哈尔滨工业大学(深圳)2021年

信号分析与处理试题模拟题(A)

本试卷仅用于蝻国内部交流,切勿外传

@Copyright 190320301-艾煜博

一、简答题(5*4')

- 1、简述系统的**可逆性**和**稳定性**的定义
- 2、请给出无失真传输的定义,写出无失真传输的频率特性函数

3、请简述DTFT和Z变换的关系

22-PSP

人可连性.系统对不同的输入信持不同的输出信号.即系统的输入输出信号呈--对应关系

稳定性系统对抗界输入信号的零状态响应也是标的

2. 无失真传输:信号通过系统后,波形硬,只在幅度上等的例地放线缩减超过上有一面定的延迟

时成条件 y(t)= k x(t-to) 版域条件. Y(m) = ke-jwtox(m) => H(m) = Ke-jwto

}、Z变换与DTFT的关系·

单位图上的2变换就是序列的离铷和间傅里叶变换 X(z) | Z=ein=DTFT[X(m]=X(几) Z = 按与DFT的关系

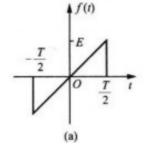
DFT是z变换在单位图上的N点采样X(b) z=eink=DFT[xin]=X(k)

- 4、请简述如何利用系统函数得到<u>离散系统</u>的频率响应,并给出此时系统应该满足的条件
- 5、已知时域有限信号 f(t) 的频谱为 F(w) ,在频域对 F(w) 进行采样,得到的时域信号会如何变化?
- 4. 对离散统.

李统逊数Hw,当系统稳定时(机点都性于单位围的部时) H(n)=Hw) 2=ein 对连续系统.

系统正,数His>,当系统稳定时(构点都性于虚轴左侧时) Hiwi=His>

5. 时城冲浪外样 $f(t) \longrightarrow f_s(t)$. $F_s(w) = \frac{1}{T_s} \sum_{n=-\infty}^{\infty} F(w-nw_s)$ 版域冲浪外科 $F_s(w) \longrightarrow F_s(w)$. $f_s(t) = \frac{1}{w_s} \sum_{n=-\infty}^{\infty} f(t-nT_s)$



(1) 求该函数 f(t) 的傅立叶变换

角4.定x法术博领换.

計本
$$\lambda = \frac{2E}{T}$$
, $y = \begin{cases} \frac{2E}{T}t, -\frac{T}{2} \leqslant t \leqslant \frac{T}{2} \end{cases}$ eight $e^{i\theta} = 2 los \theta$

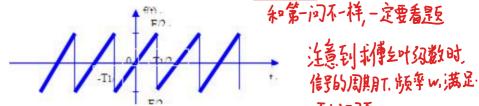
$$e^{i\theta} + e^{-i\theta} = 2 \mu s \theta$$

 $e^{i\theta} - e^{-i\theta} = 2 j \sin \theta$

$$F(w) = \int_{-\infty}^{+\infty} f(t)e^{-jwt}dt = \frac{2E}{T}\int_{-\frac{T}{2}}^{\frac{T}{2}} te^{-jwt}dt$$

发表ではたう
$$fe^{-j\omega t}dt = \frac{1}{-j\omega} \left[te^{-j\omega t} - \int e^{-j\omega t} dt \right] = \frac{jt}{\omega} e^{-j\omega t} + \frac{1}{\omega} e^{-j\omega t} + e^{-j\omega t} + e^{-j\omega t} + e^{-j\omega t} - \int e^{-j\omega t} dt = \frac{jt}{\omega} e^{-j\omega t} + e^{-j\omega t} + e^{-j\omega t} + e^{-j\omega t} - e^{-j\omega t}$$

(2) 由该函数得到周期锯齿波函数(下图)



解奇函数有Qo=Qn=O, W, T=2K

$$b_{n} = \frac{2}{T} \int_{-\frac{T}{2}}^{\frac{T}{2}} f(t) \sin n\omega_{t} dt = \frac{4}{T} \int_{0}^{\frac{T}{2}} \frac{E}{T} t \sin(n\omega_{t}) dt = \frac{4E}{T^{2}} \int_{0}^{\frac{T}{2}} t \sin(n\omega_{t}) dt$$

$$+ \frac{2}{T} \int_{-\frac{T}{2}}^{\frac{T}{2}} f(t) \sin n\omega_{t} dt = \frac{4E}{T^{2}} \int_{0}^{\frac{T}{2}} t \sin(n\omega_{t}) dt$$

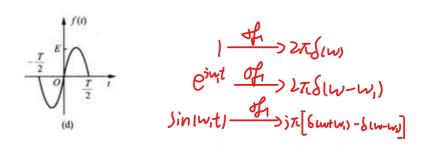
$$+ \frac{2}{T} \int_{0}^{\frac{T}{2}} f(t) \sin n\omega_{t} dt = \frac{4E}{T^{2}} \int_{0}^{\frac{T}{2}} t \sin(n\omega_{t}) dt$$

$$= \frac{1}{N^{2}\omega^{2}} \sin(n\omega_{t}) - \frac{1}{N\omega} t \cos(n\omega_{t})$$

$$= \frac{4E}{T^{2}} \left[\frac{1}{N^{2}\omega^{2}} \sin n\pi_{t} - \frac{1}{N\omega_{t}} \frac{T}{2} \cos n\pi_{t} - 0 - 0 \right] = \frac{E}{N\pi_{t}} \cos(n\pi_{t}) = \frac{E}{N\pi_{t}} (-1)^{N+1}$$

$$= \int_{0}^{\infty} \frac{(-1)^{N+1} E}{NT} \int_{0}^{\infty} \ln(n\omega_{t}) dt$$

- (3) 求上述周期锯齿波函数的傅立叶变换
- (4) 在第(2) 问的基础上,对信号以TS进行采样,求采样后信号 fs(t) 的频谱密度 Fs(w)



(1) 求 f(t) 的傅立叶变换

- 22-PSP
- (2) 求 f1(t)=f(-2t+pi/2) 的傅立叶变换

Fin) =
$$g = \frac{1}{2\pi} \left[\int_{\Omega} \left(\frac{wT_{i}}{2} \right) + \left(\int_{\Omega} \frac{wT_{i}}{2} \right) + \left(\int_{\Omega} \frac{wT_{i}}{2} \right) \right]$$

$$= \frac{1}{2\pi} \left[\int_{\Omega} \left(\frac{wT_{i}}{2} + T_{i} \right) - \int_{\Omega} \left(\frac{wT_{i}}{2} - T_{i} \right) \right]$$

$$= \frac{1}{2\pi} \left[\int_{\Omega} \left(\frac{wT_{i}}{2} + T_{i} \right) - \int_{\Omega} \left(\frac{wT_{i}}{2} - T_{i} \right) \right]$$

$$= \frac{1}{2\pi} \left[\frac{-\sin(\frac{wT_{i}}{2})}{\frac{wT_{i}}{2} + T_{i}} + \frac{\sin(\frac{wT_{i}}{2})}{\frac{wT_{i}}{2} - T_{i}} \right]$$

$$= \frac{1}{2\pi} \left[\frac{-\sin(\frac{wT_{i}}{2})}{\frac{wT_{i}}{2} + T_{i}} + \frac{\sin(\frac{wT_{i}}{2})}{\frac{wT_{i}}{2} - T_{i}} \right]$$

$$= \frac{1}{2\pi} \left[\frac{-\sin(\frac{wT_{i}}{2})}{\frac{wT_{i}}{2} + T_{i}} + \frac{1}{2\pi} \right]$$

$$= \frac{1}{2\pi} \left[\frac{-\sin(\frac{wT_{i}}{2})}{\frac{wT_{i}}{2} - T_{i}} \right]$$

$$= \frac{1}{2\pi} \left[\frac{-\sin(\frac{wT_{i}}{2})}{\frac{wT_{i}}{2} - T_{i}} \right]$$

$$(L)$$
 f_{i} t_{i} t_{i} f_{i} t_{i} t_{i}

Y 持性
$$g \not = g \not= g \not = g \not= g$$

四、已知两个有限序列如下,计算他们的圆周卷积

$$x(n) = \cos\left(\frac{2\pi n}{N}\right) R_N(n) \qquad \qquad 22 - \text{PSP} \qquad x(k) = \text{DFT}[x(n)] = \sum_{n=0}^{N-1} x(n) e^{-jk\frac{2\pi}{N}n}, \quad k = 0,1,...,N-1$$

$$h(n) = \sin\left(\frac{2\pi n}{N}\right) R_N(n) \qquad \qquad x(k) = \text{DFT}[x(n)] = \sum_{n=0}^{N-1} x(n) W_N^{nk}, \quad k = 0,1,...,N-1, W_N = e^{-j\frac{2\pi}{N}}$$

$$x(n) = \text{IDFT}[x(k)] = \frac{1}{N} \sum_{k=0}^{N-1} x(k) W_N^{nk}, \quad n = 0,1,...,N-1$$

$$x(n) = \text{IDFT}[x(k)] = \frac{1}{N} \sum_{k=0}^{N-1} x(k) W_N^{nk}, \quad n = 0,1,...,N-1$$

日t核园周卷积.X(n)图h(n) (DFT) X(k)H(k) 频域圆周卷积.xinjhinj←DFT>~Xikj@Hikj

先式DFT[Rum]=
$$\sum_{n=0}^{N-1} 1e^{-jk\frac{N}{N}n} = \begin{cases} N & k=0 \\ 1\frac{1-e^{jk\frac{N}{N}n}}{1-e^{jk\frac{N}{N}n}} = 0, 其它 \Rightarrow DFT[Rum]=NS(k)$$

圆周伦移性质

从而DFT[eixpon]=NS(k-ko), DFT[e-ixkn]=NS(k+ko) DFT[$\omega_{s}(\frac{2\pi}{N}n)R_{N}(n)] = \frac{N}{2} \left[\delta(|z+1)+\delta(|z-1)\right]$ PFT[sin(於n)Rn(n)]=jN 2[S(k+1)-S(k-1)] ちX Y(12)=X(12) H(12)= シルー [S(12+1)+S(12-1)][S(12+1)-S(12-1)] $=\frac{in^2}{4}\left[\delta(k+1)-\delta(k-1)\right]$

 $Y(n) = LDFT[Y(k)] = \frac{N}{2}S_{1n}(\frac{LZ}{N}n)R_{N}(n)$

五、已知两个系统的差分方程:

$$y(n) - 3y(n-1) + 3y(n-2) - y(n-3) = x(n) \ y(n) - 5y(n-1) + 6y(n-2) = x(n) - 3x(n-2)$$

22-PSP

(1) 求这两个系统的单位样值响应

②
$$y_{(n)} - 5y_{(n-1)} + by_{(n-2)} = \chi_{(n)} - 3\chi_{(n-2)}, \chi_{\chi_{\infty}} = \frac{2^{2} - 3}{2^{2} - 5} = \frac{2^{2} - 3}{(2 - 2)(2 - 3)}$$

$$y_{(n)} = z^{-1} [\gamma_{(2)}] = z^{-1} [e_{s}] \frac{z^{2} - 3}{(2 - 2)(2 - 3)} z^{n-1}$$

$$= -2^{n-1} + 6*3^{n-1} = -\frac{1}{2} \cdot 2^{n} + 2 \cdot 3^{n}$$

$$= -\frac{1}{2} \cdot 2^{n} + 2 \cdot 3^{n} - \frac{1}{2} S(n) \quad n \neq 0$$

$$= -\frac{1}{2} \cdot 2^{n} u(n) + 2 \cdot 3^{n} u(n) - \frac{1}{2} S(n)$$

(2) 判断下面的系统是否是LTI系统

$$r(t)=\int_{-\infty}^{5t}e(au)d au$$

D线性性·没输的分别为 eith, eith, 输出分别为 rith, rith

$$r(t) = \int_{-\infty}^{5t} [c_1 e_1 (7) + c_2 e_1 (7)] d\tau = c_1 \int_{-\infty}^{5t} e_1 (r) d\tau + c_2 \int_{-\infty}^{5t} e_2 (r) d\tau$$

$$= c_1 r_1(t) + c_2 r_2(t)$$

= C, r, (t) + (2 r 2 lt), 系统满足线性性

②时变性. 没输入e(t)有输出r(t),则对f输入e(t)=e(t-to). 输出r(t)= $\int_{-\infty}^{5t} e(r-to)dr \frac{\lambda=r-to}{-\infty} \int_{-\infty}^{5t-to} e\omega)d\omega = \int_{-\infty}^{5(t-\frac{to}{5})} e(r)dr = r(t-\frac{to}{5})$ 不满足时在他

图因果性.当时间为七月时、输入en,转前出ru,=∫secodo与未时刻有关,不满是回默性