主管 领导 审核 签字

哈尔滨工业大学(深圳)2018/2019 学年春季学期

高等数学 B 试题

题号	_	11	III	四	五	六	七	总分
得分								
阅卷人								

注意行为规范 遵守考场纪律

一、填空题(每小题1分,共4小题,满分4分)

1. 函数 $f(x,y,z) = x^2 + y^2 + z^2$ 在点 $\left(\frac{1}{2}, -\frac{1}{2}, 0\right)$ 处的方向导数的最大值

- 2. 空间曲线 $\begin{cases} x^2 + 2y^2 + z^2 = 10, \\ x^2 y^2 + z = -2 \end{cases}$ 在点 (1, 2, 1) 处的切线方程是_____.
 - 3. 设 $u = xy^2z^3$, 其中z = z(x, y)是由方程 $x^2 + y^2 + z^2 = 3xyz$ 所确定的隐函

数,则
$$\frac{\partial u}{\partial x}\Big|_{(1,1,1)} = \underline{\hspace{1cm}}$$
.

4. 设函数 f(x,y) 在点 (1,0) 处连续,且 $\lim_{(x,y)\to(1,0)} \frac{f(x,y)-x+2y-3}{\sqrt{(x-1)^2+y^2}} = 0$,则函

数 f(x,y) 在点 (1,0) 处的全微分 $df|_{(1,0)} =$ ______.

- 二、选择题(每小题1分,共4小题,满分4分,每小题中给出的四个选 项中只有一个是符合题目要求的, 把所选项的字母填在题后的括号内)
- 1. 函数 $f(x,y) = e^{2x}(x+y^2+2y)$ 在点 $\left(\frac{1}{2},-1\right)$ 处(
- (A) 不取极值; (B) 取极小值 e; (C) 取极大值 $-\frac{e}{2}$; (D) 取极小值 $-\frac{e}{2}$.

2. 设 $y_1 = 2e^x + e^{-2x}$, $y_2 = -xe^x + e^{-2x}$, $y_3 = 3e^x - xe^x + e^{-2x}$ 是某二阶常系数线性非齐次微分方程 的三个特解,则该微分方程是(

- (A) $y'' 2y' + y = 9e^{-2x}$; (B) $y'' 2y' + y = e^{-2x}$;
- (C) $y'' + y' 2y = xe^x$; (D) $y'' + y' 2y = 3e^x$.

3. 设 $I_1 = \iint_{\mathbb{R}} \left(e^{-(x^2+y^2)} - 1 \right) dxdy$, $I_2 = \iint_{\mathbb{R}} \cos(x^2+y^2)^2 dxdy$, $I_3 = \iint_{\mathbb{R}} (x+2y)^3 dxdy$, 其 中

$$D = \left\{ (x, y) \left| \left| x \right| + \left| y \right| \le \frac{\sqrt{2}}{2} \right\}, \quad \text{MI}$$

- (A) $I_1 < I_2 < I_3$; (B) $I_1 < I_3 < I_2$; (C) $I_3 < I_2 < I_1$; (D) $I_2 < I_1 < I_3$.

4. 设 $I = \int_0^1 dx \int_0^{3x} f(x, y) dy + \int_1^2 dx \int_0^{4-x^2} f(x, y) dy$, 则改变积分次序后 I = ()

- (A) $\int_0^3 dy \int_{-\sqrt{4-y}}^{\frac{y}{3}} f(x, y) dx$; (B) $\int_0^3 dy \int_{3y}^{\sqrt{4+y}} f(x, y) dx$;
- (C) $\int_0^3 dy \int_{\frac{y}{2}}^{\sqrt{4-y}} f(x, y) dx$; (D) $\int_0^3 dy \int_{\sqrt{4-y}}^{\frac{y}{3}} f(x, y) dx$.

三、(5 分) 求微分方程 $y'' + 3y' + 2y = 3 \sin x$ 的通解.



四、(5 分)设 $z = f(x-2y) + g(y+1, xe^y)$, 其中 f(t) 具有二阶导数, g(u,v) 具有连续的二阶偏导数,求 $\frac{\partial z}{\partial x}, \frac{\partial z}{\partial y}$ 和 $\frac{\partial^2 z}{\partial x \partial y}$.

五、(4 分) 在椭球面 $x^2 + y^2 + \frac{z^2}{4} = 1$ 的第一卦限部分上求一点,使椭球面在该点处的切平面在三个坐标上的截距的平方和最小,并写出该点的切平面方程.

六、(4分) 计算二重积分 $\iint_D \sqrt{\left|y^2-xy\right|} \, \mathrm{d}x \mathrm{d}y$, 其中积分区域 $D = \{(x,y) \mid 0 \le x \le 1, 0 \le y \le 1\}$.

七、(4 分) 求以 xOy 平面上的圆周 $x^2 + y^2 = x + y$ 围成的闭区域为底,而以曲面 $z = x^2 + y^2$ 为 顶的曲顶柱体的体积.