

- Quantifier l'aleatoire
- Espace de probabilité
- Événement
- Probabilité
 - $0 \leq P(E) \leq 1$
 - $P(\bigcup E_i) = \sum P(\bigcup E_i)$
 - Bayes: $P(A|B) =$
- Probas conditionnelles
 - " ind.
 - $\frac{P(B|A) \cdot P(A)}{P(B)}$

① Variable Aléatoire

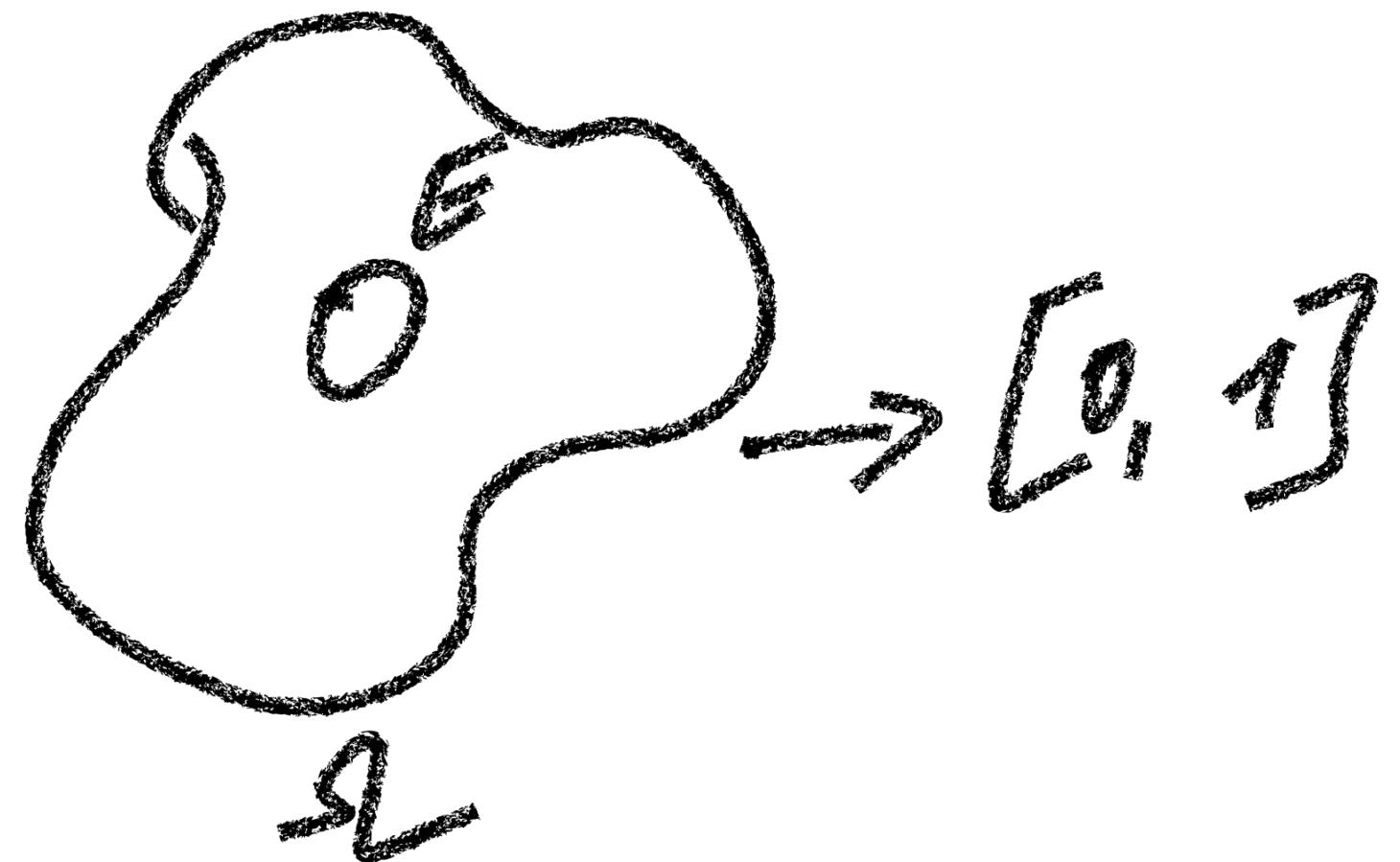
② loi de probabilité discrète

③ densité de probabilité continue

① Variable Aléatoire

$$P(E) = \dots \quad E \in \Omega$$

↑
inclus



V.A. = résultat chiffré d'une exp. aléat.

N lancers de P ou f : le # de piles

Température à Paris

$$X \quad P(X = k) = \dots$$

. X = nbre de piles dans N lancers de P/F

$$X \in [0, 1, \dots, N]$$

Probabilités discrètes

. X = temp à Paris } Probabilités
 $X = [-273^{\circ}\text{C}, +\infty[$ continues

Probabilités Discrètes :

Loi de probabilité de X v.a. discrète :

$$P(X = k) \text{ où } k = \text{valeur possible de } X$$

Loi Uniforme :

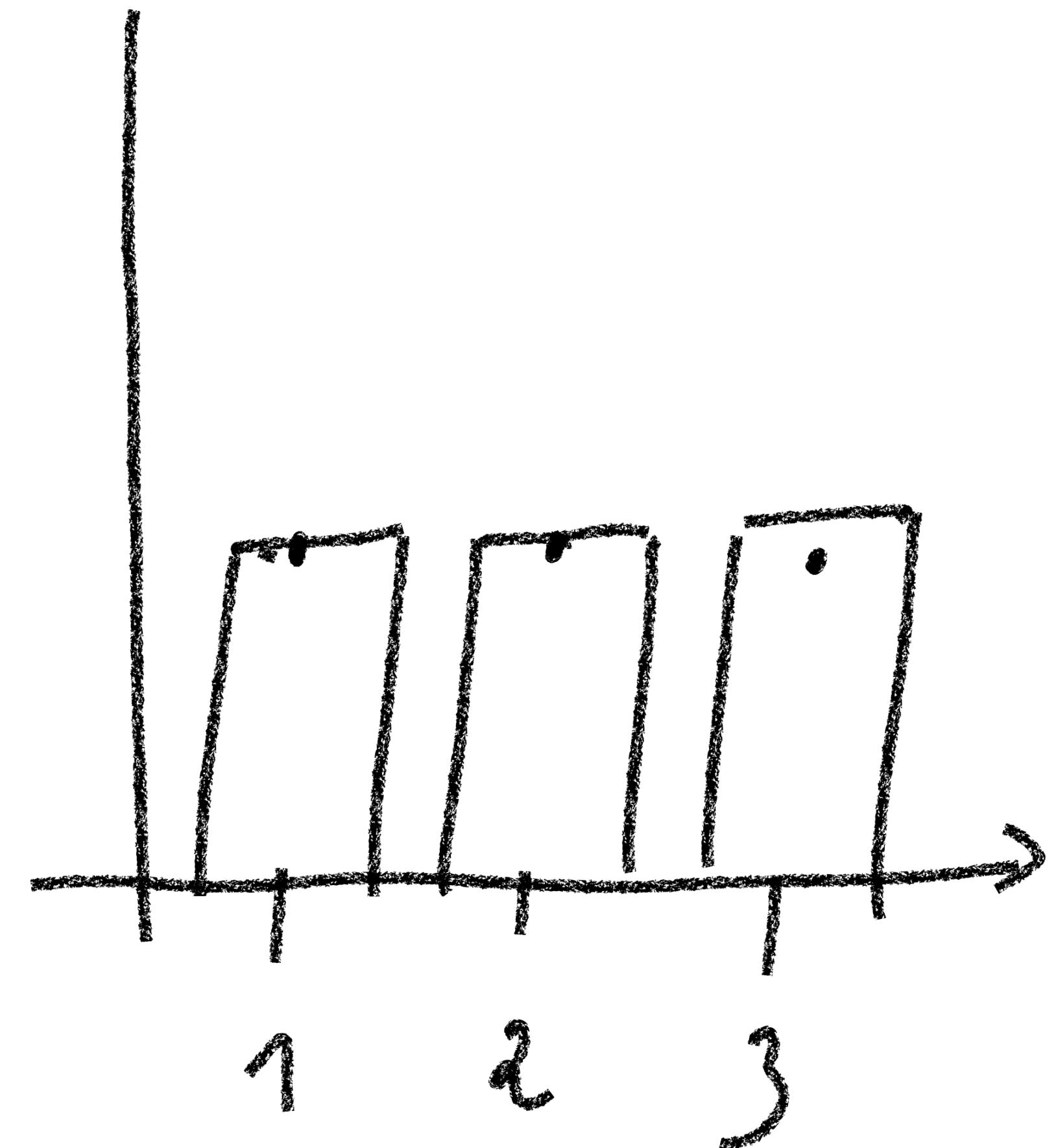
$$P(X=0) = 0,5$$

c pile

$$P(X=1) = 0,5$$

↑ face

Pile ou Face



Loi de Bernoulli :

$$p = 0,5$$

$$P(X=0) = 1-p$$

$$P(X=1) = p$$

Lori Binomiale :

p (= prob de succès d'une répétition)

n répétitions

$$P(X=k) = \binom{n}{k} p^k (1-p)^{n-k}$$

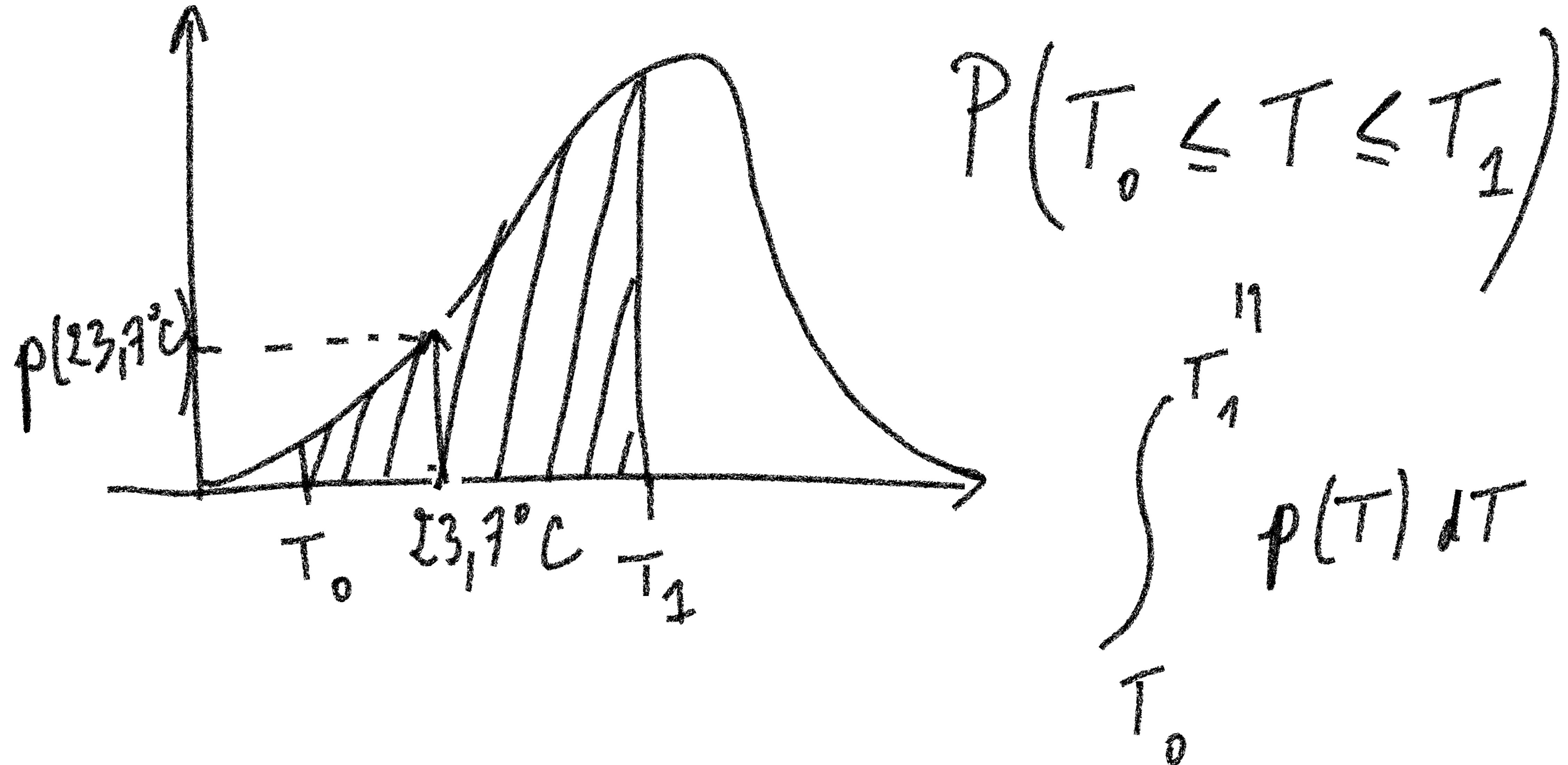
où $k \in [0, n]$

Probabilités continues

$$P(T = 23,7^\circ\text{C}) = 0$$

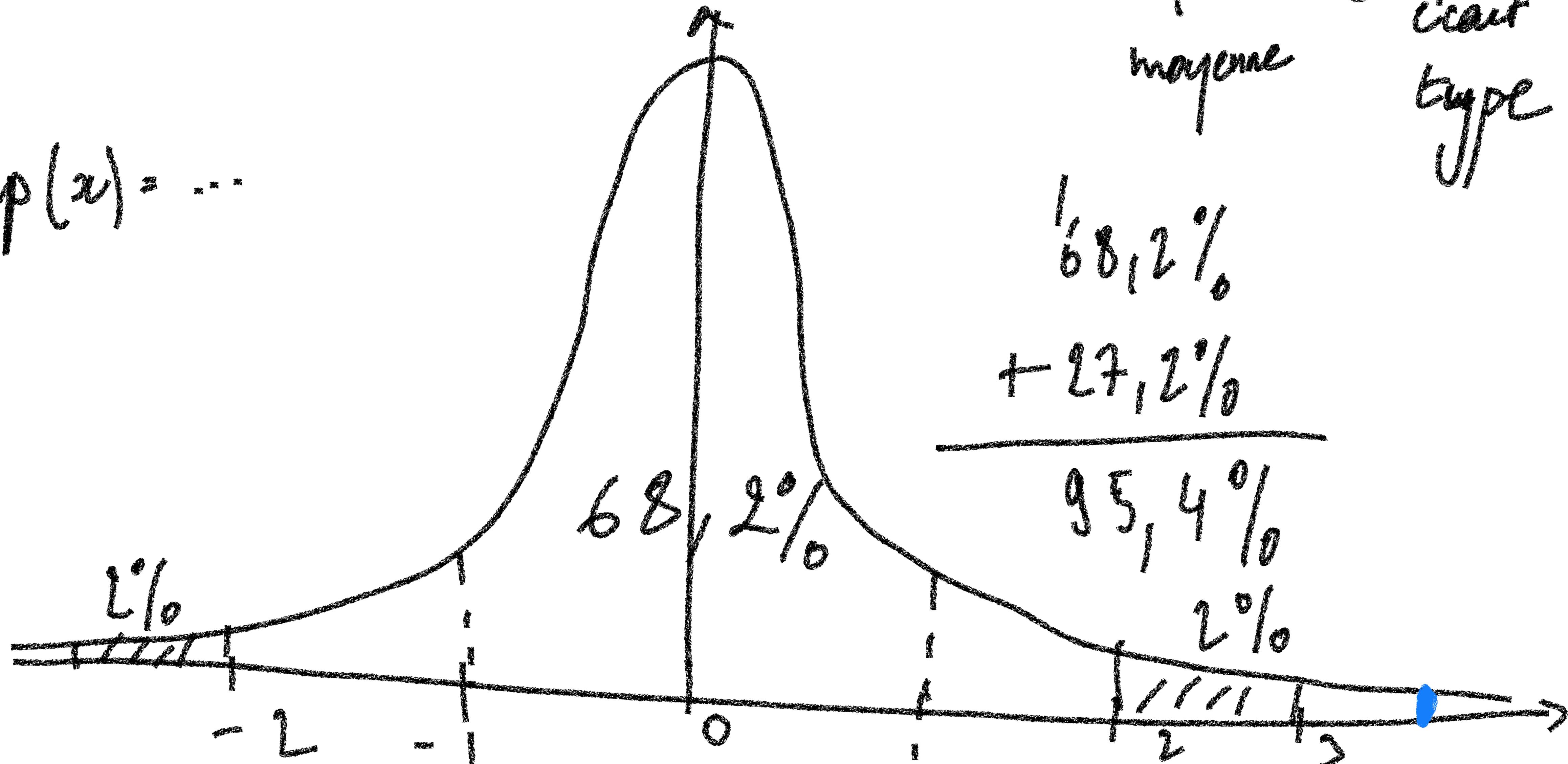
$$P(23,7^\circ\text{C} \leq T \leq 23,7^\circ\text{C} + \epsilon) = p(23,7^\circ\text{C})$$

densité de probabilité de la v.a. T



Loi Normale :

$$p(x) = \dots$$



Loi de Pareto / Fat tails / Loi puissance



20% des valeurs
représentent
80% des effectifs

↙ Cygne Noir (Vassim
Nicholas,
Taleb)

→ "événement
"éloigné" de la moyenne

→ très grand impact

→ on n'arrive pas
à prédire