

Chapter 10

稳定性与频率补偿 Stability and Frequency Compensation

中科大微电子学院

黄鲁、程林

教材:模拟CMOS集成电路设计

Behzad Razavi

2021/1/2

1



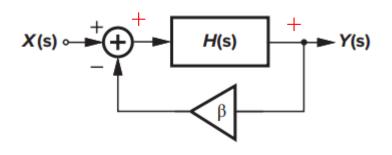
第10章内容

- 10.1 概述
- 10.2 多极点系统
- 10.3 相位裕量
- 10.4 频率补偿基础
- 10.5 两级运放的补偿
- 10.6 两级运放的转换速率
- 10.7 其它补偿技术



10.1 概述 General considerations

稳定性仅针对负反馈电路



$$Y(S) = H(S)(X(S) - \beta Y(S))$$

闭环传输函数:
$$\frac{Y}{X}(s) = \frac{H(s)}{1 + \beta H(s)}$$

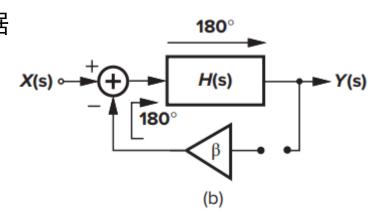
如果:

$$|\beta H(j\omega_1)| = 1$$

$$\angle \beta H(j\omega_1) = -180^{\circ}$$

巴克豪森判据

closed-loop "gain" goes to infinity, circuit can amplify noise until to oscillate



- (1) 即某个频率时,负反馈能变成正反馈!
- (2) 当某个频率正反馈时, 若环路增益 > 1 时发生自激振荡

$$\beta \leq 1$$



Stability criteria (判据)

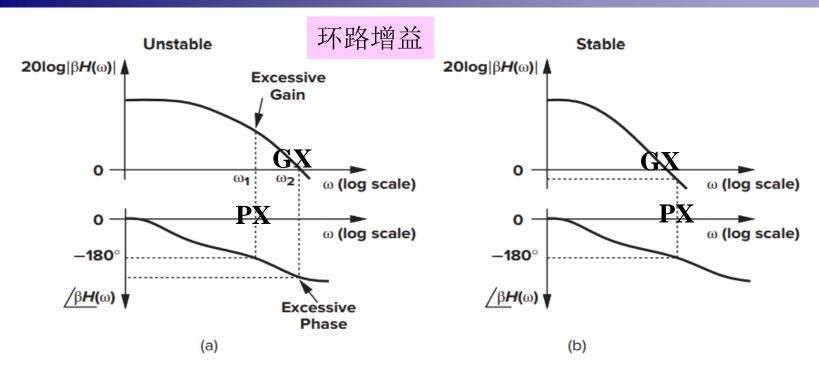


Figure 10.2 Bode plots of loop transmission for (a) unstable and (b) stable systems

增益交点GX频率:环路增益 =1 (0dB) 的频率,小于基本放大器的单位增益带宽;

相位交点PX频率:环路相位 = -180°(开环传输函数H为正)的频率。

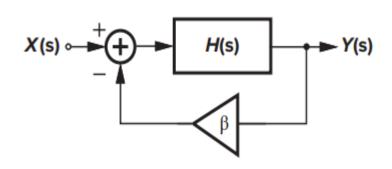
稳定系统中,增益交点GX必定在相位交点PX之前,即GX < PX。

2021/1/2

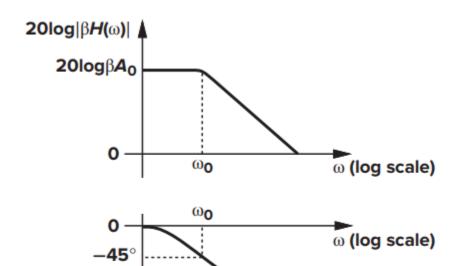


单极点前馈放大器的环路增益波特图

单极点系统:
$$H(s) = \frac{A_0}{1 + \frac{S}{\omega_0}}$$



环路增益



闭环增益:

$$\frac{Y}{X}(s) = \frac{\frac{A_0}{1 + \beta A_0}}{1 + \frac{s}{\omega_0 (1 + \beta A_0)}}$$

低频: s<ω₀(1+βA₀) 时,

$$A_{closed} \approx \frac{A_0}{1 + \beta A_0} \approx \frac{1}{\beta}$$

-90°

/β**Η(**ω) 🛊



例 10.1

Explain whether the system depicted in Fig. 10.3 becomes more or less stable if the feedback is weakened, i.e., if β is reduced.

稳定系统的增益交点GX<相位交点PX。相隔越远,稳定性越好。

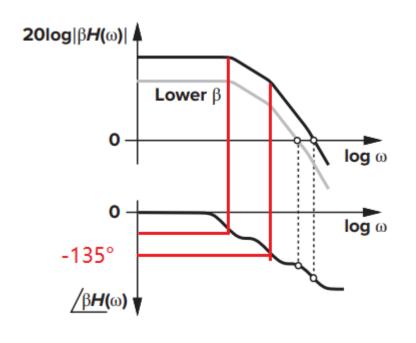


Figure 10.3

β越小,环路增益越小; GX频率越小,电路系统越稳定。

电压跟随器=单位增益负反馈 β=1,最大反馈, 此时环路增益=开环增益H=最大; 电路系统稳定性最差。

弱反馈有利于系统稳定



10.2 多极点系统 Multi-Pole Systems

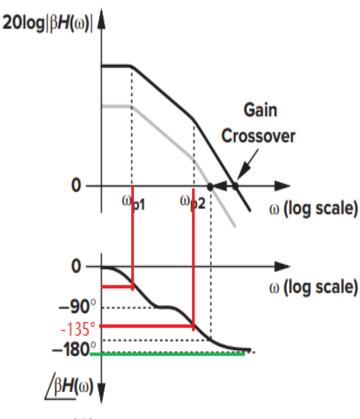
大多数实用运放是多极点的。信号通路上的每个MOS管一般至少会产生一个极点 若反馈减弱即β减小,则环路幅频曲线下移,相位曲线不变;

因此,增益交点GX向原点移动。 $\angle \beta H(j\omega_{cx})$ 相移减小,系统更稳定。

结论: 弱反馈有利于系统稳定

稳定系统中,增益交点GX频率必定在相位交点PX频率之前,即GX < PX。

每个极点导致在很高频率时相位滞后90°;每个极点频率处,幅频下降3dB,波特图上以-20dB/10倍频程下降;每个零点频率处,幅频上升3dB,波特图上以20dB/10倍频程上升。



设 $0.1\omega_{p2} > 10\omega_{p1}$



高阶(3阶以上)系统

三阶以上系统, 必然存在

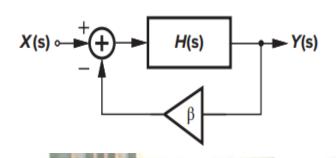
某个频率点: ω_1

$$H(S) = \frac{A_o}{(1 + \frac{S}{\omega_{p1}})(1 + \frac{S}{\omega_{p2}}) \cdot \cdot \cdot (1 + \frac{S}{\omega_{pN}})}$$

反馈系统的环路增益相位

$$\angle \beta H(j\omega_1) = -180^{\circ}$$

若此频率点的环路增益幅值 > 1,则 反馈电路在此频率点上产生振荡!



第1极点(最低频主极点), 第2极点之后都是次极点

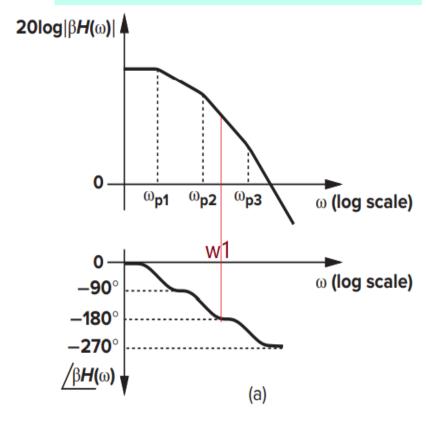


Figure 10.9 (a) Bode plots of loop transmission for a three-pole system



10.3 相位裕度 Phase Margin

GX与PX的关系:

稳定系统的环路增益 $|\beta H(j\omega)|$ 必须在 $\angle\beta H(j\omega)$ 达到 -180° 之前下降到 1 (0dB)。即GX < PX。GX应离PX多远?

在增益交点GX处
$$\beta H(j\omega_{GX}) = 1 \times \exp^{j \angle \beta H(j\omega_{GX})}$$

本例(a)处于边缘稳定 $\angle \beta H(j\omega_{GX}) = -175^{\circ}$

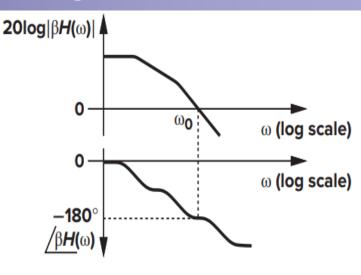
$$\frac{Y}{X}(j\omega_1) = \frac{H(j\omega_1)}{1 + \beta H(j\omega_1)}$$

$$= \frac{\frac{1}{\beta} \exp(-j175^\circ)}{1 + \exp(-j175^\circ)}$$

$$= \frac{1}{\beta} \cdot \frac{-0.9962 - j0.0872}{0.0038 - j0.0872}$$

$$\left|\frac{Y}{X}(j\omega_1)\right| = \frac{1}{\beta} \cdot \frac{1}{0.0872} \approx \frac{11.5}{\beta}$$

记 ω_{GX} 为 ω_1 $\frac{Y}{X}$ (w)



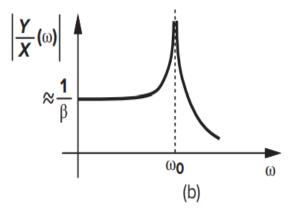


Figure 10.9 (b) closed-loop response 二阶系统一定是稳定的,但可能有振铃

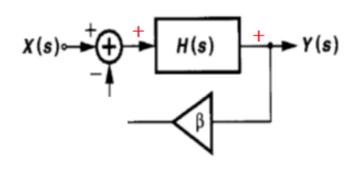
增益交点GX是环路概念,不是闭环增益



PM相位裕度(续)

GX距离PX较远(GX<PX),则闭环系统稳定性好。

相位裕度: $PM = 180^{\circ} + \angle \beta H(\omega_{GX})$, 注意这里 $H(\omega)$ 为同向放大器



Example 10.4

一个两极点系统被设计成 $|\beta H(j\omega_{P2})|=1$

且
$$\omega_{P1} << \omega_{P2}$$
 , $荥$ PM = ?

$$\therefore \angle \beta H(j\omega_{P2}) = -135^{\circ}$$

$$\therefore PM = 45^{\circ}$$

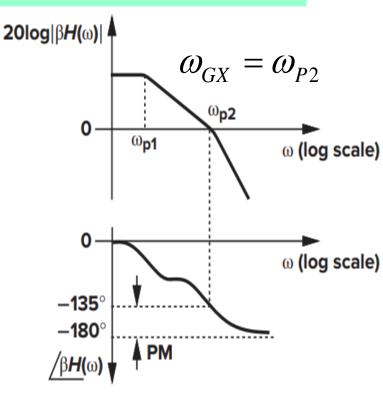


Figure 10.11



How much phase margin is adequate?

$$PM = 45^{\circ}$$
,即之 $\beta H(j\omega_{GX}) = -135^{\circ}$
| $\beta H(j\omega_{GX})$ | = 1

闭环增益(不是环路增益):

$$\left| \frac{Y}{X} (j\omega_{GX}) \right| = \left| \frac{H(j\omega_{GX})}{1 + \beta H(j\omega_{GX})} \right|$$

$$= \left| \frac{\frac{1}{\beta} \exp^{-j135^{\circ}}}{1 + \exp^{-j135^{\circ}}} \right| \approx \frac{1 \cdot 3}{\beta} > \frac{1}{\beta}$$

$$= \frac{1}{\beta \left| 1 + \left(-\frac{1}{2} - j \frac{\sqrt{3}}{2} \right) \right|} = \frac{1}{\beta} \text{ 2}$$

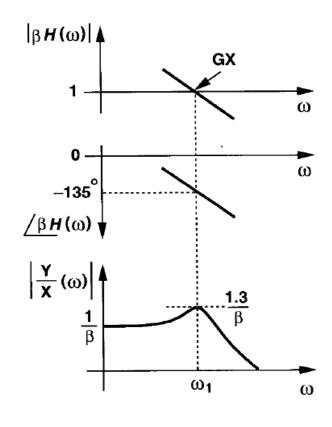


Figure 10.12 Closed-loop frequency response for 45° phase margin.

仅在GX频率点上不理想



对于交变小信号,60° phase margin 最佳

对于更大的PM (GX离PX更远、频率更小;例如减小开环主极点),系统更加稳定,但时间响应减慢(信号带宽变小)。

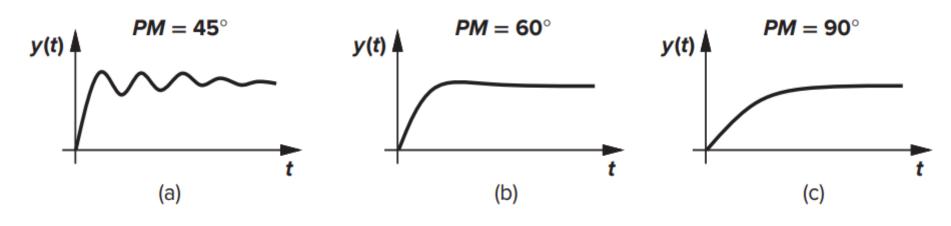
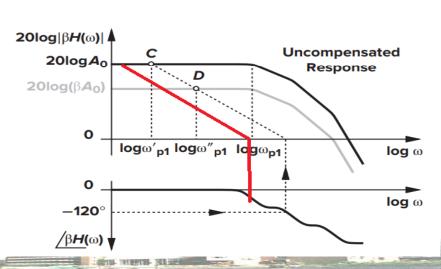


Figure 10.13 Closed-loop time response for 45°, 60°, and 90° phase margins.

一般而言,PM不是重要关键参数

一般取 $PM = 60^{\circ}$ (小信号,AC 仿真)





大信号带宽小于小信号带宽

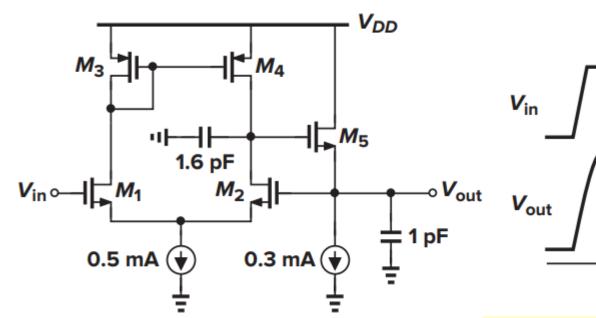
- 相位裕量的概念(环路频域计算)适合处理小幅度信号电路的设计。
- 大信号阶跃响应与前图10.13不符合;大信号带宽较小。原因:偏置电压和偏置电流的<mark>较大偏离</mark>所导致的非线性,以及在瞬态过程引起极点频率和零点频率变化(RC与工作点有关),导致复杂的时间响应;另外,转换速率限制了输出变化斜率。
- 对于大信号应用,采用闭环系统的时域仿真计算更合适, 即瞬态仿真;
- 手工计算时用转换速率或压摆率估算上升时间。

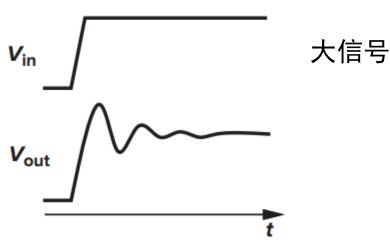
2021/1/2

13



例: 单位增益缓冲器, 相位裕度仅小信号





设所有晶体管:

$$\frac{W}{L} = \frac{50 \, \mu m}{0.6 \, \mu m}$$

相位裕度与大信号输出的波动无关

SPICE模拟得到: 相位裕度PM= 65°

单位增益频率(GX点)为150MHz。

Vout波动说明:虽然单位增益放大器相位裕量很好,但大信号稳定性不好。

2021/1/2

14



10.4 频率补偿基础(系统稳定方法)

- 当电路有3个以上极点时,若有反馈应用,须检查是否需要进行频率 (或称相位)补偿,即修正开环传输函数(相当于反馈系数=1时的环 路增益),确保闭环电路稳定。
- 使运放系统稳定的方法:
 - (1) 减小环路增益总相移,使相位交点PX向外推,如图10.15(a),但 电路设计上比较难实现(例如减小次极点节点的寄生电容)。
 - (2) 降低增益, 使增益交点GX向内推, 如图10.15(b)。

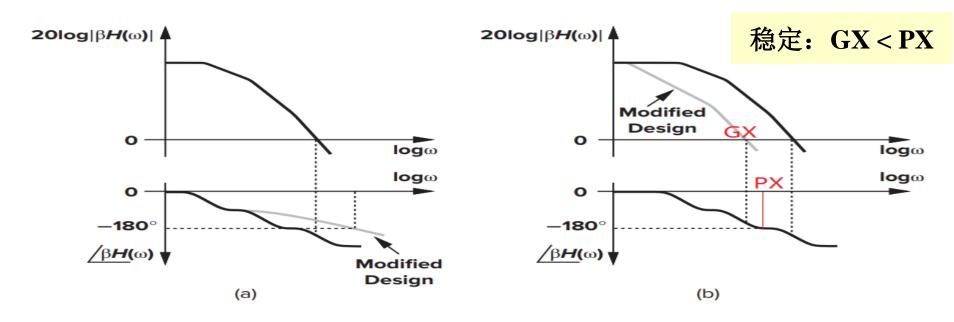


Figure 10.15 Frequency compensation by (a) moving PX out and (b) pushing GX in.

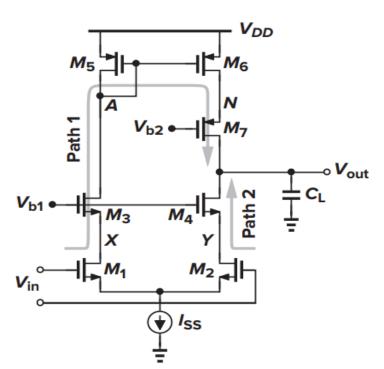


频率补偿方法(cont.)

• 减小相移的设计方法:

选择使极点数减至最少的电路结构。由于每级放大至少增加一个极点,因此开环 H(s)级数减至最少。前提是H能达到适当的电压增益带宽积和输出摆幅。

使增益交点GX内推的方法:频率补偿减小带宽(参考前图)。
 将增益交点向原点内推,减小开环H带宽,实质上是减小GX频率,称为频率补偿。



左图例, 主极点估算:

Cascode结构输出电阻很大,因此输出极点 $\omega_{p,out}$ 值最小,靠近原点即主极点。

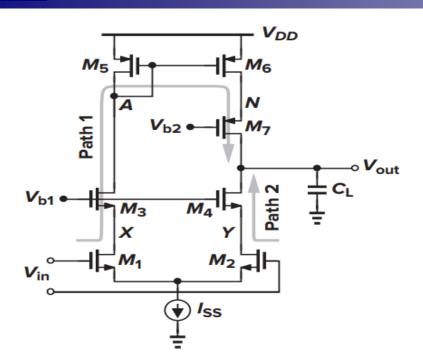
主极点通常确定开环 3 dB带宽:

$$f_{-3dB} = \frac{\omega_{p,out}}{2\pi}$$

研究开环运放H的稳定性,等效于采用 β =1电压跟随器(最坏情况),实际应用 大多 β < 1,更有利于稳定性。



例 极点估算



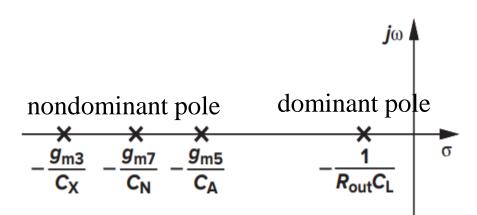


Figure 10.17 Pole locations

Figure 10.16 Telescopic op amp with single-ended output

- 节点X和Y的二个极点相等,通路1和通路2传输函数相加,因此它们是一个极点。
- 镜像极点A影响相位裕量。 若假设主极点频率 << 次极点频率,则次极点频率上总移相-135°。



例(续)运放环路增益的波特图

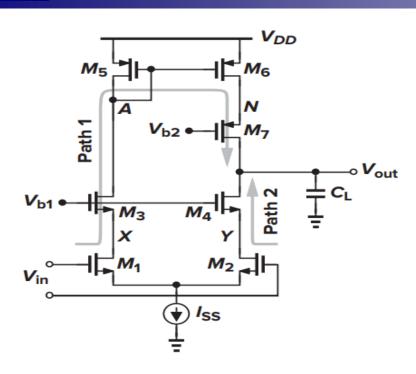


Figure 10.16 Telescopic op amp with single-ended output

Figure 10.18 Bode plots of loop transmission for op amp of Fig. 10.16

$$CA = CGS5 + CGS6 + CDB5 + 2CGD6 + CDB3 + CGD3$$



补偿步骤 How do compensating?

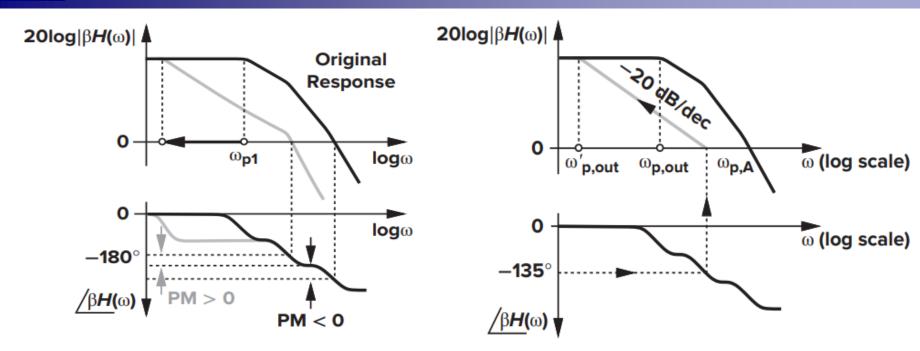


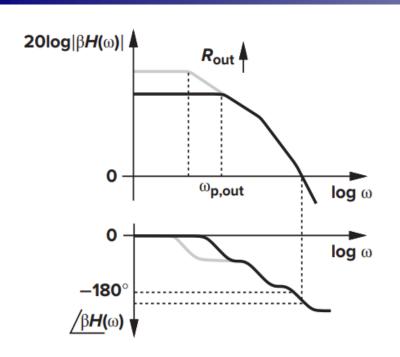
Figure 10.19 Translating the dominant pole toward the origin

$$\angle \beta H(\omega_{GX}) = PM - 180^{\circ}$$

 $\partial \omega_{p2} > 10\omega_{p1}$ 。 无零点时环路增益次极点处的总移相 — 135°。 若次极点频率处的环路增益幅度 > 0dB,则表明PM < 45°, 在 β =1 短用 情况下,要求补偿后开环放大器H(=环路增益)的单位增益带宽小于H的次极点频率 ω_{p2} ,即 PM > 45°



Increasing Rout does not compensate



$$\omega_{p,out} = \omega_{p1}$$
(主极点) = $\frac{1}{R_{out}C_L}$

低频
$$H(0) = A_0 = G_m R_{out}$$

在增益交点GX频率处,

设忽略次极点影响(通常情况,下页):

$$|\beta H(\omega_{GX})| \approx |\beta \frac{A_o}{1 + j \frac{\omega_{GX}}{\omega_{D1}}}| \approx \frac{\beta G_m}{C_L \omega_{GX}} = 1$$

解得
$$\omega_{GX} = \beta \frac{G_{m}}{C_{I}}$$
,与 R_{out} 无关。

增大Rout,没有使GX变小!

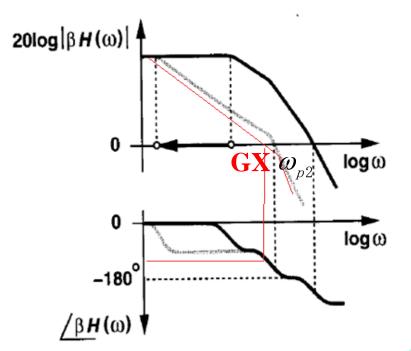
只能增加主极点关联节点的电容,会增加功耗!

 ω_{p2}



相位裕度60°所要求的次极点与GX关系

频率补偿后,次极点与增益交点(环路增益=1)频率的合理关系:设相位裕度=60°(至少45°即次极点=GX),主次极点足够远。



设可近似为2极点系统,环路增益:

$$\beta H(s) = \beta \frac{A_o}{(1 + \frac{s}{\omega_{p1}})(1 + \frac{s}{\omega_{p2}})}$$

在增益交点 ω_{GX} 上: $\angle \beta H(\omega_{GX})$

=
$$-\angle(1 + j\frac{\omega_{GX}}{\omega_{p1}}) - \angle(1 + j\frac{\omega_{GX}}{\omega_{p2}})$$

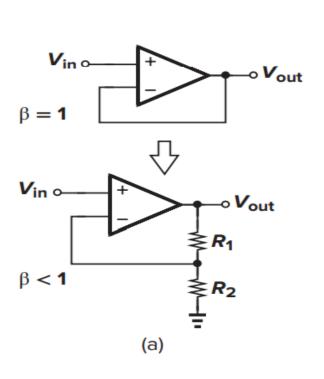
 $\approx -(90^{\circ} + 30^{\circ}) = -120^{\circ}$ (相位裕量60°)

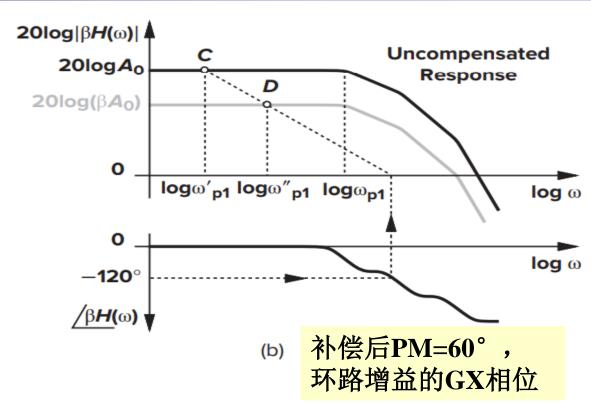
$$\arctan(1+j\frac{\omega_{_{GX}}}{\omega_{_{p2}}})=30^\circ$$
,得到 $\frac{\omega_{_{GX}}}{\omega_{_{p2}}}=\frac{\sqrt{3}}{3}$,即 $\omega_{_{p2}}=\sqrt{3}\omega_{_{GX}}\approx2\omega_{_{GX}}$

增益交点GX频率 = (0.5~0.6) * 第2 极点频率wp2 (最小非主极点) 波特图上环路增益斜率 =-20dB/十倍频;低频环路增益和补偿后主极点频率



例 10.5 反馈系数小于1时的补偿

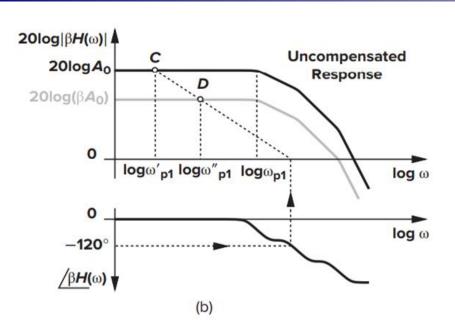




 $\beta = 1$ 时,补偿将主极点 ω_{p1} 推向原点,减小为C点频率 ω_{p1} ,在 β <1情况下,未补偿的环路增益下降: $20 \lg A - 20 \lg \beta A = -20 \lg \beta$, 主极点成为D点频率 ω_{p1} 。



例 10.5 (续) 反馈系数小于1时的补偿



设 β =1时补偿电容为 C_c 。

CD段斜率(极点下降, 若零点则上升): -20 dB / 十倍频程(1g);

$$\frac{-20 \lg \beta}{\lg \omega_{p_1} - \lg \omega_{p_1}} = 20$$

$$\lg \overrightarrow{\omega_{p1}} - \lg \overrightarrow{\omega_{p1}} = \lg \frac{\overrightarrow{\omega_{p1}}}{\overrightarrow{\omega_{p1}}} = \lg \frac{1}{\beta}$$

$$\therefore \frac{\omega_{p1}^{''}}{\omega_{p1}^{'}} = \frac{1}{\beta}, \quad 闭环增益 \approx \frac{1}{\beta} > 1, 补偿电容为 \beta C_{C}, 减小$$

可否直接将H设计得小一些?不行!

大的环路增益保证反馈增益精度,大的开环增益保证闭环输入虚短。



Fully differential telescopic cascode

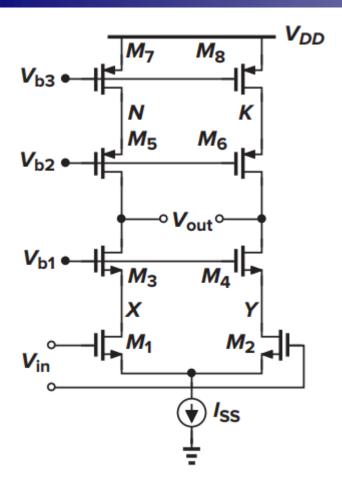


Figure 10.23 Fully differential telescopic op amp

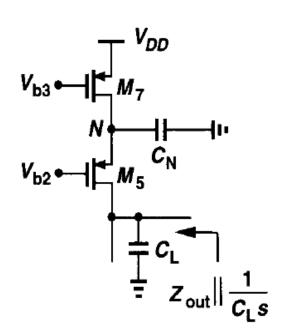
负载电容不增加电路极点的个数(阶数), 只改变输出极点的数值。

$$V_{b3} - || M_7$$
 $V_{b2} - || M_5$
 $Z_N = r_{O7} || (C_N s)^{-1}$
 Z_{out}
 Z_{out}
 $Z_{out} = (1 + g_{m5} r_{O5}) Z_N + r_{O5}$,

 $z_{out} = (1 + g_{m5} r_{O5}) \frac{r_{O7}}{r_{O7} C_N s + 1}$.



Fully differential telescopic cascode (cont.)



信号路径上电路节点关联的独立电容数决定了传输函数对应的极点数

$$Z_{out}||\frac{1}{C_{L}s}| = \frac{(1 + g_{m5}r_{O5})\frac{r_{O7}}{r_{O7}C_{N}s + 1} \cdot \frac{1}{C_{L}s}}{(1 + g_{m5}r_{O5})\frac{r_{O7}}{r_{O7}C_{N}s + 1} + \frac{1}{C_{L}s}}$$

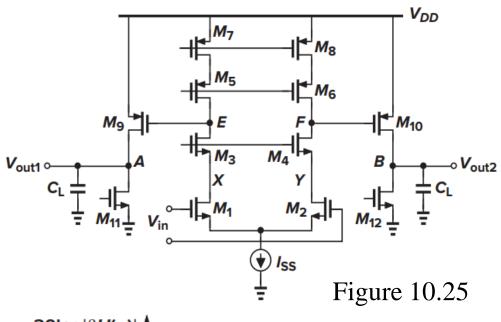
$$= \frac{(1 + g_{m5}r_{O5})r_{O7}}{[(1 + g_{m5}r_{O5})r_{O7}C_{L} + r_{O7}C_{N}]s + 1}$$

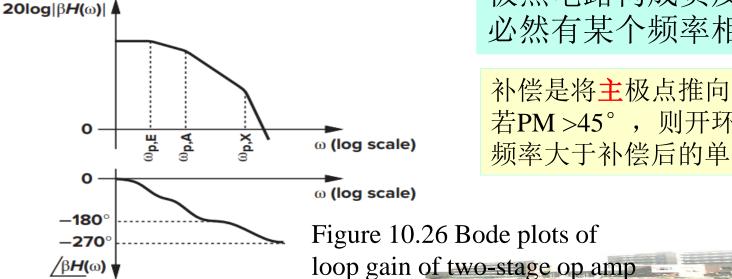
time constant: (1 + gm5 rO5)rO7CL + rO7CN

图10.23中,全差动CASCODE运放的负载管(不是输入管,即不在信号路径上)M5~M8不会增加新极点!但会稍微降低输出极点频率值。但是,电流镜负载CASCODE运放由于有镜像极点(两支路相加引起),带宽比全差动CASCODE运放低。



10.5 Compensation of two-stage op amps





极点: X(Y)、E(F)、A(B); 主极点: RC时间常数最大。 E节点或A节点,可能有双主 极点。

电流源: M7,8、M11,12, Iss

一个极点最大相移-90°;3 极点电路构成负反馈系统时 必然有某个频率相移-180°

补偿是将主极点推向频率原点。 若PM >45°,则开环系统第2极点 频率大于补偿后的单位增益带宽



Miller compensation: 减小片内电容

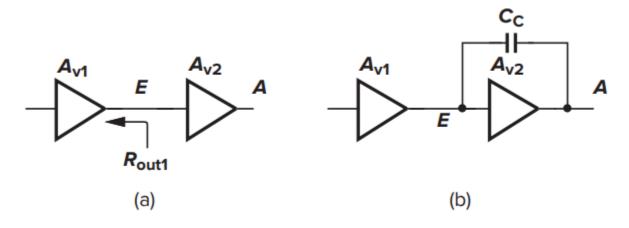


Figure 10.27 Miller compensation of a two-stage op amp

时间常数 = Rout1[CE+(1+Av2)CC]

Av2反向放大器。

密勒补偿方法只能用于 2级放大器,要求第1级 是高增益(高输出阻抗)放大器。

补偿Cc在内部预防闭 环时不稳定,整个电路 看成开环放大器。

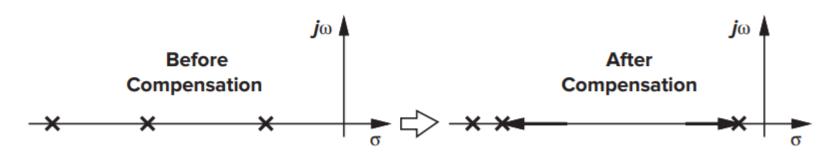
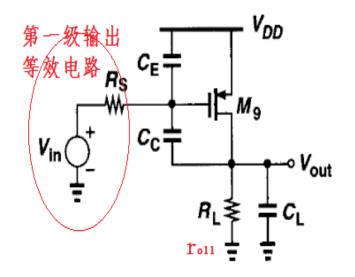


Figure 10.28 Pole splitting as a result of Miller compensation.

密勒补偿的附加优点:推高输出(第2)极点频率,有利于闭环稳定性



Miller compensation (续1)



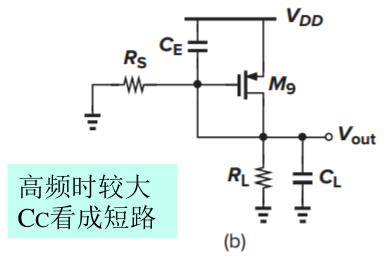


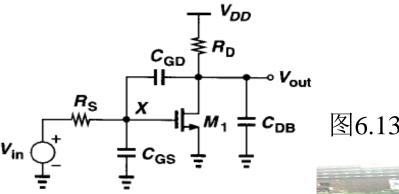
Figure 10.29

(a) Simplified circuit of a two-stage op amp,

(b) a rough model at high frequencies

NMOS和PMOS小信号等效模型相同。比较图6.13,并设主极点远小于次极点,则由式(6.35)与式(6.40)

$$R_{S} \approx g_{m3} r_{o3} r_{o1} \mid g_{m5} r_{o5} r_{o7}$$
 $R_{L} = r_{o9} \mid r_{o11}$





Miller compensation (续2)

对比:

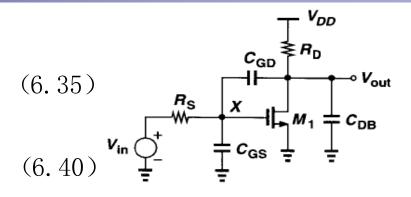
$$\omega_{p1} \approx \frac{1}{R_{S}(1 + g_{m}R_{D})C_{GD} + R_{S}C_{GS} + R_{D}(C_{DB} + C_{GD})}$$

$$\omega_{p2} \approx \frac{R_{S}(1 + g_{m}R_{D})C_{GD} + R_{S}C_{GS} + R_{D}(C_{DB} + C_{GD})}{R_{S}R_{D}(C_{GS}C_{DB} + C_{GS}C_{GD} + C_{GD}C_{DB})}$$

$$(6.35)$$

$$v_{in} = \frac{1}{\sqrt{1 + g_{m}R_{D}C_{GS}C_{GS}}$$

$$(6.40)$$



得到图10.29对应极点

$$\omega_{p1}' \approx \frac{1}{R_S[(1+g_{m9}R_L)(C_C+C_{GD9})+C_E]+R_L(C_C+C_{GD9}+C_L)}$$
(10.24)

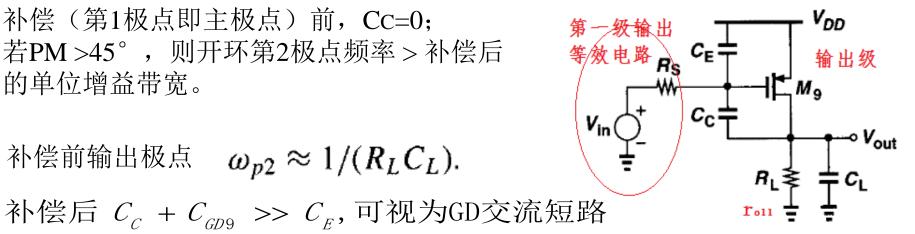
$$\omega_{p2}' \approx \frac{R_S[(1 + g_{m9}R_L)(C_C + C_{GD9}) + C_E] + R_L(C_C + C_{GD9} + C_L)}{R_S R_L[(C_C + C_{GD9})C_E + (C_C + C_{GD9})C_L + C_E C_L)]}$$
(10.25)



Comparing wp2 before and after compensation

补偿(第1极点即主极点)前, Cc=0; 若PM >45°,则开环第2极点频率 > 补偿后 的单位增益带宽。

补偿前输出极点 $\omega_{p2} \approx 1/(R_L C_L)$.



$$\omega_{p2} \approx \frac{g_{m9}}{C_{E} + C_{I}} \approx \frac{g_{m9}}{C_{I}}$$

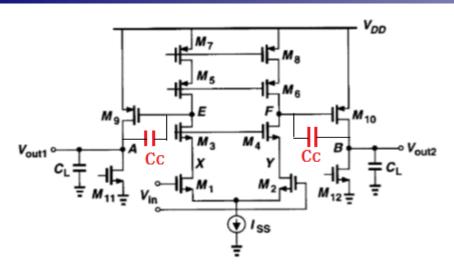
$$C_E \ll C_L$$

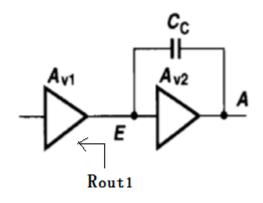
补偿前后次极点改变 =
$$\frac{g_{m9}}{C_L} = g_{m9}R_L = g_{m9}(r_{o11} \mid\mid r_{o9})$$
,增大

次极点相移-135°,因此PM增大



单位增益频率(高频)估算





第一级: $A_{v1} = g_{m1}[R_{out1}||1/(A_{v2}sC_C)]$

总增益: A_v=A_{v1}A_{v2}

高频时(ω_{GX} 一定为高频): $A_{_{V}}(s) \approx g_{_{m1}} \frac{1}{A_{_{V2}} s C_{_{L}}} A_{_{V2}} = \frac{g_{_{m1}}}{s C_{_{L}}}$

 $S = j\omega_{GX}$ 时 $|A_{V}(\omega_{GX})|=1$,解得 $\omega_{GX} = \frac{g_{m1}}{C_{I}}$,

若有eta(<1), $|eta A_{v}(\omega_{GX})| = |eta \frac{g_{m1}}{\omega_{GX}C_{L}}| = 1$,则得到 $\omega_{GX} = \beta \frac{g_{m1}}{C_{L}}$ 。



单位增益频率估算(续)

也有记单位增益频率为 ω_{u} = ω_{GX} ,

$$|A_{V}(\omega_{u})| = 1, \ \omega_{u} \approx \frac{g_{m1}}{C_{C}}$$

先前曾有结论:

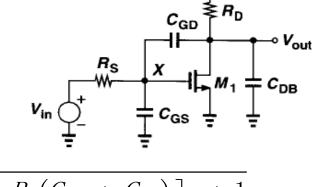
若PM=60°,则单位增益频率为(0.5~0.6)*第2极点(次极点)频率;稳定系统开环增益的单位增益频率一般小于第2极点频率(设PM=45°)



Effect of zero of transfer function

仅用密勒效应分析电路会丢失零点。

由第6章,参考图6.13和式(6.30):



$$\frac{V_{out}}{V_{in}}(s) = \frac{-(g_{m} - C_{GD}s)R_{D}}{R_{S}R_{D}\xi s^{2} + [R_{S}(1 + g_{m}R_{D})C_{GD} + R_{S}C_{GS} + R_{D}(C_{DB} + C_{GD})]s + 1}$$

$$\xi = C_{GS}C_{DB} + C_{GS}C_{GD} + C_{GD}C_{DB} \qquad (6.30)$$

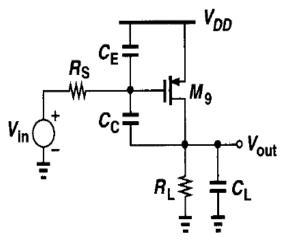


Figure 10.29

得到图10.29零点:

$$\omega_z = g_{m9}/(C_C + C_{GD9}).$$

零点表达式:
$$1 \pm \frac{S}{\omega_Z}$$
, 令=0, 得到 ω_Z ,

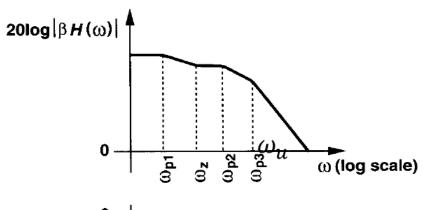
若结果为正值(s系数为-),

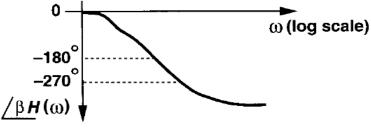
称为*s*复频域右半平面零点,相移为负(坏零点); 若结果为负值(s系数为+),

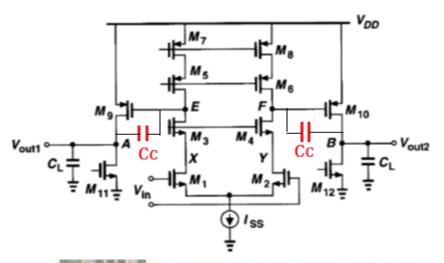
称为s复频域左半平面零点,相移为正(好零点)。



零极点相位特性







S复频域有个<mark>右半</mark>平面零点,使得本 电路等同于3阶极点系统,不稳定!

单独 C_{C} 补偿后 $\omega_{p2} \approx \frac{g_{m9}}{C_{L}}$,

 C_c 很大,栅漏极交流短路。

$$\omega_z \approx \frac{g_{m9}}{C_C}$$

单位增益频率 $\omega_{\rm u} \approx \frac{g_{\rm m1}}{C_{\rm c}}$,

稳定: 零点 $\omega_{\rm Z} > \omega_{\rm u}$, 即 $g_{\rm m1} < g_{\rm m9}$

在零点(分子)频率处:1±j,

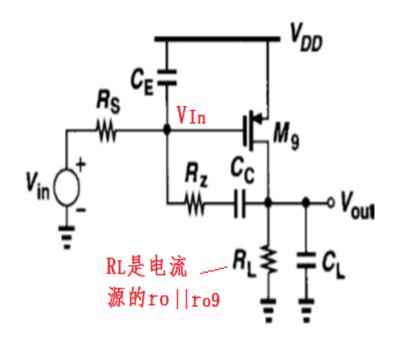
相移 $arctg(\pm 1) = \pm 45^{\circ}$

在极点(分母)频率处:1+j,

相移 $-\operatorname{arctg}(1) = -45^{\circ}$



Modify zero使相移变正



2条信号路径电流相等,

或使输出电压不变时,得到零点角频率。

$$\frac{V_{in}}{R_Z + \frac{1}{S_Z C_C}} = g_{m9} V_{in}, \qquad R_Z + \frac{1}{S_Z C_C} = \frac{1}{g_{m9}}$$

$$s_{z}C_{c} = \frac{1}{\frac{1}{g_{m9}} - R_{z}}, \quad \omega_{z} = \frac{1}{C_{c}(\frac{1}{g_{m9}} - R_{z})}$$

使 $RZ > g_{m9}^{-1}$, 零点角频率 < 0, 在s左半平面

最好使s负半平面零点与次极点相消

$$\frac{1}{C_C (g_{m9}^{-1} - R_z)} = \frac{-g_{m9}}{C_L + C_E} = \omega_{p2}$$

$$R_z = \frac{C_L + C_E + C_C}{g_{m9}C_C} \approx \frac{C_L + C_C}{g_{m9}C_C}$$

→Rz可用线性区电阻替代 而真实电阻会受温度影响



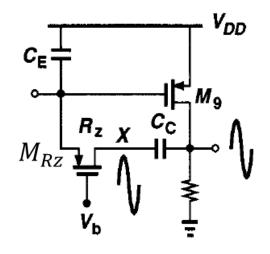
Difficulties in Modifying zero

抵消
$$\omega_{p2}$$
: $R_z = \frac{C_L + C_C}{g_{m9}C_C}$

前提是CE远小于 $C_L + C_C$



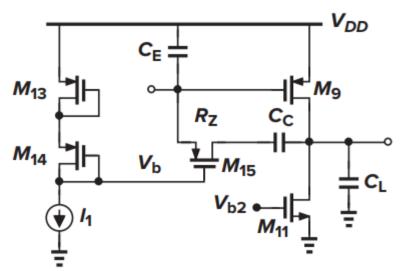
Vb使MRz的 $|V_{GS}| > |V_{TH}|$,则PMOS自动工作在线性区!输出变化很大时, M_{Rz} 导通电阻变化大,不好。



频率补偿是降低主极点,米勒效应(反馈)产生了零点,不是为了抵消极点而制造零点。米勒电容目的是降低电容值,并非必须使用。



Generation of Vb



抵消
$$\omega_{p2}$$
,则 $R_z = R_{on15} = \frac{C_L + C_C}{g_{m9}C_C}$

根据ID9选择I1=ID14=ID13, 使得:

VGS13 = VGS9,

VGS15 = VGS14

 $gm14 = \mu p Cox (W/L)14 (VGS14 - VTH14)$

Ron15 = $1/[\mu p Cox (W/L)15 (VGS15 - VTH15)]$

$$R_{on15} = g_{m14}^{-1} \frac{(W/L)_{14}}{(W/L)_{15}} = g_{m9}^{-1} \left(1 + \frac{C_L}{C_C} \right) \quad \omega_Z \text{ if } m_{p2}$$

$$g_{m} = \sqrt{2\mu_{n}C_{OX} \frac{W}{L} I_{D}}$$

$$\mathcal{S}_{m} = \sqrt{2\mu_{n}C_{OX}} \frac{1}{L} I_{D}$$

$$1 + \frac{C_{L}}{C_{C}}$$
 (W/L)₁₅ = $\sqrt{(W/L)_{14}(W/L)_{9}} \sqrt{\frac{I_{D9}}{I_{D14}}} \frac{C_{C}}{C_{C} + C_{L}}$ 精确得到R_Z = $\frac{1 + \frac{C_{L}}{C_{C}}}{g_{m9}}$ 使得 ω_{z} 抵消 ω_{p2}

精确得到
$$R_Z = \frac{1 + \frac{C_L}{C_C}}{g_{m9}}$$

使得 ω_z 抵消 ω_{p2}



不同的零点处理方法

若零点(角)频率很大,则 无论正负,均可视为无影响

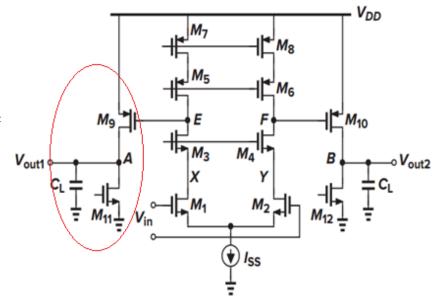
零点处理方案1:零点频率很大。

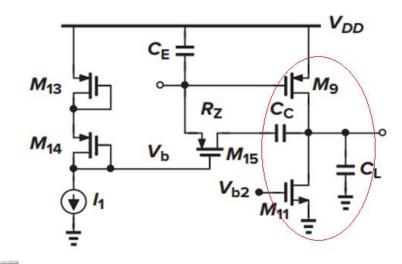
右下图中左半平面零点 $1 + \frac{s}{\omega_z}$,

这里
$$\omega_Z \approx \frac{1}{C_C(R_z - \frac{1}{g_{m9}})}$$

当
$$C_C + C_{GD9} >> C_E$$
时:

$$\omega_{p2} \approx \frac{\mathcal{G}_{m9}}{C_L + C_E} \approx \frac{\mathcal{G}_{m9}}{C_L}$$







不同的零点处理方法(续)

零点处理方案2: 使 ω_Z 抵消 $\omega_{p2} \approx \frac{g_{m9}}{C_I}$

$$MOS$$
管电阻 $R_{on15} = \frac{C_L + C_C}{g_{m9}C_C}$, C_L 不变时可较精确地实现

验证:
$$\omega_Z \approx \frac{1}{C_C(R_z - \frac{1}{g_{m9}})} = \frac{1}{C_C(\frac{C_L + C_C}{g_{m9}C_C} - \frac{1}{g_{m9}})} = \frac{g_{m9}}{C_L}$$

零点处理方案3:利用大电阻 R_z ,

例如,取 $R_Z = \frac{5}{g_{m9}} > \frac{1}{g_{m9}}$ (ω_Z 才能在s 负半平面)

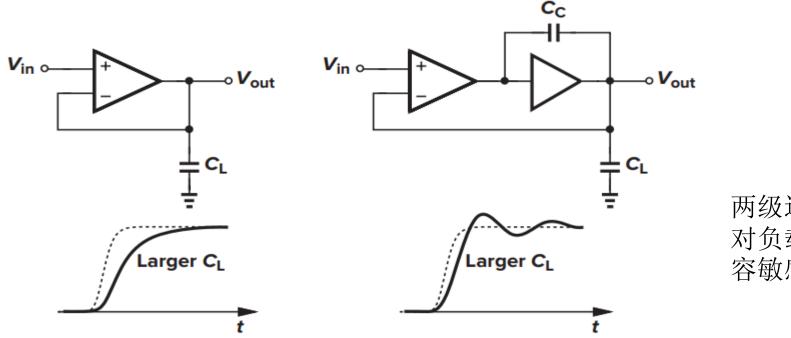
MOS管做为电阻, $R_z = \frac{C_L + C_C}{g_{m9}C_C}$,

则 $C_c = \frac{C_L}{4}$, 优点是 C_c 较小,缺点是可能补偿不够,PM 较小

$$\omega_u = \omega_{GX} \approx \frac{g_{m1}}{C_c}$$
, C_c 小则 ω_u 大。一般 $\omega_u < \omega_{p2}$ ($PM > 45^\circ$)



10.6 两级运放的转换速率



两级运放 对负载电 容敏感

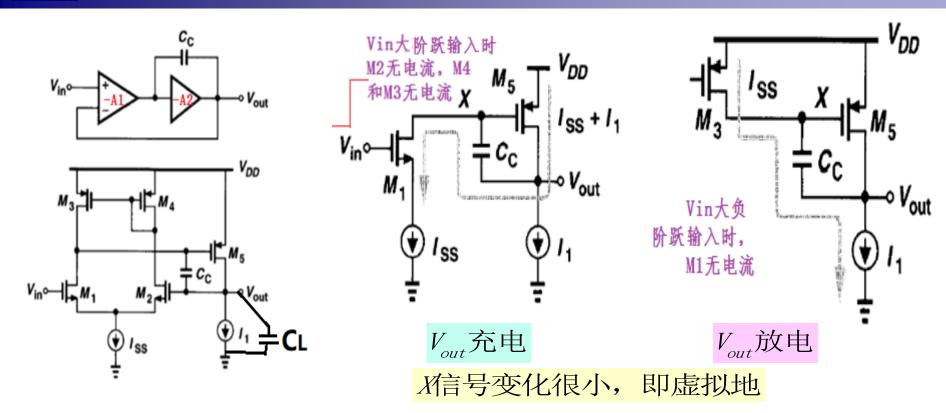
Figure 10.36 Effect of increased load capacitance on step response of one- and two-stage op amps.

一级运放的负载电容,使主极点向低频移动,有利于稳定性。 两级运放的负载电容,使次极点向低频移动,不利于稳定性。

加载大幅度跃变输入信号时, Vaut端口电容的充放电导致存在转换速率。



Slewing in two-stage op amps



大幅度阶跃输入信号时,初始(短)时间内Vout变化量约为 Iss* t/Cc; Cc影响转换速率SR, Cc大则要求Iss大; $I_1 > I_{ss}$, ID5 = I1+Iss, 故输出管M5宽度大;

实际设计中要考虑负载C_L,即ID5和I1能驱动C_L||Cc,MOS保持在饱和区;但转换速率SR应与负载C_L无关,为Iss/Cc;否则说明电路M5和I1设计过小。



Slewing in two-stage op amps: 负载大CL

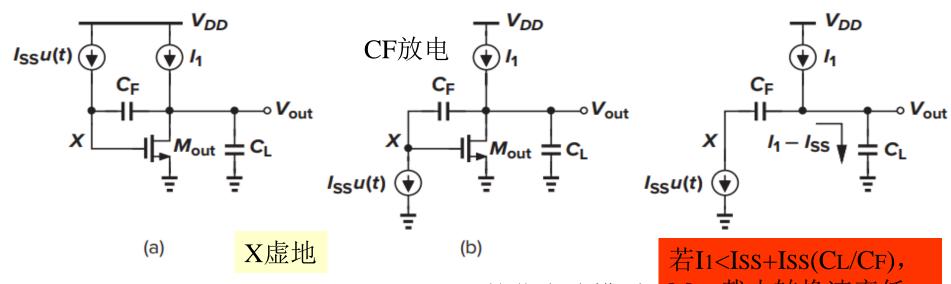


Figure 10.39 简化电路模型

Mout截止转换速率低

加载大幅度跃变输入信号时,Vout端口电容充放电导致存在转换速率。

- 图(a) CF左高右低电平充电; 因X交流虚地, 故Vout变化为负, 斜坡下降; CL上电平(即Vout)以同样速率放电下降, CL电流经Mout 泄放; 。 Mout管上ID电流 = ISS + I1+CL dVout/dt = ISS + I1 + ISS (CL/CF) Vout斜率由CF充电确定, = ISS/CF。
- 图(b) CF左低右高电平放电; Vout变化为正,斜坡上升; CL电平(即Vout) 充电上升。 Vout斜率由CF放电确定= ISS/CF。
 Mout管上ID电流 = I1 ISS ISS (CL/CF) > 0



10.7 other compensation techniques

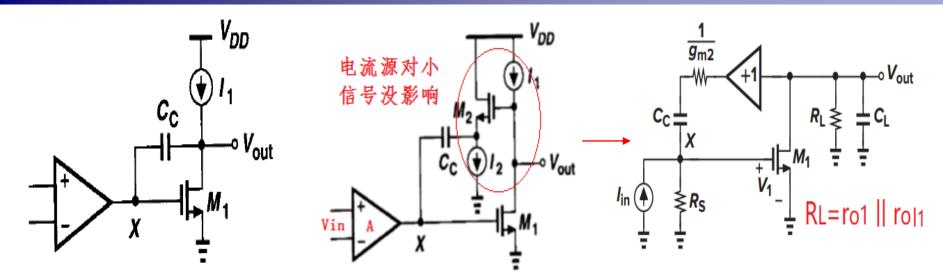


Figure 10.41 (a) Two-stage op amp with right-halfplane zero due to CC;

(b) addition of a source follower to remove the zero

图10.41(b)中,M2可能会限制Vout=VGS2+VDSI2

图10.42中,令
$$Vx=V_1$$
 $-g_{m1}V_1 = V_{out}(\frac{1}{R_L} + sC_L)$

Figure 10.42 Simplified equivalent circuit

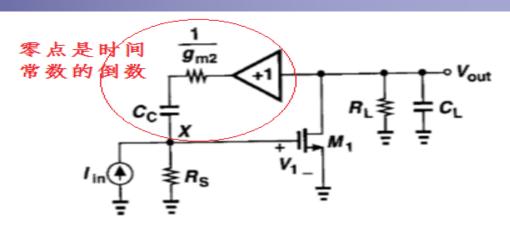
输出级为V-C负反馈, R_s为图10.41中A内的 输出阻抗, I_{in}=A*V_{in}/R_s

$$\therefore V_1 = -\frac{V_{out}}{g_{m1}R_L}(1 + sR_LC_L)$$
 (10.39)



阻断补偿电容的前馈通路

$$\frac{V_{out} - V_1}{\frac{1}{g_{m2}} + \frac{1}{C_C s}} + I_{in} = \frac{V_1}{R_S}$$
. (10.40)



$$\frac{V_{out}}{I_{in}} = \frac{-g_{m1}R_LR_S(g_{m2} + C_Cs)}{R_LC_LC_C(1 + g_{m2}R_S)s^2 + [(1 + g_{m1}g_{m2}R_LR_S)C_C + g_{m2}R_LC_L]s + g_{m2}}$$
(10.41)

Since typically $1+g_{m2}R_S\gg 1$ and $(1+g_{m1}g_{m2}R_LR_S)C_C\gg g_{m2}R_LC_L$, we have

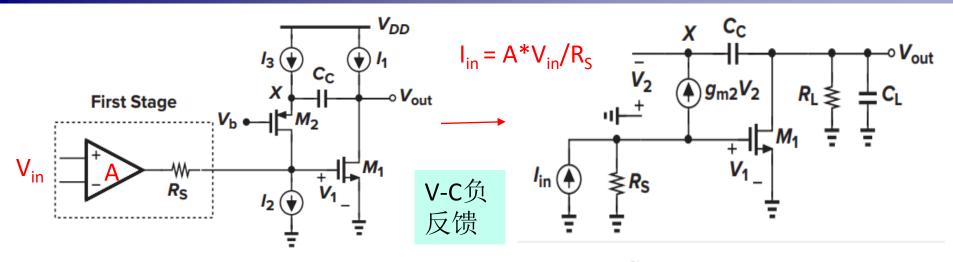
$$\omega_{p1} \approx \frac{g_{m2}}{g_{m1}g_{m2}R_LR_SC_C} \approx \frac{1}{g_{m1}R_LR_SC_C}$$
, 与米勒效应进行极点近似估计相同

$$\omega_{p2} pprox rac{g_{m1}g_{m2}R_LR_SC_C}{R_LC_LC_Cg_{m2}R_S} pprox rac{g_{m1}}{C_L}.$$
 和出极点(第2)称绘制 $= \frac{R_LC}{R_LC}$ 补偿后提高环路增益 $g_{m1}R_L$ 倍。

输出极点(第2)补偿前= $\frac{1}{R,C_c}$



利用Cc进行直流工作点隔离



$$V_{out} + \frac{g_{m2}V_2}{C_{CS}} = -V_2 \longrightarrow V_2 = -V_{out} \frac{C_{CS}}{C_{CS} + g_{m2}}$$

$$V_2 = -V_{out} \frac{C_C s}{C_C s + g_{m2}}$$

$$g_{m1}V_1 + V_{out}\left(\frac{1}{R_L} + C_L s\right) = g_{m2}V_2$$

$$I_{in}=V_1/R_S+g_{m2}V_2.$$

各子项需化成1+s/w形式

$$\frac{V_{out}}{I_{in}} = \frac{-g_{m1}R_SR_L(g_{m2} + C_Cs)}{R_LC_LC_Cs^2 + [(1 + g_{m1}R_S)g_{m2}R_LC_C + C_C + g_{m2}R_LC_L]s + g_{m2}}$$
(10.49)

45



极点近似值与直观估计

低频主极点角频率

$$\omega_{p1} \approx \frac{1}{g_{m1}R_LR_SC_C}$$

高频次极点角频率

$$\omega_{p2} pprox rac{g_{m2}R_sg_{m1}}{C_L}$$

设主次极点远离;即分母 s系数约为主极点时间常数。

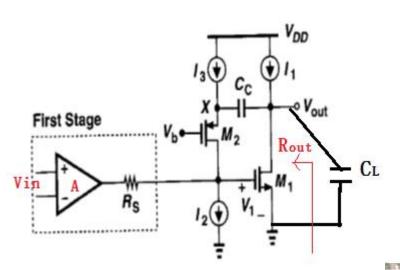
通常有: 1+gm2 Rs >> 1,

(1+gm1gm2RLRS)CC>>gm2RLCL

次极点相比图10.41增大,好!

主极点近似估计(密勒效应): 上式 wp1。

次极点(高频, Cc短路)近似估计: V-C负反馈减小输出阻抗,频率增大



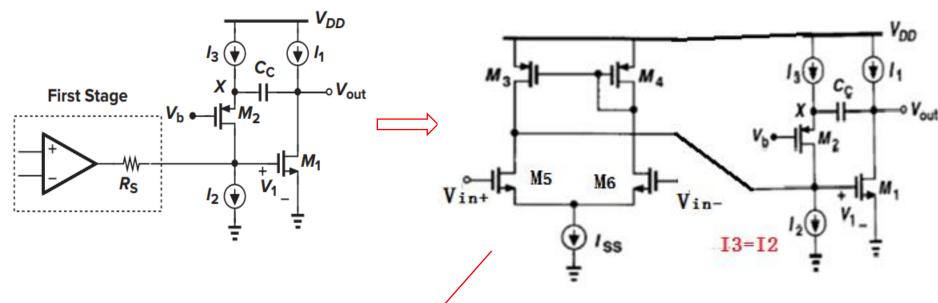
环路增益: $g_{m1}R_{out}*g_{m2}R_S$ 输出阻抗= $1/(g_{m1}g_{m2}R_S)$

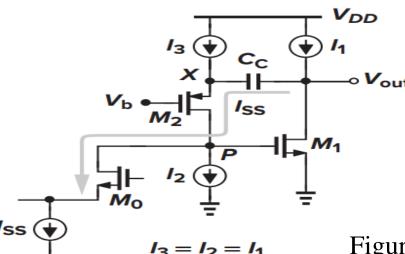
输出节点关联的极点=时间常数倒数

$$\omega_{p2} = 2\pi f_{p2} = \frac{g_{m1}g_{m2}R_{S}}{C_{L}}$$



存在转换速率问题: 电流源设置





(a)

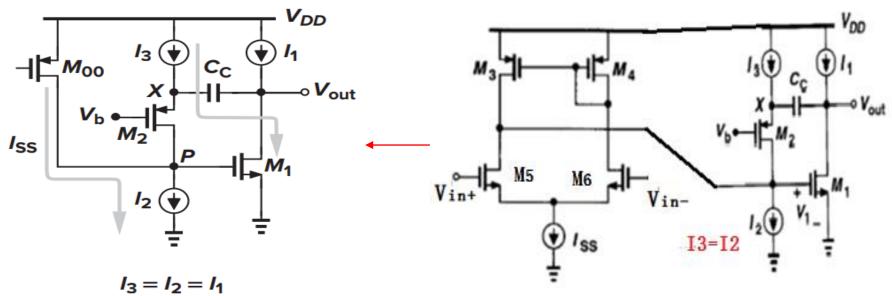
Vin+有大的正阶跃输入时,Vin-输入管M6、和M4、M3均截止。 上图M5等于右图Mo.

要求: $I_1 >= I_{SS} + I_{D1}$ (输出上升时很小) 否则,VP下降使M1电流减少,将会 导致M1关断

Figure 10.45 Circuit of positive slewing



存在转换速率问题(续): 电流源设置



(b)

Figure 10.45 Circuit of negative slewing

正负转换速率相等:

$$I_2 = I_3 >= I_{SS}$$

Vin+有大的<mark>负</mark>阶跃输入时, Vin+输入管M5截止。 M6、M4和M3导通。 上图M3等于右图M00

要求: $I_2 >= I_{SS}$ 此时M2断开,或 I_{D2} 很小,P可看作虚地; $I_{D1} = I_1 + I_{SS}$ (实为I3)>=2 I_{SS} ,M1管的宽度W1大。



针对cascode 2级OP的相位补偿

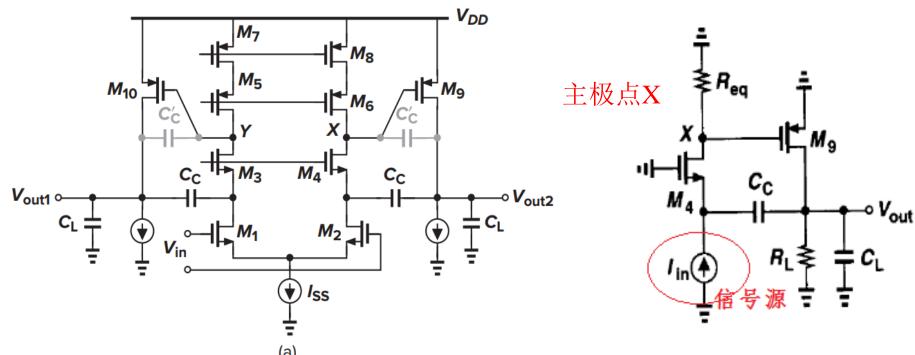


Figure 10.46 (a) Alternative method of compensating two-stage op amps

极点:与输入无关,信号路 径上节点的RC倒数估算;

零点:信号通路上有2条与频率相关的支路,电流相等。

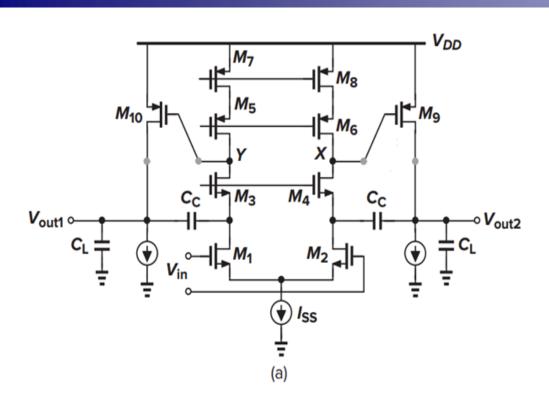
(b) simplified equivalent circuit.

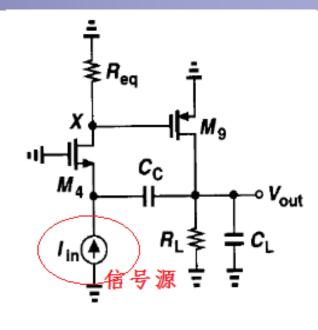
第1级放大器输出阻抗:

$$R_{eq} = g_{m6} r_{o6} r_{o8} \mid g_{m4} r_{o4} r_{o2}$$



针对cascode 2级OP的相位补偿(续)





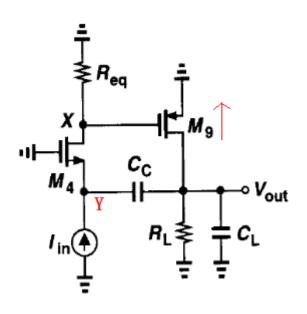
$$R_{eq} = g_{m6} r_{o6} r_{o8} \mid \mid g_{m4} r_{o4} r_{o2}$$

主极点
$$\omega_{p1} = \frac{1}{R_{eq}g_{m9}R_{L}C_{C}}$$

次极点在高频, C_c 视为短路;环路增益 = $g_{m4}R_{eq}g_{m9}R_L$



计算零极点



$$V_{out}$$
节点: $g_{m9}V_X + V_{out}(R_L^{-1} + SC_L) + (V_{out} - V_Y)SC_C = 0$
Y节点: $I_{in} - g_{m4}V_Y + (V_{out} - V_Y)SC_C = 0$
X节点: $\frac{V_X}{R_{out}} - g_{m4}V_Y = 0$

2021/1/2



计算零极点 (续)

$$\begin{split} \frac{V_{out}}{I_{in}} &= \frac{-(g_{m4}g_{m9}R_{eq} - SC_{C})}{C_{C}C_{L}S^{2} + (g_{m4}g_{m9}R_{eq} + R_{L}^{-1})SC_{C} + g_{m4}S (C_{C} + C_{L}) + R_{L}^{-1}g_{m4}} \\ &\qquad \qquad 1 - \frac{S}{g_{m4}g_{m9}R_{eq}} \\ &\approx -R_{eq}g_{m9}R_{L} \times \frac{S}{g_{m4}R_{L}C_{C}C_{L}S^{2} + R_{eq}g_{m9}R_{L}C_{C}S + 1} \end{split}$$

$$= -R_{eq}g_{m9}R_L \times \frac{1 - \frac{S}{\omega_Z}}{\frac{S^2}{\omega_{p1}\omega_{p2}} + \frac{S}{\omega_{p1}} + 1}$$

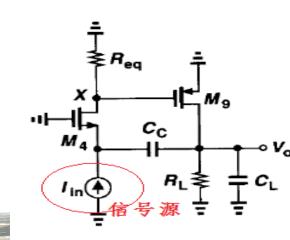
1 - S 电路如何改造为s左半平面负零点?

环路增益 =
$$g_{m4}R_{eq}g_{m9}R_{L}$$

由此得到:

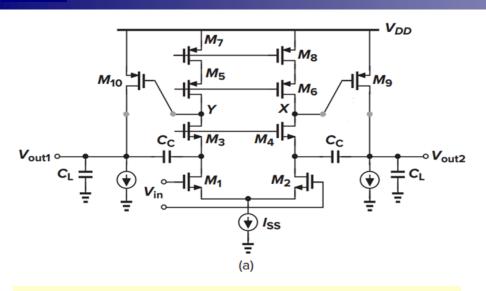
主极点:
$$\omega_{p1} = \frac{1}{R_{eq}g_{m9}R_{L}C_{C}}$$
,

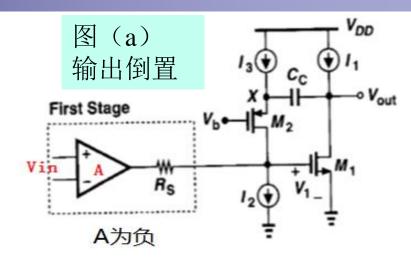
次极点(高频
$$C_c$$
短路) $\omega_{p2} = \frac{g_{m4}g_{m9}R_{eq}}{C_r}$





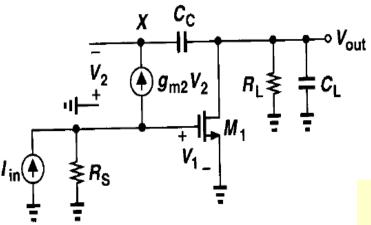
电路改造为s左半平面负零点





(a) 原电路有s右半平面(坏)零点

(b) 改进输出电路(半边), 使有s左半平面(好)零点



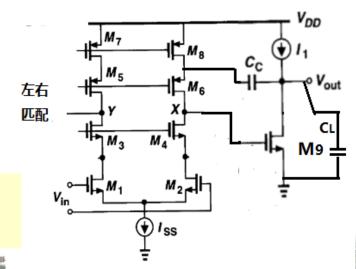
图(b)简化电路

图 (c) 和(d) 融合, M1c=M9d,

M2c=M6d

(d)图(b)负载

电容实际电路





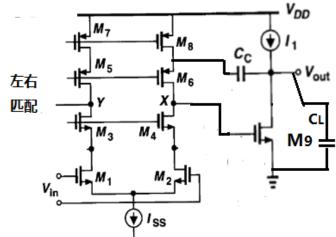
电路改造为s左半平面负零点(续)

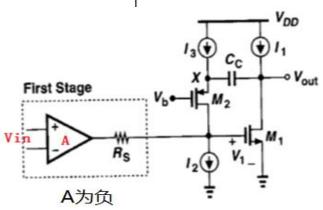
对照式10.49,可得

$$\frac{V_{out}}{I_{in}} = \frac{V_{out}}{R_{L}C_{C}C_{L}s^{2} + [(1 + g_{m9}R_{S})g_{m6}R_{L}C_{C} + C_{C} + g_{m6}R_{L}C_{L}]s + g_{m6}}}{\frac{-g_{m9}R_{S}R_{L}(1 + \frac{C_{C}s}{g_{m6}})}{g_{m6}^{-1}R_{L}C_{C}C_{L}s^{2} + g_{m9}R_{S}R_{L}C_{C}s + 1}}$$
式中: $I_{in} = \frac{V_{in}A}{R_{S}}$, $R_{S} \approx g_{m4}r_{o4}r_{o2} \mid |g_{m6}r_{o6}r_{o8}|$
 $= \frac{1}{g_{m9}R_{S}R_{L}C_{C}}$, 次极点 $\omega_{p2} \approx \frac{R_{S}g_{m6}g_{m9}}{C_{L}}$
 s 宏半平面正相移零点 $\omega_{Z} = \frac{g_{m6}}{C_{C}}$, $\frac{1}{\omega_{p1}\omega_{p2}} = g_{m6}^{-1}R_{L}C_{C}C_{L}$



电压增益





未计第1级OP中信号路径中的次要极点

$$\frac{V_{out}}{I_{in}} \approx \frac{-g_{m9}R_SR_L(1+\frac{S}{\omega_Z})}{(1+\frac{S}{\omega_{p1}})(1+\frac{S}{\omega_{p2}})}$$

$$\vec{\Xi} + : I_{in} = \frac{V_{in}A}{R_S},$$

A为第1级OP 增益

$$= g_{m1}(g_{m4}r_{o4}r_{o2} | | g_{m6}r_{o6}r_{o8})$$

$$\frac{V_{out}}{V_{in}} = \frac{V_{out}}{R_S I_{in}/A} \approx \frac{A}{R_S} \times \frac{-g_{m9} R_S R_L (1 + \frac{S}{\omega_Z})}{(1 + \frac{S}{\omega_{p1}})(1 + \frac{S}{\omega_{p2}})} = \frac{-Ag_{m9} R_L (1 + \frac{S}{\omega_Z})}{(1 + \frac{S}{\omega_{p1}})(1 + \frac{S}{\omega_{p2}})}$$



本章要点

- 只有反馈电路才有稳定性问题;
- 增益交点和相位交点的定义,稳定系统两者之间的关系;
- 相位裕度的定义,60°相位裕度最佳值仅对小信号有意义;
- 负反馈系数对稳定性的影响;
- 频率补偿的做法,补偿在主极点!对环路增益的作用,为什么不能直接将开环增益做小一点?
- 两级运放中,可采用将S域右半平面(坏)零点移到很高频率 减小对稳定性的影响。更好的方法是将左半平面(好)零点 与第2极点抵消,如何实现?若近似抵消如何实现?有何好处 和不足?
- 主极点密勒补偿是为了减小片内电容;
- 运算放大器主极点、次极点的确定,有密勒补偿电容时的极点估算;
- 密勒补偿电容如何影响运放电路(仅适合2级运放:增益级和输出级)的高频增益、单位增益角频率,结合输出压摆率(或转换速率)如何影响尾电流源设计?

2021/1/2