

**МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ
ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
«СЕВЕРО-КАВКАЗСКИЙ ФЕДЕРАЛЬНЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»
ИНСТИТУТ ЦИФРОВОГО РАЗВИТИЯ**

**Отчет о лабораторной работе № 3.6 Построение 3D графиков. Работа с
mplot3d Toolkit**

Выполнил:

Шальнев Владимир Сергеевич,
2 курс, группа ПИЖ-б-о-20-1,

Проверил:

Доцент кафедры
прикладной математики и
компьютерной безопасности,
Воронкин Р.А.

Отчет защищен с оценкой _____ Дата защиты _____

Ставрополь, 2022 г.

ВЫПОЛНЕНИЕ:

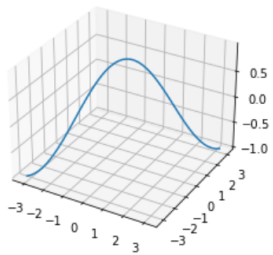
Проработанные примеры:

```
Ввод [1]: import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np
from mpl_toolkits.mplot3d import Axes3D
```

Линейный график

```
Ввод [2]: x = np.linspace(-np.pi, np.pi, 50)
y = x
z = np.cos(x)
fig = plt.figure()
ax = fig.add_subplot(111, projection='3d')
ax.plot(x, y, z, label='parametric curve')
```

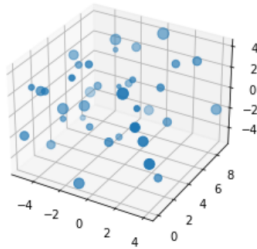
Out[2]: [<mpl_toolkits.mplot3d.art3d.Line3D at 0x1a1dc148c70>]



Точечный график

```
Ввод [11]: #np.random.seed(123)
x = np.random.randint(-5, 5, 40)
y = np.random.randint(0, 10, 40)
z = np.random.randint(-5, 5, 40)
s = np.random.randint(10, 100, 40)
fig = plt.figure()
ax = fig.add_subplot(111, projection='3d')
ax.scatter(x, y, z, s=s)
```

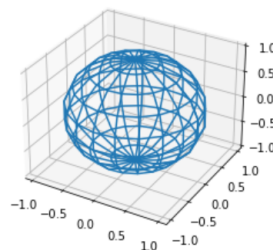
Out[11]: <mpl_toolkits.mplot3d.art3d.Path3DCollection at 0x1a1dd36a790>



Каркасная поверхность

```
Ввод [8]: u, v = np.mgrid[0:2*np.pi:20j, 0:np.pi:10j]
x = np.cos(u)*np.sin(v)
y = np.sin(u)*np.sin(v)
z = np.cos(v)
fig = plt.figure()
ax = fig.add_subplot(111, projection='3d')
ax.plot_wireframe(x, y, z)
```

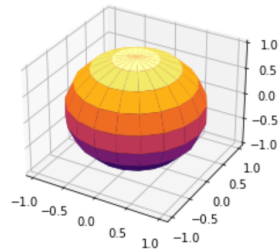
Out[8]: <mpl_toolkits.mplot3d.art3d.Line3DCollection at 0x1a1dcce6d90>



Поверхность

```
Ввод [10]: u, v = np.mgrid[0:2*np.pi:20j, 0:np.pi:10j]
x = np.cos(u)*np.sin(v)
y = np.sin(u)*np.sin(v)
z = np.cos(v)
fig = plt.figure()
ax = fig.add_subplot(111, projection='3d')
ax.plot_surface(x, y, z, cmap='inferno')
```

Out[10]: <mpl_toolkits.mplot3d.art3d.Poly3DCollection at 0x1a1dd2d0910>



Индивидуальное задание, построение ленты Мебиуса:

Построение 3D модели Ленты Мебиуса

Подключение необходимых библиотек

```
Ввод [1]: import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np
from mpl_toolkits.mplot3d import Axes3D
```

Производим вычисления для построения графика

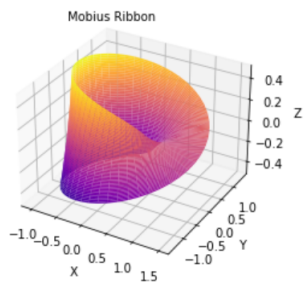
Используемая формула:

$$\begin{aligned}x &= \left(1 + \frac{v}{2} \cos\left(\frac{u}{2}\right)\right) \cos(u) \\y &= \left(1 + \frac{v}{2} \cos\left(\frac{u}{2}\right)\right) \sin(u) \\z &= \frac{v}{2} \sin\left(\frac{u}{2}\right) \\u &\in [0; 2\pi], \quad v \in [-1; 1]\end{aligned}$$

```
Ввод [2]: u, v = np.mgrid[0:2*np.pi:50j, -1:1:50j]
x = (1 + (v / 2) * np.cos(u / 2)) * np.cos(u)
y = (1 + (v / 2) * np.cos(u / 2)) * np.sin(u)
z = (v / 2) * np.sin(u / 2)
```

Построение фигуры:

```
Ввод [3]: fig = plt.figure()
ax = fig.add_subplot(111, projection='3d')
ax.plot_surface(x, y, z, cmap="plasma")
ax.set_xlabel('X')
ax.set_ylabel('Y')
ax.set_zlabel('Z')
ax.text2D(0.25, 0.95, "Mobius Ribbon", transform=ax.transAxes)
plt.show()
```



ОТВЕТЫ НА КОНТРОЛЬНЫЕ ВОПРОСЫ:

1. Как выполнить построение линейного 3D-графика с помощью matplotlib?

`Axes3D.plot(self, xs, ys, *args, zdir='z', **kwargs)`

- `xs`: 1D-массив - x координаты.
- `ys`: 1D-массив - y координаты.
- `zs`: скалярное значение или 1D-массив - z координаты. Если передан скаляр, то он будет присвоен всем точкам графика.
- `zdir`: {'x', 'y', 'z'} - определяет ось, которая будет принята за z направление, значение по умолчанию: 'z'.
- `**kwargs` - дополнительные аргументы, аналогичные тем, что используются в функции `plot()`
- для построения двумерных графиков.

2. Как выполнить построение точечного 3D-графика с помощью matplotlib?

`Axes3D.scatter(self, xs, ys, zs=0, zdir='z', s=20, c=None, depthshade=True, *args, **kwargs)`

- `xs, ys`: массив - координаты точек по осям x и y.
- `zs`: float или массив, optional - координаты точек по оси z. Если передан скаляр, то он будет присвоен всем точкам графика. Значение по умолчанию: 0.
- `zdir`: {'x', 'y', 'z', '-x', '-y', '-z'}, optional - определяет ось, которая будет принята за z направление, значение по умолчанию: 'z'
- `s`: скаляр или массив, optional - размер маркера. Значение по умолчанию: 20.
- `c`: color, массив, массив значений цвета, optional - цвет маркера. Возможные значения:
 - Строковое значение цвета для всех маркеров.
 - Массив строковых значений цвета.
 - Массив чисел, которые могут быть отображены в цвета через функции `cm` и `norm`.
 - 2D массив, элементами которого являются RGB или RGBA.
 - `depthshade`: bool, optional - затенение маркеров для придания эффекта глубины.
- `**kwargs` - дополнительные аргументы, аналогичные тем, что используются в функции
- `scatter()` для построения двумерных графиков.

3. Как выполнить построение каркасной поверхности с помощью matplotlib?

`plot_wireframe(self, X, Y, Z, *args, **kwargs)`

- `X, Y, Z`: 2D-массивы - данные для построения поверхности.

- `rcount, ccount: int` - максимальное количество элементов каркаса, которое будет использовано в каждом из направлений. Значение по умолчанию: 50.
- `rstride, cstride: int` - параметры определяют величину шага, с которым будут браться элементы строки / столбца из переданных массивов. Параметры `rstride, cstride` и `rcount, ccount` являются взаимоисключающими.
- `**kwargs` - дополнительные аргументы, определяемые `Line3DCollection`(https://matplotlib.org/api/_as_gen/mpl_toolkits.mplot3d.art3d.Line3DCollection.html#mpl_toolkits.mplot3d.art3d.Line3DCollection).

4. Как выполнить построение трехмерной поверхности с помощью matplotlib?

`plot_surface(self, X, Y, Z, *args, norm=None, vmin=None, vmax=None, lightsource=None, **kwargs)`

- `X, Y, Z` : 2D-массивы - данные для построения поверхности.
- `rcount, ccount : int` - см. `rcount, ccount` в “Каркасная поверхность (<https://devpractice.ru/matplotlib-lesson-5-1-mplot3d-toolkit/#p3>)”.
- `rstride, cstride : int` - см. `rstride, cstride` в “Каркасная поверхность (<https://devpractice.ru/matplotlib-lesson-5-1-mplot3d-toolkit/#p3>)”.
- `color: color` - цвет для элементов поверхности.
- `cmap: Colormap` - `Colormap` для элементов поверхности.
- `facecolors`: массив элементов `color` - индивидуальный цвет для каждого элемента поверхности.
- `norm: Normalize` - нормализация для `colormap`.
- `vmin, vmax: float` - границы нормализации.
- `shade: bool` - использование тени для `facecolors`. Значение по умолчанию: `True`.
- `lightsource: LightSource` - объект класса `LightSource` – определяет источник света, используется, только если `shade = True`.
- `**kwargs` - дополнительные аргументы, определяемые `Poly3DCollection`(https://matplotlib.org/api/_as_gen/mpl_toolkits.mplot3d.art3d.Poly3DCollection.html#mpl_toolkits.mplot3d.art3d.Poly3DCollection).