ESTRUCTURAS LINEALES

Secuencias





Estructuras Lineales

- Tipos de datos para secuencias de elementos
 - Listas (list)
 - Listas especialiazadas
 - Colas (queue): cola LIFO (pila), cola FIFO (cola), etc.
 - Dobles colas (double-ended queue)



Listas (1)

Listas

 Conjunto de elementos ordenados en sucesión (o secuencia). Admiten repeticiones de elementos



- Interfaz *List<E>*
 - Extiende <u>Collection<E></u> (<u>Iterable<E></u>)
 - Incluye operaciones de acceso, inserción y borrado por índice (posición en la secuencia)
 - Vistas (operación subList e iteradores)

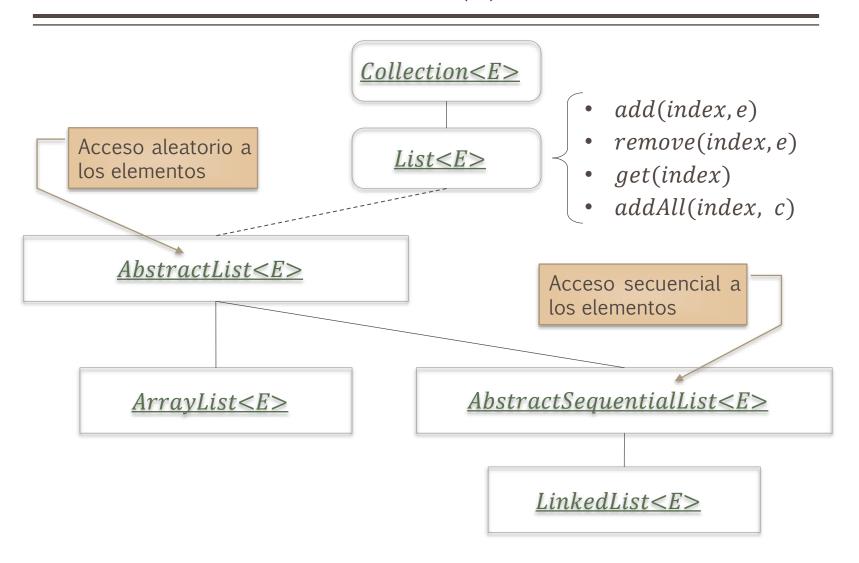


Listas (2)

Operaciones adicionales	Descripción	
boolean add(int index, E e)	Añade el elemento e en la posición index de la lista (opcional)	
E get(int index)	Retorna el elemento que se encuentra en la posición index de la lista	
boolean remove(int index)	Quita, el elemento que está en la posición index de la lista (opcional)	
E set(int index, E e)	Reemplaza el elemento que se encuentra en la posición index de la lista por el especificad. Retorna el elemento reemplazado (opcional)	
<pre>int indexOf(Object o)</pre>	Retorna la posición que ocupa la primera ocurrencia del objeto o en la lista. Si no se encuentra retorna -1	
boolean addAll(int index, Collection c) (opcional)		
List <e> subList(int fromIndex, int toIndex)</e>		



Listas (3)

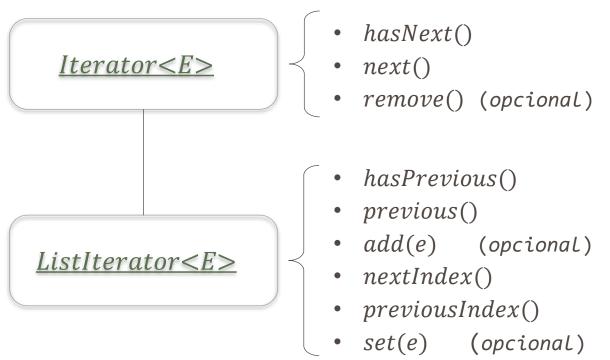




Listas (4)

Iteradores

 Las interfaces <u>Collection<E></u> y <u>List<E></u> incluyen los métodos: <u>iterator()</u> y <u>listIterator()</u>, respectivamente, para crear los iteradores





Listas (5)

- Ejemplo de uso de iteradores
 - Igualdad de listas

```
public boolean equals(Object obj) {
   if (this == obj) {
      return true;
   }

   if (!(obj instanceof List<?>)) {
      return false;
   }

   List<?> other = (List<?>) obj;
```



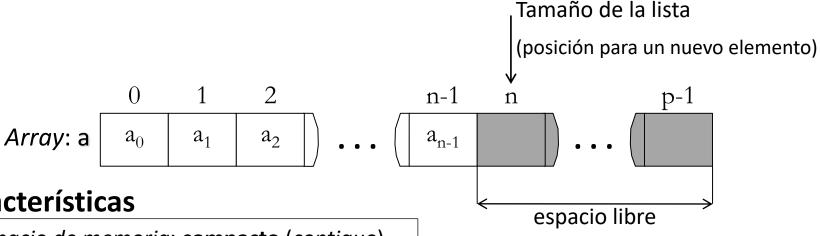
Listas (5)

```
Iterator<E> itr1 = iterator();
Iterator<?> itr2 = other.iterator();
while (itr1.hasNext() && itr2.hasNext()) {
    E e = itr1.next();
    Object o = itr2.next();
    if (!(e == null ? o == null : e.equals(o))) {
        return false;
// comprobar que ambos iteradores han finalizado
return itr1.hasNext() == itr2.hasNext();
```



Listas con arrays (1)

Representación con arrays dinámicos



Características

- Espacio de memoria: compacto (contiguo)
- Acceso a un elemento: $\Theta(1)$
- Inserción al final: $\in \Theta(1)$?
- Borrado del último elemento: Θ(1)
- Resto de operaciones: O(n)
- Tamaño de la secuencia, ¿ lista vacía ?: Θ(1)

Representación

- *Un array*: contiene los elementos de la secuencia
- Un entero: tamaño de la secuencia



Listas con arrays (2)

- Coste de la operación de inserción al final
 - Caso 1. El tamaño del array siempre coincide con el tamaño de la secuencia (no es una buena idea)

Adición al final de la secuencia $a_0 a_1 \dots a_{i-1}$ del elemento a_i

Nuevo *array* de tamaño i+1 en el que deben introducirse todos los elementos de la secuencia y a_i : Coste i+1

Coste temporal de la inserción de n elementos: $O(n^2)$

22/09/2023 Estructuras Lineales Página 10



Listas con arrays (3)

• Caso 2. El tamaño del *array* es mayor que el tamaño de la secuencia. Cuando es necesario se duplica el espacio.

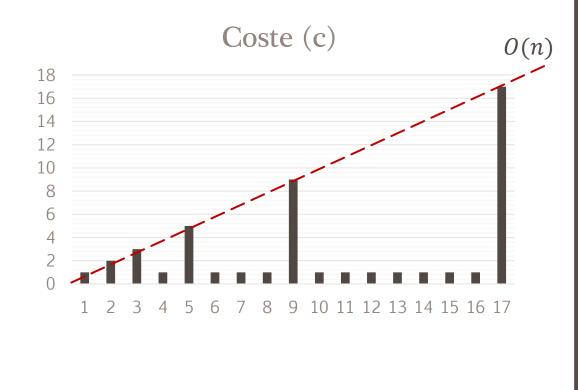
Análisis de coste amortizado

- 1. Método de agregación 🤚
- 2. Método de cuenta o del banquero
- 3. Método del potencial



Listas con *arrays* (4)

NO Í	· / /	
Nº İtems	Capacidad	
(i)	Capacidad (s)	Coste (c)
1	1	1
2	2	2
3	4	3
4	4	1
5	8	1 2 3 1 5
6	8	1
7	8	1
8	8	1 9 1
9	16	9
10	16	1
11	16	1
12	16	1
13	16	1
14	16	1
15	16	1
16	16	1
17	32	17





Listas con arrays (5)

Coste de añadir el elemento i

$$c_i = \begin{cases} i & \text{si } i - 1 \text{ es una potencia de 2} \\ 1 & \text{en otro caso} \end{cases}$$

Coste de doblar el tamaño del array

$$d_i = \begin{cases} i-1 & \text{si } i-1 \text{ es una potencia de 2} \\ 0 & \text{en otro caso} \end{cases}$$

La operación de inserción se ejecuta en tiempo amortizado constante.

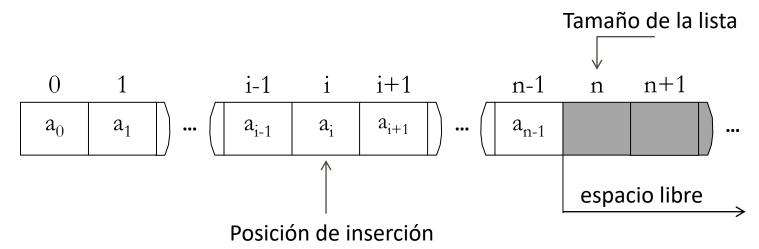
Coste temporal de la inserción de n elementos: O(n)

22/09/2023 Estructuras Lineales Página 13



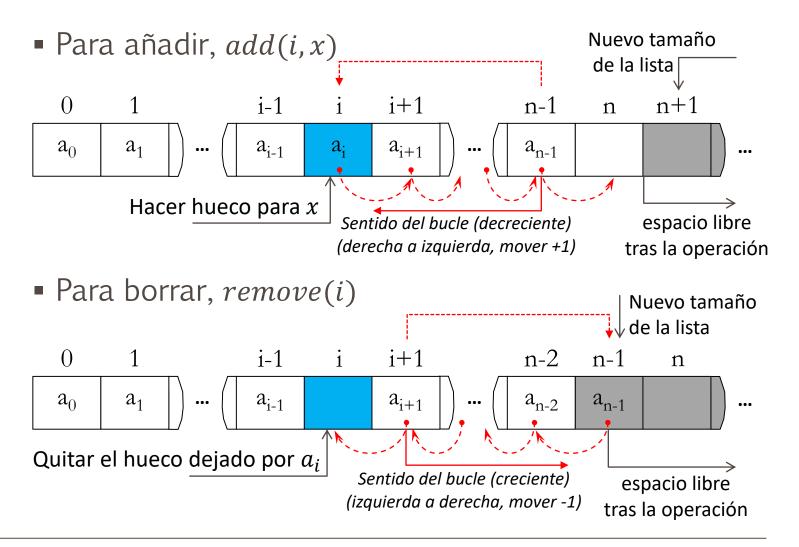
Listas con arrays (6)

- Operaciones de inserción y borrado al principio o en medio de la lista
 - Requieren desplazar los elementos
 - Para hacer un hueco donde insertar el nuevo elemento
 - Para eliminar el hueco que deja el elemento a quitar
- La lista antes de realizar las operaciones





Listas con arrays (7)





Listas con arrays (8)

- La clase *ArrayList<E>*
 - En Java la clase <u>ArrayList<E></u> es una clase concreta que extiende la clase <u>AbstractList<E></u> para listas con acceso aleatorio a los elementos y que está implementada de forma análoga a la vista previamente.
 - A priori, la única diferencia puede estar en la forma en que crece la memoria cuando es necesario. No está indicado como se lleva a cabo tal crecimiento y, por otra parte, existe un método (ensureCapacity) para indicar la capacidad mínima deseada. En todo caso, en la especificación se indica que la operación de inserción (add(e)) se ejecuta en tiempo amortizado constante.



Listas enlazadas (1)

- Representación mediante estructuras enlazadas
 - Características
 - Memoria no compacta. La lista crece (o decrece) dinámicamente sin necesidad de reorganización.
 - Acceso secuencial a los elementos (coste temporal O(n)).
 - La inserción y borrado de un elemento en una posición ya dada (por ejemplo, mediante un iterador), es de tiempo constante (no hay necesidad de desplazar el resto de los elementos como en el caso previo).

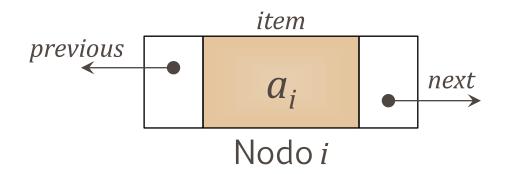


Listas doblemente enlazadas (1)

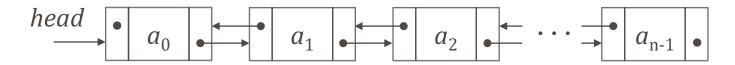
- Nodos de la lista
 - En este caso los nodos incluyen un campo adicional: el nodo previo



Listas doblemente enlazadas (2)



Representación gráfica



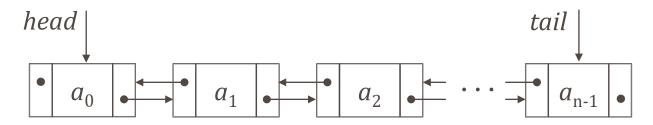
Representación

```
// área de datos
private Node<E> head;
```



Listas doblemente enlazadas (3)

- Clase MutableList<E>
 - Listas mutables implementadas extendiendo la clase abstracta AbstractSequentialList<E>
 - Tanto las operaciones en los extremos de ambas listas, como la operación size() deberán ser de tiempo constante (O(1))
 - Representación gráfica





Listas doblemente enlazadas (4)

```
public class MutableList<E> implements AbstractSequentialList {
    // área de datos
    private Node<E> head;  // primer nodo de una lista
private Node<E> tail;  // último nodo de una lista
    private int size;  // número de elementos de la lista
    private static class Node<E> { // clase interna
    public MutableList() { ... }
    public MutableList(Collection<? extends E> c) { ... }
    @Override
    public int size() { ... }
    @Override
    public ListIterator<E> listIterator(int index) {
        return new MutableListIterator(index);
```

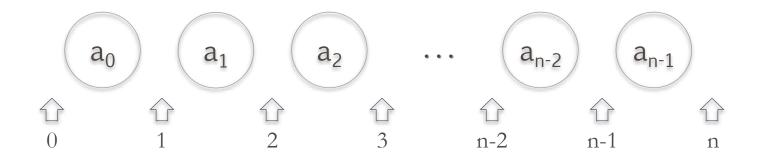


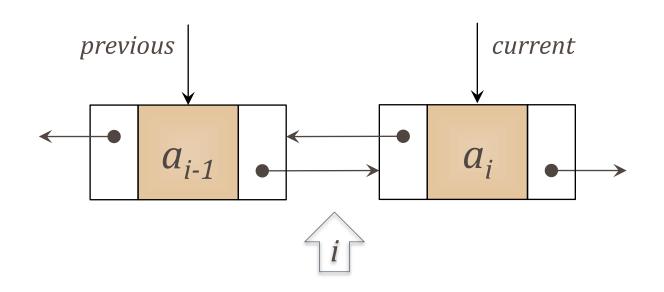
Lista doblemente enlazadas (5)

- Iterador MutableListIterator
 - Clase interna que implementa ListIterator<E>
 - Campos requeridos
 - El nodo current que contiene el elemento que retornará la operación next()
 - El nodo previous que contiene el elemento que retornará la operación previous()
 - El nodo lastReturned() que contiene el último elemento retornado por next() o previous(). Su valor es null al principio y también tras una operación remove().
 - El índice currentIndex correspondiente a la posición del elemento del nodo current en la lista



Listas doblemente enlazadas (6)





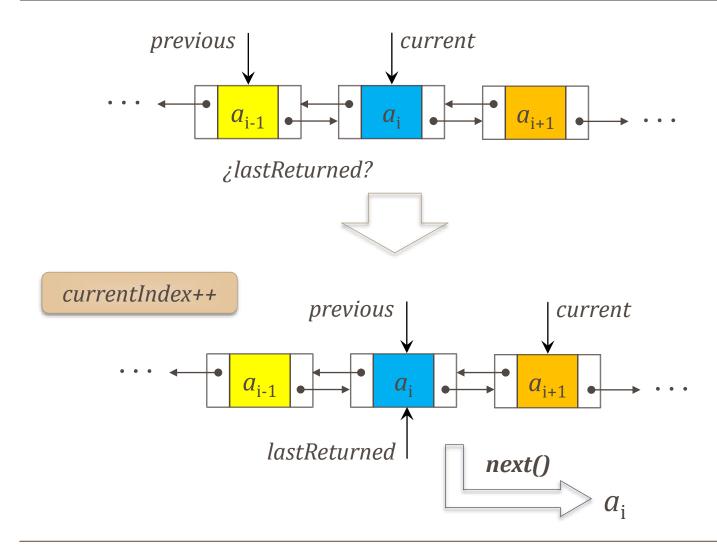


Listas doblemente enlazadas (7)

- Constructor MutableListIterator(index)
 - Debe ser privado, ya que el iterador se crea con la operación *listIterator()* de listas.
 - Inicializar los campos correctamente
 - Al respecto, debe recordarse que las operaciones en ambos extremos de la lista deben ser de tiempo constante. Esto sólo podrá ser así, si el coste temporal tanto de MutableLisIterator(0) como de MutableListIterator(size()) es de O(1)
- Operación next()
 - Si hay siguiente elemento retornará el elemento del nodo current, pero previamente habrá que restablecer toda la información.
 - lastReturned puede ser null



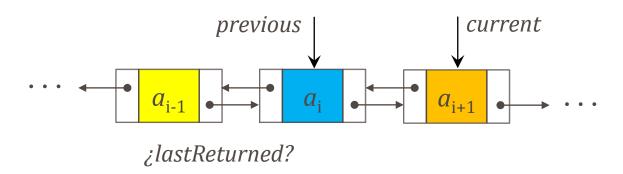
Listas doblemente enlazadas (8)





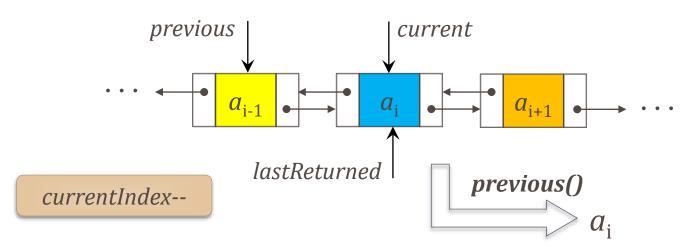
Listas doblemente enlazadas (9)

- Operación previous()
 - Si hay elemento anterior retornará el elemento del nodo previous, pero previamente habrá que restablecer toda la información.
 - lastReturned puede ser null





Listas doblemente enlazadas (10)

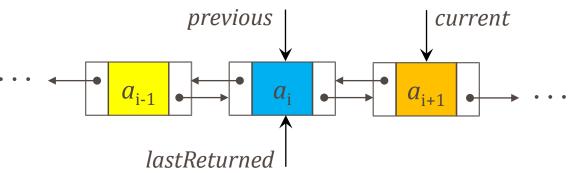


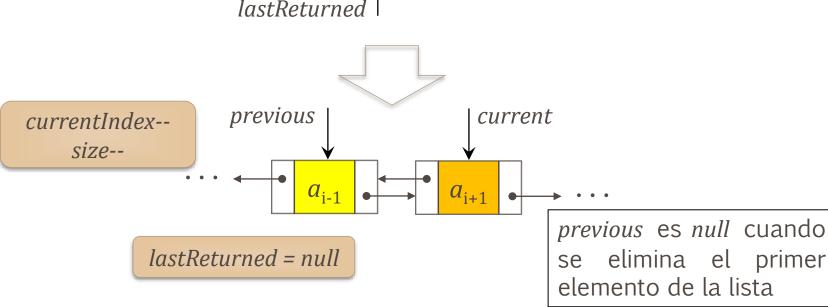
- Operación remove()
 - Se elimina el elemento del nodo *lastReturned*, que no puede ser *null*. Si es *null* se lanza la excepción *IllegalStateException*
 - Si previous = lastReturned, previamente se realizó una operación next() y si current = lastReturned la operación previous()
 - Es necesario tener en cuenta los casos particulares de eliminación del primer nodo y del último



Listas doblemente enlazadas (11)

Caso 1 (viene de una operación next())

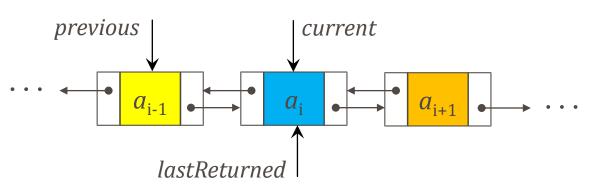


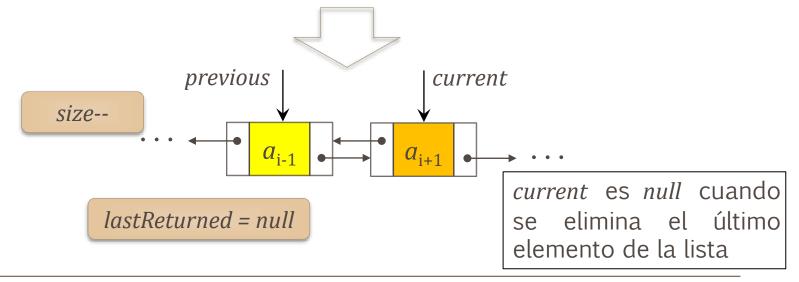




Listas doblemente enlazadas (12)

Caso 2 (viene de una operación previous())

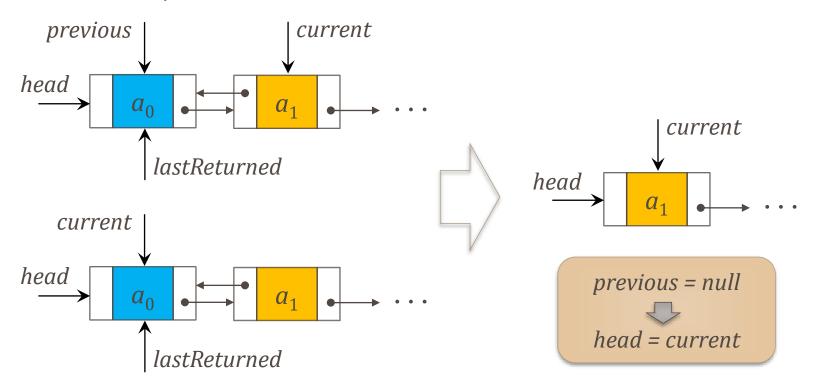






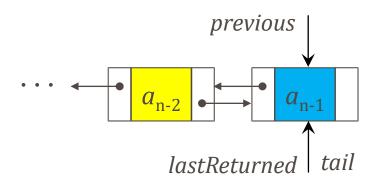
Listas doblemente enlazadas (13)

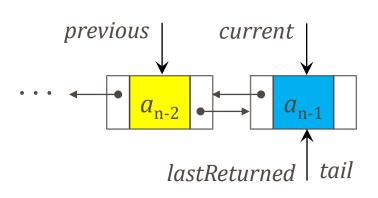
- Casos particulares
 - Tanto en el caso 1 como en el 2, es necesario restaurar head o tail cuando se elimina el primer nodo o el último, respectivamente.

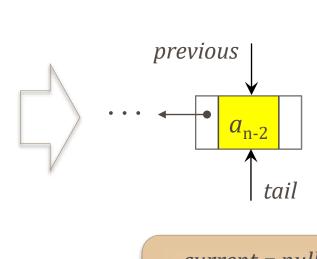




Listas doblemente enlazadas (14)





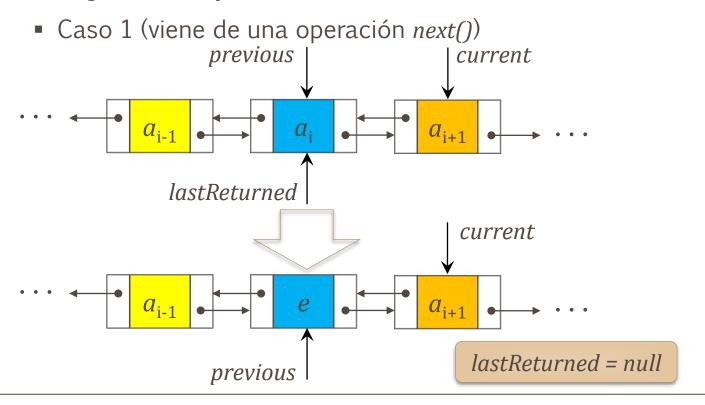


current = null
tail = previous



Listas doblemente enlazadas (15)

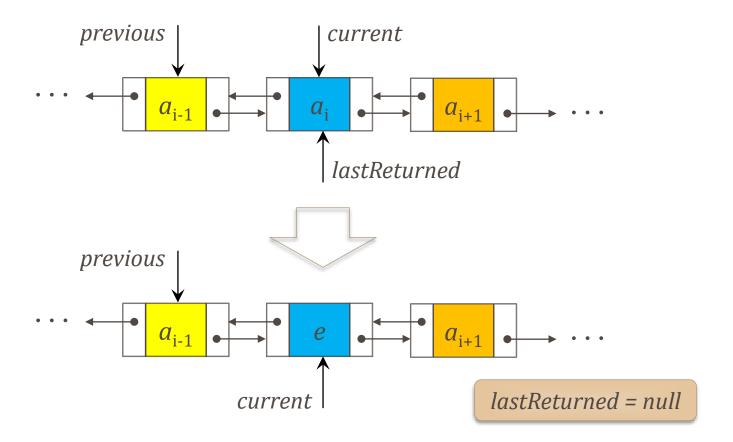
- Operación set(e)
 - El elemento del nodo *lastReturned* se cambia por el especificado (*e*). Si *lastReturned* = *null* se lanza la excepción *IllegalStateException*





Listas doblemente enlazadas (16)

Caso 2 (viene de una operación previous())





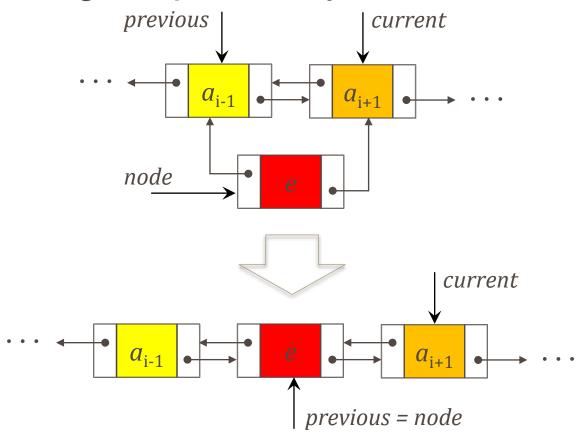
Listas doblemente enlazadas (17)

- Operación add(e)
 - Hay que crear un nuevo nodo entre previous y current Node<E> node = new Node<>(e, previous, current)
 - Las inserciones al principio (previous = null) y al final de la lista (current = null) hay que tratarlas aparte y deben ser de tiempo constante
 - lastReturned podría ser null



Listas doblemente enlazadas (18)

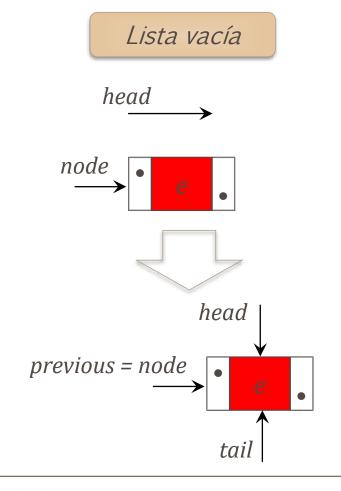
Caso general (previous ≠ null y current ≠ null)

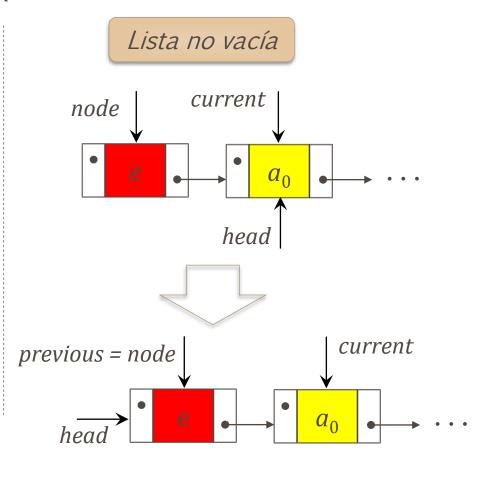




Listas doblemente enlazadas (19)

• Inserción al principio (previous = null)

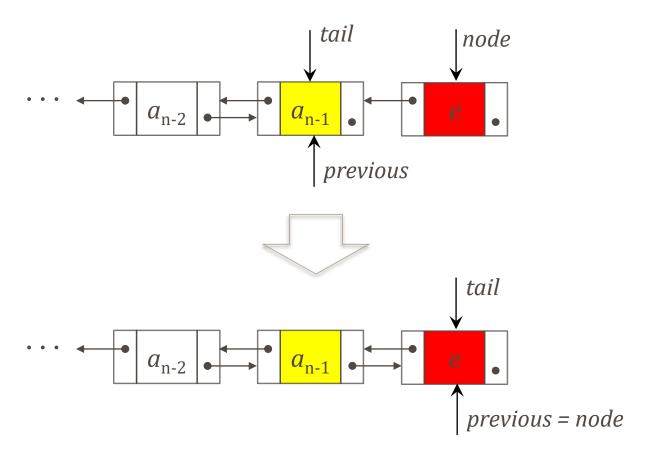






Listas doblemente enlazadas (20)

• Inserción al final (current = null)





Listas doblemente enlazadas (21)

 Tanto en el caso general como en los particulares (inserción al principio y al final), es necesario hacer:

```
currentIndex++
size++
lastReturned = null
```



Listas simplemente enlazadas (1)

Clase SingleEndedList<E>

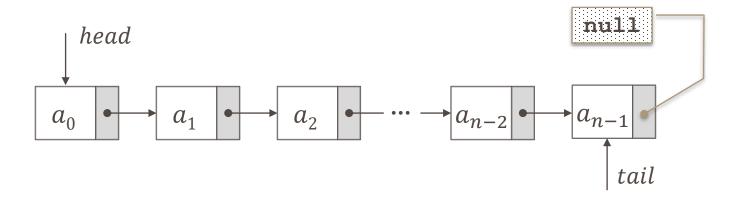
- Una implementación de listas simplemente enlazadas con el último nodo también conocido que sería análoga a la vista previamente. Pero debe tenerse en cuenta que los nodos no tienen información sobre el nodo previo (no existe el campo previous). Como consecuencia:
 - Desaparece cualquier referencia al campo previous de los nodos
 - La operación *previous()* del iterador pasa a tener un coste lineal y lo mismo ocurre con la operación *remove()* cuando el elemento eliminado es el último retornado por *previous()*.
 - En ambos casos, es necesario restablecer el nodo *previous* del iterador, que pasa a ser el nodo anterior a éste, y la única forma de obtenerlo es hacer una búsqueda secuencial.



Listas simplemente enlazadas (2)

Representación:

```
Node<E> head; // primer nodo
Node<E> tail; // último nodo
```

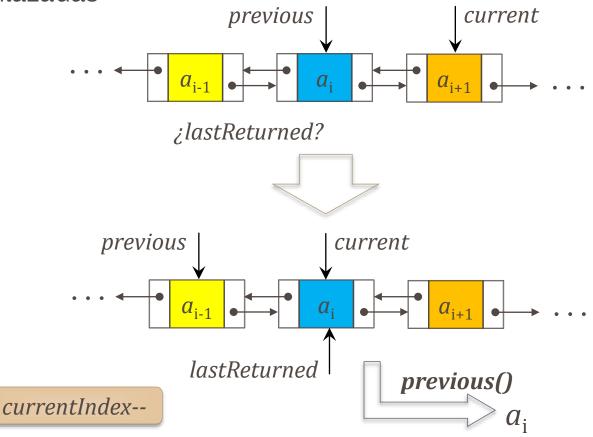


• El segundo campo (tail) es prescindible, pero se incluye para que la inserción al final sea de tiempo constante



Listas simplemente enlazadas (3)

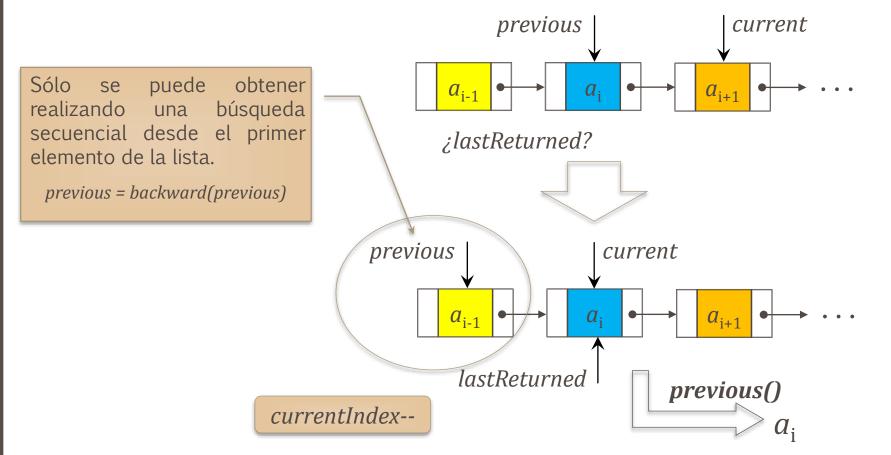
 Operación previous() del iterador en listas doblemente enlazadas





Listas simplemente enlazadas (4)

Para listas simplemente enlazadas





Listas simplemente enlazadas (5)

Por tanto, resulta conveniente incluir en el iterador la siguiente operación interna:



Listas enlazadas en Java

- Clase *LinkedList<E>*
 - Clase concreta de listas enlazadas proporcionada por la librería de Java. Extiende la clase abstracta <u>AbstractSequentialList<E></u>
 - Implementa todas las operaciones opcionales y permite todos los elementos (incluido null).
 - Implementa las interfaces <u>List<E></u> y <u>Deque<E></u>
 - Al implementar la interfaz Dequeue < E >, los métodos para obtener, extraer e insertar elementos al principio y al final de la lista son de tiempo constante.
 - Implementación basada en listas doblemente enlazadas
 - La operación previous() de ListIterator < E > es de O(1)

22/09/2023 Estructuras Lineales Página 44



Pilas (1)

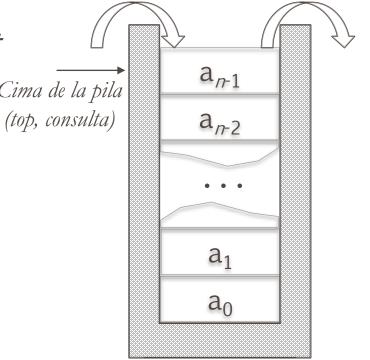
■ Pila

• Secuencia de elementos (inserción) con modo de acceso de tipo LIFO (Last In First Out), último en entrar_{Cima de la pila} primero en salir. (top. consulta)

Sólo se tiene acceso a la parte superior de la pila (cima de la pila, top).

 Las operaciones de inserción, extracción y consulta del elemento de la cima deben ser de Θ(1).

Apilar (push) Desapilar (pop)
(inserción) (extracción)





Pilas (2)

- Diversa bibliografía de Estructuras de Datos trata las pilas independientemente de las colas y tienen una interfaz propia (habitualmente de nombre Stack).
 - Así ocurre en diversas bibliotecas, incluso en la biblioteca estándar de algunos lenguajes de programación (por ejemplo, en C++). Sin embargo, en diversos campos ambas estructuras se denotan simplemente como colas (por ejemplo, en Sistemas Operativos), considerándose las pilas como un caso particular de éstas: las colas LIFO.
 - En este sentido Java dispone de una única interfaz <u>Oueue<E></u> para distintos tipos de cola: FIFO, LIFO y otras.

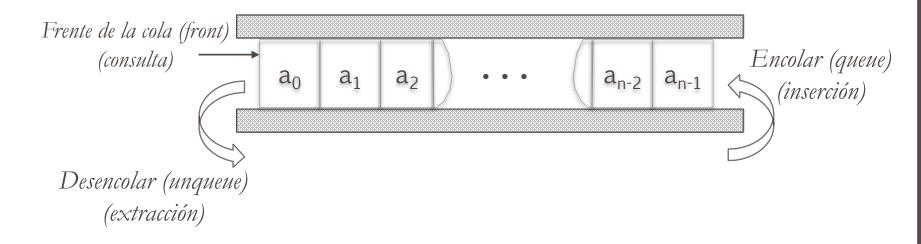
22/09/2023 Estructuras Lineales Página 46



Colas (1)

Cola

- Secuencia de elementos con modo de acceso de tipo FIFO (*First In First Out*), primero en entrar primero en salir.
 - Las operaciones de inserción y extracción se realizan en extremos opuestos de la secuencia y deben ser de $\Theta(1)$.



22/09/2023 Estructuras Lineales Página 47



Colas (2)

- La interfaz Java *Queue<E>*
 - La interfaz incluye las operaciones de inserción, extracción y consulta que se indican en la tabla siguiente:

Operación	Lanzan excepción	Retornan un valor especial	
Inserción	add(e)	offer(e)	false
Extracción	remove()	poll()	null
Consulta	element()	peek()	null

• El valor espacial que se retorna es **null** o **false**, dependiendo de la operación.



Colas (3)

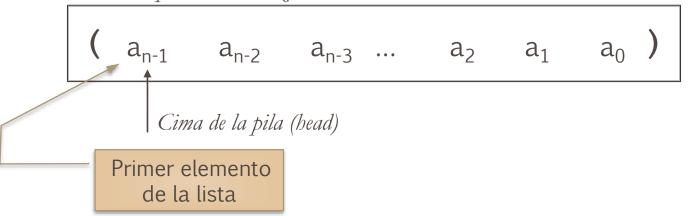
- Se denomina cabeza de la cola (head) a la posición del elemento que se extraerá mediante las operaciones remove() o poll().
- El orden de los elementos en la cola, y por tanto cómo se realizan las operaciones de inserción, dependen del tipo de cola.
 - En una cola FIFO la inserción se realiza en el extremo opuesto a la cabeza (tail)
 - En una cola LIFO (o pila) la inserción se realiza en la cabeza de la cola (head)
 - En una cola de prioridad los elementos se ordenan según ésta y, por tanto, los elementos se insertan según su prioridad. Habitualmente, es el elemento de menor prioridad el que se encuentra en la cabeza de la cola (orden de prioridad creciente)



Colas. Colas LIFO (4)

- Posibles representaciones para colas LIFO
 - Utilizando por composición una lista simplemente enlazada
 - En este caso la cima de la pila se posiciona al principio de la lista para que las operaciones puedan ser de tiempo constante (las operaciones tienen lugar en dicho extremo).

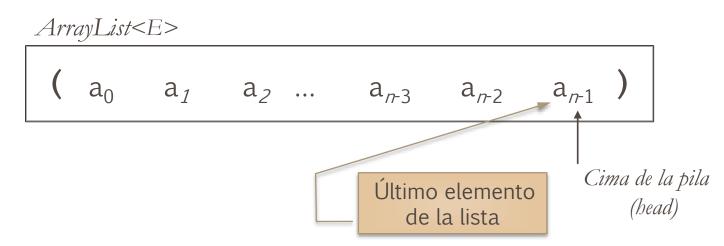
Lista simplemente enlazada





Colas. Colas LIFO (5)

- Utilizando por composición las clases de Java que implementan la interfaz List<E> : ArrayList<E> y LinkedList<E>.
 - *ArrayList*<*E*>
 - Al igual que en el caso previo las operaciones sólo se pueden realizar en un extremo para que sean de tiempo constante. En este caso al final de la lista, que es el extremo que adjunta el espacio libre.





Colas. Colas LIFO (6)

■ *LinkedList*<*E*>

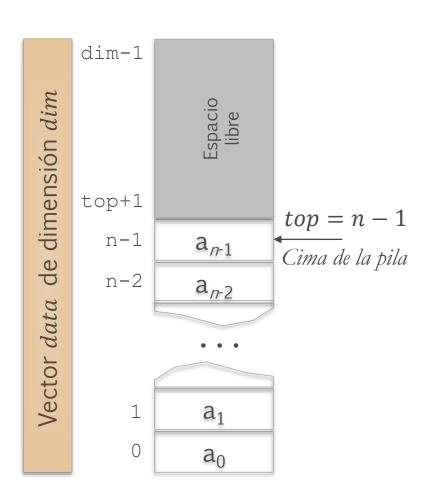
Estas listas están doblemente enlazadas y en la especificación se indica que dispone de operaciones eficientes para recuperar, insertar y borrar elementos en ambos extremos de la lista. En consecuencia, la cima de la pila (o cabeza de la cola) puede ubicarse en cualquiera de ambos extremos.

Directamente mediante un array

- Sería una representación análoga a la vista para la representación mediante una lista de tipo ArrayList<E>
 - Un vector de cierta dimensión, susceptible o no, de ser redimensionado en caso necesario. En caso de no serlo, estaríamos ante una cola LIFO (o pila) de capacidad fija.
 - Los elementos se apilan desde la posición 0 hasta el índice correspondiente a la cima de la pila (top), quedando el espacio libre en la parte superior del vector (tras la cima de la pila).



Colas. Colas LIFO (6)



Nota

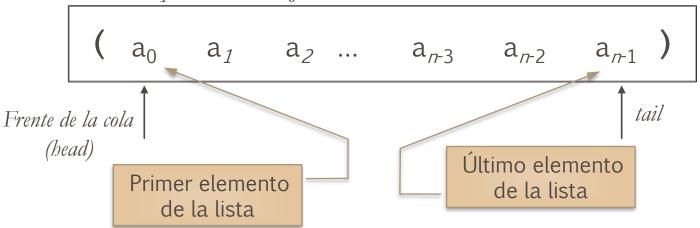
Obsérvese que no puede utilizarse el mecanismo de herencia en ninguna de las representaciones dadas, ya que entonces se podrían realizar operaciones no aplicables a una pila. Por ejemplo, insertar o extraer elementos fuera de la cima de la pila.



Colas. Colas FIFO (7)

- Posibles representaciones para colas FIFO
 - Utilizando por composición una lista simplemente enlazada que permita la inserción al final de la misma (operación addLast(e)) en tiempo constante (lista con centinela o posición del último nodo, tail, conocida).

Lista simplemente enlazada con acceso aleatorio en ambos extremos





Colas (4)

- Utilizando por composición las clases de Java que implementan la interfaz List<E> : LinkedList<E>.
 - *ArrayList*<*E*>
 - Esta clase no se puede utilizar para implementar colas porque las operaciones de inserción y borrado en uno de sus extremos (al principio de la secuencia) son de $\Theta(n)$.
 - Más adelante, en dobles colas, se estudiará una representación basada en arrays que también se podría utilizar aquí.



Colas (5)

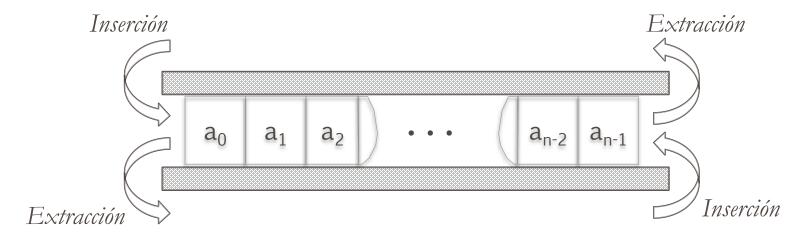
- *LinkedList*<*E*>
 - Las operaciones de inserción y extracción pueden realizarse en cualquiera de los extremos en tiempo constante. En consecuencia, el frente de la cola puede ubicarse en cualquiera de ellos.
 - De acuerdo con lo visto al principio de este apartado (<u>Colas (1)</u>), la operación de extracción se realizará en el extremo elegido para el frente de la cola (*head*) y la de inserción en el extremo opuesto (*tail*).



Dobles colas (1)

Doble cola

• Secuencia de elementos en el que las operaciones de inserción, extracción y consulta, tienen lugar en ambos extremos de la misma (operaciones de $\Theta(1)$).



22/09/2023 Estructuras Lineales Página 57



Dobles colas (2)

- La interfaz Java *Deque<E>*
 - Tipo de dato abstracto para colecciones lineales que soportan operaciones eficientes de inserción, consulta y extracción en ambos extremos. Representan dobles colas (también pilas y colas)
 - Extiende las interfaces siguientes: <u>Collection<E></u>, <u>Iterable<E></u> y <u>Queue<E></u>
 - Además de la clase concreta <u>LinkedList<E></u>, existe otra implementación concreta basada en arrays redimensionables, <u>ArrayDeque<E></u>, que también se puede utilizar para colas.



Dobles colas (3)

Resumen de operaciones

	Primer Elemento (<i>head</i>)		Último elemento (<i>tail</i>)	
	Lanza excepción	Valor especial	Lanza excepción	Valor especial
Inserción	addFirst(e)	offerfFirst(e)	addLast(e)	offerLast(e)
Extracción	removeFirst()	pollFirst()	removeLast()	pollLast()
Consulta	getFirst()	peekFirst()	getLast()	peekLast()

■ Como esta interfaz extiende *Queue*<*E*>, también conviene conocer las equivalencias con las operaciones de ésta, las cuáles se indican en la tabla siguiente.



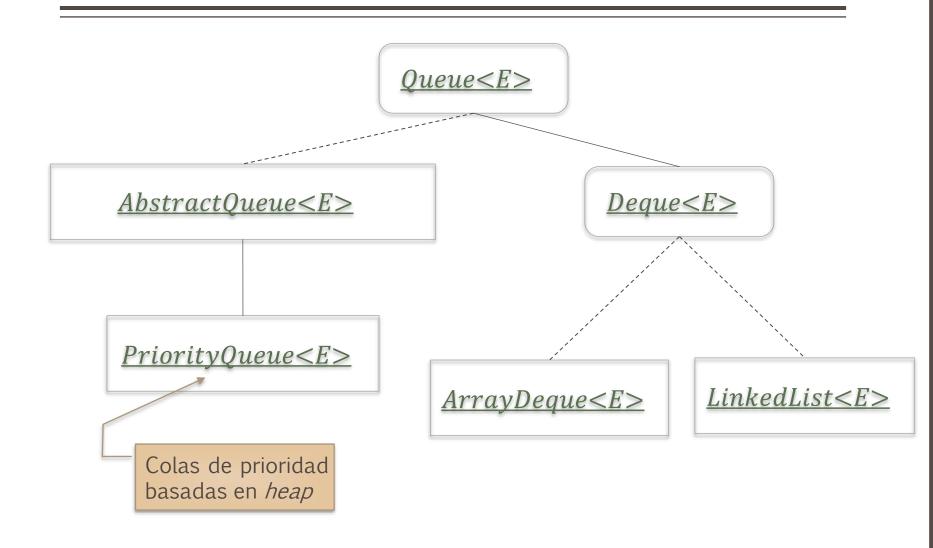
Dobles colas (4)

Métodos de Queue	Métodos <i>Deque</i> equivalentes
add(e)	addLast(e)
offer(e)	offerLast(e)
remove()	removeFirst()
poll()	pollFirst()
element()	getFirst()
peek()	peekFirst()

- Obsérvese, que las equivalencias se corresponden con el manejo habitual de una cola FIFO.
 - Las operaciones de inserción por el final (tail)
 - Las operaciones de extracción y consulta por el principio (head)



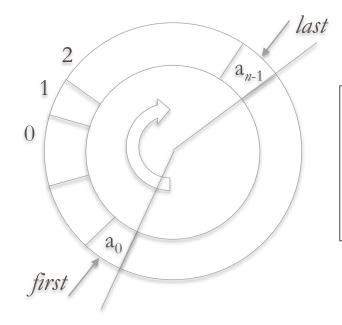
Dobles colas (5)





Dobles colas (6)

- Posibles representaciones
 - Utilizando por composición la clase *LinkedList*<*E*>.
 - Utilizando por composición un array circular.

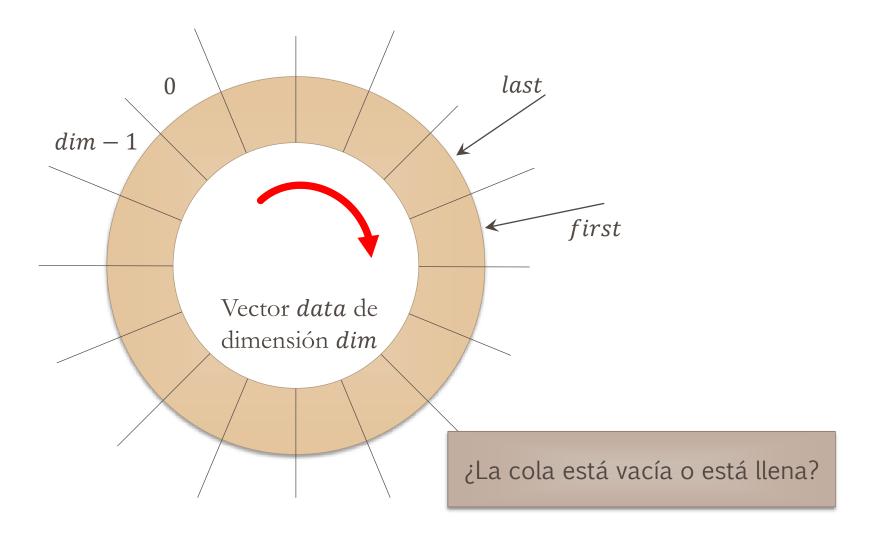


```
// área de datos
E[] data; // el array
int first; // posición del primer elemento
int last; // posición del último elemento
int size; // número de elementos
```

22/09/2023 Estructuras Lineales Página 62



Dobles colas (7)





Resumen

