

$\Delta p \propto \frac{1}{\Delta x}$
 $\Delta E \propto \frac{1}{\Delta x}$ (德布罗意)
 相对论不确定性

在康普顿散射中, $\Delta \lambda = \lambda_c (1 - \cos \theta) = 2\lambda_c \sin^2 \frac{\theta}{2}$

$\Delta \lambda$ 与 Δp 的关系? 注意不是 $\Delta \lambda = \frac{h}{\Delta p}$!!

由 $p = \frac{h}{\lambda}$ 故 $\Delta p = \frac{h \Delta \lambda}{\lambda^2}$

Δp 与 Δv 关系? 在非相对论下, $\Delta p = m \Delta v$ 故 $\Delta p = m \Delta v$

动量 p ★

非相对论下 (\sim 几 eV) $p = mv = \sqrt{2mEk}$

相对论

$$E^2 = E_0^2 + p^2 c^2 \quad \text{或} \quad p = \frac{m_0 v}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}}$$

热学中的

平均碰撞频率, 平均自由程 $\bar{\lambda}$

首先, 二者有一个简单关系 $\bar{\lambda} = \frac{\bar{v}}{\bar{z}}$ (可以分析量纲)

" \bar{v} ": 1 秒中走了多远

" \bar{z} ": 1 秒中撞了几次

故 $\frac{\bar{v}}{\bar{z}}$ 就是撞了 1 次时走的距离, 即 $\bar{\lambda}$

$$\left\{ \begin{array}{l} \bar{z} = \sqrt{2} \pi d^2 \bar{v} n \quad ([d]: m \quad [\bar{v}]: m/s \quad [n]: \text{数密度 } m^{-3}) \\ \therefore [\bar{z}]: s^{-1} \text{ 符合条件} \\ \bar{\lambda} = \frac{\bar{v}}{\bar{z}} = \frac{1}{\sqrt{2} \pi d^2 n} \end{array} \right.$$

其中: $\left\{ \begin{array}{l} \bar{v} = \sqrt{\frac{8kT}{\pi m}} \\ n = \frac{P}{kT} \end{array} \right. \Rightarrow \text{可以得 } \bar{z} \propto \frac{1}{\sqrt{T}}, \bar{z} \propto P$

$\bar{\lambda} \propto T, \bar{\lambda} \propto \frac{1}{P}$

玻尔兹曼熵: $S = k \ln \Omega$

MOON TREE



扫描全能王 创建

与 $dS = \frac{\delta Q}{T}$ 有等值性

利用等温过程推导

Ω 为热力学概率

一物热力学概率

$\Omega \propto V^N$ 记为 $\Omega_1 = CV$ 对系统而言 $\Omega = (CV)^N$

$$\Delta S = k \ln \Omega_1 - k \ln \Omega_2 = k \ln \frac{V_1}{V_2} \cdot N = \frac{R}{N_A} \cdot N \ln \frac{V_1}{V_2} = nR \ln \frac{V_1}{V_2}$$

等温过程中:

$$dS = \frac{\delta Q}{T} = nRT \ln \frac{V_2}{V_1}$$

$$\therefore \Delta S = \frac{\delta Q}{T} \rightarrow \text{与克焓一致}$$

反射光的偏振: 只要反射光线 \perp 折射光线即可, 反射光垂直于入射平面

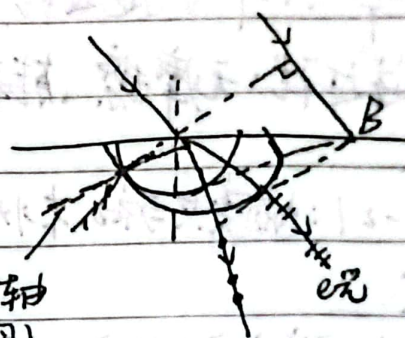
惠更斯作图法

O光 - 圆, e光 - 椭圆

当非垂直入射时, 光线间有光程差

因此从B点开始引切线 (意味着B与切点 光轴

(O光圆与e光椭圆切于光轴) 光程相同)



方明石, 故此光
仅沿光轴方向相
且垂直方向上差最

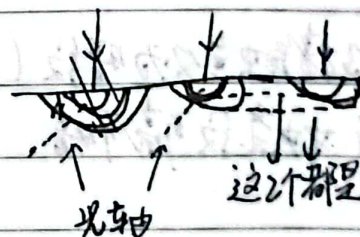
O光 注意一下偏振方向!

垂直入射?

到分界面

注意一下这些光线的光程都一样

因此得平行的切线



这个群是相同光程位置

光电效应的一个小点

当频率一定时, 饱和电流与光强成正比

那频率不同呢? 认为它与频率成正比

$$I = N h \nu$$

MOON TREE



扫描全能王 创建

$C_p + (\frac{5}{2} - 1)R$ 混合!!

14-2)

玻尔兹曼分布

$$n_2 = n_1 e^{-\frac{E_2 - E_1}{kT}} = n_1 e^{-\frac{E_2 - E_1}{kT}} = n_1 e^{-\frac{E_2 - E_1}{kT}}$$

为什么: 满足玻尔兹曼分布, 可得相对分子数

$$\frac{n_2}{e^{-\frac{E_2}{kT}}} = \frac{n_1}{e^{-\frac{E_1}{kT}}}$$

"光的强度"可用能量表征 $E = 10^8 n_2 \cdot h\nu$

"熵变" $ds = \frac{\delta Q}{T}$ 只针对可逆过程! (不可逆? $ds > \frac{\delta Q}{T}$)

何为可逆过程: 无摩擦, 能无限准静态过程

由习题 10-21: 熵变只与初、末状态有关, 与过程无关

量子力学回顾

对于一个由可逆过程形成的循环, 其总熵变一定为 0

牛顿环的接触点为暗纹 ($\delta = 0 + \frac{\lambda}{2} = \frac{\lambda}{2}$)

等效干涉中央条纹亮可暗

注意一下求 $v_1 \sim v_2$ 间分子平均速率:

$$\bar{v} = \frac{\int_{v_1}^{v_2} v f(v) dv}{\int_{v_1}^{v_2} f(v) dv} \quad (\text{已约去 } N)$$

→ 这段别忘!



C, N, O 的相对原子质量为 12, 14, 16! 别混了!

$N_2 \rightarrow 28$ $O_2 \rightarrow 32$

光栅衍射与单缝衍射

光栅? $d \sin \varphi = \pm k \lambda \rightarrow$ “主极大”

$k=0 \rightarrow$ 中央主极大

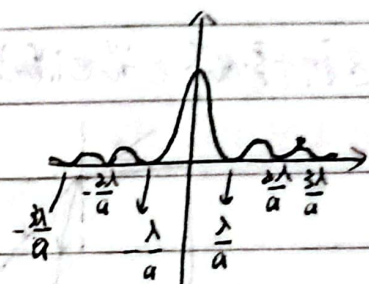
$k=\pm 1, \pm 2, \dots \rightarrow$ 第 k 级主极大

当 $d \sin \varphi = \pm \frac{N}{M} \lambda$ ($M \nmid N$) 时, 为暗纹

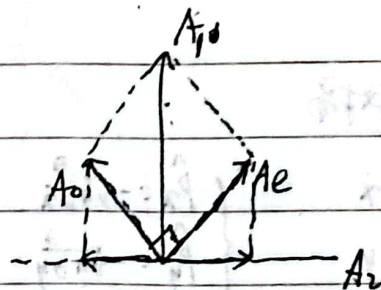
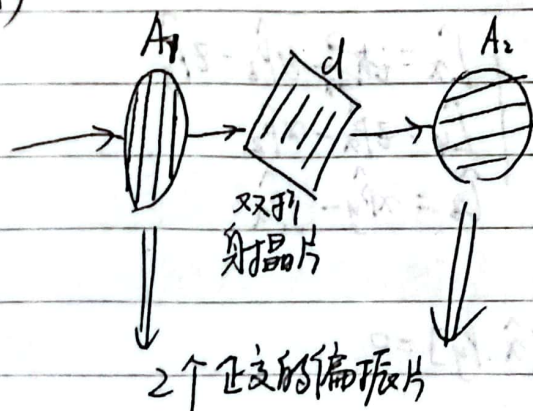
单缝? $\delta = a \sin \varphi$

利用半波带法: $\delta = \frac{\lambda}{2} \cdot k$ (k 为奇 \rightarrow 增强, 明纹
偶 \rightarrow 减弱, 暗纹)

只有这个地方 $\frac{k}{2} \lambda$ (k 为奇) 对应明纹!



偏振光的干涉



发现, A_0 与 A_e 实际上最后相差了 π 的相位

$$\Delta \varphi = \frac{2\pi}{\lambda} (n_o - n_e) d + \pi = \begin{cases} 2k\pi & \text{加强} \\ (2k+1)\pi & \text{减弱} \end{cases}$$

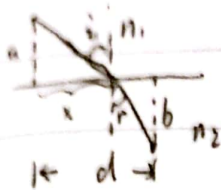




$$S = n\sqrt{a^2 + x^2} + n\sqrt{b^2 + (d-x)^2}$$

$$\frac{dS}{dx} = 0 \rightarrow \cos i_1 = \cos i_2$$

$$\therefore \checkmark$$

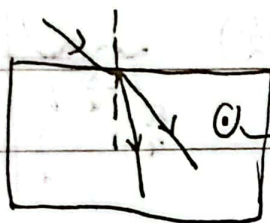


$$S = n_1\sqrt{a^2 + x^2} + n_2\sqrt{b^2 + (d-x)^2}$$

$$\frac{dS}{dx} = 0 \rightarrow \frac{n_1 \cdot x}{\sqrt{a^2 + x^2}} = \frac{n_2 \cdot (d-x)}{\sqrt{b^2 + (d-x)^2}}$$

$$n_1 \cdot \sin i = n_2 \cdot \sin r$$

这种情况下e光也满足折射定律



0. 光偏振方向特殊 (2)

力学算符的对易

$$\begin{cases} \hat{x} = x \\ \hat{y} = y \\ \hat{z} = z \end{cases} \quad \begin{cases} \hat{p}_x = -i\hbar \frac{\partial}{\partial x} \\ \hat{p}_y = -i\hbar \frac{\partial}{\partial y} \\ \hat{p}_z = -i\hbar \frac{\partial}{\partial z} \end{cases} \quad \begin{cases} \hat{L}_x = i\hbar \frac{\partial}{\partial y} y \hat{p}_z - z \hat{p}_y \\ \hat{L}_y = z \hat{p}_x - x \hat{p}_z \\ \hat{L}_z = x \hat{p}_y - y \hat{p}_x \end{cases}$$

常不对易: $[\hat{x}, \hat{p}_x] = i\hbar$ $[\hat{x}, \hat{p}_y] = 0$

$$[\hat{p}_x, \hat{L}_y] = i\hbar \hat{L}_z$$

$$[\hat{L}^2, \hat{L}_x] = 0$$

光产生干涉的条件: ① 振动方向相同

② 频率相同

③ 相位差恒定



惠更斯作图法

光轴为“.”的特殊情况

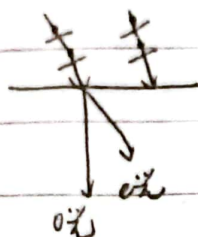
此时o光、e光的波阵面不交(如果交,必须和光轴垂直)

(注意一下o、e光的波面均为圆,意味着o、e光均满足折射定律 → 14A期末)



然后作切线

一般我们画的是方解石(负晶体), 有 $v_o < v_e$. 即e光的波阵面在o光内

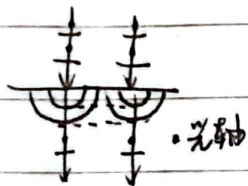


画偏振方向? 先看e光, o光反过来阿

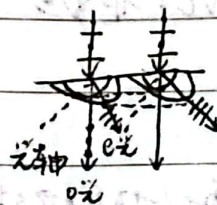
如果光轴为“.”则

否则

(总是在光轴所在面) 平行于光轴



如何做?



用费马原理说明透镜通过光线光程相等?

由物、像间多条光线的实际路径, 由费马原理, 这些路径均取极值, 光程必相等

为什么绝热线比等温线陡?

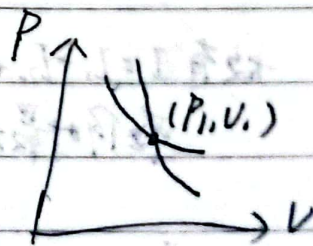
数学方面: $pV = p_1 V_1 \quad \frac{dp}{dV} = -\frac{p_1 V_1}{V^2}$

$pV^\gamma = p_1 V_1^\gamma \quad \frac{dp}{dV} = -\frac{\gamma \cdot p_1 V_1^\gamma}{V^{\gamma+1}}$

令 $\gamma = \frac{C_p}{C_v} = \frac{C_p}{C_p - R}$

上式 $= -\frac{p_1}{V_1}$

下式 $= -\gamma \cdot \frac{p_1}{V_1}$ 下式陡



扫描全能王 创建

理想气体: (等温) $V \uparrow, T \rightarrow \Rightarrow nV \Rightarrow p \downarrow$

绝热: $V \uparrow, T \downarrow \Rightarrow nV, T \downarrow \Rightarrow p \downarrow$ 减得快

由 $p = \frac{2}{3} n \bar{\epsilon}$ 推 $pV = \frac{2}{3} nRT$?

$$p = \frac{2}{3} n \bar{\epsilon} \Rightarrow p = nkT \Rightarrow p = \frac{m}{M} N_A \cdot kT$$

$$\Rightarrow pV = \frac{m}{M} RT$$

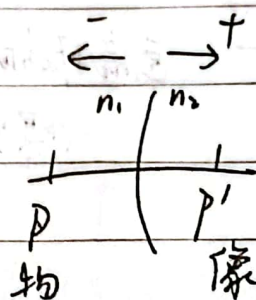
复习笔记

光学

几何光学

球面镜: 物距 p 取正值, 像距 p' 中正值

$$\frac{n_2}{p'} - \frac{n_1}{p} = \frac{n_2 - n_1}{r} \quad (r: \text{球面镜的曲率半径})$$



其余几何光学内容见原笔记, 非重点

费马原理

利用费马原理推导反射/折射定律 (写出光程差表达式, 求导即可)

光干涉后的光强:

光强 $I \propto E^2$ (E : 光振幅)

这个振动是可以干涉的, $E^2 = E_1^2 + E_2^2 + 2E_1E_2 \cos \Delta \varphi$

故有 $I = I_1 + I_2 + 2\sqrt{I_1 I_2} \cos \Delta \varphi$

何时最大? $\cos \Delta \varphi = 1$. $I_{\max} = (\sqrt{I_1} + \sqrt{I_2})^2$

光的干涉

杨氏双缝

