**习题 1.** 写出方程 $x^2 + 2x + 1 = 0$ 的根所构成的集合。

习题 2. 设有n个集合 $A_1$ ,  $A_2$ , ...,  $A_n$ , 且 $A_1 \subseteq A_2 \subseteq ... \subseteq A_n \subseteq A_1$ , 试证  $A_1 = A_2 = ... = A_n$ 

习题 3. 设集合 $S = \{\phi, \{\phi\}\}$ , 则 $2^S =$ \_\_\_\_\_。

习**题 4.** 设集合S有n个元素,证明2<sup>S</sup>有2<sup>n</sup>个元素。

**习题 5.** 设A, B为集合, 试证

$$(A \setminus B) \cup B = (A \cup B) \setminus B \Leftrightarrow B = \phi$$

习题 6. 设A, B为集合, 试证 $A = \phi \Leftrightarrow B = A \triangle B$ 。

习题 7. 设A, B为集合,证明 $A \setminus (B \cup C) = A \setminus B \setminus C$ 。

习题 8. 设A, B, C为集合,证明 $(A \cup B) \setminus C = (A \setminus C) \cup (B \setminus C)$ 。

习题 9. 设A, B, C为集合,证明 $(A \cap B) \setminus C = (A \setminus C) \cap (B \setminus C)$ 。

习题 10. 设A, B, C都是集合,若 $A \cup B = A \cup C$ 且 $A \cap B = A \cap C$ ,试证B = C。

**习题 11.** 下列等式是否成立? 如果成立,请给出证明; 如果不成立,请说明理由。

a) 
$$(A \setminus B) \cup C = A \setminus (B \setminus C);$$
  
b) $A \cup (B \setminus C) = (A \cup B) \setminus C;$ 

$$c)A \setminus (B \cup C) = (A \cup B) \setminus C \cdot$$

- 习题 12. 下列命题中哪个是真的? ()
  - A. 对任意集合A, B,  $2^{A \cup B} = 2^{A'} \cup 2^{B}$ 。
  - B. 对任意集合A, B,  $2^{A\cap B} = 2^A \cap 2^B$ 。
  - C. 对任意集合A, B,  $2^{A\setminus B}=2^A\setminus 2^B$ 。
  - D. 对任意集合A, B,  $2^{A\triangle B} = 2^{A} \triangle 2^{B}$ 。
- 习题 13. 填空: 设A, B为两个集合。
  - $a) \ x \notin A \cup B \Leftrightarrow \underline{\hspace{1cm}}$
  - b)  $x \notin A \cap B \Leftrightarrow$
  - $c) \ x \notin A \setminus B \Leftrightarrow \underline{\hspace{1cm}}$
  - $\overrightarrow{d}$ )  $x \notin A \triangle B \Leftrightarrow \underline{\hspace{2cm}}$
- **习题 14.** 设A,B,C为任意三个集合,下列集合表达式中哪一个等于 $A\setminus (B\cap C)$ ? ( )
  - $A. (A \setminus B) \cap (A \setminus C)$
  - $B. (A \setminus B) \cup (A \setminus C)$
  - $C. (A \cap B) \setminus (A \cap C)$
  - $D. (A \cup B) \setminus (A \cup C)$
- **习题 15.** 设A, B, C为集合,并且 $A \cup B = A \cup C$ ,则下列哪个等式成立? ()
  - A.B = C
  - $B.A \cap B = A \cap C$
  - $C.A \cap B^c = A \cap C^c$
  - $D.A^c\cap B=A^c\cap C$
- **习题 16.** 设*A*, *B*, *C*为集合, 化简:

 $(A \cap B \cap C) \cup (A^c \cap B \cap C) \cup (A \cap B^c \cap C) \cup (A \cap B^c \cap C) \cup (A \cap B^c \cap C^c) \cup (A^c \cap B \cap C^c) \cup (A^c \cap B \cap C^c) \cup (A^c \cap B \cap C^c)$ 

习题 17. 设V为一个集合,证明:  $\forall S, T, W \in 2^V$ 有 $S \subseteq T \subseteq W$ 当且仅当 $S \triangle T \subseteq S \triangle W$ 且 $S \subseteq W$ 。

习题 18. 设 $A=\{a,b,c\},B=\{e,f,g,h\},C=\{x,y,z\}\circ$  求 $A\times B,B\times A,A\times C,A\times B\times C,A^2\times B\circ$ 

**习题 19.** 设A,B为集合,试证:  $A\times B=B\times A$ 的充分必要条件是下列三个条件至少一个成立:

(1) 
$$A = \phi;(2) B = \phi; 3 A = B$$
.

习题 20. 设A, B, C, D为任意四个集合, 证明

 $(A \cap B) \times (C \cap D) = (A \times C) \cap (B \times D)$ 

习题 21. 设A, B, C为集合,证明:  $A \times (B \triangle C) = (A \times B) \triangle (A \times C)$ 。

**习题 22.** 设A有m个元素,B有n个元素,则 $A \times B$ 是多少个序对组成的?  $A \times B$ 有多少个不同的子集?

习题 23. 设A, B为集合, $B \neq \phi$ 。试证: 如果 $A \times B = B \times B$ ,则A = B。

**习题 24.** 某班学生中有45%正在学德文, 65%正在学法文, 问此班中至少有百分之几的学生正在同时学德文和法文?

习题 25. 设A, B为两个有穷集合,则 $|2^{2^{A \times B}}| = _____$ 。

**习题 26.** 毕业舞会上,小伙子与姑娘跳舞。已知每个小伙子至少与一个姑娘跳过舞,但未能与所有的姑娘跳过舞。同样的,每个姑娘也至少与一个小伙子跳过舞,但也未能与所有的小伙子跳过舞。证明:在所有参加舞会的小伙子与姑娘中,必可找到两个小伙子与两个姑娘,这两个小伙子中的每一个只与这两个姑娘中的一个跳过舞,而这两个姑娘中的每一个也只与这两个小伙子中的一个跳过舞。