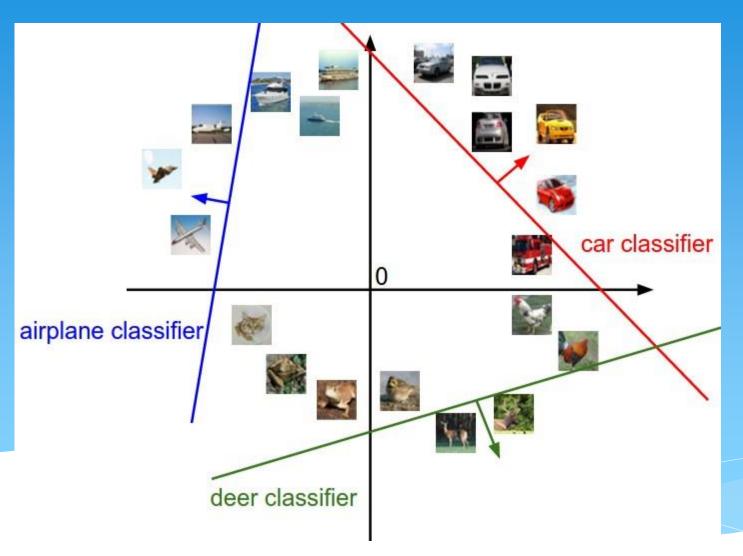
### **Linear Classification**



## Параметризація

### Мета: класифікація зображеннь

```
Хi - набір тренінгових даних (50 000)
```

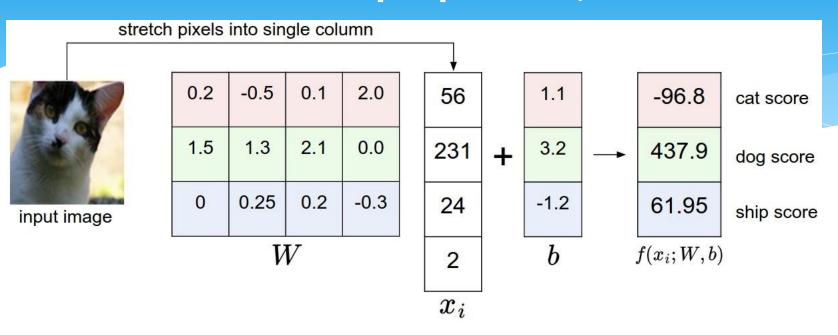
**У**і - номер категорії (10)

f - функція, що задає співвідношення між пікселями зображення та номером категорії

$$f(x_i, W, b) = Wx_i + b$$

 $x_i$  [3072 x 1]  $\mathcal{W}$  [10 x 3072] b [10 x 1]

### Інтерпретація





## Препроцессінг

 $\overline{x_i}$ 

0.2	-0.5	0.1	2.0			
1.5	1.3	2.1	0.0			
0	0.25	0.2	-0.3			
W						

56		1.1	
231	+	3.2	<b>←→</b>
24		-1.2	
2	S 68	b	

0.2	-0.5	0.1	2.0	1.1
1.5	1.3	2.1	0.0	3.2
0	0.25	0.2	-0.3	-1.2
	b			

new, single W

 $egin{array}{c} \mathsf{2} \\ \hline \mathsf{1} \\ x_i \end{array}$ 

56

231

24

### Функція втрат

#### • Метод опорних векторів

$$L_i = \sum_{j 
eq y_i} \max(0, s_j - s_{y_i} + \Delta)$$

$$L_i = \sum_{j 
eq y_i} \max(0, w_j^T x_i - w_{y_i}^T x_i + \Delta)$$



#### • Софтмакс

$$L_i = -\log\!\left(rac{e^{f_{y_i}}}{\sum_j e^{f_j}}
ight) \qquad \qquad P(y_i \mid x_i; W) = rac{e^{f_{y_i}}}{\sum_j e^{f_j}}$$

### SVM VS Softmax

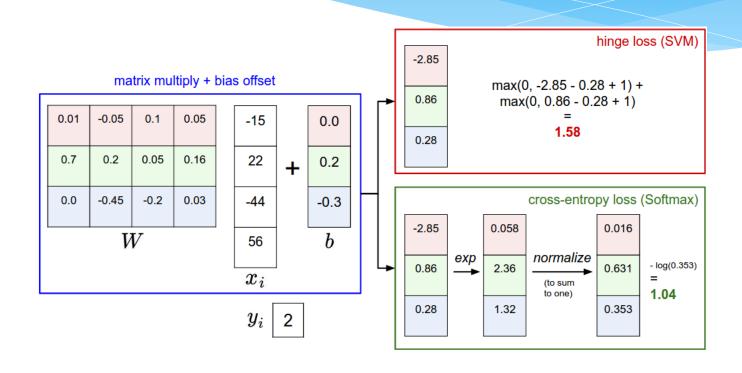




Figure 1. Training data. Each column consists of faces of the same expression: starting from the leftmost column: Angry, Disgust, Fear, Happy, Sad, Surprise, Neutral.

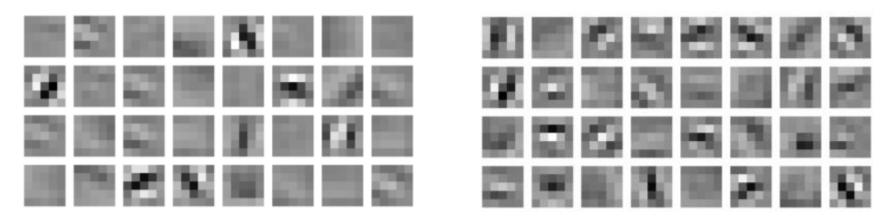
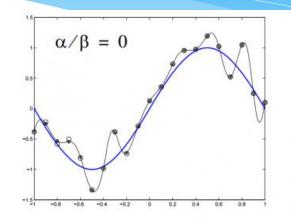


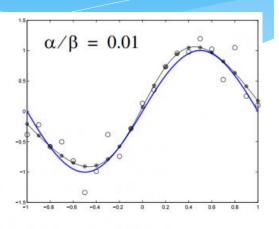
Figure 3. Filters from convolutional net with softmax. gure 4. Filters from convolutional net with L2-SVM.

## Регуляризація

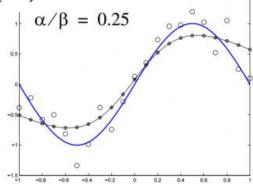
$$R(W) = \sum_k \sum_l W_{k,l}^2$$

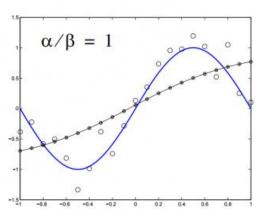
$$L = \underbrace{\frac{1}{N} \sum_{i} L_{i}}_{ ext{data loss}} + \underbrace{\lambda R(W)}_{ ext{regularization loss}}$$





$$L_i = C \max(0, 1 - y_i w^T x_i) + R(W)$$





# Learning Rate

$$v_i(t) = v_i(t-1) + \delta v_i(t)$$

$$\delta v_i(t) = \eta(-\frac{\partial \epsilon}{\partial v_i})$$

