Nombres complexes

MAT3

1 - Nombres Complexes

Résumé du document

Table des matières

1. Rappel

1.1. Série / suite géométrique infinie

La formule pour calculer la valeur d'une série géométrique infinie est:

$$S(\infty) = \frac{\text{terme initial}}{1 - \text{raison}}$$

1.2. Tableau cercle trigonométrique

	0	$\frac{\pi}{6}$	$\frac{\pi}{4}$	$\frac{\pi}{3}$	$\frac{\pi}{2}$
cos	1	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{1}{2}$	0
sin	0	$\frac{1}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	1
tan	0	$\frac{\sqrt{3}}{3}$	1	$\sqrt{3}$	non défini

2. Nomenclature

Pour pouvoir résoudre la fonction:

$$x^2 + 1 = 0$$

nous avons du créer la valeur suivante:

$$j^2 = -1$$

Nous aurons la formule suivante:

$$z = a + \text{bj}$$
$$a = \text{Partie réelle et notée } \Re(z)$$
$$b = \text{Partie imaginaire et notée } \Im(z)$$

3. Forme cartésienne

Très pratique pour l'addition et la soustraction.

3.1. Addition

$$(a + \mathrm{bj}) + (c + \mathrm{dj}) = (a + c) + (b + d)j$$

3.2. Soustraction

$$(a + \mathrm{bj}) - (c + \mathrm{dj}) = (a - c) + (b - d)j$$

3.3. Multiplication

$$(a + \mathrm{bj}) * (c + \mathrm{dj}) = (\mathrm{ac} - \mathrm{bd}) + (\mathrm{ad} + \mathrm{bc})j$$

4. Conjugé complexes

Le conjugué d'un nombre complexe est obtenu en changeant le signe de la partie imaginaire. Il est noté: $\overline{s}$. De ce fait on peut dire que :

$$z * \overline{z} = a^2 + b^2$$

cela signifie que nous pouvons obtenir **un nombre réel** en multipliant un nombre complexe par son conjugué.

4.1. Propriétés

1. $z \cdot z^* = a^2 + b^2,\ (si\ z = a + bj),$
2. $(z^*)^* = z,$
3. $(z + w)^* = z^* + w^*,$
4. $(z - w)^* = z^* - w^*,$
5. $(zw)^* = z^* w^*$
6. $Si\ w \neq 0,\ alors\ \left(\frac{z}{w}\right)^* = \frac{z^*}{w^*}.$

$$\text{Module } 1 = a^2 + b^2 = 1$$

5. Plan complexe