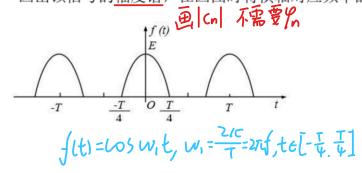
1. 求题图 2-1 所示<u>半波余弦信号的三角傅里叶级数</u>。若 E = 10 V,f = 10 kHz,基于 $|c_n|$  画出该信号的幅度谱,在画图时将横轴对应频率的单位转为Hz。(20 分)



( いんい) B= 記[us (AtB) + い) (A-B)

( い) Cos2 = = = = [ 1+ い) 2 0 ]

其中 W: = 
$$\frac{2\pi}{T}$$
,  $f$ , = = = 10 k H 3

 $T = 10^{-4}$  s

 $a = \frac{1}{T} \left(\frac{T}{2} + t\right) dt$ 

角至 
$$f(t)$$
 为偶函数,  $b_n=0$ ,  $|c_n|=|a_n|$ ,  $a_0=+\int_{-\frac{1}{2}}^{\frac{1}{2}}f(u)dt=+\int_{-\frac{1}{2}}^{\frac{1}{2}}E(u)w$ ,  $tdt==$ 

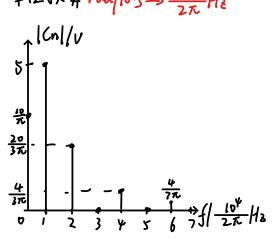
$$\alpha_0 = \frac{1}{T_1} \int_{-\frac{T_1}{2}}^{\frac{T_1}{2}} f(t) dt$$

$$\alpha_0 = \frac{2}{T_1} \int_{-\frac{T_1}{2}}^{\frac{T_1}{2}} f(t) cosnwith$$

$$b_0 = \frac{2}{T_1} \int_{-\frac{T_1}{2}}^{\frac{T_1}{2}} f(t) sinnwith$$

$$\Delta_{n} = \frac{1}{T} \int_{-T}^{T} f(t) \omega_{1} n_{w_{1}} t dt = \frac{4}{T} \int_{-T}^{T} E\omega_{1} w_{1} t \omega_{2} n_{w_{1}} t dt = \frac{4E}{T} \int_{-T}^{T} \omega_{2} w_{1} t \omega_{3} n_{w_{1}} t dt \\
= \frac{2E}{T} \int_{-T}^{T} \omega_{1} \omega_{1} \omega_{1} dt + \frac{2E}{T} \int_{-T}^{T} \omega_{2} [n-1]w_{1} t dt = \frac{E}{\pi (n+1)} \sin[(n+1)\frac{w_{1}T}{T}] + \frac{E}{\pi (n+1)} \sin[(n-1)\frac{w_{1}T}{T}] \\
= \frac{E}{\pi (n+1)} \sin[\frac{(n+1)}{2}\pi t + \frac{E}{\pi (n-1)} \sin[\frac{(n-1)}{2}\pi]$$

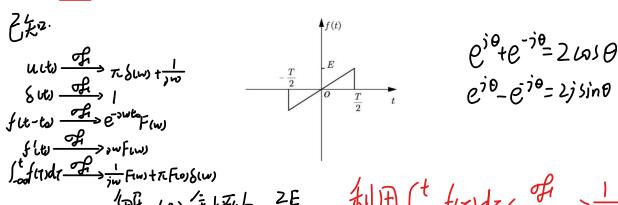
当n为
引  $a_n$   $a_n$ 



2. 求解题图 2-2 (a)、(b) 所示的锯齿脉冲与单周正弦脉冲的傅里叶变换,给出频谱密度

函数的表达式。(20分)

Fw= F[ft]

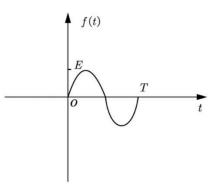


第 (四) 京十年  $2 = \frac{2E}{T}$  和月  $\int_{-\infty}^{t} f(\tau) d\tau$  (  $\int_{jw}^{t} f(w) + \pi f(w) \delta(w)$   $\int_{iw}^{t} f(w) \int_{iw}^{t} f(w) \int_{iw}^$ 

$$\begin{aligned} & 2(\Delta) \vec{x} \cdot \vec{k} = \vec{r} \cdot \vec{k} \\ & \text{ by } \vec{r} \cdot \vec$$

2. 求解题图 2-2 (a)、(b) 所示的锯齿脉冲与单周正弦脉冲的傅里叶变换,给出频谱密度

函数的表达式。 (20分) Fun=Fifter]



$$\frac{1}{\sqrt{1}} \cdot \sin \theta = \frac{1}{2j} \left[ e^{j\theta} - e^{-j\theta} \right] e^{j\theta} = \omega \sin \theta + j \sin \theta$$

$$\Rightarrow e^{j2\pi} = 1, e^{-j2\pi} = 1 + \omega \sin \theta = \frac{2\pi}{T}$$

$$(b) F(w) = \int_{-\infty}^{\infty} f(t) e^{-jwt} dt = F(\int_{0}^{T} \sin w t) e^{-jwt} dt$$

$$= \frac{E}{2j} \int_{0}^{T} \left[ e^{j(w_{0} - w)t} - e^{-j(w_{0} + w)t} \right] dt$$

$$= \frac{E}{2j} \left[ \frac{1}{j(w_{0} - w)} e^{j(w_{0} - w)t} \right] + \frac{1}{j(w_{0} + w)} \left[ e^{-j(w_{0} + w)t} \right] dt$$

$$= -\frac{E}{Z} \left\{ \frac{1}{w_{0} - w} \left[ e^{j(w_{0} - w)} \right] + \frac{1}{w_{0} + w} \left[ e^{-j(w_{0} + w)} \right] \right\}$$

$$= \frac{E}{Z} \frac{(w + |w_{0}|) (e^{-jw}]}{(w^{2} - w)^{2}} (e^{-jw}] - 1$$

$$= \frac{E}{Z} \frac{Zw_{0}}{w^{2} - w_{0}^{2}} (e^{-jw}] - 1 = \frac{w_{0} E}{w^{2} - w_{0}^{2}} (e^{-jw}] - 1$$

北法二、加高法

注意到 [一好 2元分以, 以此 分 元分以)+ 1 Wo= 2元  

$$e^{i\omega_0T} = e^{-i\omega_0T} = e^{2\pi} = e^{-2\pi} = [$$
,  $sin(\omega_0t)$   $f(\omega_0t)$   $f(\omega_0t)$ 

72 g(t)=Esin(wot), te1-∞, to0), h(t)=u(t)-u(t-7), f(t)=g(t)h(t)

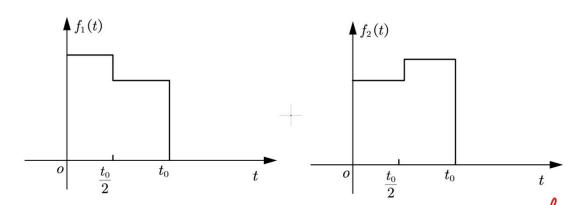
F(W)= 1/27 [(K(W)\*H(W)] = 1/27 [7E7 ((S(WHW)) - S(W-W))]\*[(TS(W)+1/2W)(1-e^-)\*4]]  $=\frac{2E}{2}\left\{\left[\pi \delta(\omega+\omega_0)+\frac{1}{j(\omega+\omega_0)}\right]\left[1-e^{-\frac{1}{j}(\omega+\omega_0)T}\right]-\left[\pi \delta(\omega-\omega_0)+\frac{1}{j(\omega-\omega_0)}\right]\left[1-e^{-\frac{1}{j}(\omega-\omega_0)T}\right]\right\}$  $= \frac{E}{2} \left[ \frac{1 - e^{-jwT}}{w + w_0} - \frac{1}{w^2 - w_0^2} \right] = \frac{E}{2} \frac{1}{w^2 - w_0^2} \left[ -2w_0 + 2w_0 e^{-jwT} \right]$  $= \frac{W_0 E}{w^2 - W_0^2} (e^{-\frac{1}{2}w^2} - 1) = \frac{-\frac{1}{2}W_0 E}{w^2 - W_0^2} \sin(\frac{wT}{2}) e^{-\frac{1}{2}w^2}$ 

> 说明可以生物从原点为私的频谱 最后开始王

频域卷积定理 fit) = get) hit)

 $F(w) = \frac{1}{2\pi} (\kappa(w) * H(w))$ 

- 3. 对题图 2-3 所示波形,若已知  $\mathcal{F}[f_1(t)] = F_1(\omega)$ ,利用傅里叶变换的性质,求  $f_1(t)$
- 以  $\frac{t_0}{2}$  为轴翻转后所得  $f_2(t)$  的傅里叶变换。(20 分)



 $f_{2}(t)=f_{1}(-t+t_{0})$  题图 2-3 f(t) 一, $f_{1}(t)$  一, $f_{2}(t)$  一, $f_{3}(t)$  一, $f_{4}(t)$  一, $f_{2}(t)$  一, $f_{3}(t)$  一, $f_{4}(t)$  一, $f_{5}(t)$  一, $f_{6}(t)$  一, $f_{1}(t)$  一, $f_{1}(t)$  一, $f_{2}(t)$  一, $f_{3}(t)$  一, $f_{4}(t)$  一, $f_{5}(t)$  一, $f_{6}(t)$  —  $f_{6}(t)$  — 解f2t)=f1(-t+6)

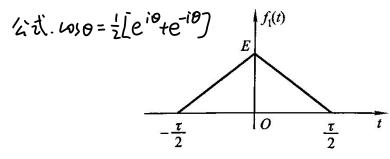
 $f_{i}(t+t_{0}) \xrightarrow{f_{i}} e^{i\omega t_{0}}$   $f_{i}(t+t_{0}) \xrightarrow{f_{i}} e^{j(-\omega t_{0})}$   $f_{i}(-t+t_{0}) \xrightarrow{f_{i}} e^{j(-\omega t_{0})}$   $f_{i}(-t+t_{0}) \xrightarrow{f_{i}} e^{j(-\omega t_{0})}$ 4. 已知三角脉冲  $f_{1}(t)$  的傅里叶变换为:

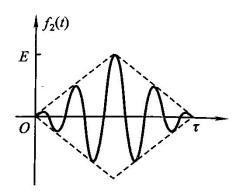
$$F_1(\omega) = \frac{E\tau}{2} \operatorname{Sa}^2\left(\frac{\omega\tau}{4}\right)$$

求  $f_2(t) = f_1\left(t-\frac{\tau}{2}\right)\cos\left(\omega_0 t\right)$  的傅里叶变换 $F_2(\omega)\circ f_1(t), f_2(t)$ 的波形如题图 2-4 所示。

(20分)

## H线 +频移





角子. fit1= = = fit+===)ejwot+=fi(t-==)e-jwot 其中. fi(t-{) of e-jw=Fi(w)

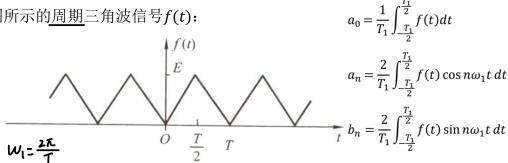
 $f_{i}tt^{-\frac{7}{2}}e^{jw_{0}t}\frac{f_{i}}{f_{i}}e^{-j(w-w_{0})\frac{7}{2}}f_{i}(w-w_{0}) = \frac{1}{2}\left[e^{j(w-w_{0})\frac{7}{2}}f_{i}(w-w_{0})+e^{-j(w+w_{0})\frac{7}{2}}f_{i}(w+w_{0})\right]$ 

华等符

<sup>题图 2-4</sup> 从而·Filw)=f[filt]

 $f_{i}(t-\frac{7}{2})e^{-i\omega t}\frac{f_{i}}{f_{i}} > e^{-i(\omega t)(\omega_{0})\frac{7}{2}}[f_{i}(\omega t)(\omega_{0})] = \frac{E^{7}}{4}e^{-i\omega \frac{7}{2}}[\int_{a}^{2}(\frac{\omega - \omega_{0}}{4}T)e^{-i\omega_{0}\frac{7}{2}}]$ 

5. 已知一个如下图所示的周期三角波信号f(t):



题图 2-5

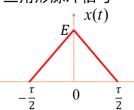
- (1) 求f(t)的傅里叶级数系数 $a_0$ 、 $a_n$ 、 $b_n$ ,写出完整的傅里叶级数表达式;
- (2)用一个幅值为 E、脉宽为 T 的矩形脉冲为 f(t)加窗取  $t \in [0,T]$  的部分,记为信号 g(t), 求g(t)的傅里叶变换 $G(\omega)$ ;

日北京科(3) 对g(t)以等间隔T/10 进行 $\overline{T}$ 担思采样,求所得采样信号的频谱 $G_s(\omega)$ 。(20 分)

角生・U) 
$$f(t)$$
 为信息技数,  $b_{n}=0$ ,  $Q_{0}=\frac{1}{T}\int_{-\frac{1}{2}}^{\frac{1}{2}}f(t)dt=\frac{1}{T}\int_{0}^{\frac{1}{2}}f(t)$ 

LZ) 己有三角形用永冲信号频谱为 X(w)=55 公(4年)

三角形脉冲信号



q th相的x(t)幅值×E倍,7=T,向右平移至单位 由傅里啦换的线性与时找稀定理  $G(w) = \frac{E^2 I}{2} S_{a}^2 (\frac{WI}{4}) e^{-jw\frac{1}{2}}$ 

(3) 第二章 理想採样心式 
$$F_s(\omega) = \frac{1}{T_s} \sum_{n=-\infty}^{\infty} F(\omega - n\omega_s)$$

此处  $T_s = \frac{1}{10} , W_s = \frac{2\pi}{T_s} - \frac{20\pi}{T}$ 
 $G_{1s}(w) = \frac{1}{T_s} \sum_{n=-\infty}^{\infty} G(w - nw_s) = 5E^2 \sum_{n=-\infty}^{\infty} S_a^{\frac{1}{2}} \left( \frac{w - nw_s}{4} T \right) e^{-\frac{1}{2}(w - nw_s) \frac{1}{2}}$ 
 $= 5E^2 \sum_{n=-\infty}^{\infty} S_a^{\frac{1}{2}} \left( \frac{wT}{4} - 5n\pi \right) e^{-\frac{1}{2}(\frac{wT}{2} - 10n\pi)} \oplus \int \frac{1}{2} \int \frac{$