Make Product Equal One 题解

计算学部十大打卡活动——"龙舞编程新春会"编程打卡(1月29日)

题目为Make Product Equal One

题面翻译

题目描述

给你一个有 n 个数的数组。你可以用 x(×为任意正整数) 的代价将数组中的任意一个数增加或减少 x ,你可以重复多次此操作。现在需要你用若干次操作使得 $a_1 \cdot a_2 \cdot \ldots \cdot a_n = 1$ (数组的乘积为1)。

比如,当 n=3 和数组为 [**1,-3,0**] 时,我们最少需要花费 3 的代价: 用 2 的代价把 -3 增加到 -1 ,再用 1 的代价把 0 减少到 -1 ,数组就变成了 [**1,-1,-1**] ,然后 $1\cdot(-1)\cdot(-1)=1$ 。

现在询问最少需要花费多少的代价使得数组的乘积为1。

输入格式

输入共两行。

第一行输入一个数n,表示数组的数字个数。

第二行输入 n 个数 a_i ,表示该数组。

输出格式

输出一个数,表示使得数组的乘积为1的最少的花费。

数据范围

$$1 \le n \le 10^5$$

 $-10^9 \le a_i \le 10^9$

题目描述

You are given n numbers a_1, a_2, \ldots, a_n . With a cost of one coin you can perform the following operation:

Choose one of these numbers and add or subtract 1 from it.

In particular, we can apply this operation to the same number several times.

We want to make the product of all these numbers equal to 1 , in other words, we want $a_1 \cdot a_2 \dots \cdot a_n = 1$.

For example, for n=3 and numbers [1,-3,0] we can make product equal to 1 in 3 coins: add 1 to second element, add 1 to second element again, subtract 1 from third element, so that array becomes [1,-1,-1]. And $1\cdot (-1)\cdot (-1)=1$.

What is the minimum cost we will have to pay to do that?

输入格式

The first line contains a single integer n ($1 \le n \le 10^5$) — the number of numbers.

The second line contains n integers a_1, a_2, \ldots, a_n ($-10^9 \leq a_i \leq 10^9$) — the numbers.

输出格式

Output a single number — the minimal number of coins you need to pay to make the product equal to $\bf 1$.

样例 #1

样例输入#1

```
2
-1 1
```

样例输出#1

2

样例 #2

样例输入#2

```
4 0 0 0 0
```

样例输出#2

4

样例 #3

样例输入#3

```
5
-5 -3 5 3 0
```

样例输出#3

13

提示

In the first example, you can change $1\ \mbox{to}\ -1\ \mbox{or}\ -1\ \mbox{to}\ 1$ in $2\ \mbox{coins}.$

In the second example, you have to apply at least 4 operations for the product not to be 0 .

In the third example, you can change -5 to -1 in 4 coins, -3 to -1 in 2 coins, 5 to 1 in 4 coins, 3 to 1 in 2 coins, 0 to 1 in 1 coin.

思路

对于题目中的"乘积为1"的要求,因为我们知道满足"乘积为1"这一要求仅当所有数都为"1"或"-1"时才有可能满足。题目中求最小操作数,我们不妨贪心求解,分类讨论。

对于任意的 x:

- **若** x >= 1,则让它变为"1",操作数 += x 1;
- **若** x <= -1,则让它变成"-1",操作数 += -1 x;
- **若**-1 < x < 1, **即** x == 0,则它既可以变成"1",又可以变成"-1",且都有操作数 += 1。

在按照上述操作执行时,我们同时统计"0"和变成"-1"的数字个数。

首先判断是否有"0"出现:因为"0"是"万能数",它既可以变成"1"也可以变成"-1",当乘积为"-1"是可以变成"-1"使乘积为"1",所以说只要有"0"出现,就可以直接输出操作数。

若上述判断为"否",则继续判断"-1"的个数是否为偶数:若为偶数,则乘积已经为"1",符合题意,直接输出。若非偶数,则说明现在所有数的乘积为"-1",不符合题意,我们这时可以把其中的一个"1"变成"-1",或是把其中的一个"-1"变成"1",都有 **操作数 += 2**。

样例讲解:

样例#4:

```
//样例输入#4:
5
-5 -3 -4 3 0
```

按照上述所有操作,我们执行完第一步后应为:

```
//第一步:
-1 -1 -1 1 0(1/-1)
//统计个数
ans = 4+2+3+2+1 = 12; //操作数(答案)
sum_1 = 3; //-1的个数
sum0 = 1; //0的个数
```

我们发现存在"0", 故输出12(ans)

样例#5:

```
//样例输入#5:
5
-5 -3 -4 3 4
```

按照上述所有操作,我们执行完第一步后应为:

```
//第一步:
-1 -1 -1 1 1
//统计个数
ans = 4+2+3+2+3 = 14; //操作数(答案)
sum_1 = 3; //-1的个数
sum0 = 0; //0的个数
```

我们发现没有"0"的存在且"-1"的个数为奇数,现在的乘积为"-1",我们需要把其中的一个"1"变成"-1"或是把其中的一个"-1"变成"1"。

```
//第一步:

1 -1 -1 1 1

//统计个数

ans = 14+2 = 16; //操作数(答案)

sum_1 = 4; //-1的个数
```

输出16(ans)。

参考代码

```
#include <cstdio>
int main(void)
   int n;
    scanf("%d", &n);
    long long sum_1=0, sum0=0, ans=0; // 注意数据范围
    for (int i = 1; i <= n; i++) {
        long long x;
        scanf("%11d", &x);
        if (x >= 1) {
            ans += x - 1;
        }
        else if (x \leftarrow -1) {
           ans += -1 - x;
           sum_1++;
        }
        else if (x == 0) {
           ans += 1;
            sum0++;
        }
    if (sum0 == 0 && sum_1 % 2 == 1) {
        ans += 2;
    printf("%11d", ans);
    return 0;
}
```