9.4 小结

1. 重点回顾

- 图由顶点和边组成,可以表示为一组顶点和一组边构成的集合。
- 相较于线性关系(链表)和分治关系(树),网络关系(图)具有更高的自由度, 因而更为复杂。
- 有向图的边具有方向性,连通图中的任意顶点均可达,有权图的每条边都包含权重变量。
- 邻接矩阵利用矩阵来表示图,每一行(列)代表一个顶点,矩阵元素代表边,用 1 或 0 表示两个顶点之间有边或无边。邻接矩阵在增删查改操作上效率很高,但空间占用较多。
- 邻接表使用多个链表来表示图,第 i 个链表对应顶点 i ,其中存储了该顶点的所有 邻接顶点。邻接表相对于邻接矩阵更加节省空间,但由于需要遍历链表来查找边, 因此时间效率较低。
- 当邻接表中的链表过长时,可以将其转换为红黑树或哈希表,从而提升查询效率。
- 从算法思想的角度分析,邻接矩阵体现了"以空间换时间",邻接表体现了"以时间换空间"。
- 图可用于建模各类现实系统,如社交网络、地铁线路等。
- 树是图的一种特例,树的遍历也是图的遍历的一种特例。
- 图的广度优先遍历是一种由近及远、层层扩张的搜索方式,通常借助队列实现。
- 图的深度优先遍历是一种优先走到底、无路可走时再回溯的搜索方式,常基于递归来实现。

2. Q&A

Q: 路径的定义是顶点序列还是边序列?

维基百科上不同语言版本的定义不一致:英文版是"路径是一个边序列",而中文版是"路径是一个顶点序列"。以下是英文版原文: In graph theory, a path in a graph is a finite or infinite sequence of edges which joins a sequence of vertices.

在本文中,路径被视为一个边序列,而不是一个顶点序列。这是因为两个顶点之间可能存在多条边连接,此时每条边都对应一条路径。

Q: 非连通图中是否会有无法遍历到的点?

在非连通图中,从某个顶点出发,至少有一个顶点无法到达。遍历非连通图需要设置多个起点,以遍历到图的所有连通分量。

Q: 在邻接表中,"与该顶点相连的所有顶点"的顶点顺序是否有要求?

可以是任意顺序。但在实际应用中,可能需要按照指定规则来排序,比如按照顶点添加的次序,或者按照顶点值大小的顺序等,这样有助于快速查找"带有某种极值"的顶点。

上一页 下一页 **← 9.3 图的遍历 第 10 章 搜索** →

欢迎在评论区留下你的见解、问题或建议