# **LAPORAN**

# MENGHITUNG MATRIKS MENGGUNAKAN BAHASA PEMROGRAMAN JAVA

Diajukan untuk memenuhi Tugas Besar Mata Kuliah Aljabar Geometri

Dosen Pengampu : Ahmad Zamakhsyari Sidiq, M.T



# Disusun oleh:

M Hasbi As'ari 10222175

Faisal Fahmi N 10222137

Salma Oktania Dewi 10222019

Ai Siti Nurjannah 10222025

# PROGRAM STUDI INFORMATIKA SEKOLAH TINGGI TEKNOLOGI CIPASUNG TASIKMALAYA

2023

# **DAFTAR ISI**

DAFTAR ISI	2
BAB I PENDAHULUAN	3
1. Latar Belakang	3
2. Rumusan Masalah	3
3. Tujuan	3
BAB II PEMBAHASAN	4
1. Sistem Persamaan Linear (SPL)	4
2. Eliminasi Gauss – Jordan	4
3. Determinan	5
4. Matriks Balikan (Inverse)	5
5. Matriks <i>Transpose</i>	6
6. Penjumlahan Matriks	6
BAB III PENJELASAN IMPLEMENTASI PROGRAM	8
1. Struktur Class	8
BAB IV HASIL UJI PEMROGRAMAN	10
1. Tampilan Menu	10
2. Penjumlahan	10
3. Pengurangan Matrix	11
4. Matriks Transpose 2x2	11
5. Matriks Trasnpose 3x3	12
6. Matriks Balikan/Invers	12
7. Determinan 2x2	13
8. Determinan 3x3	13
9. Sistem Persamaan Linier	14
BAB V PENUTUP	15
1. Kesimpulan	15
DAFTAR DIISTAKA	16

## **BABI**

## **PENDAHULUAN**

# 1. Latar Belakang

Matriks merupakan salah satu komponen yang sangat penting dalam aljabar linear. Matriks adalah susunan ekspresi dalam baris dan kolom sehingga membentuk suatu segiempat. Karena membentuk suatu segi-empat, matriks dapat berbentuk persegi. Matriks disebut matriks persegi jika memiliki jumlah baris dan kolom yang sama. Tergantung pada ordo yang akan dimasukkan, operasi matriks akan membutuhkan banyak waktu dan perhitungan. Kalkulator menjadi sangat penting sebagai alat bantu untuk menghitung bilangan dan membantu dalam perhitungan bilangan yang sulit atau perhitungan yang panjang untuk mendapatkan nilai. Oleh karena itu, diperlukan aplikasi yang dapat mempermudah dan mempersingkat waktu dalam melakukan perhitungan matriks tersebut, yaitu kalkulator matriks.

Kalkulator matriks adalah alat hitung yang digunakan untuk menghitung operasi dasar yang terkait dengan matriks, seperti penjumlahan dan pengurangan. Selain itu, alat ini dapat mengubah matriks menjadi transpose, determinan, dan invers matriks.

Kalkulator matriks ini dibuat menggunakan bahasa pemrograman Java, salah satu bahasa pemrograman komputer yang paling populer di dunia. Java dapat digunakan untuk membuat berbagai aplikasi umum (general-purpose programming language) yang berkinerja tinggi seperti game, browser, pengolah gambar, dan lainnya.

## 2. Rumusan Masalah

Dapat dibuat suatu rumusan masalah bagaimana menerapkan perhitungan matriks pada aplikasi mobile dengan mempertimbangkan masalah di atas. Karena itu membuat perhitungan operasi matriks lebih mudah.

# 3. Tujuan

Tujuan penelitian ini adalah untuk membuat aplikasi perhitungan dasar matriks yang menggunakan bahasa pemrograman Java, yang mencakup fitur seperti penjumlahan, pengurangan, transpose, invers, determinan dan Sistem Persamaan Linier (SPL).

# BAB II PEMBAHASAN

# 1. Sistem Persamaan Linear (SPL)

Sistem persamaan linier adalah kumpulan persamaan linier yang terdiri dari beberapa variabel. Masing-masing persamaan dalam sistem ini dapat direpresentasikan sebagai garis lurus dalam sistem koordinat. Contoh sederhana dari sistem persamaan linier adalah sistem dengan dua persamaan dan dua variabel. Solusi dari sistem ini adalah nilai yang memenuhi kedua persamaan tersebut.

Bentuk umum dari SPL:

$$a_{11}x_1 + a_{12}x_2 + ... + a_{1n}x_n = b_1$$
  
 $a_{21}x_1 + a_{22}x_2 + ... + a_{2n}x_n = b_2$   
 $a_{31}x_1 + a_{32}x_2 + ... + a_{3n}x_n = b_3$   
 $\vdots$   $\vdots$   $\vdots$   
 $a_{m1}x_1 + a_{m2}x_2 + ... + a_{mn}x_n = b_m$ 

Bentuk umum SPL 2x3, 2 Variabel:

$$x + y = z$$
$$x + y = z$$

Terdapat beberapa metode untuk menyelesaikan sistem persamaan linier, seperti metode substitusi dan metode eliminasi. Sistem persamaan linier banyak digunakan dalam berbagai bidang, termasuk fisika, kimia, ilmu komputer, dan ekonomi.

#### 2. Eliminasi Gauss – Jordan

Eliminasi Gauss-Jordan merupakan penerapan dari proses operasi baris elementer, yaitu mengalikan suatu baris pada matriks dengan konstanta atau menjumlahkan baris satu dengan baris lainnya, yang akan menghasilkan matriks eselon baris tereduksi. Matriks eselon baris adalah matriks yang memiliki satu utama pada setiap baris, kecuali baris yang seluruhnya nol. Nilai di bawah satu utama pada matriks eselon baris harus bernilai nol. Matriks eselon baris tereduksi adalah matriks eselon baris yang nilai di atas satu utamanya juga bernilai nol.

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & 7 \\ 0 & 1 & 5 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Gambar 2.1 Contoh matriks eselon baris (kiri) dan matriks eselon baris tereduksi (kanan).

Metode mencari balikan matriks dengan eliminasi Gauss-Jordan adalah memasangkan suatu matriks A dengan matriks identitas I yang seukuruan dengan A. Kemudian, dilakukan operasi Gauss-Jordan sehingga matriks A menjadi matriks eselon baris tereduksi dan matriks I akan menjadi matriks balikan dari A, yaitu A-1.

$$[A|I] \sim [I|A^{-1}]$$

Gambar 2.2 Visualisasi proses mencari matriks balikan dengan metode eliminasi Gauss-Jordan.

## 3. Determinan

Determinan adalah nilai skalar yang diperoleh dari suatu matriks persegi. Determinan matriks umumnya dilambangkan dengan det(A) atau |A|. Nilai determinan matriks persegi (A) dapat dihitung menggunakan berbagai metode, seperti metode Sarrus untuk matriks 2x2 dan 3x3, serta metode Minor dan Kofaktor. Determinan memiliki sifatsifat penting, misalnya determinan matriks berordo (n) akan sama dengan nol jika matriks tersebut tidak memiliki invers. Selain itu, determinan juga merupakan fungsi homogen, yakni (\det(cA)=c^{n}\det(A)), di mana (c) adalah konstanta dan (n) adalah ordo matriks A. Determinan matriks memiliki berbagai jenis, seperti determinan matriks persegi berordo 2x2 dan 3x3. Rumus determinan matriks adalah rumus yang digunakan untuk menghitung hasil perkalian elemen pada diagonal suatu matriks.

## 4. Matriks Balikan (Inverse)

Matriks dapat dioperasikan seperti operasi yang dilakukan pada bilangan bulat, seperti penjumlahan dan perkalian. Selain itu, khusus matriks persegi, matriks dapat memiliki matriks inversnya. Matriks yang tidak memiliki balikan disebut sebagai matriks

singular. Ide dari balikan matriks adalah ketika suatu matriks dikalikan dengan matriks A yang selanjutnya dikalikan lagi dengan balikan matriks A, maka akan dihasilkan matriks awal. Dalam matriks, suatu matriks yang dikalikan dengan matriks balikannya akan menghasilkan matriks identitas. Matriks identitas adalah matriks persegi yang nilai diagonal utamanya adalah satu dan nilai lainnya adalah nol. Misalkan, A adalah sebuah matriks berukuran n×n dan balikannya adalah A-1, maka:

$$AA^{-1} = A^{-1}A = I$$

Ada dua Metode untuk mencari balikan suatu matriks berkururan n×n, dengan n ≥ 1. Metode pertama adalah dengan eliminasi Gauss-Jordan dan metode kedua adalah dengan menggunakan matriks adjoin

# 5. Matriks *Transpose*

Matriks transpose yang diperoleh dari memindahkan elemen elemen baris menjadi elemen pada kolom atau sebaliknya. transpose matriks A dilambangkan dengan  $A^T$ . Contoh:

$$A_{3x2} = \begin{bmatrix} 6 & 8 \\ 4 & 1 \\ 7 & 3 \end{bmatrix}$$
, maka  $A^T = \begin{bmatrix} 6 & 4 & 7 \\ 8 & 1 & 3 \end{bmatrix}$ 

Gambar 2.3 Transpose matriks

## 6. Penjumlahan Matriks

Penjumlahan matriks adalah operasi penjumlahan dua matriks dengan menjumlahkan komponen-komponennya yang seletak. Dua matriks dapat dijumlahkan jika jumlah baris dan kolomnya sama. Dua buah matriks dapat dijumlahkan atau dikurangkan apabila berukuran sama (Sembiring, 2003: 20). Sehingga penjumlahan matriks dapat dioperasikan hanya pada matriks-matriks yang memiliki orde sama. Setiap elemen pada baris ke- *m* dan kolom ke- *n* dijumlahkan dengan matriks lain pada baris ke- *m* dan kolom ke- *n* pula.

$$\begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 3 & 0 \\ 5 & 5 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 & 9 \\ 3 & 6 \\ 7 & 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2+0 & 1+9 \\ 3+3 & 0+6 \\ 5+7 & 5+2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 & 10 \\ 6 & 6 \\ 12 & 7 \end{bmatrix}$$

Gambar 2.4 Penjumlahan Matriks

# BAB III PENJELASAN IMPLEMENTASI PROGRAM

# 1. Struktur Class

Tabel atribut tiap class

Class	Atribut	Type Data	Deskripsi
-	-	-	-

Class	Method	Return Type	Parameter	Deskripsi
MatrixCalculator	Main	Void	Args	Method utama untuk menjalankan program. Menampilkan menu utama dan memanggil method sesuai pilihan pengguna.
MatrixCalculator	MatrixAdditionAndSubtractionSubmenu	Void	Scanner	Menampilkan sub-menu untuk penjumlahan dan pengurangan matriks (2x2) dan meminta input matriks dari pengguna.  Memanggil method sesuai pilihan pengguna
MatrixCalculator	MatrixAddition	Void	a11, a12, a21, a22,	Menambahkan dua matriks (2x2)

			b11, b12, b21, b22	dan menampilkan hasilnya.
MatrixCalculator	MatrixSubtraction	Void	a11, a12, a21, a22, b11, b12, b21, b22	Mengurangkan dua matriks (2x2) dan menampilkan hasilnya.
MatrixCalculator	MatrixTransposeSubmenu	Void		Menampilkan sub-menu untuk transpose matriks (2x2 dan 3x3) dan meminta input matriks dari pengguna.  Memanggil method sesuai pilihan pengguna
MatrixCalculator	MatrixTranspose2x2 Submenu	Void	Scanner	Meminta input matriks (2x2) dari pengguna dan menampilkan hasil transpose.
MatrixCalculator	MatrixTranspose3x3 Submenu	Void	Scanner	Meminta input matriks (3x3) dari pengguna dan menampilkan hasil transpose.

## **BAB IV**

# HASIL UJI PEMROGRAMAN

# 1. Tampilan Menu

```
| MatrixCalculator.java-kalkulatorjava-Visual Studio Code | Image: | Image:
```

# 2. Penjumlahan

# 3. Pengurangan Matrix

## 4. Matriks Transpose 2x2

# 5. Matriks Trasnpose 3x3

# 6. Matriks Balikan/Invers

## 7. Determinan 2x2

```
| MatrixCalculator.java - kalkulator.java - kalk
```

## 8. Determinan 3x3

# 9. Sistem Persamaan Linier

# BAB V

## **PENUTUP**

# 1. Kesimpulan

Pemrograman matriks adalah aspek penting dalam pengembangan perangkat lunak untuk menangani data multidimensi. Melalui pemrograman matriks, kita dapat melakukan berbagai operasi matematika dan manipulasi data pada struktur matriks. Dalam laporan ini, kita telah membahas implementasi sederhana operasi matriks menggunakan bahasa pemrograman Java.

Pemrograman matriks penting dalam berbagai konteks, seperti komputasi ilmiah, grafika komputer, kecerdasan buatan, dan pemrosesan citra. Implementasi sederhana dalam bahasa pemrograman seperti Java membuka pintu bagi pengembangan aplikasi yang lebih canggih dan aplikatif dengan memanfaatkan konsep dan operasi matriks.

# **DAFTAR PUSTAKA**

1. Analisis Kompleksitas Algoritma dalam Menentukan Balikan Matriks Persegi

Bryan Cornelius Lauwrence - 135220331 Program Studi Teknik Informatika Sekolah Teknik Elektro dan Informatika Institut Teknologi Bandung, Jl. Ganesha 10 Bandung 40132, Indonesia 113522033@std.stei.it

2. Matriks

Universitas Negeri Yogyakarta

 $\underline{https://staffnew.uny.ac.id/upload/198401312014042002/pendidikan/MATRIKS.pdfb.ac.i} \\ \underline{d}$ 

3. Chtgpt <a href="https://chat.openai.com/">https://chat.openai.com/</a>