

Estudo dirigido / Lista 3 (Parte 1)

Entrega: 14/01/2021

1. [Numpy – Índices e estruturas] Resolva os itens **b)** até **g)** utilizando as propriedades da indexação dos arrays. **a)** Leia o arquivo array.dat usando o comando np.loadtxt() e armazene o mesmo como “array_original” **b)** Defina um novo array como sendo igual a 3ª coluna do array_original, e um outro array como sendo a 5ª linha do array_original. **c)** Defina um novo array com com as colunas pares do array_ogirinal **d)** Defina um novo array com as linhas impares do array_original **e)** Defina um novo array com os números múltiplos de 5 do array_original. **f)** Defina um array com apenas os números positivos do array_original. **g)** Defina um novo array como sendo a transposta do array_original **h)** Defina um novo array como sendo um array achatado (apenas uma linha) do array_original usando reshape, ravel ou flatten (olhe na documentação do numpy imbutida nos links anteriores) **i)** Utilizando reshape sobre o array do item anterior, gere um array final com 12 linhas e 2 colunas. (1 ponto)
2. [Numpy – Funções] Resolva os itens a seguir utilizando as funções do numpy **a)** Calcule a média, desvio padrão, quadrado, raiz quadrada, seno, soma (dos itens de cada array) e soma acumulada (dos itens de cada array) dos arrays gerados na questão 1. **b)** usando dois arrays aleatórios criados com np.random.random(size=50), faça as operações de soma, divisão, multiplicação e produto escalar entre os arrays. (0.5 ponto)
3. [For com list comprehension] Resolva utilizando as funções do numpy e/ou math. Gere uma lista de valores da função seno variando de -2π até 2π em passos de $\pi/100$. Faça duas versões, uma usando a função np.arange e outra np.linspace para definir o range do for e o pi do np.pi ou math.pi, utilizando list comprehension. (0.5 ponto)

Aplicações na astronomia

4. [Funções + Pandas + Algoritmo iterativo + Numpy] – **Medindo a constante de Hubble**
a) Utilizando o pandas, leia a tabela diagrama_de_Hubble.csv, que contém as velocidades de recessão e distâncias de diversas galáxias **b)** leia a mesma tabela com o numpy usando a função np.genfromtxt com o delimitador correto (geralmente “;”, “,”, “\t” ou “\s+” em arquivos csv, veja a [documentação para mais detalhes](#)), perceba que para tabelas simples como essa o numpy já basta. **c)** Faça um plot dos pontos da tabela utilizando o matplotlib. **d)** Utilizando o método dos mínimos quadrados* (MMQ) obtenha a constante de Hubble de expansão do universo ajustando uma reta aos pontos (veja a referência do método em [referência](#)). Utilize MMQ via força bruta (testando diversos valores) com um loop for executado em um intervalo razoável (após inspeção do plot do item anterior) para os valores de a e b da reta, esse loop deve ser feito de forma que primeiro ocorra em passos mais largos (primeira iteração), encontre 3 pontos do intervalo com o menor erro e novamente subdivida esse intervalo em passos menores (próxima iteração), isso deve ocorrer o número de vezes o suficiente para que o a e b variem menos que 0.2% entre uma iteração e outra (múltiplas iterações). Crie a função que aplica o mmq a ser utilizada nos loops. **e)** Faça também o MMQ na forma analítica (utilizando as fórmulas analíticas fornecidas nos comentários, as linhas sobre os símbolos representam a média daquele valor), utilize as funções praticadas no exercício 2. No caso da linha reta o MMQ possui uma solução analítica exata, porém para casos mais complexos não, é necessário um código que utilize múltiplas iterações como feito no item d). Você encontrou um valor próximo ao valor encontrado na literatura para a constante de Hubble? ([Referência para os valores](#)) (1.5 pontos)
5. [Argparse + Astropy] – **Posição de astros em tempo real e mudança de coordenadas**
a) Utilizando o argparse e o astropy, faça um código em python que peça as coordenadas do observador (latitude, longitude e altitude) e o nome do objeto e retorne (print) as coordenadas do objeto no tempo atual (é livre a escolha da biblioteca para obter o tempo), em coordenadas altazimutais e equatoriais. Veja este [tutorial](#) e este [tutorial](#)

para auxiliar com o astropy. **b)(extra)** Utilize o comando `watch` no terminal para que as coordenadas sejam atualizadas de 2 em 2 segundos, experimente com as coordenadas da lua. (1.5+0.25 pontos)

***Comentários:**

O MMQ é baseado na minimização dos quadrados dos erro (diferença entre os pontos observados e a reta). Na figura ao lado os erros são representados em verde. A equação abaixo é a forma “força bruta” do MMQ para a reta (que será a função ajustada).

$$f(x) = \sum_{\text{pontos obs}} (y^{\text{observador}} - y^{\text{ajustado}})^2$$

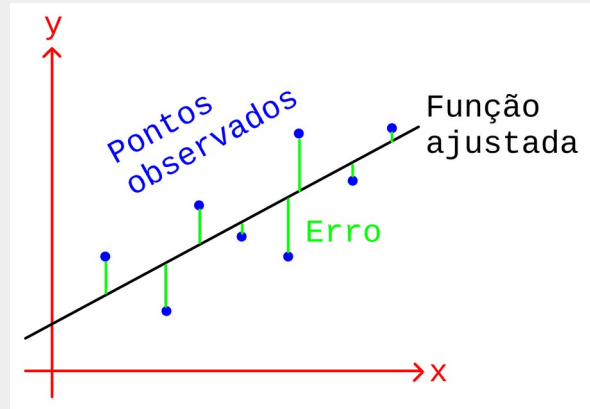
$$f(x) = \sum_{\text{pontos obs}} (y^{\text{observador}} - ax - b)^2$$

As equações abaixo representam a forma analítica, exata, para o caso da reta:

$$a = \bar{y} - b\bar{x}$$

$$b = \frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})}{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2}$$

Esse é o método mais simples de ajuste de uma reta.



Estudo dirigido / Lista 3 (Parte 2)

Entrega: 19/01/2021

6. [Algoritmos recursivos vs Iterativos] Faça uma função recursiva para calcular todos os números primos até o número n dado como input da função. (1 ponto)

Aplicações na astronomia

7. [Funções + Algoritmo iterativo + Matplotlib plot] – **Verificando o período de binárias eclipsantes**
- a) Usando os arquivos “binaria_eclipsante_1.dat” e “binaria_eclipsante_2.dat” vamos medir o período de dois pares de binárias eclipsantes perfeitamente alinhadas e de mesmo brilho (situação idealizada). Nos arquivos as colunas são tempo em dias, brilho relativo e erro do brilho relativo, sendo o brilho relativo 0 o brilho relativo médio (renormalizado para 0), -1 quando apenas uma estrela é visível e 1 quando ambas estrelas estão visíveis (lado a lado). Veja [este pequeno vídeo](#) ilustrando um sistema binário eclipsante. Em ambos os casos, utilizando o método de minimização do χ^2 (veja mais sobre o método nos comentários), um método um pouco mais sofisticado que o MMQ, e que é utilizado comumente na astronomia (em artigos). Tente ajustar uma curva do tipo $\text{sen}(\omega t)$ para encontrar o período do eclipse, onde $\omega = 2\pi/T$, sendo T o período em dias. b) Faça um plot com os pontos originais as barras de erro e a curva ajustada, utilize cores e marcadores diferentes para cada sistema binário, coloque os devidos títulos nos eixos do plot e inclua linhas verticais (gridlines) em cada ponto que marca a repetição do ciclo (período completo). Coloque os plots dos dois sistemas um sobre o outro formando uma única figura, as escalas nos eixos x precisam ser diferentes para uma boa visualização. Essas “sirenes” cósmicas, quando bem medidas, são muito úteis para a astronomia para medição de distância e outros parâmetros. c) Inclua uma fase na função seno ajustada e nos pontos ($t = t + \text{fase}$), utilizando o ipywidgets inclua um slider para ajustar a fase de cada plot. **Atenção: Crie seu próprio código para minimizar o χ^2 , será parecido com o do MMQ da lista anterior.** (4 pontos)

***Comentários:**

1- Na questão 1 use a função $\text{sen}(\omega t)$ na equação do χ^2 . Minimize o χ^2 variando ω .

Sobre o método do χ^2 : Ele difere do MMQ pois leva em consideração o erro da medida (σ), nós dividimos pelo erro de forma que ele serve como um peso para qualidade da medida daquele ponto, dessa forma a grandeza a ser minimizada no loops será:

$$\chi^2 = \sum_{\text{pontos obs}} \left(\frac{y^{\text{observador}} - y^{\text{ajustado}}}{\sigma} \right)^2$$