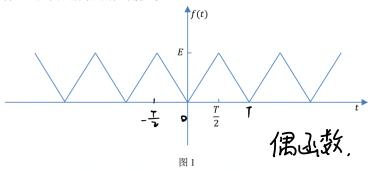
信号分析与外理试题(

- 1. 线性系统是否一定是时不变系统?是否一定是因果系统?为什么?
- 2. 若欲使信号通过线性系统不产生失真,则该系统应具有什么特性?
- 3. 连续非周期信号的频谱密度是连续的还是离散的? 为什么?
- 4. 简述离散傅里叶变换 DFT 和离散时间傅里叶变换 DTFT 的关系。
- 1、不一定,线性系统满足线性性(齐次性和叠加性),不一定满足日才不变性和因果性 例如系统 新介x(t),新出y(t)=∫50 x(t)dt 可以证明满足线性性,但不满足时变性和因果性
- 2、系统的频率特性Hun/应满足|Hun|=k, ∠Hun=-wto 比时信号通过系统后,波形硬,只在幅度上等比例地放线缩时, 或在时间上有一固定的3位3亿
- 3.由于非周期性对应连续性,所从连续非周期偿的频谱 密度是连续的(或 Fiw)=∫mfthe jimat 是 w的连续函数)
- ← 离散信号的DTFT是Ω的连续周期函数,尽管在理论上有重要意义,但在计算机上实现有困难。为此,需要一种时域和频域上都是离散的傅里叶变换对,实现计算机的快速计算,即DFT

DFT是对DTFT的结果X(四)的长度为2元的生值区间进行N点采样得到的

二、(20分)已知图1所示周期三角信号



- 1. 求f(t)的傅里叶级数并画出频谱图; (10分)
- 2. 求f(t)的傅里叶变换并画出频谱密度图。(10分)

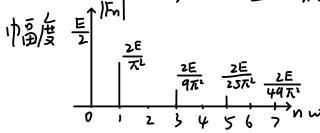
1.
$$b_{n}=0$$
, $Q_{0}=\frac{2}{T_{1}}\int_{0}^{T_{1}}\int ttdt=\frac{4E}{T_{1}^{2}}\int_{0}^{T_{1}}tdt=\frac{E}{2}$

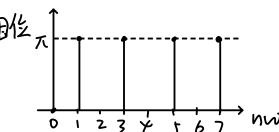
$$\int t\cos nw_{1}tdt=\frac{1}{nw_{1}}t\sin nw_{1}t+\frac{1}{n^{2}w_{1}}\cos nw_{1}t+C$$

$$a_{n}=\frac{4}{T_{1}}\int_{0}^{T_{1}}\int ttdsnw_{1}tdt=\frac{8E}{T_{1}^{2}}\int_{0}^{T_{1}}t\cos nw_{1}tdt=\frac{8E}{T_{1}^{2}}\left[\frac{1}{n^{2}w_{1}^{2}}\left[(-1)^{n}-1\right]\right]=\frac{2E}{n^{2}\pi^{2}}\left[(-1)^{n}-1\right]$$

从而
$$f(t) = \frac{2E}{T_1} + \frac{t\infty}{n=1} \frac{-4E}{(2n-1)^2 \pi^2} los[(2n-1)wt] 其中 T_1 = T_1 w_1 = \frac{2\pi}{T}$$

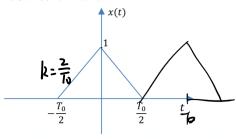
$$F_0 = G_0 = \frac{E}{2}$$
, $F_n = \frac{a_{n-j}b_n}{2} = \frac{E}{n^2 \pi^2} \left[(-1)^n \right]$





2. # f(t) 65 傅里叶变换 F(w)

$$F_{iw} = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \sum_{r=-\infty}^{+\infty} \sum_{r=-\infty}^{+\infty} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \sum_{r=-\infty}^{+\infty} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \sum_{r=-\infty}^{+\infty} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \sum_{r=-\infty}^{+\infty} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \sum_{n=$$



1. 求三角脉冲的频谱; (10分)

2. 将x(t)以周期 T_0 重复,构成周期信气 $x_p(t)$,画出对 $x_p(t)$ 以 $\frac{T_0}{8}$ 进行理想采样所构成的 $T_s = \frac{7}{8}$ $\mathcal{W}_s = 8 \mathcal{W}_0$ 采样信号 $x_{ps}(t)$ 的频谱 $X_{ps}(\omega)$ 。(10分)

(常见信号的傅里叶变换: $\mathcal{F}[\delta(t)] = 1$, $\mathcal{F}[u(t)] = \frac{1}{i\omega} + \pi\delta(\omega)$; 傅里叶变换的性质: 微分

性质 $\mathcal{F}\left[\frac{d^n x(t)}{dt^n}\right] = (j\omega)^n X(\omega)$; 积分性质 $\mathcal{F}\left[\int_{-\infty}^t x(\tau)d\tau\right] = \frac{1}{j\omega}X(\omega) + \pi X(0)\delta(\omega)$, 其中

$$\begin{split} \chi(\omega) &= \mathcal{F}[x(t)] \mathcal{E}x(t) \text{的傅里叶变换} \\ 1. \ \chi(t) &= \frac{1}{76} \left[\mathcal{L}(t + \frac{7}{6}) - 2 \mathcal{L}(t) + \mathcal{L}(t - \frac{7}{6}) \right] \ \chi'(t) &= \frac{1}{76} \left[\mathcal{S}(t + \frac{7}{6}) - 2 \mathcal{S}(t) + \mathcal{L}(t - \frac{7}{6}) \right] \\ &= \frac{1}{76} \left[\mathcal{L}(t) + \mathcal{L}(t) + \mathcal{L}(t - \frac{7}{6}) \right] \ \chi'(t) &= \frac{1}{76} \left[\mathcal{L}(t) + \mathcal{L}(t - \frac{7}{6}) \right] \\ &= \frac{1}{76} \mathcal{L}(t) \Big|_{W=0} = 0, \ \mathcal{L}(t) + \mathcal{L}(t) \Big|_{W=0} = 0, \ \mathcal{L}(t) \Big|_{W=0} = 0,$$

2. 失就 Xulus

$$P_{n} = \frac{i}{T_{o}} f_{n} \left[x(t) \right]_{w=nw_{o}} = \frac{1}{2} S_{a}^{2} \left(\frac{nw_{o}T_{o}}{4} \right) = \frac{1}{2} S_{a}^{2} \left(\frac{n\pi}{2} \right)$$
 $X_{p}(w) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} 2\pi P_{n} S(w-nw_{o}) = \pi \sum_{n=-\infty}^{+\infty} S_{a}^{2} \left(\frac{n\pi}{2} \right) S(w-nw_{o})$

$$\frac{8\pi}{T_0} = \frac{1}{T_0} \sum_{m=-\infty}^{\infty} x_p w - mw_1 = \frac{8}{T_0} T_0 \sum_{m=-\infty}^{\infty} \sum_{n=-\infty}^{\infty} x_p w - mw_1 = \frac{8\pi}{T_0} T_0 \sum_{m=-\infty}^{\infty} \sum_{n=-\infty}^{\infty} x_p w - mw_1 = \frac{8\pi}{T_0} T_0 \sum_{m=-\infty}^{\infty} x_p w - mw_2 = \frac{8\pi}{T_0} \sum_{m=-\infty}^{\infty} x_p w - mw_2 = \frac{8\pi}{T_0} \sum_{m=-\infty}^{\infty} x_p w - mw_2$$

四、(20 分) 设 $X(z) = \frac{-3z^{-1}}{2-5z^{-1}+2z^{-2}}$,试问x(n)在以下三种收敛域下,哪一种是左边序列?哪一种是右边序 列?哪一种是双边序列?并求出各对应的x(n)。 (常见序列的 Z 变换: $\mathcal{Z}[u(n)] = \frac{z}{z-1}, 1 < |z| \le \infty; \mathcal{Z}[-u(-n-1)] = \frac{z}{z-1}, 0 \le z < 1; \mathcal{Z}[a^n u(n)] = 0$ 1. |z| > 2; 2. |z| < 0.5; $\frac{z}{z-a}$, $|a| < |z| \le \infty$, $\mathcal{Z}[-a^n u(-n-1)] = \frac{z}{z-a}$, $0 \le |z| < |a|$ 3. 0.5<|z|<2° $\text{At. } \chi(z) = \frac{-32}{77^2 - (77+2)} = \frac{-32}{(22-1)(2-1)} = \frac{22}{22-1} - \frac{2}{2-2} = \frac{2}{2-\frac{1}{2}} - \frac{2}{2-2}$ 012172 $a = \frac{1}{2} B_{\overline{d}}, |a| < |z|, \frac{\overline{z}}{z-1} \rightarrow 2^{-n} u(n)$ 故》 $(2^{-n}-2^n)$ 以的为故序列 @ 121<0.5 a=201,061816/a1, === ->-2hul-n-1) なX(n)=(2n-2-n)ルレーハーリ为左边存み [|a|=101 Q (121, 2-1 -> 2-nun) 13 0.5 (12162 a=LBJ,0421(A), 2-2 -> -2 "UI-N-1) ty xin)=2-num+2nuin-1)为双防部 五、(20分)线性时不变因果离散系统的差分方程为 y(n) - 5y(n-1) + 6y(n-2) = x(n) - 3x(n-2)1. 求该系统的单位样值响应; (15分) (2) 判断系统是是否是线性时不变系统(5分)。 在生单位样信序列为单位脉冲序列Sin,2[8in]=1 を変換. Yik)-5z-1Yik)+6z-2Yik)=Xiz)-3z-2Xiz) 1/2 - 1-32-2 = 22-3 = 22-3 = 22-3 = 22-3 = 22-3 = 22-3 = (2-2)=3)

= 7 m)= S (n) Dt, Y(t) = (1-2)(2-3), Y(n)=2-1[Y(1)]=[Pes[12-3]="1] n=0时,由差分为程,y(n)=1,n+0时,y(n)=1im==32 2ⁿ⁻¹+1im==3-2 2ⁿ⁻¹=2·3ⁿ-1·2·2ⁿ 综上, yin) =2.3 nun) -1·2 nu(n) -1·5 sin)

2. 由题目的知识[[[]] ①因果性 由差分方程可知系统 满足因果性

区线性性、设输小x,(n), x,(n),对应输出为y,(n), y,(n) 管路y(n)-2y(n-1)=x(n) C,[Y,(n)-24,(m)]=C,Y,(n)-2G4,(n-1)=C,X,(n)=>条次件 $y_1(n) - 2y_1(n-1) + y_2(n) - 2y_2(n-1) = x_1(n) + x_2(n)$

「リ、いりもり、いりーン[り、いーリナリンハーリ] = X,いりナメン いり > 引力の生

①日寸不变1生.已知x1n)与y1n)满足y1n)-5y1n-1)+6y1n-2)=x1n)-3x(n-2) 作变量替换 n->n-no(noGZ+).有·yin-no)-5yin-no-1)+byin-no-2)=Xin-no)-3xin-no-2) たり=y(n-no), X= x(n-no),可写为y(n)-sy,(n-1)+by(n-2)=x,(n)-3x,(n-2) ⇒x,y,满足原系统.即Y,是x,的响应⇒输入的时终对应其输出的时移