

数据结构进阶

复习：几种基本的数据结构

- 栈：先进后出结构
- 队列：先进先出结构
- 链表：易维护不易查询

栈

- Stack
- 使用数组模拟：
a[];
top=0;
入栈： a[top]=x;top++;
出栈： top--;x=a[top];
判断栈是否为空： top==0?

栈

- 更简易的实现方法：

STL 栈

- STL = Standard Template Library ， 标准模板库
- STL 栈须引用 `<stack>` 头文件 --- 》 C++ 内容

栈

- STL 栈基本操作

`stack<int>s;`

`s.push();` 入栈

`s.pop();` 出栈

`s.top();` 查看栈顶元素

`s.size();` 查看栈的大小

`s.empty();` 判断栈是否为空

自己建立一个源程序文件试验一下这 5 个操作，时间 5 分钟

队列

- queue
- 使用数组模拟：

`a[];`

`l=0,r=0;`

入队列： `a[r]=x;r++;`

出队列： `x=a[l];l++;`

判断队列是否为空： `l==r ?`

队列

- 更简易的实现方法：

STL 队列

- STL = Standard Template Library ， 标准模板库
- STL 队列须引用 `<queue>` 头文件 --- 》 C++ 内容

队列

- STL 队列基本操作

`queue<int>q;`

`q.push();` 入队列

`q.pop();` 出队列

`q.front();` 查看队列前端元素

`q.end();` 查看队列尾端元素

`q.size();` 查看队列的大小

`q.empty();` 判断队列是否为空

自己建立一个源程序文件试验一下这 6 个操作，时间 5 分钟

可变长数组

- 定义数组通常需要限定大小

例如 :int a[10]

- 虽然我们可以 `resize` ，但是很不方便
- STL 中存在一个叫做 `vector` 的东西
- `vector` 能够像容器一样存放各种类型的对象，简单地说， `vector` 是一个能够存放任意类型的动态数组，能够增加和压缩数据。
- 须引用 `<vector>` 头文件

vector

- vector 基本操作

`vector<int>v;`

`v.push_back();` 向 vector 后面添加元素

`v.clear();` 清空 vector

`v[x];` 访问第 $x+1$ 个元素

`v.size();` 查看 vector 的大小

vector 的用法很多，大家可以自己去查找资料学习

自己建立一个源程序文件试验一下这 4 个操作，时间 5 分钟

STL

- STL 中还包含例如 map、优先队列等容器，有兴趣的同学可以自己上网查询一下相关的信息，还有迭代器的用法。建议大家学好 stl，对你以后做题会有很大帮助。
- 另外大家可以尝试着在容器内部使用结构体。

我们今天的主要内容

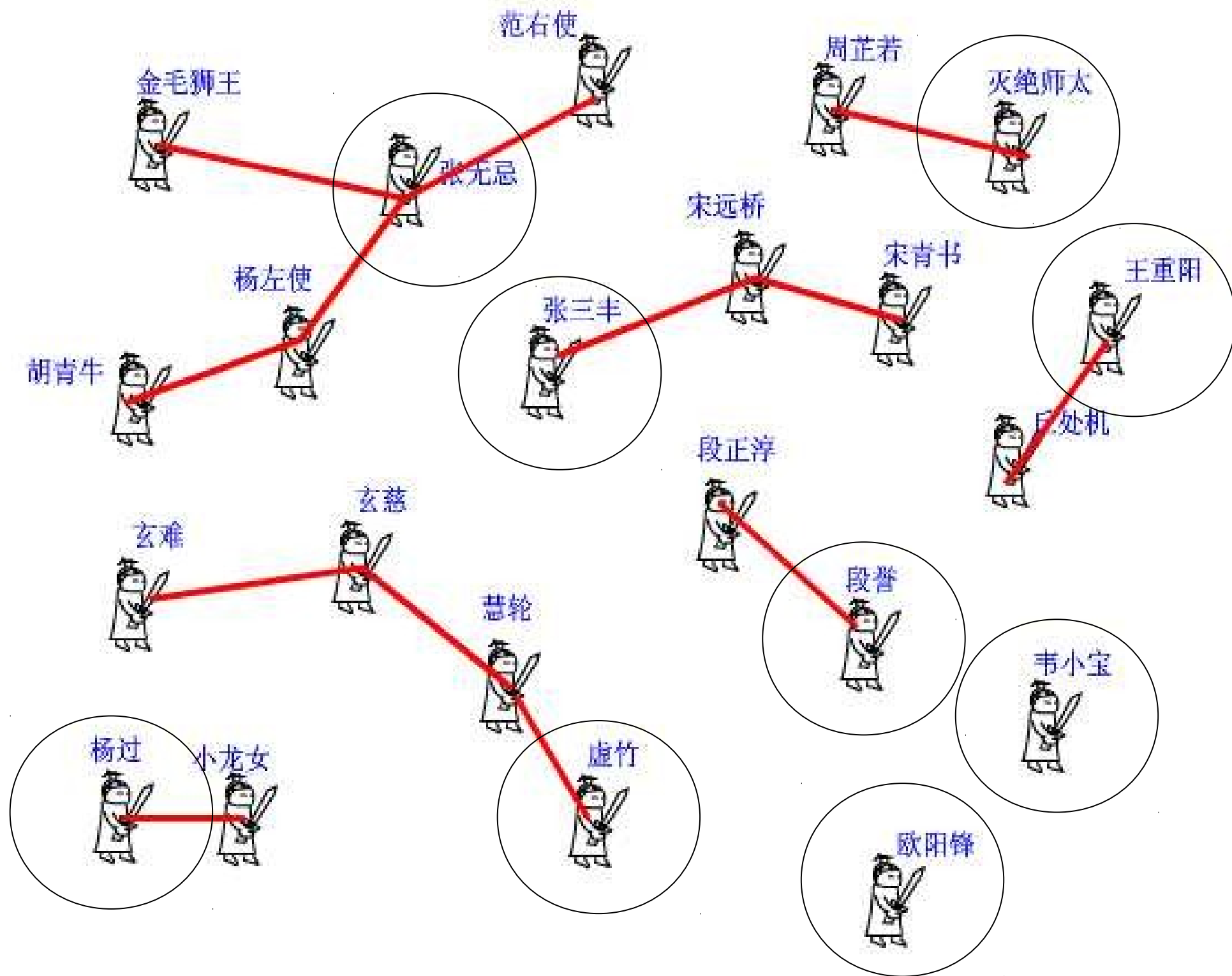
- 并查集
- 并查集是一种树型的数据结构，用于处理一些不相交集合（Disjoint Sets）的合并及查询问题。

这里借用一下别人的例子

- 话说江湖上散落着各式各样的大侠，有上千个之多。他们没有什么正当职业，整天背着剑在外面走来走去，碰到和自己不是一路人的，就免不了要打一架。但大侠们有一个优点就是讲义气，绝对不打自己的朋友。而且他们信奉“朋友的朋友就是我的朋友”，只要是能通过朋友关系串联起来的，不管拐了多少个弯，都认为是自己人。这样一来，江湖上就形成了一个一个个的群落，通过两两之间的朋友关系串联起来。而不在同一个群落的人，无论如何都无法通过朋友关系连起来，于是就可以放心往死了打。但是两个原本互不相识的人，如何判断是否属于一个朋友圈呢？

- 我们可以在每个朋友圈内推举出一个比较有名望的人，作为该圈子的代表人物，这样，每个圈子就可以这样命名“齐达内朋友之队”“罗纳尔多朋友之队”……两人只要互相对一下自己的队长是不是同一个人，就可以确定敌友关系了。

- 但是还有问题啊，大侠们只知道自己直接的朋友是谁，很多人压根就不认识队长，要判断自己的队长是谁，只能漫无目的的通过朋友的朋友关系问下去：“你是不是队长？你是不是队长？”这样一来，队长面子上挂不住了，而且效率太低，还有可能陷入无限循环中。于是队长下令，重新组队。队内所有人实行分等级制度，形成树状结构，我队长就是根节点，下面分别是二级队员、三级队员。每个人只要记住自己的上级是谁就行了。遇到判断敌友的时候，只要一层层向上问，直到最高层，就可以在短时间内确定队长是谁了。由于我们关心的只是两个人之间是否连通，至于他们是如何连通的，以及每个圈子内部的结构是怎样的，甚至队长是谁，并不重要。所以我们可以放任队长随意重新组队，只要不搞错敌友关系就好了。于是，门派产生了。



用程序来描述这个过程

- 定义：
- `Int father[i]` 为第 i 个人的上级
- 初始每个人的上级为自己

谁是我的上级？

- `int find_father(int x)`
- `{`
- `int r=x;`
- `while (father[r]!=r)`
- `r=father[r] ;`
- `return r ;`
- `}`

如何建立门派关系呢？

- `void join(int x,int y)`
- `{`
- `int fx=find_father(x),fy=find_father(y);`
- `if(fx!=fy)`
- `father[fx]=fy;`
- `}`

那么一共有多少门派呢？

- `Int ans=0;`
- `for(int i=1;i<=n;i++)`
- `{`
 `if(father[i]==i)`
 `ans++;`
`}`

考虑这么一个问题

- 某省调查城镇交通状况，得到现有城镇道路统计表，表中列出了每条道路直接连通的城镇。省政府“畅通工程”的目标是使全省任何两个城镇间都可以实现交通（但不一定有直接的道路相连，只要互相间接通过道路可达即可）。问最少还需要建设多少条道路？

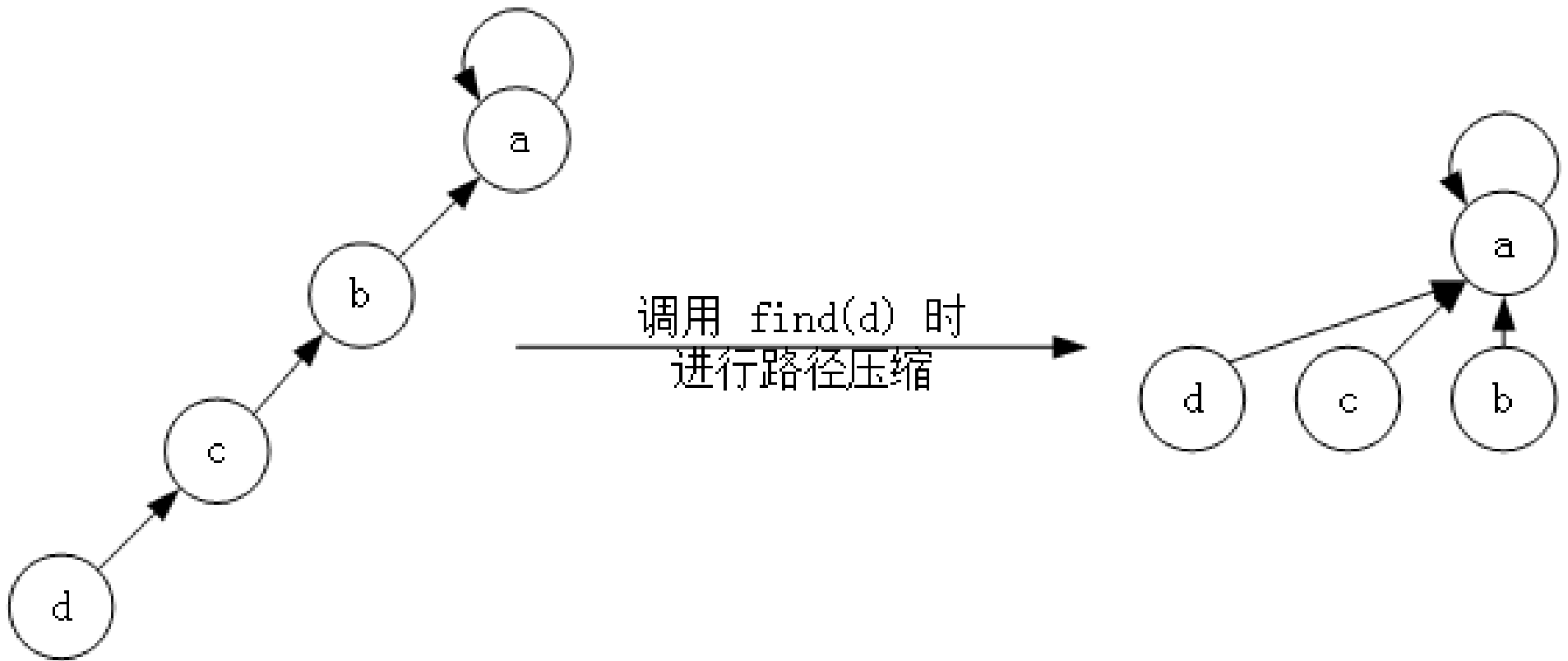
问题分析

- 把这个问题和上文的门派相类比，则能得出下列结论：
- 把城镇看作是每个人，道路关系看作门派关系，最后要建设的道路数目就是门派数目减一。

代码如下

自己先练习一下~~

路径压缩



想想代码应该怎么写？

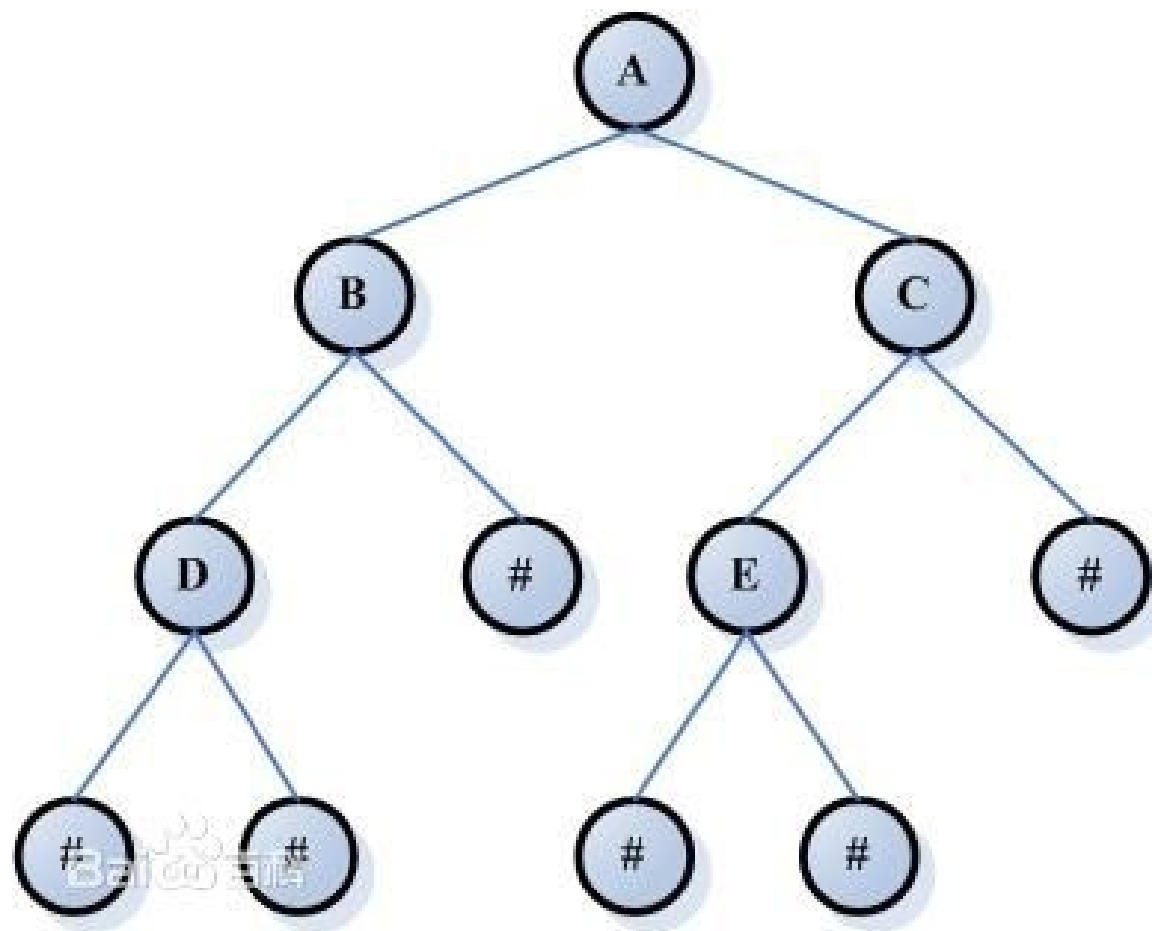
- `int find_father(int x)`
- `{`
- `int r=x;`
- `while (father[r]!=r)`
- `r=father[r] ;`
- `return r ;`
- `}`

想想代码应该怎么写？

- `int find_father(int x)`
- `{`
- `while (father[x]!=x)`
- `father[x]=find_father(father[x]) ;`
- `return father[x];`
- `}`

堆

先说说树
二叉树



二叉树

父亲和儿子

上面的叫父亲（祖先）

下面的叫儿子

儿子还分左儿子和右儿子

当然，左面的叫左儿子，右面的叫右儿子

树的第一层那一个结点叫做根，最后一层的那一排
结点叫叶子

满二叉树

我需要画个图！

完全二叉树

我还需要画个图！

有了二叉树我们能干什么呢？

推广到一般树

树的根，树的叶子，树的儿子和树的父亲

树的实现需要用指针 + 结构体

说到了堆

堆是什么？

堆是计算机科学中一类特殊的数据结构的统称。堆通常是一个可以被看做一棵树的数组对象。堆总是满足下列性质：

堆中某个节点的值总是不大于或不小于其父节点的值；

堆总是一棵完全树。

堆所需的数据结构

(堆也是种数据结构)

完全树

对堆的操作

build: 建立一个空堆；

insert: 向堆中插入一个新元素；

update : 将新元素提升使其符合堆的性质；

get : 获取当前堆顶元素的值；

delete : 删除堆顶元素；

heapify : 使删除堆顶元素的堆再次成为堆。

建空堆

画图！

加元素

画图！

Update

画图！

删除后的堆更新操作

把最后一个元素提到堆顶然后与儿子比较，向下递推

画图！

有了堆，我们就有了优先队列

普通的队列是一种先进先出的数据结构，元素在队列尾追加，而从队列头删除。在优先队列中，元素被赋予优先级。当访问元素时，具有最高优先级的元素最先删除。优先队列具有最高级先出（largest-in , first-out）的行为特征。

其实优先队列的 STL 实现就是用堆！

STL 中包含优先队列容器（priority_queue）

heap 在 algorithm 中作为算法出现

由于这些数据结构涉及算法较多，故以后为大家留练习题，大家可以自己上网找一些 STL 优先队列的用法自己实验着学习一下。

剩余时间：<http://www.cplusplus.com/reference/stl/>
自己看看对应容器的操作

下午 12：00 开题，望大家能够 AK