

Les Flots

GRE

7 - Flots

Abstract

Définition

Table des matières

| | |
|---------------------------------------|----------|
| 1. Notions de flots | 1 |
| 1.1. Loi de conservation | 2 |
| 1.2. Flots dans un graphe | 2 |
| 2. Réseau d'augmentation | 2 |

1. Notions de flots

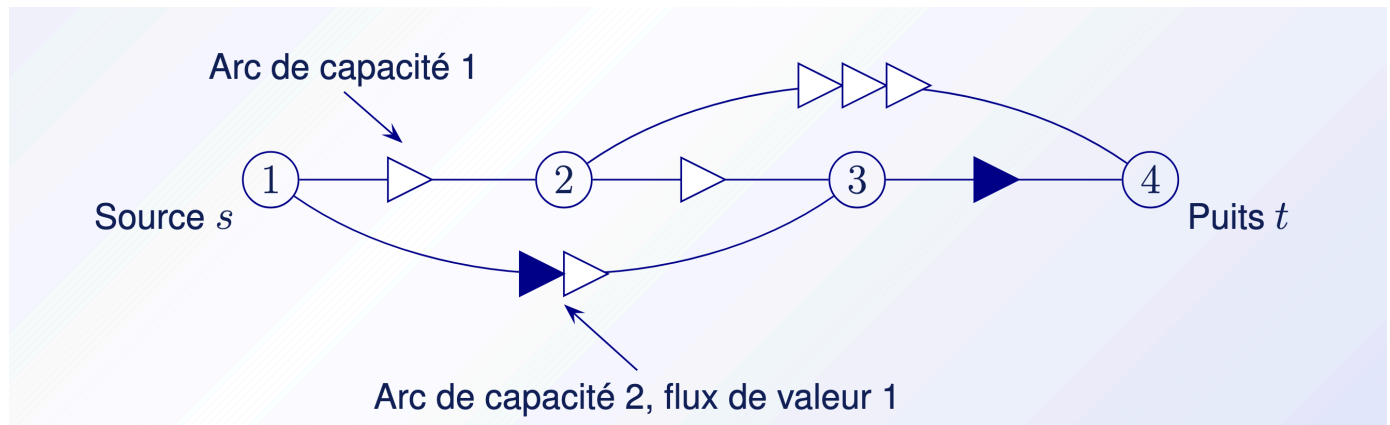
1.1. Loi de conservation

Description

La loi de conservation des flots stipule qu'à l'exception des sources et des puits, le débit entrant dans un nœud est égal au débit sortant. En d'autres termes, la somme des débits entrants est égale à la somme des débits sortants.

1.2. Flots dans un graphe

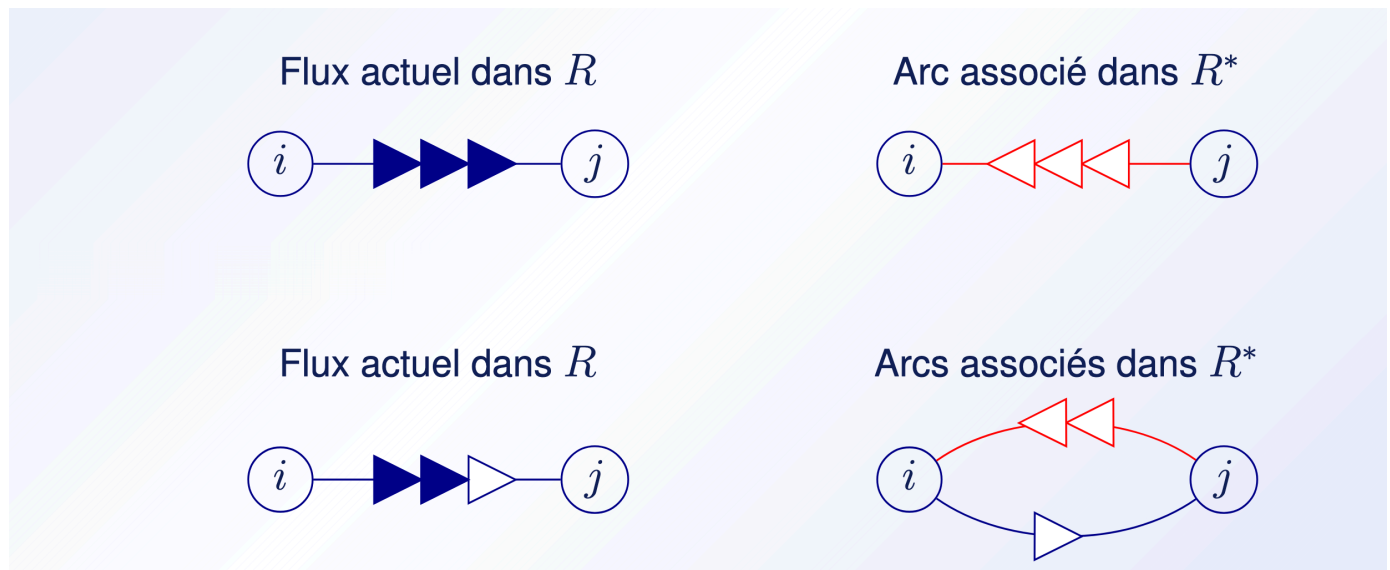
Ci-dessous un exemple de flot de s à t dans un graphe. Les flots sont représentés par des triangles (donnant la direction) sur l'arc.



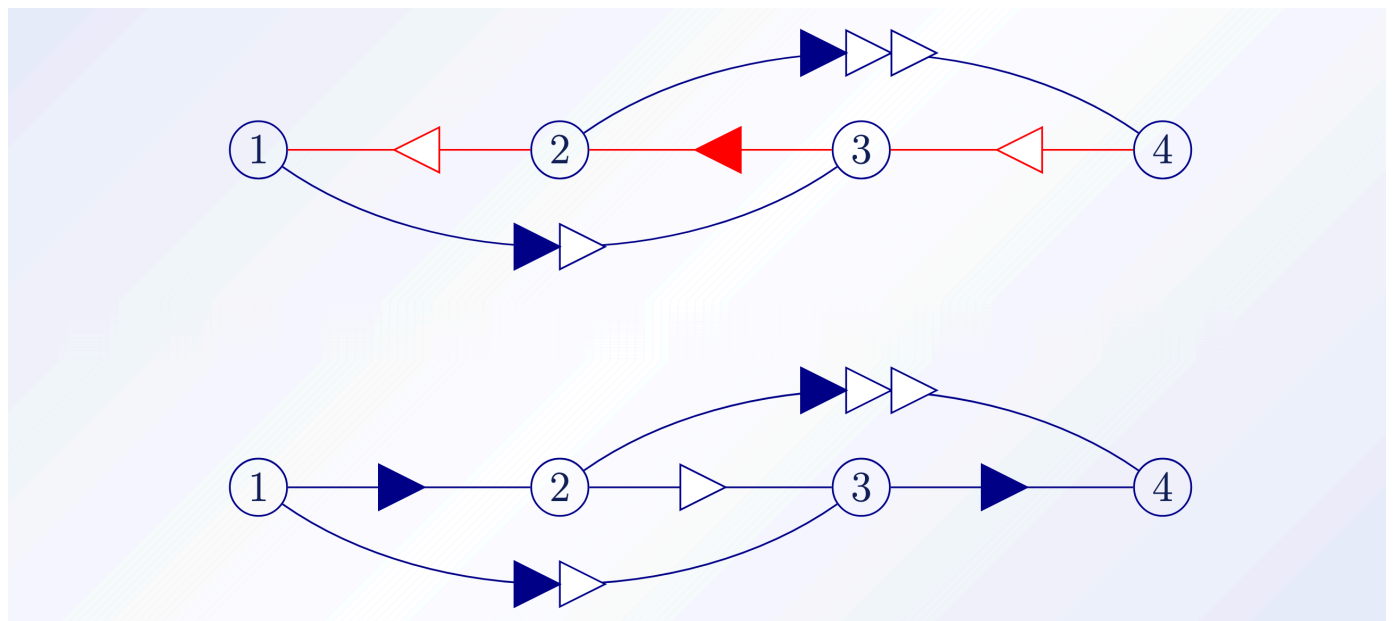
- Capacité: la capacité d'un arc est la quantité maximale de flot qui peut passer par cet arc.
- Flot: le flot d'un arc est la quantité de flot qui passe par cet arc.

2. Réseau d'augmentation

Un réseau d'augmentation est construit à partir de l'observation qu'il est possible d'augmenter le flux de j à i en diminuant le flux de i à j .



Grâce au réseau d'augmentation nous pouvons chercher à maximiser le flot entre s et t en augmentant le flot dans les arcs du réseau d'augmentation. Voici ce que cela donne en reprenant l'exemple précédent.



Nous voyons donc que ce graphe contient un flot de valeurs maximale de 2.

Note

Cette approche, de générer le réseau d'augmentation est très similaire à l'algorithme que nous allons présenter plus tard, l'algorithme de Ford-Fulkerson.