

# 固定翼紧密编队控制及应用

李顺

2020 年 3 月

中图分类号: TQ028.1

UDC分类号: 540

## 固定翼紧密编队控制及应用

作者姓名	李顺
学院名称	宇航学院
指导教师	王佳楠教授
答辩委员会主席	王佳楠教授
申请学位	工学学士
学科专业	飞行器设计与工程
学位授予单位	北京理工大学
论文答辩日期	2020年3月

# **Close Formation Control and Application of Fixed-wing UAV**

Candidate Name:	<u>Shun Li</u>
School or Department:	<u>School of Aerospace Engineering</u>
Faculty Mentor:	<u>Prof. J.N. Wang</u>
Chair, Thesis Committee:	<u>Prof. J.N. Wang</u>
Degree Applied:	<u>Bachelor of Engineering</u>
Major:	<u>Aircraft Design and Engineering</u>
Degree by:	<u>Beijing Institute of Technology</u>
The Date of Defence:	<u>03, 2020</u>

固定翼紧密编队控制及应用

北京理工大学

## 研究成果声明

本人郑重声明：所提交的学位论文是我本人在指导教师的指导下进行的研究工作获得的研究成果。尽我所知，文中除特别标注和致谢的地方外，学位论文中不包含其他人已经发表或撰写过的研究成果，也不包含为获得北京理工大学或其它教育机构的学位或证书所使用过的材料。与我一同工作的合作者对此研究工作所做的任何贡献均已在学位论文中作了明确的说明并表示了谢意。

特此申明。

作者签名：\_\_\_\_\_ 签字日期：\_\_\_\_\_

## 关于学位论文使用权的说明

本人完全了解北京理工大学有关保管、使用学位论文的规定，其中包括：① 学校有权保管、并向有关部门送交学位论文的原件与复印件；② 学校可以采用影印、缩印或其它复制手段复制并保存学位论文；③ 学校可允许学位论文被查阅或借阅；④ 学校可以学术交流为目的，复制赠送和交换学位论文；⑤ 学校可以公布学位论文的全部或部分内容（保密学位论文在解密后遵守此规定）。

作者签名：\_\_\_\_\_ 导师签名：\_\_\_\_\_

签字日期：\_\_\_\_\_ 签字日期：\_\_\_\_\_

## 摘要

本文主要的研究内容为固定翼无人机紧密编队控制器设计及其应用。该控制器以固定翼无人机编队的领从方法（leader-follower method）为基础，并考虑现有内环的姿态驾驶仪的控制输入量，完成从编队误差量到姿态控制输入量的计算，进而消除编队误差，达到编队目的。本文先定义编队控制误差，在进行控制器的设计。初步设计完成之后，使用 MATLAB/Simulink 等数学仿真工具研究控制器设计的稳定性以及动态特性。之后，再结合 ROS/Gazebo 等仿真工具，验证在考虑无人机的动力学模型、环境不确定性以及噪声的情况下的控制器的表现。之后选取合适的无人机飞行平台，飞行控制硬件并编写移植编队控制算法，完成飞行实验验证。完成编队控制器的参数整定之后，并将实验的结果与仿真结果相对比，进行一定的改进。最后，使用改进后的编队控制器完成双机编队任务，研究编队过程中的空气动力对于编队整体的飞行效率影响。

**关键词：**固定翼无人机、领从方法、紧密编队控制器设计、仿真、编队空气动力学、飞行实验

## Abstract

The main content of this thesis is to design the close formation controller adapted to the inner-loop attitude controller of the fixed-wing UAV, which is based on the leader-follower method of the UAV formation control. The close formation controller plays role of translating the formation errors to the input for the inner loop attitude controller. The formation control error is defined at the beginning of the thesis and then the formulations of the close formation controller. After the preliminary design of the formation controller, the MATLAB/Simulink is used to test and verify the dynamic quality and stability. Then considering the dynamic model of the UAV, the environment uncertainty and the noise, the performance of the controller is verified with the ROS/Gazebo simulator. After that, the controller is rewrote to the algorithm running on the upper controller. The hardware of the controller and the UAV platform is well chosen to accomplish the formation experiment. During this period, the parameters are tuned in order to accomplish the optimal control effect. Finally, the double fixed-wing UAV formation is conducted to verify the effect of the flight efficiency produced by the close formation.

**Key Words:** fixed-wing UAV, leader-follower method, close formation controller design, simulation, formation aerodynamic, flight experiment

## 主要符号对照表

$V_g$	无人机地速向量
$V_a$	无人机空速向量



## 目 录

摘要 .....	I
Abstract .....	II
主要符号对照表 .....	III
第 1 章 绪论 .....	1
1.1 本文研究的目的和意义 .....	1
1.2 国内外研究现状及发展趋势 .....	1
1.3 本文的技术方案 .....	2
1.4 本文的组织结构 .....	2
第 2 章 无人机编队的动力学模型的建立 .....	3
第 3 章 编队控制器设计 .....	6
3.1 水平平面编队控制器设计 .....	6
3.1.1 误差定义 .....	6
3.1.2 航迹系 x 轴方向控制器 .....	7
3.1.3 航迹系 y 轴方向控制器 .....	8
3.2 竖直平面编队控制器设计 .....	9
3.3 实际应用时的考虑 .....	12
3.3.1 编队控制器分段设计 .....	13
3.3.2 风速较大时的处理 .....	13
3.3.3 无人机飞行性能限幅设计 .....	15
3.3.4 原始数据滤波器设计 .....	16
第 4 章 无人机编队整体控制逻辑、仿真环境以及硬件选型 .....	17
4.1 无人机编队整体控制逻辑 .....	17
4.2 无人机编队仿真环境 .....	17
4.3 无人机编队硬件选型 .....	17

第 5 章 控制器仿真以及实际飞行实验结果分析 .....	18
5.1 基于 MATLAB/Simulink 的双机编队数学仿真 .....	18
5.2 基于 ROS/Gazebo-PX4 的双机编队动力学仿真 .....	18
结论 .....	19
附录 A *** .....	20
附录 B Maxwell Equations .....	21
致谢 .....	22
作者简介 .....	23

## 插 图

图 1.1	无人机编队应用场景 .....	1
图 2.1	水平平面双机编队几何关系 .....	4
图 2.2	竖直平面双机编队几何关系 .....	4
图 3.1	控制逻辑框图 .....	6
图 3.2	无人机二维平面转弯运动 .....	8
图 3.3	速度以及高度通道的控制逻辑图 .....	10
图 3.4	总能量环 .....	11
图 3.5	能量分配环 .....	12
图 3.6	空速与地速之差较大 .....	14

## 表 格

表 3.1	无人机起飞、爬升性能 .....	15
表 3.2	无人机平飞性能 .....	15
表 3.3	无人机机动性能 .....	15
表 3.4	无人机下降、爬降落性能 .....	15

## 第 1 章 绪论

### 1.1 本文研究的目的和意义

在未来战场环境中,仅靠单架无人机自主作战无法适应复杂多样的战场环境,而具备协同作战能力的无人机编队能更好地完成任务,与单架无人机相比具有作战效率高、视野广阔等优势,可实现对目标的全方位立体监视,对地精确攻击。另外,无人机紧密编队可以实现长航任务中无人机的空中加油,对接等任务,如图1.1。编队飞行作为无人机研究领域的热点与难点问题,涉及多项关键技术,例如:队形设计、自主编队、队形保持变换、协调通信等。无人机自主编队控制是实现集群作战的关键技术。

固定翼无人机以紧密编队的形式飞行,如迁徙的鸟儿一样,可以减少整体的飞行阻力并且减少燃料消耗。整体编队产生的效果将会与精心设计的、具有良好的气动外形的飞行器相媲美。但是,按照相关文献显示,如果固定翼编队的控制精度无法达到要求精度的 10%,那么最优的减阻效果可能会被削减 30%。



(a) 无人机编队加受油



(b) 无人机编队巡航

图 1.1 无人机编队应用场景

### 1.2 国内外研究现状及发展趋势

现如今的无人机自动驾驶仪的结构由导航模块、位置控制控制模块（外环）以及姿态控制模块（内环）组成；导航模块产生期望位置，位置控制模块由期望位置产生期望姿态角，姿态控制模块由期望姿态角产生最终的伺服系统的控制量。现如今的低成本无人机所使用的传感器硬件精度比较低，均为消费级别，如果不考虑传感

器的精度问题而设计控制方案，很可能导致整体编队的控制精度下降。现如今已经存在的大部分编队控制算法均为考虑飞机的质点运动学以及质点动力学条件下提出的导航方法，最终产生的飞行器的控制量为无人机航迹坐标系下的加速度期望值以及飞机的航向角的期望角速度。按照飞机的控制方式，需要将航迹坐标系下的期望控制量转到机体系之下，但是飞机自动驾驶仪并不能接受加速度控制量，尤其是飞机机体  $O_b x_b$  轴方向，无人机推力、阻力以及重力沿机体方向的推力并非是代数关系，不能直接由期望加速度得到期望推力；无人机姿态驾驶仪常使用协调转弯模型作为内环角度环的控制基础，不能直接响应所给出的偏航角速度的期望值。另外由于低成本无人机的惯性原件的精度问题导致无人机不能使用测量的加速度信息作为反馈，两种原因导致以加速度为最终控制量对于低成本无人机编队的方法控制精度不足。

目前的编队控制已经提出多种方案，例如：基于距离的编队控制策略、人工势场法，基于距离的编队控制，基于行为的编队控制，基于虚拟结构的编队控制，基于虚拟领机的编队控制等。其中，基于距离编队中的领从模式因其原理简单而得到广泛应用。本文正是基于领从策略（leader-follower method）设计的编队控制器。

### 1.3 本文的技术方案

首先建立无人机编队的领机与从机相对运动模型，描述领机从机在三维空间之内的运动规律。其次按照编队的控制目标设计编队控制器的误差输入量，并按照无人机的内环的输入量，设计编队控制的数学形式。之后再完成无人机质点模型下的编队控制率仿真，完善编队所设计编队控制器的结构。之后，利用 ROS/Gazebo 等仿真包搭建无人机编队动力学仿真环境，测试编队控制再考虑自动驾驶仪内环以及无人机的动力学模型之后的编队控制表现。最后，进行实际飞行的测试：记录编队控制的实际动态特性稳态特性、飞行编队的抗干扰能力、以及编队的能源节约情况。

### 1.4 本文的组织结构

本文之后的部分将如下组织：第二章建立无人机编队的动力学模型；第三章设计编队控制器数学形式；第四章介绍无人机编队整体控制逻辑、仿真环境以及硬件选型；第五章控制器仿真以及实际飞行实验结果分析；第六章为结论。

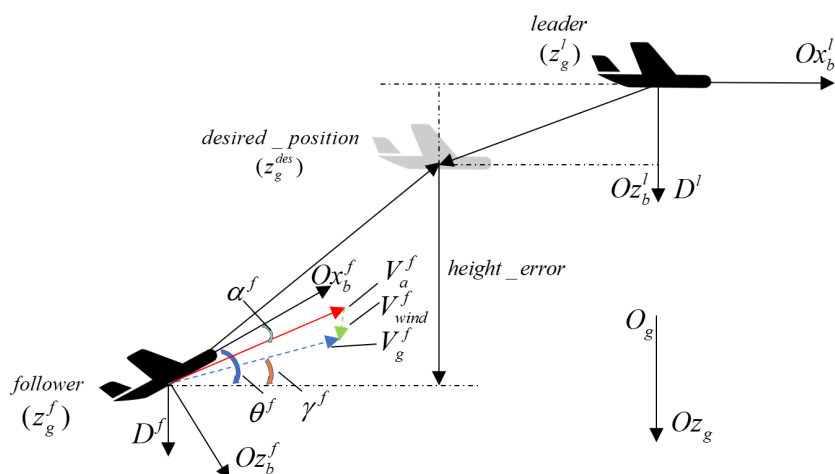
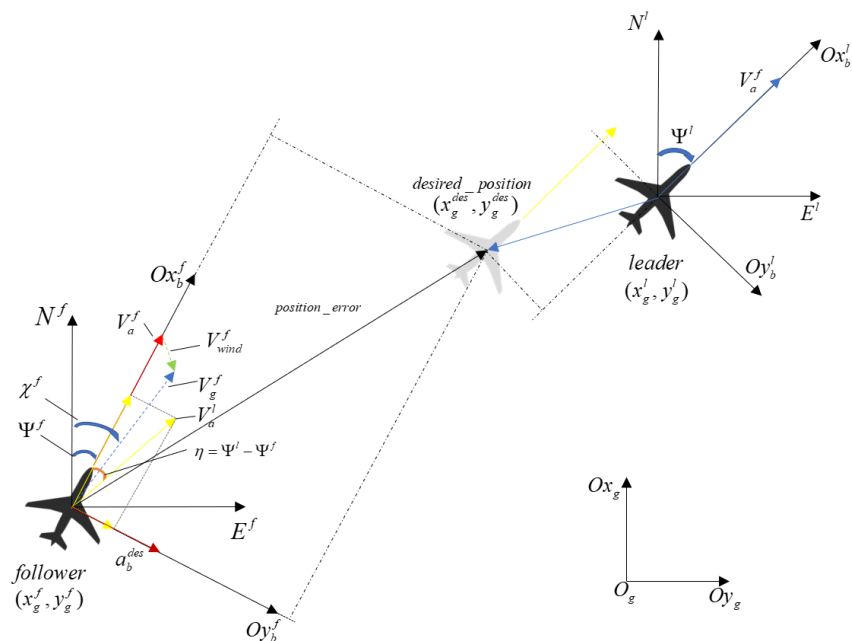
## 第2章 无人机编队的动力学模型的建立

本章基于无人机编队的领从方法（leader-follower method）建立无人机编队的相对运动方程。为了与无人机的解耦控制方法相匹配，本文将无人机运动分为水平平面运动以及竖直平面运动内分别建立数学模型。由于无人机尺寸小，强度大，飞行包线较小，现做如下假设：

- 无人机为具有 6 自由度的三维空间运动刚体。
- 忽略地球自转，将地球作为惯性系。
- 忽略地球曲率, 即所谓的“平板地球假设”。
- 由于内环控制率以无人机协调（倾斜）转弯（STT）为基础（详见第4章），飞机满足无侧滑条件，侧滑角为 0；即空速方向与机体系  $O_b x_b$  在同一竖直平面内。

本章中涉及的坐标系有：

1. 地面坐标系  $O_g x_g y_g z_g$ ：  $O_g$  选为无人机解锁时的位置，  $O_g x_g$  轴指向北，  $O_g y_g$  轴指向东，  $O_g z_g$  轴符合右手定则，指向下。
2. 导航坐标系  $NED(north - east - down)$ ： 原点选做飞机质心，  $N$  轴指向北，  $E$  轴指向东，  $D$  轴符合右手定则，指向下。
3. 航迹坐标系  $O_k x_k y_k z_k$ ：  $O_k$  选为无人机质心，  $O_k x_k$  轴始终与无人机地速方向一致，  $O_k z_k$  轴位于包含  $O_k x_k$  轴的竖直平面内，  $O_k y_k$  符合右手定则，指向右。
4. 机体坐标系  $O_b x_b y_b z_b$ ：  $O_b$  选为无人机质心，  $O_b x_b$  位于无人机的对称平面内，平行于机身轴线或者机翼的平均气动弦线，指向前；  $O_b z_b$  亦在对称平面之内，垂直于  $O_b x_b$  轴，指向下；  $O_b y_b$  垂直于对称平面，指向右。机体坐标系始终与无人机固连。
5. 气流坐标系  $O_a x_a y_a z_a$ ： 气流坐标系又被称作风坐标系或者速度坐标系；  $O_a$  取作无人机质心，  $O_a x_a$  始终指向无人机的空速方向；  $O_a z_a$  位于无人机对称面之内，垂直于  $O_a x_a$  轴，指向下；  $O_a y_a$  轴垂直于  $O_a x_a z_a$  平面，指向右。只有在大气风速  $V_{wind} = 0$  时，航迹系的  $O_k x_k$  才与气流坐标系的  $O_a x_a$  重合。



在图2.1中:  $(x_g^l, y_g^l), (x_g^f, y_g^f), (x_g^{des}, y_g^{des})$  分别为领机、从机以及从机期望编队位置在地面坐标系  $O_g x_g y_g$  平面之中的分量;  $\Psi^l, \Psi^f$  分别为领机与从机的偏航角 (yaw angle);  $\chi^l, \chi^f$  分别为领机与从机的航迹偏角 (航迹方位角);  $V_a, V_{wind}, V_q$  分别为领



机和从机的空速、风速以及地速向量； $a_b^{des}$  是从机产生的、在体轴系下的期望的法向加速度。

在图2.2中： $z_g^l, z_g^f, z_g^{des}$  分别为领机、从机以及从机期望编队位置在地面坐标系  $O_g z_g$  轴上的分量； $\theta^l, \theta^f$  分别为领机与从机的俯仰角（pitch angle）； $\gamma^l, \gamma^f$  分别为领机与从机的航迹倾角（航迹倾斜角）； $V_a, V_{wind}, V_g$  分别为领机和从机的空速、风速以及地速向量；

在图2.1和图2.2中, 由飞机飞行动力学可知, 从机与领机三维运动学方程均为:

$$\begin{cases} \frac{dx_g}{dt} = V_g \cos \gamma \cos \chi \\ \frac{dy_g}{dt} = V_g \cos \gamma \sin \chi \\ \frac{dz_g}{dt} = -V_g \sin \gamma \end{cases} \quad (2.1)$$

现考虑无风情况下, 则由图2.1可知, 无人机航迹偏角等于航向角, 即  $\Psi = \chi$ ; 无人机在平衡状态下, 迎角很小 (本无人机约在  $2.3^\circ$  左右), 由图2.2可得  $\theta \approx \gamma$ 。于是方程组2.1可改写为:

$$\begin{cases} \frac{dx_g}{dt} = V_g \cos \theta \cos \Psi \\ \frac{dy_g}{dt} = V_g \cos \theta \sin \Psi \\ \frac{dz_g}{dt} = -V_g \sin \theta \end{cases} \quad (2.2)$$

方程组2.2的第 1、2 两式表示无人机在水平平面内的运动轨迹; 第 3 式表示无人机在竖直平面内的运动轨迹。方程组中, 控制的直接输入量为从机的  $V_g^f, \theta^f, \Psi^f$ , 再确定飞机的初始运动量之后, 可唯一确定领机与从机的运动规律。

值得注意的是: 上述控制量并不能直接由编队控制器产生, 但经过理想内环控制器以及无人机动力学模型之后, 将产生相应的上述的直接控制量, 完整流程将在第3章中介绍。

## 第3章 编队控制器设计

第2章中介绍了无人机双机编队的动力学模型，并将无人机运动分为竖直平面以及水平平面；方程组2.2水平平面的直接输入量为  $\Psi$  的期望值，竖直平面的直接输入量为  $\theta$  和  $V$  的期望值。整体的控制逻辑框图如下图所示：

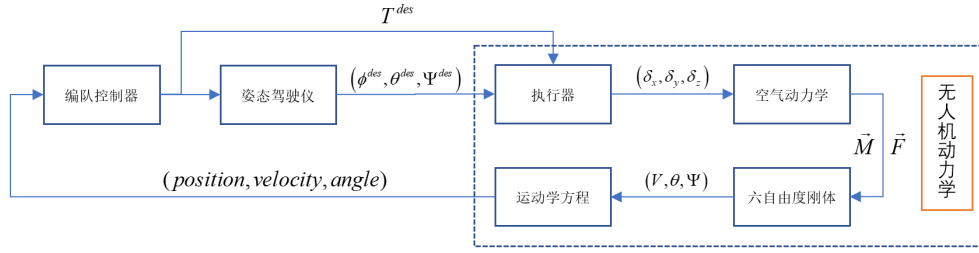


图 3.1 控制逻辑框图

编队控制器的输入为定义的误差量，输出为无人机自动驾驶仪的内环输入值，即期望推力  $T^{des}$ ，期望姿态  $\Phi^{des}, \theta^{des}$ ，偏航期望值  $\Psi^{des}$  将由内环姿态自动驾驶仪按照协调转弯条件计算得到。本章的剩余部分将分别设计竖直平面以及水平平面的控制器。

需要说明的是：本章前两节先假设大气静止，设计无风条件下的编队控制器，第三节再引入风的干扰，并做相应处理。根据第二章的坐标系的定义，此假设将使得航迹坐标系与速度坐标系重合，又因为“无侧滑条件”（也称作协调转弯条件，BTT）的引入，机体二维水平平面坐标系  $O_b x_b y_b$  将与前二者的水平平面坐标系（ $O_k x_k y_k$  和  $O_a x_a y_a$ ）重合。进而控制器产生的控制量与执行机构恰好对应，因此前两节之中，上述三种二维平面坐标系将不做区分。下面将选取航迹坐标系设计编队控制器。

### 3.1 水平平面编队控制器设计

#### 3.1.1 误差定义

导航与制导的本质是控制地速的方向，实现手段是产生垂直于地速方向的法向加速度  $a_{y_k}^{des}$ ；因而本章中误差以及控制量全部定义在航迹坐标系  $O_k x_k y_k z_k$  之中。但编队控制器不仅要控制速度的方向，还要控制速度的大小，以实现与领机的同步飞行。编队控制的最终目标为：

1. 从机速度方向与领机的速度方向一致。
2. 从机的速度大小与领机的速度大小一致。
3. 从机的位置与从机的期望位置一致。

此处产生三种误差类型，这三类误差均投影在从机航迹坐标系  $O_k x_k y_k z_k$  之中，便于之后对应要控制的物理量产生控制量：

1. 领机与从机 2 维速度方向误差  $\eta$ ，参见图2.1。
2. 领机与从机速度（地速  $V_g$ ）大小误差  $|V_g|^{err}$ 。
3. 领机与期望位置 3 维误差  $(P_{x_k}^{err}, P_{y_k}^{err}, P_{z_k}^{err})$

因此此处水平平面的编队控制器的控制的任务是消除水平平面内的位置误差、速度大小以及速度方向误差，前两者在  $O_k x_k$  轴的分量需通过期望速度大小  $|V|_{x_k}^{des}$  消除；前两者在  $O_k y_k$  轴的分量，以及速度方向误差须通过期望法向加速度  $a_{y_k}^{des}$  消除。值得注意的是：实际上此处的速度方向误差代表了航迹系内的两分量之比值，实际上与角度误差代表同一误差，但是由于航迹系  $O_k x_k$  轴的期望速度时刻变化，而所需的速度方向须按照领机速度方向一致，因而要控制速度的方向，而不是单纯的  $O_k x_k$  轴的速度分量。

### 3.1.2 航迹系 x 轴方向控制器

航迹系  $O_k x_k$  轴方向的控制器的输入为速度大小误差以及位置误差沿本轴分量的混合，控制器选用增量式离散  $PID$  控制器，最终的控制量的输出为航迹坐标系  $O_k x_k$  轴期望速度大小  $|V|_{x_k}^{des}$ 。控制器的表达式为：

$$\left\{ \begin{array}{l} |V_g|^{err}(k) = |V_g^l|(k) - |V_g^f|(k) \\ P_{x_k}^{err}(k) = P_{x_k}^{des}(k) - P_{x_k}^f(k) \\ e_{x_k}(k) = K_V |V_g|^{err}(k) + K_{P_x} P_{x_k}^{err}(k) \\ \Delta |V|_{x_k}^{des}(k) = K_p^{mix} [e_{x_k}(k) - e_{x_k}(k-1)] + K_i^{mix} e_{x_k}(k) + \\ \quad K_d^{mix} [e_{x_k}(k) - 2e_{x_k}(k-1) + e_{x_k}(k-2)] \\ |V|_{x_k}^{des}(k) = \Delta |V|_{x_k}^{des}(k) + |V|_{x_k}^{des}(k-1) \end{array} \right. \quad (3.1)$$

其中，前 3 式定义了混合误差形式，实际为速度误差与位置误差的线性叠加。后 2 式表示了最终的期望速度大小的产生。 $k$  为控制器第  $k$  次采样计算； $K_V, K_P$  为误差线性混合常； $K_p^{xmix}, K_i^{xmix}, K_d^{xmix}$  为增量式离散  $PID$  控制器参数。

此处产生的期望速度大小，并不能直接为内环姿态驾驶仪所响应，需要经过竖直平面控制器的计算，位置误差  $P_{z_k}^{err}$  共同产生期望油门以及期望俯仰角。

### 3.1.3 航迹系 $y$ 轴方向控制器

航迹系  $O_k y_k$  轴方向的控制器的输入为速度方向误差  $\eta$  以及位置误差的混合，类似于航迹系  $O_k x_k$  轴方向的控制器，控制器也选用增量式离散  $PID$  控制器，最终的输出为无人机滚转角期望值。由图 2.1 可得到：

$$\eta^f = \Psi^l - \Psi^f \quad (3.2)$$

上式得到的是无人机速度方向的角度误差；

再考虑如图所示的无人机二维平面转弯运动：

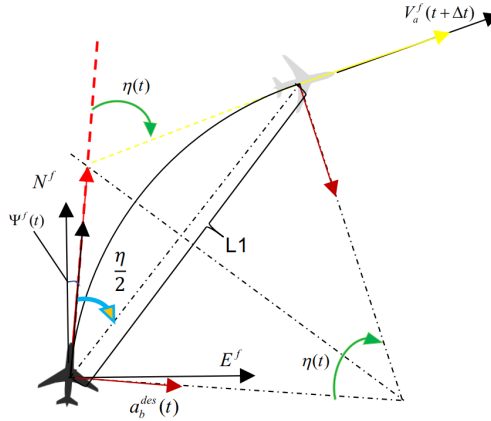


图 3.2 无人机二维平面转弯运动

由于飞机速度的动力学惯性很大，在微分时间  $\Delta t$  时间内，速度的变化量可以忽略不计；在此时间内的偏航角增量为  $\Delta\eta$ ，按照图中的几何关系，不难得到：

$$a_{y_k} = V_g \dot{\eta} \quad (3.3)$$

上式即无人机期望偏航角速度与期望法向加速度关系。类似于上一节，定义混合误

差为角度误差以及距离误差的线型混合。再利用上一小节提出的增量式离散  $PID$  控制器，再综合式3.2, 可得混合误差到期望法向加速度的表达式为：

$$\left\{ \begin{array}{l} \eta^f(k) = \Psi^l(k) - \Psi^f(k) \\ P_{y_g}^{err}(k) = P_{y_g}^{des}(k) - P_{y_g}^f(k) \\ e_{y_k}(k) = K_{\eta} \eta^f(k) + K_{P_y} P_{y_g}^{err}(k) \\ \Delta \dot{\Psi}^{des}(k) = K_p^{ymix} [e_{y_k}(k) - e_{y_k}(k-1)] + K_i^{ymix} e_{y_k}(k) + \\ \quad K_d^{ymix} [e_{y_k}(k) - 2e_{y_k}(k-1) + e_{y_k}(k-2)] \\ \dot{\Psi}^{des}(k) = \Delta \dot{\Psi}^{des}(k) + \dot{\Psi}^{des}(k-1) \\ \dot{\eta}^{des}(k) = -\dot{\Psi}^{des}(k) \\ a_{y_k}^{des}(k) = -V_g^f(k) \dot{\eta}^{des}(k) \end{array} \right. \quad (3.4)$$

上式得到的是期望法向加速度，再利用协调转弯（BTT）条件，将期望法向加速度，转化为期望滚转角：

$$\tan \Phi^{des}(k) = \frac{a_{y_k}^{des}(k)}{g} \quad (3.5)$$

其中， $g$  为当地重力加速度常量。至此，水平平面内可计算得到无人机的期望滚转角  $\Phi^{des}$  以及期望速度大小  $|V|_{x_k}^{des}$

### 3.2 竖直平面编队控制器设计

竖直平面编队控制器的输入为期望速度大小  $|V|_{x_k}^{des}$  以及期望高度（实际代表了高度误差  $P_{z_b}^{err}$ ），输出为期望俯仰角  $\theta^{des}$  以及期望推力  $T^{des}$ 。控制器选用基于能量的总能量控制法（total energy control system,  $TECS$ ）。固定翼无人机的速度控制和高度控制是耦合的，即单独控制高度或速度时，另一个未被控制量将会发生变化：下面通过飞机飞行动力学纵向运动方程简单说明：

方程组2.2的第三式说明：飞机高度方向的变化率与地速大以及俯仰角大小有关，且为正相关。

根据飞机飞行动力学，无人机纵向运动质心运动的动力学方程为：

$$\begin{cases} m \frac{dV}{dt} = T \cos(\alpha + \varphi) \cos \beta - D - mg \sin \gamma \\ mV \cos \gamma \frac{d\chi}{dt} = T[\sin(\alpha + \varphi) \sin \mu - \cos(\alpha + \varphi) \sin \beta \cos \mu] + C \cos \mu + L \sin \mu \\ -mV \frac{d\gamma}{dt} = T[-\sin(\alpha + \varphi) \cos \mu - \cos(\alpha + \varphi) \sin \beta \sin \mu] + C \sin \mu - L \cos \mu + mg \cos \gamma \end{cases} \quad (3.6)$$

其中， $\alpha, \mu, \phi$  分别为迎角，速度滚转角以及发动机安装角。根据之前的假设，可以将第一式近似作：

$$m \frac{dV}{dt} = T - D - mg \sin \theta \quad (3.7)$$

综合3.7、2.2两式，可以得到如下关于速度以及高度通道的控制逻辑图：

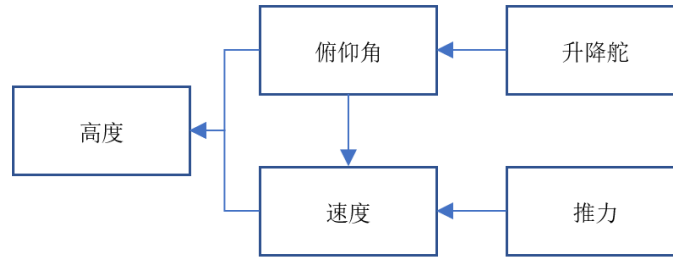


图 3.3 速度以及高度通道的控制逻辑图

因而速度和高度需要同时考虑，相应的，期望俯仰角以及推力也需要同时计算。*TECS* 控制器正是为此种情况设计的：所谓总能量控制（total energy control）是将无人机的速度以及高度计算得到相应的动能以及势能作为直接控制对象，应用 PID 控制器对动能与势能的和（total energy）以及动能与势能的转化（total energy balance）进行控制，计算得到无人机期望俯仰角以及期望推力的控制器。飞机作为一个动力学系统，其机械能来自推力做功的输入，因而总能量控制对应着期望推力；与之对应的俯仰角控制是能量守恒的，可作为动能向势能（反之亦然）的转化途径，对此种能量转化的控制对应着期望俯仰角。下面简要介绍 *TECS* 控制器的计算过程：

无人机的总能量为：

$$E_T = \frac{1}{2} m V_T^2 + mgh \quad (3.8)$$

对上式两边微分，可得到总能量变化率：

$$\dot{E}_T = mV_T\dot{V}_T + mgh \quad (3.9)$$

由此可得单位总能量变化率：

$$\dot{E} = \frac{\dot{E}_T}{mgV_T} = \frac{\dot{V}_T}{g} + \frac{\dot{h}}{V_T} = \frac{\dot{V}_T}{g} + \sin \gamma \quad (3.10)$$

更换式3.6第一式形式，可得到：

$$T - D = mg \left( \frac{\dot{V}_T}{g} + \sin \gamma \right) \quad (3.11)$$

由此可得：

$$\Delta T = mg \left( \frac{\dot{V}_T}{g} + \sin \gamma \right) \quad (3.12)$$

关于能量转化，定义：

$$B = mgh - \frac{1}{2}mV_T^2 \quad (3.13)$$

能量转化率为：

$$\dot{B} = \sin \gamma - \frac{\dot{V}_T}{g} \quad (3.14)$$

这里参照开源软件 PX4 内部的 TECS 控制器设计方法，总能量环和能量分配环的控制逻辑框图如下所示：

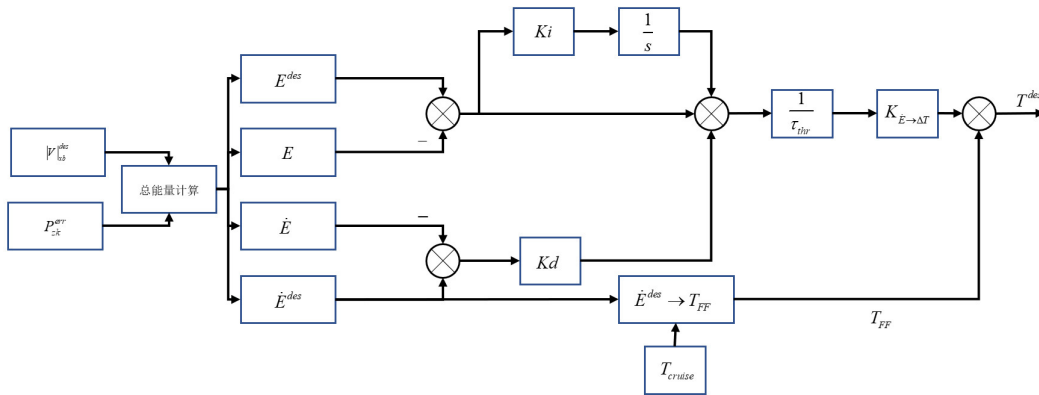


图 3.4 总能量环

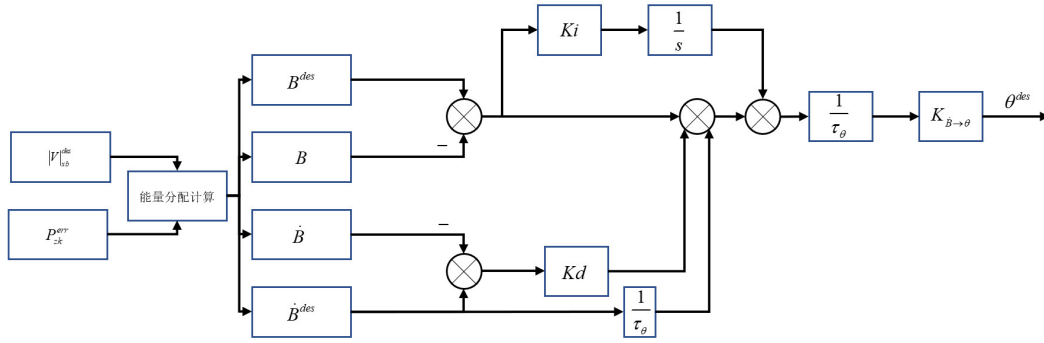


图 3.5 能量分配环

图3.4中， $K_i, K_d, T_{FF}, \tau_{thr}, K_{\dot{B} \rightarrow \Delta T}$  分别为积分项，微分项比例系数，油门前馈项，油门时间常数以及比例向项系数。图3.5中， $K_i, K_d, \tau_\theta, K_{\dot{B} \rightarrow \Delta \theta}$  分别为积分项，微分项比例系数，俯仰角时间常数以及比例向项系数。

至此，来自水平平面的期望速度  $|V|_{x_k}^{des}$  以及纵向平面的位置误差  $P_{z_k}^{err}$  将转化为期望俯仰角以及期望推力进入内环姿态驾驶仪；水平平面编队控制器产生的期望滚转角也将进入姿态驾驶仪内环。内环姿态自动驾驶仪首先按照无侧滑条件得出期望偏航角速度  $\dot{\Phi}^{des}$ ，然后再利用串级 PID 分角速度环，角加速度环计算得到期望的执行机构的偏转角度。但现在的编队控制器还不足以直接用来进行编队控制实现，还需要经过一定的工程处理，详见下一节。

### 3.3 实际应用时的考虑

在实际应用编队控制器时，按照已有的经验，应主要考虑以下几个方面：

1. 在无人机距离期望位置较远以及相对较近时，控制的目的是不完全一致的；应根据不同的控制需求分段设计控制律。
2. 无人机的空速与地速差距较大（风速很大）时，地速与空速方向不能简单认为一致，应分析之后做相应的处理。
3. 考虑到无人机各个动力学量的范围，应按照前期对于飞行平台飞行性能计算的结果对控制器计算过程中的各个物理量进行实际限幅。
4. 无人机原始信息两量测噪声问题，应设计便于使用的滤波器加以滤波。

下面按照上述问题介绍相应的解决方法：



### 3.3.1 编队控制器分段设计

在位置误差较大时，编队控制器的主要目的应为：以最大速度飞行，迅速减小距离误差；此时无人机速度的期望方向应时刻指向期望点而并非领机的速度方向。选择水平距离误差大小作为分段控制器的分段依据，定义水平距离误差为  $|P|_{2d}^{err}(k) = \sqrt{[P_{x_k}^{err}(k)]^2 + [P_{y_k}^{err}(k)]^2}$ ，决断距离记作  $|P_0|_{2d}^{err}$ 。于是可以得到以下期望速度的表达式：

$$|V|_{x_k}^{des}(k) = \begin{cases} V_{max}^f & |P|_{2d}^{err}(k) > |P_0|_{2d}^{err} \\ \Delta|V|_{x_k}^{des}(k) + |V|_{x_k}^{des}(k-1) & |P|_{2d}^{err}(k) \leq |P_0|_{2d}^{err} \end{cases} \quad (3.15)$$

第二阶段的期望速度速度产生详见式3.1。关于此阶段的法向加速度的产生，此处使用  $\times\times$  等人提出的 L1 控制器，将 L1 距离选为从机当前位置与期望位置的距离误差。其表达式如下：

$$a_{y_k}^{des}(k) = \begin{cases} 2\frac{V^2}{L_1} \sin \frac{\eta}{2} & |P|_{2d}^{err}(k) > |P_0|_{2d}^{err} \\ -V_g^f(k)\dot{\eta}^{des}(k) & |P|_{2d}^{err}(k) \leq |P_0|_{2d}^{err} \end{cases} \quad (3.16)$$

上式中各运动学量参见图3.2，第二阶段法向加速度的产生详见式3.4。再配合固定翼无人机协调转弯条件（式3.5），可得到分段之后的期望滚转角。

### 3.3.2 风速较大时的处理

#### 风速因素对于编队控制器的影响分析

无论导航与制导还是编队的期望速度均是对无人机的地速而言的。当内环姿态驾驶员以无侧滑条件为基础时，若控制效果较好，则可保证侧滑角  $\beta \approx 0$ ，即：无人机在水平二维平面运动时，空速方向与机身纵轴在同一竖直平面内。因而飞机在平飞时，空速方向几乎与机身纵轴重合。无论有风还是无风，均有上述结论。

参照图2.1，当风速  $V_{wind}^f$  较小时，空速与地速几乎重合，且等大，此时直接将空速方向认为与空速方向一致，进而与机体方向一致的做法是可行的：前文提出的位置、角度以及速度误差均投影在航迹系  $O_k x_k y_k z_b$  中，所产生的修正信号  $|V|_{x_k}^{des}(k), a_{y_k}^{des}(k)$  与体轴系的  $O_b x_b$  以及  $O_b y_b$  几乎重合，i 控制机构（油门，副翼）直接相应控制信号即可，符合前文的设计。

但当风速较大时（例如，风速大小已经超过了地速的  $\frac{1}{3}$ ，且与飞机地速有一定的角度），则会出现如下图所示的情况：

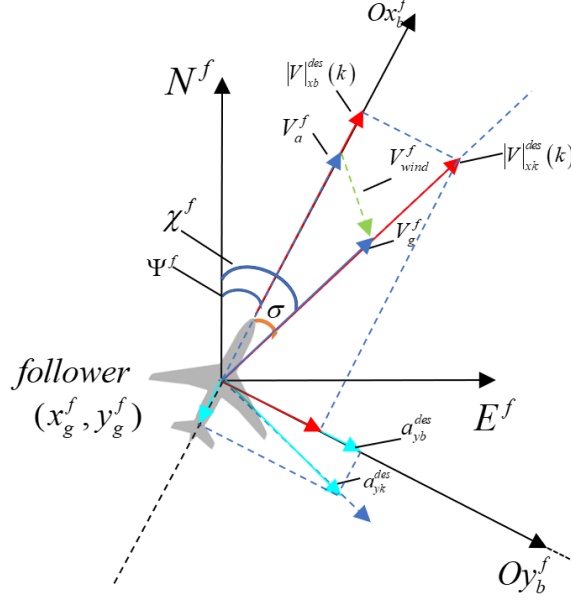


图 3.6 空速与地速之差较大

图中，风速的大小以及方向已经不能忽略不计，可以得出。原始产生在航迹坐标系  $O_k x_k y_k z_k$  中的期望速度以及期望与执行机构（油门以及副翼）所在的机体系已有大小为  $\sigma$  的夹角。

### 风速较大时的改进

如图3.6所示，原始在航迹坐标系之中产生的控制量的期望值若要在机体系之中产生正确的相应，需要进行相应的坐标变换。

$$\begin{bmatrix} control\_input\_x_b(k) \\ control\_input\_x_y(k) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \cos\sigma & -\sin\sigma \\ \sin\sigma & \cos\sigma \end{bmatrix} \begin{bmatrix} |V_{x_k}^{des}(k)| \\ a_{y_k}^{des}(k) \end{bmatrix} \quad (3.17)$$

但是由于机体系两个通道所能够接受的的控制量并不是一致的，需要进行工程化处理：

$$\begin{cases} control\_input\_x_b(k) = \cos\sigma|V|_{x_k}^{des}(k) + \sum_{n=1}^k \{-\sin[\sigma(n)]a_{y_k}^{des}(n)T\} \\ control\_input\_x_y(k) = \frac{1}{T}\{\sin[\sigma(k)]|V|_{x_k}^{des}(k) - \sin[\sigma(k-1)]|V|_{x_k}^{des}(k-1)\} + \cos\sigma a_{y_k}^{des}(k) \end{cases} \quad (3.18)$$

上式中， $T$  是控制时间间隔。实际应用时上式中的微分项要考虑低通滤波以及时间间隔问题，积分项应考虑积分饱和问题。

### 3.3.3 无人机飞行性能限幅设计

考虑到实际系统各个环节的有界性问题，需要按照无人机气动外形尺寸以及基本飞机空气动力学，计算得出的无人机飞行性能参数，作为实际控制时的各个环节物理量的限幅依据。表3.1-3.4展示了飞机部分飞行性能：

表 3.1 无人机起飞、爬升性能

飞行性能	抬轮速度	起飞速度	滑跑距离	起飞时间	爬升率	爬升角
值	4.82m/s	5.52m/s	16.45m	7.36s	5.99m/s	31.21°

表 3.2 无人机平飞性能

飞行性能	平定常飞空速	最大空速	最小空速	失速迎角
值	11.52m/s	43.76m/s	4.60m/s	9.94°

表 3.3 无人机机动性能

飞行性能	转弯速率	转弯半径	转弯时间	法向过载系数	最大滚转角
值	11.56m/s	14.31m/s	7.80s	1.38	43.56°

表 3.4 无人机下降、爬降落性能

飞行性能	下降率	下降角	降落速度	滑跑距离
值	10.19m/s	60.15m/s	5.89m/s	14.81m

### 3.3.4 原始数据滤波器设计

此处所涉及的原始数据，主要是来自领机以及从机的空速计测量的空速信息。此处使用一阶低通滤波器来实现对于空速信息的滤波。下面简单介绍一阶低通滤波器：一阶低通滤波器又称作一阶惯性滤波器，传递函数形式为标准一阶惯性环节：

$$V_0 = \frac{1}{1 + \tau j\omega} \quad (3.19)$$

其中  $\tau$  是时间常数。转换成时域形式：

$$V_0 = V_i - \tau \frac{dV_0}{dt} \quad (3.20)$$

离散化之后：

$$V_0(k) = \frac{V_i(k) + \frac{\tau}{T} V_0(k-1)}{1 + \frac{\tau}{T}} \quad (3.21)$$

其中， $T$  为控制器时间间隔， $T = \frac{1}{f}$ 。此种滤波器在使用时需要注意时间常数的选择，时间常数过大，虽然数据波形会相对平滑，但是滞后较为严重。

## 第 4 章 无人机编队整体控制逻辑、仿真环境以及硬件选型

### 4.1 无人机编队整体控制逻辑

### 4.2 无人机编队仿真环境

### 4.3 无人机编队硬件选型

## 第 5 章 控制器仿真以及实际飞行实验结果分析

本章之中，按照第3章中给出的控制器的数学模型，选定相应的初始条件进行双机的质点模型数学仿真：即不考虑无人机的姿态，只考虑无人机的位置，速度大小以及方向。之后，利用第4章中介绍的 *ROS/Gazebo – PX4* 仿真环境，在考虑无人机动动力学的条件下进行双机编队仿真。

### 5.1 基于 MATLAB/Simulink 的双机编队数学仿真

### 5.2 基于 ROS/Gazebo-PX4 的双机编队动力学仿真

## 结论

本文采用……。 （结论作为学位论文正文的最后部分单独排写，但不加章号。结论是对整个论文主要结果的总结。在结论中应明确指出本研究的创新点，对其应用前景和社会、经济价值等加以预测和评价，并指出今后进一步在本研究方向进行研究工作的展望与设想。结论部分的撰写应简明扼要，突出创新性。）

## 附录 A \*\*\*

附录相关内容...



## 附录 B Maxwell Equations

因为在柱坐标系下， $\bar{\mu}$  是对角的，所以 Maxwell 方程组中电场  $\mathbf{E}$  的旋度  
所以  $\mathbf{H}$  的各个分量可以写为：

$$H_r = \frac{1}{\mathbf{i}\omega\mu_r} \frac{1}{r} \frac{\partial E_z}{\partial \theta} \quad (\text{B-1a})$$

$$H_\theta = -\frac{1}{\mathbf{i}\omega\mu_\theta} \frac{\partial E_z}{\partial r} \quad (\text{B-1b})$$

同样地，在柱坐标系下， $\bar{\epsilon}$  是对角的，所以 Maxwell 方程组中磁场  $\mathbf{H}$  的旋度

$$\nabla \times \mathbf{H} = -\mathbf{i}\omega\mathbf{D} \quad (\text{B-2a})$$

$$\left[ \frac{1}{r} \frac{\partial}{\partial r} (r H_\theta) - \frac{1}{r} \frac{\partial H_r}{\partial \theta} \right] \hat{\mathbf{z}} = -\mathbf{i}\omega\bar{\epsilon}\mathbf{E} = -\mathbf{i}\omega\epsilon_z E_z \hat{\mathbf{z}} \quad (\text{B-2b})$$

$$\frac{1}{r} \frac{\partial}{\partial r} (r H_\theta) - \frac{1}{r} \frac{\partial H_r}{\partial \theta} = -\mathbf{i}\omega\epsilon_z E_z \quad (\text{B-2c})$$

由此我们可以得到关于  $E_z$  的波函数方程：

$$\frac{1}{\mu_\theta\epsilon_z} \frac{1}{r} \frac{\partial}{\partial r} \left( r \frac{\partial E_z}{\partial r} \right) + \frac{1}{\mu_r\epsilon_z} \frac{1}{r^2} \frac{\partial^2 E_z}{\partial \theta^2} + \omega^2 E_z = 0 \quad (\text{B-3})$$

## 致谢

本论文的工作是在导师……。

## 作者简介

本人…。