# 高级搜索算法

A\*, 迭代加深, IDA\*, Alpha-Beta剪枝

本讲义并非全部原创, 拷贝并编辑整理了大量网络资源, 仅用于内部授课

# 启发式搜索算法(A算法)

- 在BFS算法中,若对每个状态n都设定估价函数 f(n)=g(n)+h(n),并且每次从Open表中选节点进行扩展时,都选取f值最小的节点,则该搜索算法为启发式搜索算法,又称A算法。
- g(n): 从起始状态到当前状态n的代价
- h(n):从当前状态n到目标状态的估计代价

# A算法的例子一八数码

定义估价函数:

f(n) = g(n) + h(n) g(n)为从初始节点到当前节点的步数 h(n)为当前节点"不在位"的方块数

#### h计算举例

2,6,1,8,4,5都不在位, 因此h(n) = 6

• A算法中的估价函数若选取不当,则可能找 不到解, 或找到的解也不是最优解。因此, 需要对估价函数做一些限制, 使得算法确保 找到最优解(步数,即状态转移次数最少的 解)。A\*算法即为对估价函数做了特定限制. 且确保找到最优解的A算法。

•  $f^*(n)=g^*(n) + h^*(n)$ 

f\*(n):从初始节点S0出发,经过节点n到达目标节点的最小步数 (真实值)。

g\*(n): 从S0出发, 到达n的最少步数(真实值)

h\*(n): 从n出发, 到达目标节点的最少步数(真实值)

估价函数f(n)则是f\*(n)的估计值。

• f(n)=g(n)+h(n),且满足以下限制:

g(n)是从s0到n的真实步数(未必是最优的), 因此: g(n)>0 且g(n)>=g\*(n)

h(n)是从n到目标的估计步数。估计总是过于乐观的,即 $h(n) <= h^*(n)$ 

且h(n)相容,则A算法转变为A\*算法。A\*正确性证明略。

#### h(n)的相容:

如果h函数对任意状态s1和s2还满足:

$$h(s1) \le h(s2) + c(s1,s2)$$

c(s1,s2) 是s1转移到s2的步数,则称h是相容的。

h相容能确保随着一步步往前走,f递增,这样A\*能更高效找到最优解。

h相容 =>
 g(s1) + h(s1) <= g(s1) + h(s2) +c(s1,s2) = g(s2)+h(S2)
=>
 f(s1) <= f(s2) 即f是递增的。

```
A*算法伪代码(在节点信息中记录了其父节点):
open=[Start]
closed=[]
while open不为空 {
  从open中取出估价值f最小的结点n
  if n == Target then
    return 从Start到n的路径 // 找到了!!!
  else {
   for n的每个子结点x {
                                                       else {
     if x in open {
                                                     // x不在open,也不在close,是遇到的新结点
       计算新的f(x)
                                                           计算f(x) add x to open
       比较open表中的旧f(x)和新f(x)
       if 新f(x) < 旧f(x) {
         删掉open表里的旧f(x),加入新f(x)
                                                  add n to closed
     else if x in closed {
                                              //open表为空表示搜索结束了,那就意味着无解!
       计算新的f(x)
       比较closed表中的旧f(x)和新f(x)
       if 新f(x) < 旧f(x) {
         remove x from closed
         add x to open
       // 比较新f(x)和旧f(x) 实际上比的就是新旧g(x),因h(x)相等
```

A\*算法的搜索效率很大程度上取决于估价函数h(n)。一般说来,在满足h(n)≤h\*(n)的前提下,h(n)的值越大越好。

#### 八数码问题:

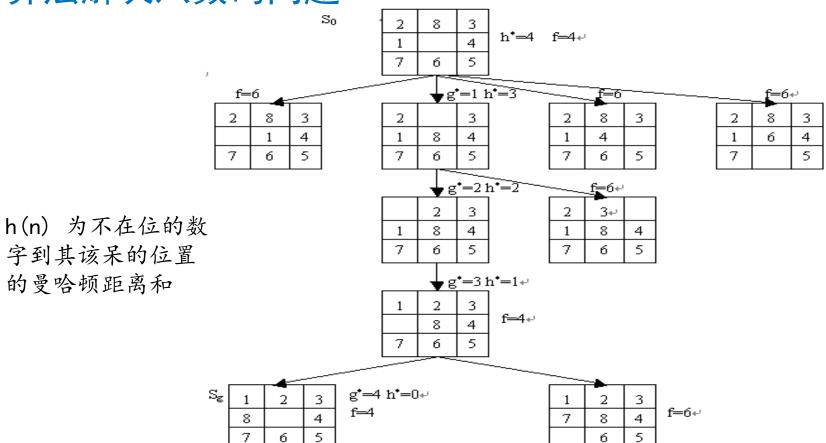
方案一. h(n) 为不在位的数字个数

方案二. h(n) 为不在位的数字到其该呆的位置的曼哈顿距离和

后者优于前者

#### A\*算法解决八数码问题

的曼哈顿距离和



```
//八数码问题, AStar POJ 250MS HDU 3734MS
#include <iostream>
#include <bitset>
#include <cstring>
#include <set>
using namespace std;
const int DIGIT_NUM = 9;
int const NODES = 362880 + 20:
int nGoalStatus: //目标状态
struct Node {
          int status: int f:
                           int g;
                                         int h;
          int parent; // parent代表一个状态,而不是状态的索引
          char move; //经由何种动作到达本状态
bool operator < (const Node & n1,const Node & n2) {
                                                    return n1.f < n2.f; }
multiset<Node > open;
multiset<Node > closed://也许用vector也可以。用multiset只是在从 closed表里删除元素时快些。其实closed表就是一
个 362880元素的数组,可能更快
bitset<NODES> inOpen;
bitset<NODES> inClosed;
multiset<Node>::iterator openIdx[NODES]; 'openIdx[i] 就是状态 i 在open表里的地址
multiset<Node>::iterator closedIdx[NODES];
char szResult[NODES]; //结果
char szMoves[NODES]; //移动步骤: u/d/r/l
char sz4Moves[] = "udrl"://四种动作
```

```
template< class T>
unsigned int GetPermutationNum(T * first, T * permutation,int len)
{//permutation编号从0开始算, [first,first+len) 里面放着第0号 permutation, 排列的每个元素都不一样
 //返回排列的编号
            unsigned int factorial[21] = {
1,1,2,6,24,120,720,5040,40320,362880,3628800,39916800,479001600,1932053504,1278945280,
2004310016,2004189184,4006445056,3396534272,109641728,2192834560 };
            bool used[21] = \{0\};
            int perInt[21]; //要转换成 [0,len-1] 的整数的排列
           for( int i = 0; i < len; ++i)
                       for(int j = 0; j < len; ++j) {
                                    if(*(permutation + i) == *(first+j)) {
                                                perInt[i] = j;
                                                break;
            unsigned int num = 0;
            for( int i = 0; i < len; ++ i ) {
                        unsigned int n = 0;
                       for( int j = 0; j < perInt[i]; ++ j) {
                                    if(! used[i] )
                                                ++n;
```

```
num += n * factorial[len-i-1];
                        used[perInt[i]] = true;
            return num;
template <class T>
void GenPermutationByNum(T * first, T * permutation,int len, unsigned int No)
//根据排列编号,生成排列
{ //[first,first+len) 里面放着第0号 permutation, ,排列的每个元素都不一样
            unsigned int factorial[21] = {
1,1,2,6,24,120,720,5040,40320,362880,3628800,39916800,479001600,1932053504,1278945280,
                                     2004310016.2004189184.4006445056.3396534272.109641728.2192834560
};
            bool used[21] = \{0\};
            int perInt[21]; //要转换成 [0,len-1] 的整数的排列
            for(int i = 0; i < len; ++ i) {
                        unsigned int tmp;
                        int n = 0;
                        int j;
                        for(j = 0; j < len; ++j) {
                                    if( !used[i] ) {
                                                if( factorial[len - i - 1] \geq No+1)
                                                            break:
```

```
else
                                                             No -= factorial[len - i - 1];
                        perInt[i] = j;
                        used[i] = true;
            for(int i = 0; i < len; ++i)
                        * ( permutation + i ) = * ( first + perInt[i]);
int StrStatusToIntStatus( const char * strStatus)
            return GetPermutationNum( "012345678", strStatus, 9);
void IntStatusToStrStatus( int n, char * strStatus)
            GenPermutationByNum((char*)"012345678",strStatus,9,n);
int MyAbs(int a) {
            return a \ge 0?a:-a;
```

```
int h(char * status)
{//h的值是不在位的数字到它该呆的位置的曼哈顿距离之和
           int sum = 0;
           for( int i = 0; i < 9; ++i ) {
                       if( status[i] != '0') {
                                   int rightx = ( status[i] - '1' )/3;
                                   int righty = ( status[i] - '1' )\%3;
                       int nowx = i/3;
                                   int nowy = i \% 3;
                                   sum += MyAbs(rightx - nowx) + MyAbs(righty-nowy);
           return sum;
int NewStatus(int nStatus, char cMove) {
//求从nStatus经过 cMove 移动后得到的新状态。若移动不可行则返回-1
           char szTmp[20];
           int nZeroPos;
            IntStatusToStrStatus(nStatus,szTmp);
           for( int i = 0; i < 9; ++ i)
                       if( szTmp[i] == '0' ) {
                                   nZeroPos = i;
                                   break:
                       }//返回空格的位置
```

```
switch(cMove) {
           case 'u': if( nZeroPos - 3 < 0 ) return -1; //空格在第一行
                                  szTmp[nZeroPos] = szTmp[nZeroPos - 3];
                       else {
                                  szTmp[nZeroPos - 3] = '0':
                       break:
           case 'd':
                       if( nZeroPos + 3 > 8 ) return -1; //空格在第三行
                       else { szTmp[nZeroPos] = szTmp[nZeroPos + 3];
                                  szTmp[nZeroPos + 3] = '0':
                       break;
           case 'l':
                       if( nZeroPos % 3 == 0) return -1; //空格在第一列
                       else {
                                  szTmp[nZeroPos] = szTmp[nZeroPos -1];
                                  szTmp[nZeroPos -1 ] = '0':
                       break;
           case 'r':
                       if( nZeroPos % 3 == 2) return -1; //空格在第三列
                       else {
                                  szTmp[nZeroPos] = szTmp[nZeroPos + 1];
                                  szTmp[nZeroPos + 1] = '0';
                       break;
return StrStatusToIntStatus(szTmp);
```

```
Node AStar(int nStatus){
           open.clear():
                                   closed.clear();
                                                            inOpen.reset();
                                                                                    inClosed.reset();
           char strStatus[20];
            IntStatusToStrStatus(nStatus,strStatus);
           Node nd; nd.status = nStatus;
                                              nd.parent = -1;
           nd.g = 0; nd.move = -1; nd.h = h(strStatus);
           nd.f = nd.g + nd.h;
           open.insert(nd);
           inOpen.set(nStatus,true);
           openIdx[nStatus] = open.begin();
           while (!open.empty()) { //队列不为空
                       nd = * open.begin();
                        open.erase(open.begin());
                        inOpen.set(nd.status,false);
                        multiset<Node>::iterator p = closed.insert(nd);
                        inClosed.set(nd.status,true);
                        closedIdx[nd.status] = p;
                        if( nd.status == nGoalStatus )
                                    return nd:
                        for( int i = 0;i < 4;i ++ ) { //尝试4种移动
                                    Node newNd:
                                    newNd.status = NewStatus(nd.status,sz4Moves[i]);
                                    if( newNd.status == -1 ) continue; //不可移,试下一种
                                    IntStatusToStrStatus(newNd.status,strStatus);
```

```
newNd.g = nd.g + 1;
newNd.h = h(strStatus);
newNd.f = newNd.g + newNd.h;
newNd.parent = nd.status;
newNd.move = sz4Moves[i];
if(inOpen[newNd.status]) {
            Node tmp = * openIdx[newNd.status];
            if( tmp.f > newNd.f ) {
                        open.erase(openIdx[newNd.status]);
                        p = open.insert(newNd);
                        openIdx[newNd.status] = p;
else if( inClosed[newNd.status]) {
            Node tmp = * closedIdx[newNd.status];
            if( tmp.f > newNd.f ) {
                        closed.erase(closedIdx[newNd.status]);
                        inClosed.set(newNd.status,false);
                        p = open.insert(newNd);
                        openIdx[newNd.status] = p;
                        inOpen.set(newNd.status,true);
```

```
p = open.insert(newNd);
                                                     openIdx[newNd.status] = p;
                                                     inOpen.set(newNd.status,true);
             nd.status = -1;
             return nd;
int main(){
             nGoalStatus = StrStatusToIntStatus("123456780");
             char szLine[50]; char szLine2[20];
             while( cin.getline(szLine,48) ) {
                          int i,j;
                          for(i = 0, j = 0; szLine[i]; i ++ ) {
                                       if( szLine[i] != ' ' ) {
                                                    if( szLine[i] == 'x' ) szLine2[j++] = '0';
                                                    else szLine2[j++] = szLine[i];
                          szLine2[j] = 0;
                          int sumGoal = 0;
```

else {

```
sumGoal += i -1;
int sumOri = 0;
for( int i = 0; i < 9; ++i ) {
             if( szLine2[i] == '0')
                                                    continue;
             for( int j = 0; j < i; ++j) {
                          if( szLine2[i] < szLine2[i] && szLine2[i] != '0' )
                                       sumOri ++;
if( sumOri %2 != sumGoal %2 ) {
             cout << "unsolvable" << endl;
             continue;
Node nd = AStar(StrStatusToIntStatus(szLine2));
if( nd.status != -1 ) {
             int nMoves = 0;
             multiset<Node>::iterator pos;
             pos = closedldx[nd.status];
                         if( pos->move != -1 ) {
             do {
                                       szResult[nMoves++] = pos->move;
                                       pos = closedIdx[ pos->parent];
             } while(pos->move != -1);
```

for( int i = 0; i < 8; ++i )

open 队列是set,按f值排序,用set存放每个节点.删除队头 元素就是删除begin 拿出来以后,放到closed表,更新 inopen标志和inclosed标志,还有closeldx数组 closed队列 也是set,按f值排序, 建立一个数组,数组元素就是status在open队列里面的迭代器(假设迭代器不因为队列元素的增删而改变)

,status直接作为数组下标 建立一个数组,数组元素就是status在closed队列里面的迭代器(假设迭代器不因为队列元素的增删而改变) ,status直接作为数组下标

open表里表头拿出来的元素是 goalStatus,然后根据里面记录的 parent,(就是状态),到 closed里面找到其对应元素,然后根据其记录的 parent 和 move,找出问题的解\*/

# POJ上可用A\*算法解决的题:



# 迭代加深搜索算法

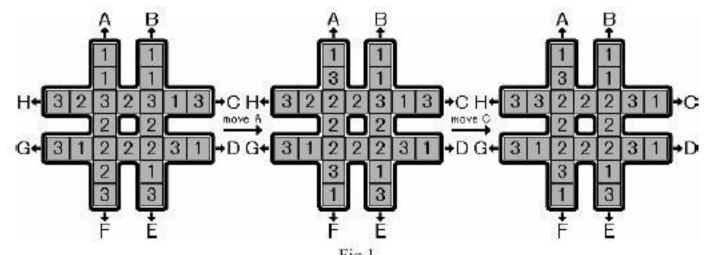
## 迭代加深搜索算法

- 算法思路
  - 总体上按照深度优先算法方法进行
  - 对搜索深度需要给出一个深度限制dm,当深度达到了dm的时候,如果还没有找到解答,就停止对该分支的搜索,换到另外一个分支继续进行搜索。
  - dm从1开始,从小到大依次增大(因此称为迭代加深)
- 迭代加深搜索是最优的, 也是完备的

# 例: 旋转游戏(POJ2286)

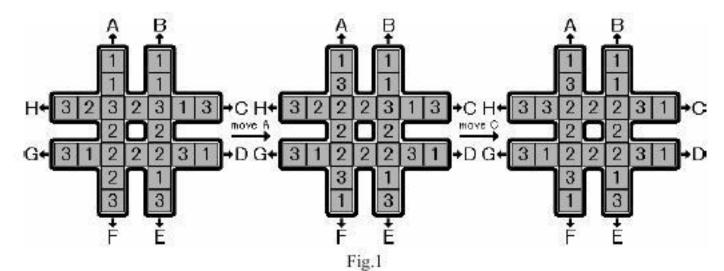
在如下图的棋盘中,摆放着8个1,8个2和8个3,每一步你可以沿着A、B、C、D、E、F、G、H任意一个方向移动该字母所指的长块。移出边界的小块会从另一端移进来。如图,最左边的棋盘经过操作A,就会变成中间的棋盘布局,再进行操作C,就会变成右边的棋盘布局。

你需要设法使的最中间的8个格子的数字相同,问最少需要多少步。如何 移动?



## 例: 旋转游戏(P0J2286)

- 1. 用迭代加深dfs做,每次在限定一个最大深度的情况下做完全的dfs搜索(除非已经找到解)
- 2. 如何剪枝?如何选取估价函数?(乐观预测从一个局面到最终界面至少需要的代价)

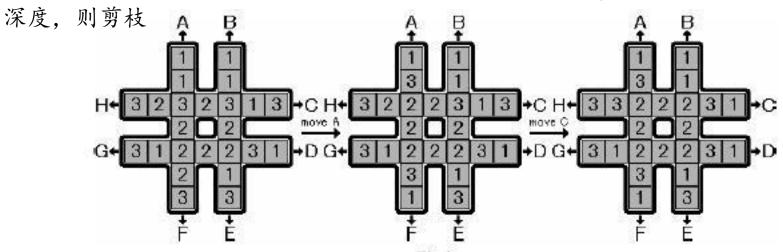


## 例: 旋转游戏(P0J2286)

#### 剪枝:

●每次移动最多只会使得中央区域包含的数字种类减少1种。求出中央区域个数最多的那个数字的个数 n, 要达到中央区域数字都相同, 至少需要 8-n次操作,此即估价函数值

●可以用于可行性剪枝。已经移动的步数加上估价函数值,超过本次dfs限定的



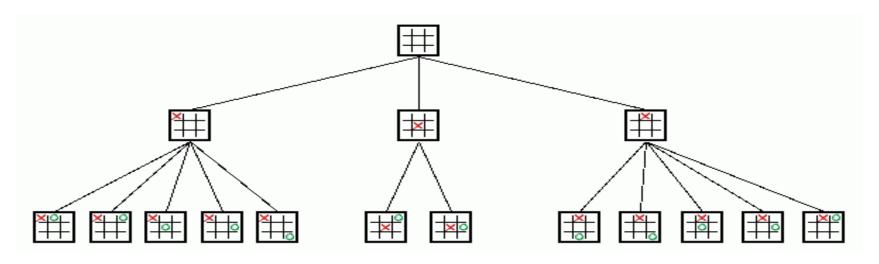


# Alpha-Beta剪枝

在博弈搜索中,比如:围棋,五子棋,象棋等,结果有三种可能:胜利、失败和平局。

理论上可以穷举所有的走法,这就需要生成整棵博弈树。实际上不可行。因此搜索时可以限定博弈树的深度,到达该深度则不再往下搜,相当于只往前看 n 步。

抢先连成三点一线的一字棋的三层博弈树:

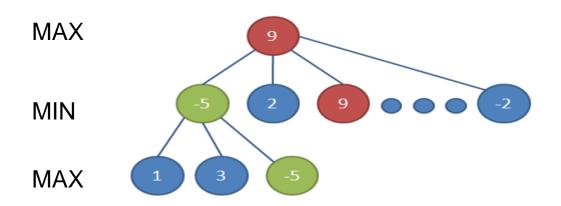


假设: MAX和MIN对弈, 轮到MAX走棋了, 那么我们会遍历MAX的每一个可能走棋方法, 然后对于前面MAX的每一个走棋方法, 遍历MIN的每一个走棋方法, 然后接着遍历MAX的每一个走棋方法, …… 直到分出胜负或者达到了搜索深度的限制。若达到搜索深度限制时尚未分出胜负, 则根据当前局面的形式, 给出一个得分, 计算得分的方法被称为估价函数, 不同游戏的估价函数如何设计和具体游戏相关。

在搜索树中,轮到MAX走棋的节点即为极大节点,轮到MIN走棋的节点为极小节点。

- 1) 确定估价值函数,来计算每个棋局节点的估价值。对MAX方有利,估价值为正,对MAX方越有利,估价值越大。对MIN方有利,估价值为负,对MIN方越有利,估价值越小。
- 2) 从当前棋局的节点要决定下一步如何走时,以当前棋局节点为根,生成一棵深度为n的搜索树。不妨总是假设当前棋局节点是MAX节点。
- 3) 用局面估价函数计算出每个叶子节点的估价值
- 4) 若某个非叶子节点是极大节点,则其估价值为其子节点中估价值最大的那个节点的估价值 若某个非叶子节点是极小节点,则其估价值为其子节点中估价值最小的那个节点的估价值

5) 选当前棋局节点的估价值最大的那个子节点,作为此步行棋的走法。

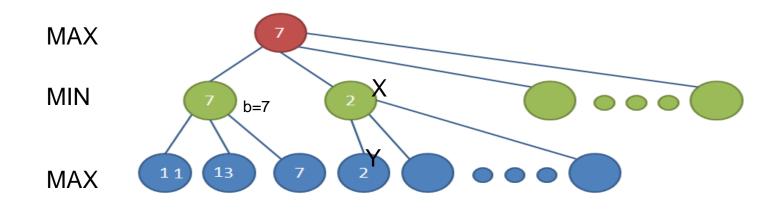


```
function minimax(node, depth) // 指定当前节点和还要搜索的深度
   // 如果胜负已分或者深度为零,使用评估函数返回局面得分
   if node is a terminal node or depth = 0
       return the heuristic value of node
   // 如果轮到对手走棋,即node是极小节点,选择一个得分最小的走法
   if the adversary is to play at node
       let \alpha := +\infty
       foreach child of node
          \alpha := \min(\alpha, \min(\alpha, depth-1))
   // 如果轮到自己走棋,是极大节点,选择一个得分最大的走法
  else {we are to play at node}
       let \alpha := -\infty
       foreach child of node
           \alpha := \max(\alpha, \min\max(\text{child}, \text{depth-1}))
   return α;
```

```
具体的做法:
int MinMax(int depth) {//函数的评估都是以MAX方的角度来评估的
 if (SideToMove() == MAX SIDE)
      return Max(depth);
  else
      return Min(depth);
int Max(int depth) {
 int best = -INFINITY;
 if (depth <= 0) return Evaluate();</pre>
 GenerateLegalMoves();
 while (MovesLeft()) { //可以走
    MakeNextMove();
    val = Min(depth - 1);
    UnmakeMove();
    if (val > best) best = val;
 return best;
```

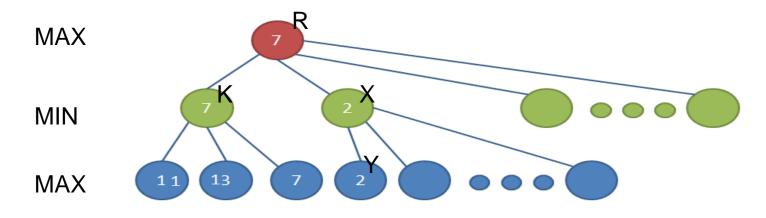
```
int Min(int depth) {
 int best = INFINITY; // 注意这里不同于"最大"算法
 if (depth <= 0)</pre>
      return Evaluate();
 GenerateLegalMoves();
 while (MovesLeft()) {
   MakeNextMove();
   val = Max(depth - 1);
   UnmakeMove();
   if (val < best) // 注意这里不同于"最大"算法
      best = val;
 return best;
```

#### Alpha - beta剪枝



若结点x是Min节点,其兄弟节点(父节点相同的节点)中,已经求到的最大估价值是b(有些兄弟节点的估价值,可能还没有算出来),那么在对x的子节点进行考查的过程中,如果一旦发现某子节点的估价值 <=b,则不必再考查后面的x的子节点了。

# alpha剪枝



当搜索节点X时,若已求得某子节点Y的值为2,因为X是一个极小节点,那么X节点得到的值肯定不大于2。因此X节点的子节点即使都搜索了,X节点值也不会超过2。而节点K的值为7,由于R是一个Max节点,那么R的取值已经可以肯定不会选X的取值了。因此X节点的Y后面子节点可以忽略,即图中第三层没有数字的节点可被忽略。此即为alpha剪枝————因被剪掉的节点是极大节点。相应的也有beta剪枝,即被剪掉的节点是极小节点。

# beta剪枝

若结点x是Max节点,其兄弟节点(父节点相同的节点)中,已经求到的最小估价值是a(有些兄弟节点的估价值,可能还没有算出来)那么在对x的子节点进行考查的过程中,如果一旦发现某子节点的估价值>= a,则不必再考查后面的x的子节点了。

```
function alphabeta (node, depth, \alpha, \beta, maximizing Player)
    if depth = 0 or node is a terminal node
        return the heuristic value of node
    if maximizingPlayer
        \alpha := -INF: //负无穷大
        for each child of node
            \alpha := \max(\alpha, \text{ alphabeta(child, depth - 1, } \alpha, \beta,
                                   not(maximizingPlayer)))
            if β \le α //β是node的兄弟节点到目前为止的最小估价值
                             // Beta cut-off,剪掉剩下的极小节点
                break
        return α
    else
        β := INF; //无穷大
        for each child of node
            \beta := \min(\beta, \text{ alphabeta(child, depth - 1, } \alpha, \beta,
                                   not(maximizingPlayer)))
            if β \le α //α是node的兄弟节点到目前为止的最大估价值
                             // Alpha cut-off, 剪掉剩下的极大节点
                break
        return β
初始调用: alphabeta(origin, depth, -infinity, +infinity, TRUE)
```

#### 注解

●红色字母处, 随便写什么值都可以

●在搜到底的情况下, infinity不一定是无穷大 infinity应该是主角赢的那个状态(胜负已分的状态)的估价值, 而-infinity应该是主角输的那个状态(胜负已分的状态)的估价值。

### Alpha - beta剪枝例题 P0J 1568

给定一个4 \* 4 的四子连珠棋棋盘的局面,现在轮到x先走,问x下在哪里可以必胜

. . . .

. XO.

. ox.

. . . .

## Alpha - beta剪枝例题 P0J 1568

在穷尽搜索,而非搜几层就停止的情况下,估价函数只有三种取值,正(inf),0,负(-inf)。分别代表已方胜,平,负。

#### 必胜:

无论对手(B, o)怎么走,己方(A, x)最后都能找到获胜办法。不是自己无论怎么走,都能获胜。

此步行棋,若能找到一个走法,其对应的节点估价值为inf,则此为一个必胜的走法。

```
#include<iostream>
#include<cstdio>
#include<map>
#include<cstring>
#include<cmath>
#include<vector>
#include<queue>
#include<algorithm>
#include<set>
using namespace std;
//程序改编自网上博客源代码
#define inf 1<<30 //inf取1也可以
char str[5][5]; //棋局
int X,Y,chess;
bool check(int x,int y){ //...略
//判断一个局面是否是分出胜负的局面
int MinSearch(int x,int y,int alpha);
int MaxSearch(int x,int y,int beta);
```

```
{ /*本节点是A刚下完, 刚刚下在了(x,y)该轮到B下的节点
MinSearch的返回值是B最佳走法的估价值。具体办法,枚举本步所有B走法,对每种走法用
MaxSearch求其估价值,返回估价值最小的那个走法(B的选择)的估价值。
参数alpha,表示本步(本节点)的兄弟节点里面,已经算出来的最大估价值。
如果枚举走法的过程中,发现有 MaxSearch的值如ans已经小于等于alpha,那么立即停止枚举
,返回 ans,表示本节点的估价值就是ans
如果 ans < alpha,那么本节点就不会被自己选择 */
      int ans = inf;
      if(check(x,y))//自己(A)刚走了一步,如果棋局分出胜负,那么定是自己胜利
            return inf;
      if(chess == 16)
            return 0; //平局
      for( int i = 0; i < 4; ++i)
            for ( int j = 0; j < 4; ++ j ) {
                  if( str[i][j] == '.' ) {
                        str[i][j] = 'o'; ++ chess;
                        int tmp = MaxSearch(i,j,ans); //此处的ans
是beta 值,即在本节点的各个子节点中,目前已经找到的最小的 估价值
                        str[i][j] = '.'; -- chess;
                        ans = min(ans,tmp);
```

int MinSearch(int x,int y, int alpha)

```
if( ans <= alpha ) {</pre>
                             return ans;
     return ans;
int MaxSearch(int x,int y, int beta)
{/*本节点是B刚下完,下在(x,y),该轮到A下的节点
在MaxSearch中,要返回本步A最佳走法的估价值。具体办法,枚举本步所有走法,对每种走法
用 MinSearch求其估价值,返回估价值最大的那个走法的估价值。
beta表示本步的兄弟节点中,已经算出来的最小的估价值。
如果枚举走法的过程中,发现有 MinSearch的值如ans已经大于等于 beta,那么立即停止枚举
,返回 ans,表示本节点的估价值就是ans
如果 ans > beta,那么本节点就不会被B选择 */
      int ans = -inf; //本节点展开的各子节点中,最大的估价函数值
      if(check(x,y))
           return -inf;
```

```
if(chess == 16)
             return 0;
      for ( int i = 0; i < 4; ++ i)
             for (int j = 0; j < 4; ++ j) {
                   if( str[i][j] == '.' ) {
                          str[i][j] = 'x'; ++chess;
                          int tmp = MinSearch(i,j,ans);
//ans是 beta值,即在本节点的各个子节点中,目前找到的最大的估价值
                          str[i][j] = '.'; --chess;
                          ans = max(tmp, ans);
                          if( ans >= beta )
                                return ans;
      return ans;
```

```
bool Solve()
       int alpha = -inf;
       for (int i = 0; i < 4; ++ i)
              for ( int j = 0; j < 4; ++j ) {
                     if( str[i][j] == '.' ) {
                             str[i][j] = 'x'; ++ chess;
                             int tmp = MinSearch(i,j,alpha);
                             str[i][j] = '.'; -- chess;
                             if ( tmp == inf ) {
                                    X = i;
                                    Y = \dot{j};
                                    return true;
       return false;
```

```
int main(){
      char ch[5];
      while (scanf ("%s",ch)!=EOF&&ch[0]!='$') {
             chess=0;
             for(int i=0;i<4;i++){
                    scanf("%s",str[i]);
                    for (int j=0; j<4; j++)
                           chess+=str[i][j]!='.';
             if (chess<=4) {//这一步直接从2S+到0ms
                    printf("#####\n");
                    continue;
             if(Solve()) printf("(%d,%d)\n",X,Y);
             else printf("####\n"); //无必胜走法
      return 0;
```