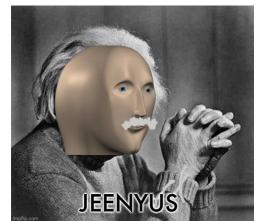
49

50

51 52 delete[] rightArray;



```
#include<iostream>
                                                                 21
     using namespace std;
                                                                 22
                                                                 23
     void merge(int array[], int const left, int const mid,
                                                                 24
                int const right)
                                                                 25
6
                                                                 26
         int const subArrayOne = mid - left + 1;
                                                                 27
         int const subArrayTwo = right - mid;
8
                                                                 28
9
                                                                 29
         auto *leftArray = new int[subArrayOne],
10
                                                                 30
              *rightArray = new int[subArrayTwo];
11
                                                                 31
12
                                                                 32
         for (auto i = 0; i < subArrayOne; i++)
13
             leftArray[i] = array[left + i];
                                                                 33
14
         for (auto j = 0; j < subArrayTwo; j++)
                                                                 34
15
             rightArray[j] = array[mid + 1 + j];
16
                                                                 35
17
                                                                 37
         auto indexOfSubArrayOne = 0, indexOfSubArrayTwo = 0;
18
                                                                 38
         int indexOfMergedArray = left;
19
                                                                 39
```



```
58
       array[indexOfMergedArray]
                                               59
            = leftArray[indexOfSubArrayOne];
        indexOfSubArrayOne++;
                                               61
                                               62
                                               63
   else {
       array[indexOfMergedArray]
                                               65
            = rightArray[indexOfSubArrayTwo]; 66
        indexOfSubArrayTwo++;
                                               67
                                               68
                                               69
    indexOfMergedArray++;
                                               70
                                               71
                                               72
while (indexOfSubArrayOne < subArrayOne) {
                                               73
    array[indexOfMergedArray]
                                               74
        = leftArray[indexOfSubArrayOne];
                                               75
    indexOfSubArrayOne++;
                                               76
    indexOfMergedArray++;
                                               77
                                               78
                                               79
while (indexOfSubArrayTwo < subArrayTwo)
                                               80
    array[indexOfMergedArray]
                                               81
        = rightArray[indexOfSubArrayTwo];
                                               82
                                               83
    indexOfSubArrayTwo++;
                                               84
    indexOfMergedArray++;
                                               85
delete[] leftArray;
```

while (indexOfSubArrayOne < subArrayOne

if (leftArray[indexOfSubArrayOne]

&& indexOfSubArrayTwo < subArrayTwo)

<= rightArray[indexOfSubArrayTwo])</pre>

```
void mergeSort(int array[], int const begin, int const end)
55
         if (begin >= end)
57
             return;
         int mid = begin + (end - begin) / 2;
         mergeSort(array, begin, mid);
         mergeSort(array, mid + 1, end);
         merge(array, begin, mid, end);
     void printArray(int A[], int size)
          for (int i = 0; i < size; i++)
              cout << A[i] << " ";
          cout << endl;</pre>
     int main()
          int arr[] = { 37, 21, 28, 40, 78, 3 };
          int arr size = sizeof(arr) / sizeof(arr[0]);
          cout << "Given array is \n";</pre>
          printArray(arr, arr size);
          mergeSort(arr, 0, arr size - 1);
          cout << "\nSorted array is \n";</pre>
          printArray(arr, arr size);
          return 0;
```



วิเคราะห์ความซับซ้อนของ Merge Sort

- หั่นที่ละครึ่ง จำนวน n รอบ ดังนั้นความซับซ้อนคือ $O(n \log n)$
- เร็วกว่ากลุ่ม 3 วิธีแรก (Selection, Bubble, Insertion) อย่างมากเมื่อข้อมูลมีขนาดใหญ่



วิเคราะห์จุดเด่น-จุดด้อยของ Merge Sort

จุดเด่น

- 1. การันตี Worst case ที่ให้ความซับซ้อนระดับ $O(n\log n)$ เท่านั้น
- 2. สามารถรันแบบคู่ขนานได้ (Parallel) โดยใช้ประโยชน์จากโปรเซสเซอร์หรือ Threads จุดด้อย
- 1. ช้ากว่าวิธีการที่เรียบง่ายเมื่อข้อมูลมีขนาดเล็กหรือจัดเรียงมาบ้างแล้ว เพราะในบางเคส ให้ ความซับซ้อนสูงกว่า Selection Sort
- 2. ต้องใช้หน่วยความจำมากกว่า ทำให้เสียเปรียบเมื่อหน่วยความจำมีจำกัดมาก



วิธีการจัดเรียงที่จะกล่าวถึง จะเข้าถึงข้อมูลในอาเรย์ทุกตำแหน่งที่จะทำการจัดเรียง ซึ่ง ประกอบด้วยสมาชิก n ตัว

วิธีการจัดเรียงมีหลายวิธี โดยเราจะกล่าวถึงเป็นกลุ่ม ๆ ได้แก่

- Selection Sort, Bubble Sort, Insertion Sort
- Merge Sort, Quick Sort
- Heap Sort



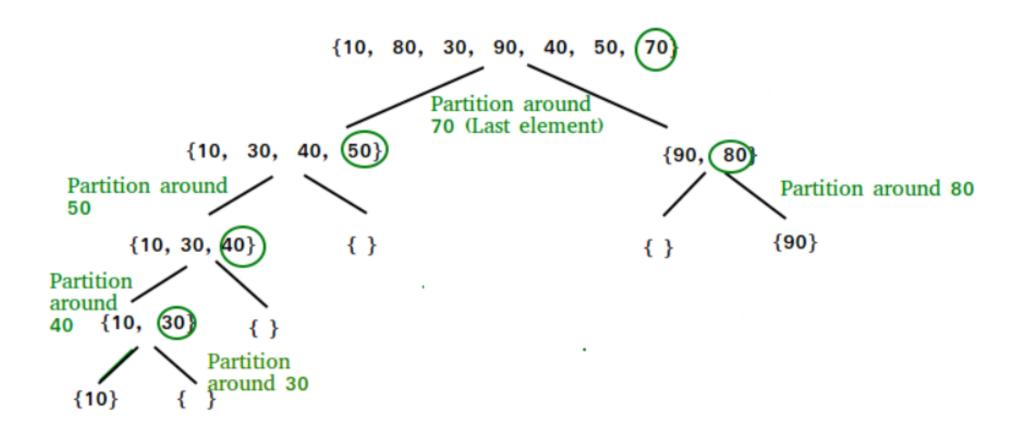
Quick Sort เป็นอัลกอริทึมในการเรียงลำดับที่ใช้หลักการของ Divide and Conquer โดยการเลือกสมาชิกหนึ่งตัวเป็น pivot และแบ่งแยกอาเรย์ที่กำหนดให้อยู่รอบๆ pivot โดยการวาง pivot ในตำแหน่งที่ถูกต้องของอาเรย์ที่เรียงลำดับไว้แล้วให้ชัดเจน

หัวใจสำคัญของ Quick Sort คือการแบ่ง Partition โดยเราจะหาตำแหน่งของ Partition ที่เหมาะสมและวางข้อมูลตัวที่เป็น Pivot ลงไป

หากต้องการเรียงข้อมูลต่อไปนี้จากน้อยไปมาก

10	80	30	90	40	50	70
----	----	----	----	----	----	----



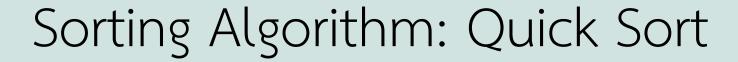




ข้นตอนวิธี

1. เลือก Pivot (มีวิธีการเลือกหลายวิธี อาจเลือกจากตัวซ้ายสุด ตัวกลาง หรือตัวขวา ในที่นี้จะเลือกตัวขวาสุดเสมอ)

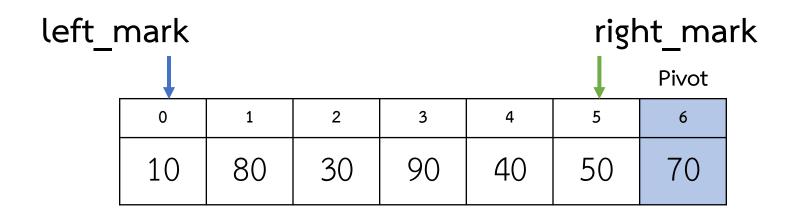
-						Pivot
10	80	30	90	40	50	70

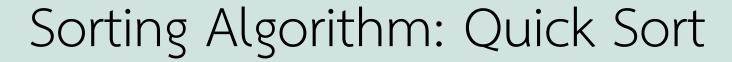




ข้นตอนวิธี

- 1. เลือก Pivot
- 2. กำหนด left_mark และ right_mark เพื่อชี้ตำแหน่งสำหรับเตรียมการสลับที่







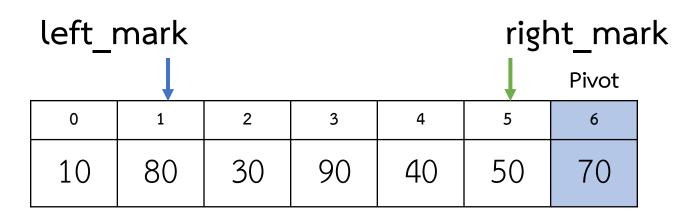
ข้นตอนวิธี

- 3. การปรับตำแหน่ง และการดำเนินการกับ left_mark และ right_mark มี กฎเกณฑ์ดังนี้
 - i. ถ้าค่าในตำแหน่ง left_mark < pivot แล้ว left_mark จะเลื่อนไปทางขวาจนกว่า ค่าในตำแหน่ง left_mark > pivot
 - ii. ถ้าค่าในตำแหน่ง right_mark > pivot แล้ว right_mark ก็จะเลื่อนไปทางซ้ายจนกว่า ค่าในตำแหน่ง right_mark < pivot
 - iii. สลับค่าในตำแหน่ง left_mark และ right_mark
 - iv. ทำซ้ำ ข้อ i, ii, iii จนทั้ง left_mark และ right_mark สลับด้านกัน



ขั้นตอนวิธี

- . ถ้าค่าในตำแหน่ง left_mark < pivot แล้ว left_mark จะเลื่อนไปทางขวาจนกว่า ค่าในตำแหน่ง left_mark > pivot
- ii. ถ้าค่าในตำแหน่ง right_mark > pivot แล้ว right_mark ก็จะเลื่อนไปทางซ้าย จนกว่า ค่าในตำแหน่ง right_mark < pivot
- iii. สลับค่าในตำแหน่ง left_mark และ right_mark
- iv. ทำซ้ำ ข้อ i, ii, iii จนทั้ง left_mark และ right_mark สลับด้านกัน

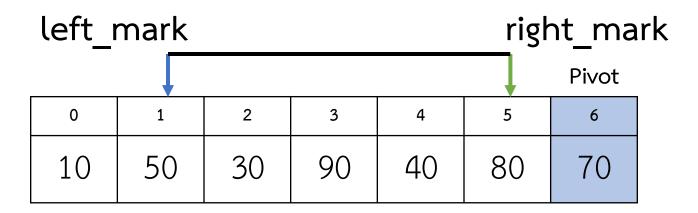






ข้นตอนวิธี

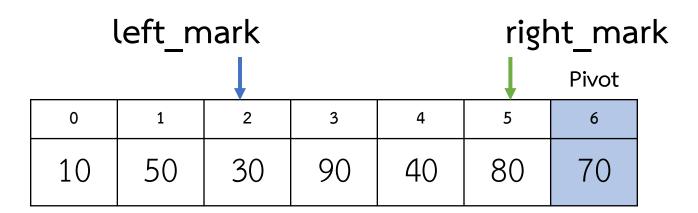
- i. ถ้าค่าในตำแหน่ง left_mark < pivot แล้ว left_mark จะเลื่อนไปทางขวาจนกว่า ค่าในตำแหน่ง left_mark > pivot
- ii. ถ้าค่าในตำแหน่ง right_mark > pivot แล้ว right_mark ก็จะเลื่อนไปทางซ้าย จนกว่า ค่าในตำแหน่ง right_mark < pivot
- iii. สลับค่าในตำแหน่ง left_mark และ right_mark
- iv. ทำซ้ำ ข้อ i, ii, iii จนทั้ง left_mark และ right_mark สลับด้านกัน





ข้นตอนวิธี

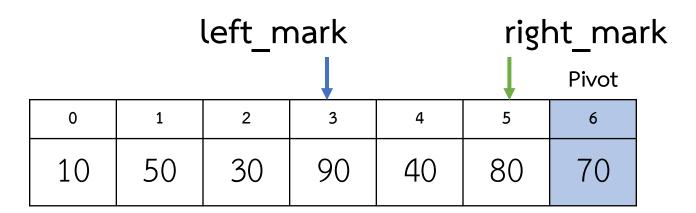
- i. ถ้าค่าในตำแหน่ง left_mark < pivot แล้ว left_mark จะเลื่อนไปทางขวาจนกว่า ค่าในตำแหน่ง left_mark > pivot
- ii. ถ้าค่าในตำแหน่ง right_mark > pivot แล้ว right_mark ก็จะเลื่อนไปทางซ้าย จนกว่า ค่าในตำแหน่ง right_mark < pivot
- iii. สลับค่าในตำแหน่ง left_mark และ right_mark
- v. ทำซ้ำ ข้อ i, ii, iii จนทั้ง left_mark และ right_mark สลับด้านกัน

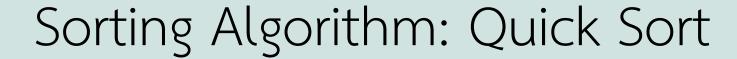






- i. ถ้าค่าในตำแหน่ง left_mark < pivot แล้ว left_mark จะเลื่อนไปทางขวาจนกว่า ค่าในตำแหน่ง left_mark > pivot
- ii. ถ้าค่าในตำแหน่ง right_mark > pivot แล้ว right_mark ก็จะเลื่อนไปทางซ้าย จนกว่า ค่าในตำแหน่ง right_mark < pivot
- iii. สลับค่าในตำแหน่ง left_mark และ right_mark
- iv. ทำซ้ำ ข้อ i, ii, iii จนทั้ง left_mark และ right_mark สลับด้านกัน







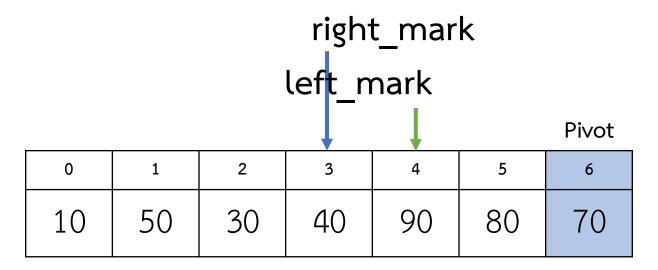
- i. ถ้าค่าในตำแหน่ง left_mark < pivot แล้ว left_mark จะเลื่อนไปทางขวาจนกว่า ค่าในตำแหน่ง left_mark > pivot
- ii. ถ้าค่าในตำแหน่ง right_mark > pivot แล้ว right_mark ก็จะเลื่อนไปทางซ้าย จนกว่า ค่าในตำแหน่ง right_mark < pivot
- iii. สลับค่าในตำแหน่ง left_mark และ right_mark
- v. ทำซ้ำ ข้อ i, ii, iii จนทั้ง left_mark และ right_mark สลับด้านกัน

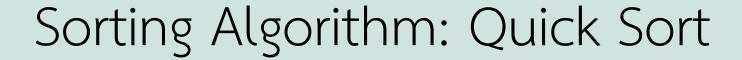
		left_n	nar <u>k</u>	righ	nt_ma	rk
						Pivot
0	1	2	3	4	5	6
10	50	30	40	90	80	70





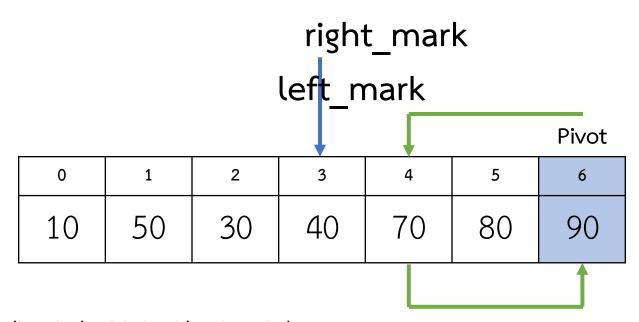
- . ถ้าค่าในตำแหน่ง left_mark < pivot แล้ว left_mark จะเลื่อนไปทางขวาจนกว่า ค่าในตำแหน่ง left_mark > pivot
- ii. ถ้าค่าในตำแหน่ง right_mark > pivot แล้ว right_mark ก็จะเลื่อนไปทางซ้าย จนกว่า ค่าในตำแหน่ง right_mark < pivot
- iii. สลับค่าในตำแหน่ง left_mark และ right_mark
- iv. ทำซ้ำ ข้อ i, ii, iii จนทั้ง left_mark และ right_mark สลับด้านกัน







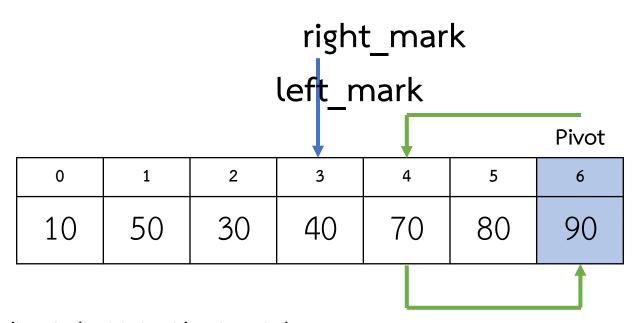
4. สลับที่ pivot กับ left_mark

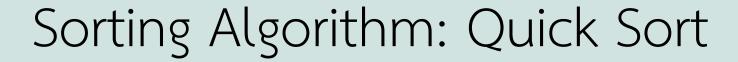






4. สลับที่ pivot กับ left_mark







- สังเกตว่าฝั่งซ้ายของจุดที่ pivot ย้ายที่มา จะมีค่าน้อยกว่า pivot ทั้งหมด
- และฝั่งขวาของจุดที่ pivot ย้ายที่มา จะมีค่ามากกว่า pivot ทั้งหมด

0	1	2	3	4	5	6
10	50	30	40	70	80	90



- 4. สลับที่ pivot กับ left_mark
- 5. แยกฝั่งซ้าย-ขวา ทำ 1-4 ซ้ำกับฝั่งซ้าย-ขวา จนเหลือ element ที่เล็กที่สุด

0	1	2	3	4	5	6
10	50	30	40	70	80	90

0	1	2	3
10	50	30	40

4
70

5	6
80	90



0	1	2	3	4	5	6
10	50	30	40	70	80	90

0	1	2	3
10	50	30	40

4
70

5	6
80	90



0	1	2	3
10	50	30	40

4
70

5	6
80	90

0	1	
10	30	

2	
40	

10 | 3



10 30 40 50 70 80 90



```
#include<iostream>
    using namespace std;
3
    void swap(int& a, int& b) {
4
         int temp = a;
5
6
        a = b;
7
        b = temp;
8
10
     int partition(int arr[],int low,int high)
11
12
       int pivot=arr[high];
       int i=(low-1);
13
       for(int j=low;j<=high;j++)</pre>
14
15
16
         if(arr[j]<pivot)
17
18
            i++;
19
            swap(arr[i],arr[j]);
20
21
        swap(arr[i+1],arr[high]);
22
23
       return (i+1);
24
```

```
void quickSort(int arr[],int low,int high)
26
27
       if(low<high)
28
29
          int pi=partition(arr,low,high);
30
31
32
         quickSort(arr,low,pi-1);
         quickSort(arr,pi+1,high);
33
34
35
     int main() {
38
       int arr[]={10, 80, 30, 90, 40, 50, 70};
39
       int n=sizeof(arr)/sizeof(arr[0]);
40
       quickSort(arr,0,n-1);
41
       cout<<"Sorted Array\n";</pre>
42
43
       for(int i=0;i<n;i++)
44
          cout<<arr[i]<<" ";
45
46
47
       return 0;
48
```



วิเคราะห์ความซับซ้อนของ Quick Sort

- หั่นที่ละครึ่ง จำนวน n รอบ ดังนั้นความซับซ้อนโดยเฉลี่ยคือ $O(n \log n)$
- เคสที่แย่ที่สุด (เนื่องจากต้องรันจนครบ loop 2 ชั้น) ทำให้ $O(n^2)$ สถานการณ์ที่เลวร้ายที่สุดสำหรับ Quicksort เกิดขึ้นเมื่อ pivot ที่แต่ละขั้นตอนทำให้มีการแบ่งแยก partition ที่ไม่ สมดุลมาก ๆ โดยเฉพาะเมื่ออาเรย์มีการเรียงลำดับแล้วและ pivot ถูกเลือกเป็นสมาชิกที่เล็กที่สุดหรือสมาชิกที่มากที่สุด เสมอ



วิเคราะห์จุดเด่น-จุดด้อยของ Quick Sort

จุดเด่น

- มีประสิทธิภาพสูงในข้อมูลขนาดใหญ่
- ใช้หน่วยความจำไม่มาก
- สามารถรันแบบคู่ขนานได้ (Parallel) โดยใช้ประโยชน์จากโปรเซสเซอร์หรือ Threads 3. จุดด้อย
- เมื่อเกิด worst case จะได้ $O(N^2)$ ไม่ใช่ทางเลือกที่ดีสำหรับข้อมูลขนาดเล็ก
- เมื่อเรียนในขั้นสูงขึ้นไปจะพบว่า Quick Sort เป็นวิธีการที่ไม่เสถียร (Unstable)

Sorting Algorithm: โจทย์ปัญหา



โจทย์ 6 Wave-like array จงเขียนโปรแกรมที่รับค่าจำนวนเต็ม N และอาเรย์ที่เก็บ จำนวนเต็มขนาด N ตัวเข้ามา ให้เรียงลำดับอาเรยให้อยู่ในรูปแบบ wave-like array (ใน ที่นี้หมายถึงเรียงลำดับสมาชิกในลำดับที่ arr[1] >= arr[2] <= arr[3] >= arr[4] <= arr[5].....) โดยที่จุดยอดและท้องคลื่นจะสูงขึ้นจากซ้ายไปขวาเสมอ

ข้อมูลนำเข้า : บรรทัดแรก จำนวนเต็ม N

บรรทัดที่ 2 อาเรย์ของจำนวนเต็ม จำนวน N ตัว คั่นด้วยเว้นวรรค การันตี

ว่าจะไม่มีเลขซ้ำกันในอาเรย์

ข้อมูลส่งออก : อาเรย์ที่จัดเรียงตัวเลขแบบ Wave-like

Sorting Algorithm



โจทย์ 6 Wave-like array

ตัวอย่าง

ข้อมูลนำเข้า	ผลลัพธ์
11	4 1 9 5 13 12 42 28 99 65 100
9 5 12 65 42 13 28 1 99 4 100	
5	2 1 4 3 5
1 4 3 5 2	
10	1032547698
9812567430	

Sorting Algorithm



วิธีการจัดเรียงที่จะกล่าวถึง จะเข้าถึงข้อมูลในอาเรย์ทุกตำแหน่งที่จะทำการจัดเรียง ซึ่ง ประกอบด้วยสมาชิก n ตัว

วิธีการจัดเรียงมีหลายวิธี โดยเราจะกล่าวถึงเป็นกลุ่ม ๆ ได้แก่

- Selection Sort, Bubble Sort, Insertion Sort
- Merge Sort, Quick Sort
- Heap Sort

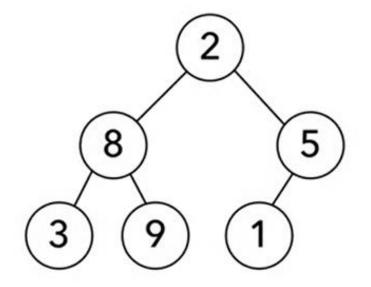


Heap Sort อาศัยหลักการของ Tree ในการจัดเรียง (เราจะได้เรียนเรื่อง Tree ใน ภายหลัง) โดย Tree ที่จะถูกนำมาใช้งานจะเป็นประเภท Ordered Binary Tree

ในหัวข้อนี้จะไม่พูดถึงเรื่องเทคนิคละเอียดมากนัก เพราะยังไม่รู้จัก tree อย่างละเอียด แต่เราจะมาดูแนวคิดของ Heap Sort กัน



สิ่งเดียวที่ขอให้รู้ตอนนี้คือ สิ่งนี้คือ tree ที่เรากำลังพูดถึง





หากต้องการเรียงข้อมูลต่อไปนี้จากน้อยไปมาก

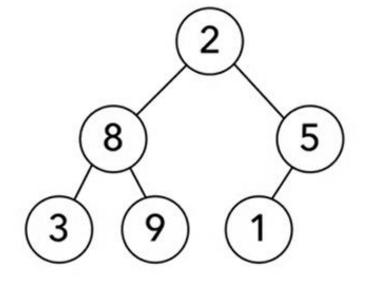
2	8	5	3	9	1



ข้นตอนวิธี

1. น้ำอาเรย์นี้ไปสร้างเป็นโครงสร้าง tree

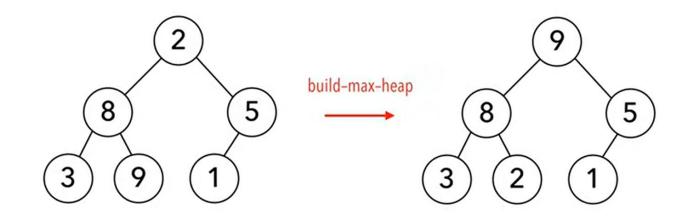
2 8 5 3 9 1





ข้นตอนวิธี

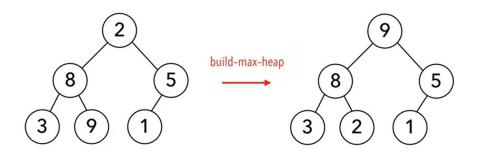
- 1. นำอาเรย์นี้ไปสร้างเป็นโครงสร้าง tree
- 2. สร้าง max-heap (รอบต่อ ๆ ไปจะใช้การ heapify)



9 8 5 2 3 1

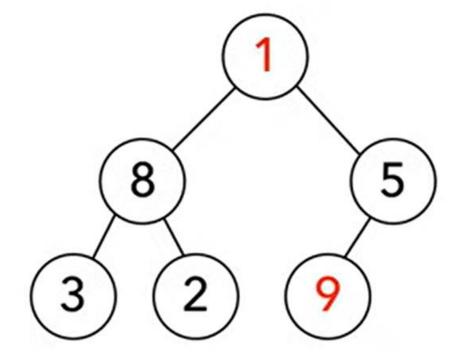


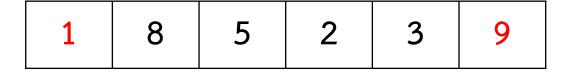
แล้วเราจะสร้าง max-heap ได้อย่างไร





- 1. นำอาเรย์นี้ไปสร้างเป็นโครงสร้าง tree
- 2. สร้าง max-heap
- 3. สลับข้อมูลบนสุด กับข้อมูลล่างขวาสุด

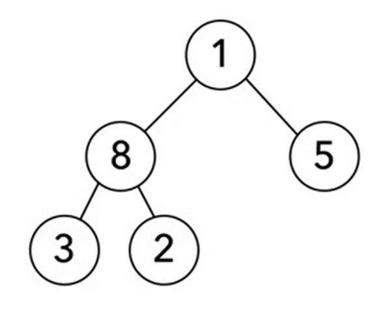






ข้นตอนวิธี

- 1. นำอาเรย์นี้ไปสร้างเป็นโครงสร้าง tree
- 2. สร้าง max-heap
- 3. สลับข้อมูลบนสุด กับข้อมูลล่างขวาสุด
- 4. ลบข้อมูลล่างขวาสุดออกจากทรี (ถือว่าเรียงไปแล้ว)

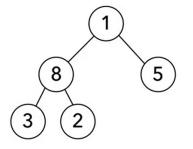


1 8 5 2 3 9



แล้ว heapify คืออะไร?

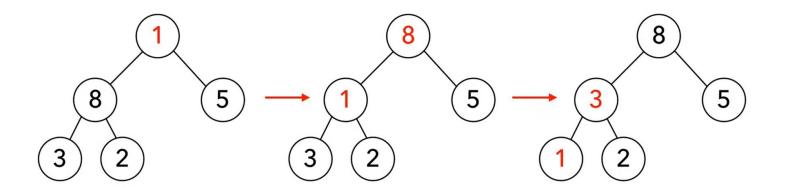
- หลัก ๆ แล้วมีไอเดียเหมือนการสร้าง max-heap แต่เราสมมติว่ามีโครงสร้างส่วนใหญ่ ของ tree ที่มีการจัดเรียงไว้ก่อนหน้าแล้ว
- ตามหลักการเราจัดเรียงทั้ง tree ไว้ตั้งแต่ตอนแรก เพียงแต่มีการสลับเอาตัวท้ายสุดมา ไว้เป็นตัวบนสุด ดังนั้น เราต้องแก้ไขลำดับที่ผิดที่ผิดทางเพียงตัวเดียวนี้





แทนที่การ heapify จะไล่ดูตั้งแต่ tree ย่อยล่างสุดไล่ขึ้นมา เราก็จะดูจากบนลงล่างไป เลย ว่าตัวเลขบนสุดควรจะสลับกับตัวข้างล่างทางซ้าย หรือขวา หรือควรวางไว้ตำแหน่ง เดิม โดยมีหลักการง่าย ๆ ว่า

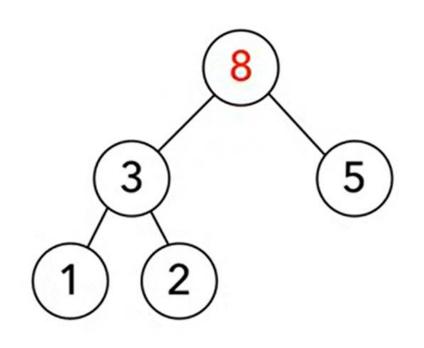
- ถ้าตัวบนสุดน้อยกว่าตัวข้างล่างตัวใดตัวหนึ่ง จะสลับกับตัวข้างล่างฝั่งที่มีค่ามากกว่า
- ถ้าตัวบนสุดมีค่ามากกว่าตัวข้างล่างทั้งสองตัวอยู่แล้ว จะไม่สลับตำแหน่ง





ข้นตอนวิธี

- 1. นำอาเรย์นี้ไปสร้างเป็นโครงสร้าง tree
- 2. สร้าง max-heap (รอบถัดไปทำ heapify)
- 3. สลับข้อมูลบนสุด กับข้อมูลล่างขวาสุด
- 4. ลบข้อมูลล่างขวาสุดออกจากทรี (ถือว่าเรียงไปแล้ว)
- 5. ทำ 2-4 ซ้ำจน tree ไม่มีสมาชิกเหลืออยู่

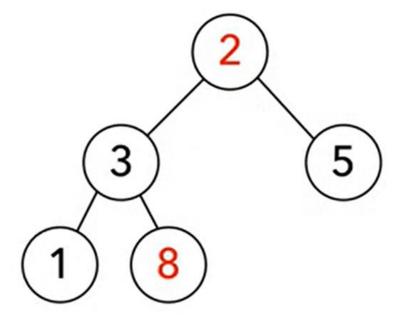


8 3 5 1 2 9



ข้นตอนวิธี

- 1. นำอาเรย์นี้ไปสร้างเป็นโครงสร้าง tree
- 2. สร้าง max-heap
- 3. สลับข้อมูลบนสุด กับข้อมูลล่างขวาสุด
- 4. ลบข้อมูลล่างขวาสุดออกจากทรี (ถือว่าเรียงไปแล้ว)
- 5. ทำ 2-4 ซ้ำจน tree ไม่มีสมาชิกเหลืออยู่ (ข้อ 2 จะใช้การ heapify แทน)

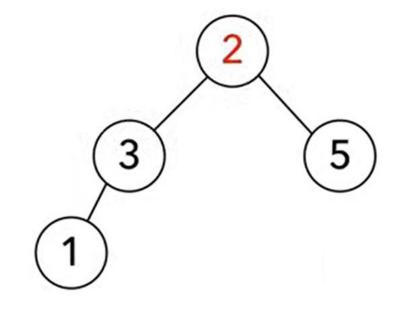


2 3 5 1 8 9



ข้นตอนวิธี

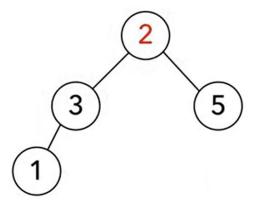
- 1. นำอาเรย์นี้ไปสร้างเป็นโครงสร้าง tree
- 2. สร้าง max-heap
- 3. สลับข้อมูลบนสุด กับข้อมูลล่างขวาสุด
- 4. ลบข้อมูลล่างขวาสุดออกจากทรี (ถือว่าเรียงไปแล้ว)
- 5. ทำ 2-4 ซ้ำจน tree ไม่มีสมาชิกเหลืออยู่ (ข้อ 2 จะใช้การ heapify แทน)

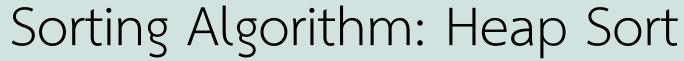


2 3 5 1 8 9



หลังจากนี้ เป็นยังไงต่อ?





20



```
void heapSort(int arr[], int N)
     #include <iostream>
                                                                                               42
                                                                                                    int main()
                                               23
     using namespace std;
                                                                                               43
                                                        for (int i = N / 2 - 1; i >= 0; i--)
                                               24
                                                                                                        int arr[] = \{ 2, 8, 5, 3, 9, 1 \};
                                                                                               44
     void swap(int& a, int& b) {
                                                            heapify(arr, N, i);
                                               25
                                                                                                        int N = sizeof(arr[0]);
                                                                                               45
                                               26
         int temp = a;
                                                                                               46
                                                        for (int i = N - 1; i > 0; i--) {
                                               27
         a = b;
                                                                                               47
                                                                                                        heapSort(arr, N);
                                               28
         b = temp;
                                                                                               48
                                                            swap(arr[0], arr[i]);
                                               29
                                                                                                         cout << "Sorted array is \n";</pre>
                                                                                               49
                                               30
                                                                                                         printArray(arr, N);
                                                                                               50
     void heapify(int arr[], int N, int i)
                                                            heapify(arr, i, 0);
                                               31
                                                                                               51
                                               32
                                                                                               E 2
         int largest = i;
                                               33
                                               34
         int 1 = 2 * i + 1;
                                                    void printArray(int arr[], int N)
                                               35
                                               36
         int r = 2 * i + 2;
10
                                                        for (int i = 0; i < N; ++i)
                                               37
11
                                                            cout << arr[i] << " ";
                                               38
         if (1 < N && arr[1] > arr[largest])
12
                                                        cout << "\n";
             largest = 1;
13
         if (r < N && arr[r] > arr[largest])
14
             largest = r;
15
         if (largest != i) {
16
             swap(arr[i], arr[largest]);
17
18
             heapify(arr, N, largest);
19
```



วิเคราะห์ความซับซ้อนของ Heap Sort

ullet ความซับซ้อนโดยเฉลี่ยคือ $O(n \log n)$



วิเคราะห์จุดเด่น-จุดด้อยของ Heap Sort

จุดเด่น

- 1. มีความซับซ้อนเป็น $O(N\log N)$ เสมอ ปัจจัย log n มาจากความสูงของ binary heap และ ทำให้อัลกอริทึมรักษาประสิทธิภาพอย่างดีแม้ในกรณีของข้อมูลที่มีจำนวนมากมาย
- 2. ความจำที่ใช้ใน Heap Sort สามารถลดลงได้เนื่องจากมีความจำที่จำเป็นสำหรับการเก็บรายการ เริ่มต้นของรายการที่ต้องการจัดเรียงลำดับเท่านั้น ไม่ต้องการพื้นที่เพิ่มเติมในการทำงาน

จุดด้อย

- 1. มี cost ในการรันสูง
- 2. เป็นการจัดเรียงประเภทที่ไม่เสถียร
- 3. ไม่ได้มีประสิทธิภาพสูงมากนักเมื่อทำงานกับข้อมูลที่มีความซับซ้อนมาก

Outline



- บทนำเกี่ยวกับการจัดเรียงลำดับ
- Sorting Algorithm
- การเปรียบเทียบประสิทธิภาพของ Sorting Algorithm
- การใช้งานและการเลือก Sorting Algorithm
- Standard Template Library (STL)
- การประยุกต์ใช้ Sorting Algorithm

การเปรียบเทียบประสิทธิภาพ

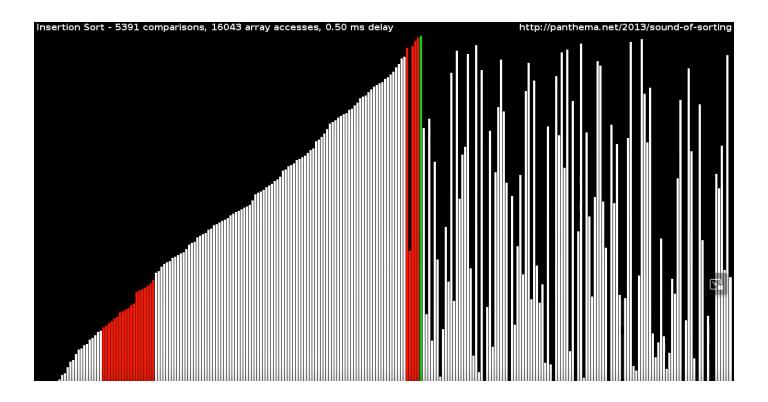


	Time Complexity			Space Complexity	
Sorting Algorithms	Best Case	Average Case	Worst Case	Worst Case	
Bubble Sort	Ω(N)	Θ(N^2)	O(N^2)	O(1)	
Selection Sort	Ω(N^2)	Θ(N^2)	O(N^2)	O(1)	
Insertion Sort	Ω(N)	Θ(N^2)	O(N^2)	O(1)	
Quick Sort	Ω(N log N)	Θ(N log N)	O(N^2)	O(N)	
Merge Sort	Ω(N log N)	Θ(N log N)	O(N log N)	O(N)	
Heap Sort	Ω(N log N)	Θ(N log N)	O(N log N)	O(1)	

การเปรียบเทียบประสิทธิภาพ



อยากดูความแตกต่างของความเร็วในการ Sorting ให้เป็นรูปธรรม + Sorting ประเภทอื่น ๆ คลิก https://www.youtube.com/watch?v=kPRA0W1kECg



Outline



- บทนำเกี่ยวกับการจัดเรียงลำดับ
- Sorting Algorithm
- การเปรียบเทียบประสิทธิภาพของ Sorting Algorithm
- การใช้งานและการเลือก Sorting Algorithm
- Standard Template Library (STL)
- การประยุกต์ใช้ Sorting Algorithm



การเลือกอัลกอริทึมการเรียงลำดับ (Sorting Algorithm) นั้นขึ้นอยู่กับ สถานการณ์และความต้องการของแต่ละปัญหา โดยมีปัจจัยหลายอย่างที่ควร พิจารณาเมื่อต้องการเลือกใช้ Sorting Algorithm

ก่อนหน้านี้ เราได้พูดถึงข้อดี-ข้อเสีย รวมถึงความซับซ้อนของอัลกอริทึม ไปแล้ว ในหัวข้อนี้ แทนที่เราจะโฟกัสไปที่แต่ละวิธีการ แต่เราจะลองมอง ย้อนกลับ โดยการพิจารณาวิธีการที่จะใช้จากปัญหาที่เราได้รับมา



1. ขนาดของข้อมูล

หากข้อมูลมีขนาดใหญ่มาก โดยเฉพาะในกรณีของข้อมูลขนาดเยอะมาก เราอาจต้องพิจารณาใช้อัลกอริทึมที่มีประสิทธิภาพสูงบนข้อมูลขนาดใหญ่ เช่น Merge Sort หรือ Quick Sort ซึ่งมีเวลาทำงานในลักษณะเฉลี่ยน้อยกว่า Bubble Sort หรือ Insertion Sort





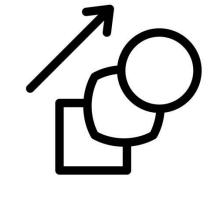
2. ความซับซ้อนของอัลกอริทึม

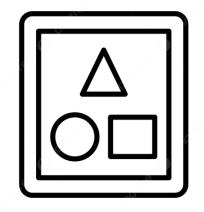
บางครั้งอาจต้องพิจารณาความซับซ้อนของอัลกอริทึมในการเลือกใช้ เช่น ถ้าเราต้องการอัลกอริทึมที่เรียงลำดับข้อมูลได้อย่างรวดเร็วและมี ประสิทธิภาพ แต่ไม่ต้องการความซับซ้อนมาก เราสามารถใช้ Insertion Sort หรือ Selection Sort ที่มีความเรียบง่ายในการทำงานได้



3. ลักษณะของข้อมูล

อัลกอริทึมที่มีประสิทธิภาพสูงบนข้อมูลที่ไม่มีลำดับหรือข้อมูลที่มีการ กำหนดค่าแบบสุ่มอาจไม่ได้ผลดีเมื่อใช้กับข้อมูลที่มีลำดับมาก่อนหน้า ในกรณีนี้ เราอาจต้องพิจารณาใช้ Insertion Sort หรือ Bubble Sort ซึ่งมีประสิทธิภาพ ดีกว่าในกรณีนี้









4. ความจำเป็นในการจัดเรียงข้อมูล

โจทย์บางข้อโกหกเราโดยทำเหมือนว่าต้องจัดเรียงข้อมูลก่อน ทั้งที่จริง ๆ แล้วเป็นเพียงโจทย์คำนวณ ถ้ารู้สึกว่าทำการจัดเรียงแล้วไปไม่ถึงฝั่งฝันเสียที่ ให้ ลองพิจารณาโจทย์อีกครั้งว่าจำเป็นต้องใช้การจัดเรียงหรือไม่





5. ความต้องการในการใช้หน่วยความจำ

บางอัลกอริทึมอาจมีความต้องการในการใช้หน่วยความจำมากกว่า อัลกอริทึมอื่น ๆ เมื่อจัดเรียงข้อมูลขนาดใหญ่ ซึ่งอาจต้องพิจารณาหากเรามี ข้อจำกัดในการใช้หน่วยความจำ (ในระดับเราอาจไม่ต้องกังวลกับจุดนี้มากนัก)



Outline



- บทนำเกี่ยวกับการจัดเรียงลำดับ
- Sorting Algorithm
- การเปรียบเทียบประสิทธิภาพของ Sorting Algorithm
- การใช้งานและการเลือก Sorting Algorithm
- Standard Template Library (STL)
- การประยุกต์ใช้ Sorting Algorithm



- Sorting เป็นหนึ่งในฟังก์ชันพื้นฐานที่ใช้กับข้อมูล หมายถึงการจัดเรียงข้อมูลให้ เรียงลำดับในลักษณะที่เฉพาะเจาะจง เช่น เรียงลำดับให้อยู่ในลำดับเพิ่มขึ้นหรือลำดับ ลดลง
- ใน C++ STL มีฟังก์ชันชื่อว่า sort() ซึ่งเป็นฟังก์ชันที่มีอยู่แล้วภายใน STL
- ฟังก์ชันนี้ใช้ IntroSort ภายใน โดยการนำ QuickSort, HeapSort และ InsertionSort มาผสมกันเข้าไป



- โดยปกติแล้ว จะเลือกใช้ Quick Sort
- แต่หาก Quick Sort ทำการแบ่ง partition อย่างไม่เป็นธรรมและใช้เวลามากกว่า O(NlogN) คอมไพเลอร์จะเปลี่ยนไปใช้ Heap Sort และเมื่อขนาดของอาร์เรย์เล็ก มากพอ คอมไพเลอร์จะเปลี่ยนไปใช้ Insertion Sort แทน



```
sort(startaddress, endaddress)
startaddress: the address of the first
              element of the array
endaddress: the address of the next
            contiguous location of the
            last element of the array.
So actually sort() sorts in the
range of [startaddress,endaddress)
```



```
#include <algorithm>
     #include <iostream>
     using namespace std;
 4
     int main()
 5
 6
         int arr[] = {3, 5, 1, 2, 4};
         sort(begin(arr), end(arr));
 8
 9
         for (int i : arr)
10
11
             cout << i << " ";
12
13
14
         return 0;
15
16
```

Outline



- บทนำเกี่ยวกับการจัดเรียงลำดับ
- Sorting Algorithm
- การเปรียบเทียบประสิทธิภาพของ Sorting Algorithm
- การใช้งานและการเลือก Sorting Algorithm
- Standard Template Library (STL)
- การประยุกต์ใช้ Sorting Algorithm



- ตอนนี้เราได้เรียนรู้วิธีการ sort ทั้งแบบทำเอง และแบบ STL แล้ว ทำให้โจทย์ ปัญหาการจัดเรียงแบบพื้นฐานสามารถแก้ได้ง่ายขึ้นอย่างมาก
- ต่อจากนี้เราจะลองทดสอบประกอบความรู้ที่ได้เรียนมาทั้งหมดเข้าด้วยกัน



โจทย์ 7 เรียงวันในปฏิทิน

จงเขียนโปรแกรมรับค่า วัน เดือน ปี มาเป็นจำนวน n ชุด จากนั้นจัดเรียงวันจากน้อยไปมาก และ แสดงผลการเรียงลำดับออกทางจอภาพ

ข้อมูลนำเข้า บรรทัดแรก ค่า n แทนจำนวนชุดข้อมูล วัน เดือน ปี ที่จะจัดเรียง

บรรทัดที่ 2 ถึง n+1 แทนข้อมูล วัน เดือน ปี ที่คั่นระหว่างข้อมูลด้วยเว้นวรรค

ข้อมูลส่งออก บรรทัดที่ 1 ถึง n แต่ละบรรทัดแทนข้อมูลวัน เดือน ปี ที่จัดเรียงแล้วแต่ละวัน คั่น ระหว่างข้อมูลวัน เดือน ปี ด้วยเว้นวรรค



โจทย์ 7 เรียงวันในปฏิทิน

ข้อมูลนำเข้า	ผลลัพธ์
5	6 2 1579
5 1 2545	12 1 2410
6 2 1579	5 1 2545
12 1 2410	1 12 2555
1 12 2555	30 3 2565
30 3 2565	



โจทย์ 8 เรียงสตริง

จงเขียนโปรแกรมรับค่าสตริงมาเป็นจำนวน n ชุด จากนั้นจัดเรียงสตริงอ้างอิงตามตาราง ASCII และแสดงผลการเรียงลำดับออกทางจอภาพ

ข้อมูลนำเข้า บรรทัดแรก ค่า n แทนจำนวนข้อมูลสายอักขระที่จะจัดเรียง (ไม่ใช่จำนวนอักษร)

บรรทัดที่ 2 ถึง n+1 แทนข้อมูลสายอักขระ การันตีว่าไม่มีเว้นวรรค

ข้อมูลส่งออก บรรทัดที่ 1 ถึง n แต่ละบรรทัดแทนข้อมูลสายอักขระ ที่จัดเรียงแล้วตามหลัก พจนานุกรม 1 บรรทัดต่อ 1 สตริง



โจทย์ 8 เรียงสตริง

ข้อมูลนำเข้า	ผลลัพธ์
3	ILOVEYOU
ILOVEYOU	NICEONE
SILPAKORN	SILPAKORN
NICEONE	



โจทย์ 9 เรียงเลขใหญ่โต

ให้แสดงตัวเลขในอาร์เรย์ขนาด n ของจำนวนเต็มบวกที่มีทุกจำนวนเต็มสามารถมีจำนวนหลักได้ สูงสุดถึง 106 ในลำดับเรียงจากน้อยไปหามาก

ข้อมูลนำเข้า บรรทัดแรก ค่า n แทนจำนวนข้อมูลที่จะจัดเรียง

บรรทัดที่ 2 แทนข้อมูลตัวเลขขนาดใหญ่ที่จะจัดเรียง คั่นด้วยเว้นวรรค

ข้อมูลส่งออก บรรทัดเดียว แสดงตัวเลขที่จัดเรียงแล้ว



โจทย์ 9 เรียงเลขใหญ่โต

ข้อมูลนำเข้า	ผลลัพธ์
5	1 3 4 5 9
3 4 5 9 1	



โจทย์ 10 เรียง B แต่ปริ้น A

ให้เขียนโปรแกรมภาษา C++ เพื่อรับข้อมูลอาเรย์ A และ B ที่เก็บจำนวนเต็ม ขนาด N ตัวและจัดเรียง อาเรย์ A ให้เรียงตามลำดับน้อยไปมากของอาเรย์ B และแสดงผลลัพธ์อาเรย์ A หลังจากการจัดเรียง (เรียง B จากน้อยไปมาก แล้วเอาลำดับที่ได้มาเรียง A ดังนั้น A อาจไม่ได้เรียงจากน้อยไปมากก็ได้ เพราะการ จัดเรียงขึ้นอยู่กับ B) โดยถ้าใน B มีตัวเลขที่เท่ากัน ให้เรียง A ตามการมาก่อนหลัง

บรรทัดแรก ค่า n แทนจำนวนข้อมูลของอาเรย์ A และ B ข้อมูลนำเข้า

บรรทัดที่ 2 แทนข้อมูลจำนวนเต็มของ A ที่จะให้แสดงผล

บรรทัดที่ 3 แทนข้อมูลจำนวนเต็มของ B ที่ใช้ในการเรียงลำดับ

บรรทัดเดียว แสดงตัวเลขในอาเรย์ A ที่จัดเรียงตามลำดับของ B แล้ว ข้อมูลส่งออก



โจทย์ 10 เรียง B แต่ปริ๊น A

ข้อมูลนำเข้า	ผลลัพธ์
3	7 2 4
472	
3 1 2	
5	65 12 99 41 88
99 12 65 41 88	
3 2 1 4 5	
7	47 12 86 65 81 43 21
12 65 43 47 86 21 81	
23 47 94 10 32 94 65	



โจทย์ 11 เรียงคะแนน

ให้สร้างโปรแกรมที่ใช้งานอัลกอริทึมการเรียงลำดับเพื่อจัดเรียงข้อมูลของนักเรียนในชั้นเรียน โดยมี ข้อมูลของนักเรียนที่ประกอบด้วยชื่อ, นามสกุล, และคะแนนสอบ โปรแกรมจะต้องสามารถ เรียงลำดับนักเรียนตามคะแนนสอบจากสูงไปต่ำ และในกรณีที่นักเรียนมีคะแนนเท่ากัน ให้เรียง ตามอักษร (lexicographically) ของชื่อและนามสกุล โดยโปรแกรมจะแสดงผลลัพธ์เป็นลำดับการ เรียงของนักเรียนทั้งหมด

ข้อมูลนำเข้า บรรทัดแรก ค่า n แทนจำนวนนักเรียน

บรรทัดที่ 2 ถึง n+1 แทนข้อมูลนักเรียนแต่ละคน ได้แก่ ชื่อ นามสกุล และคะแนน

ข้อมูลส่งออก มี n บรรทัด แสดงผล ชื่อ นามสกุล และคะแนน 1 ชื่อต่อ 1 บรรทัด เรียง ตามลำดับคะแนนจาก**มากไปน้อย** หากคะแนนซ้ำกันจะเรียงลำดับตามชื่อ-สกุล



โจทย์ 11 เรียงคะแนน

ข้อมูลนำเข้า	ผลลัพธ์
5	Alice Smith 90
John Doe 85	Mary Brown 90
Alice Smith 90	John Doe 85
Bob Johnson 80	David Lee 85
Mary Brown 90	Bob Johnson 80
David Lee 85	

Outline



- บทนำเกี่ยวกับการจัดเรียงลำดับ
- Sorting Algorithm
- การเปรียบเทียบประสิทธิภาพของ Sorting Algorithm
- การใช้งานและการเลือก Sorting Algorithm
- Standard Template Library (STL)
- การประยุกต์ใช้ Sorting Algorithm