主管 领导 审核 签字

哈尔滨工业大学(深圳)2023 年秋季学期

信号分析与处理试题 (A 卷) (回忆版)

2023.12.3 V1.1

题 号	_	1	Ш	四	五	总分
得 分						
阅卷人						

考生须知:本次考试为闭卷考试,考试时间为120分钟,总分100分。 在开始测试之前,请先阅读试卷末页的备注。

一、简答题(共4小题,每小题5分,满分20分)

- 1. 说明为什么经典滤波器不能滤除拍球产生的噪声?
- 2. 说明利用 FFT 计算两序列线性卷积的原理。使用时需要注意什么?
- 3. 说明 z 变换与 DTFT、DFT 的关系。

4. 函数集cos(t), cos(2t), …, cos(nt) (n 为正整数) 是否为区间 (0, $\pi/2$) 上的完 备正交函数集?请说明理由。 ZZ-PSP

1. 因为拍球产生的噪声吸血似视为冲激,占据无限的频率范围,每两倍号有

频带重叠,经典滤波器当有用信贷如果声的频谱相重叠时能动 2 利用FFT求线性卷积(快速卷积)通过求解图周卷积耗解两作列的线性卷积

 $X(n) \xrightarrow{FFT} X(k)$ $h(n) \xrightarrow{FFT} H(k)$ $X(k)H(k) \xrightarrow{IFFT} Y(n)$

注意将两序列分别孙零至长度 L2 N.+NL-1

3. Z变换与DTFT的关系·

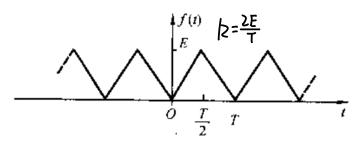
单位国上的B变换京龙是序列的离散时间傅里叶变换 X(z) Z=pin=DTFT[X(m]=X(s)

Z变换与DFT65关系。
DFT是Z变换在单位图上65水点采样 X(a) Z=ei添k=DFT[x(n)]=X(k)

 $4.\int_{0}^{\frac{\pi}{2}} \omega_{s}(2t) \omega_{s} t dt = \frac{1}{2} \int_{0}^{\frac{\pi}{2}} [\omega_{s} + \omega_{s} t] dt = \frac{1}{2} \left[\frac{1}{2} \sin_{s} t + \sin_{s} t\right]_{0}^{\frac{\pi}{2}} = \frac{1}{2} + 0$ 不满足正女性不是正文函数佳

三角函数集(1,605Wot,cos2Wot,...,sinwot,sinzwot,...)在区间(to,to+T)上是完备正交的

二**、计算题(20 分)**有以下周期为 T 的三角波信号。



- 1. 求 a_0 、 a_n 和 b_n ,并写出完整的傅里叶级数表达式。(10 分)
- 2. 用一幅度为 E,宽度为 T 的矩形脉冲信号给 f(t)在[0,T]加窗,记所得信号为 g(t)。求 g(t)的 频谱 $G(\omega)$ 。(5 分)
- 3. 用周期为 T/10 的单位冲激序列对 g(t)进行理想采样,求所得采样信号的频谱 $G_{s}(\omega)$ 。(5 分)

角乳为偶函数,
$$b_n = 0$$
 , 记 $T_i = T$, $w_i = \frac{2\pi}{T_i} = \frac{2\pi}{T}$

$$Q_0 = \frac{1}{T_i} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} f(t) dt = \frac{1}{T_i} \cdot \frac{2E}{T_i} \cdot 2 \int_{0}^{\frac{\pi}{2}} t dt = \frac{E}{2}$$

 $\int t \cos nw_t dt = \frac{1}{nw_t} t \sin (nw_t) + \frac{1}{n^2 w^2} \cos (nw_t) + c$

$$\frac{d\xi}{dn} = \frac{2}{T_{1}} \int_{\frac{T_{1}}{L}}^{\frac{T_{1}}{L}} f(t) \omega_{3} n w_{1} t dt = \frac{8E}{T_{1}} \int_{0}^{\frac{T_{1}}{L}} t \omega_{3} (n w_{1} t) dt = \frac{2E}{n^{2} \pi^{2}} \left[\omega_{3} n \pi_{1} - 1 \right] = \frac{2E}{n^{2} \pi^{2}} \left((-1)^{n} - 1 \right) = \left(\frac{-4E}{n^{2} \pi^{2}} \right) \frac{d\xi}{dn}$$

$$\frac{d\xi}{dn} = \frac{E}{2} + \sum_{n=1}^{\infty} \frac{-4E}{(2n-1)^{2} \pi^{2}} \omega_{3} \left[(2n-1)w_{1} t \right] = \frac{2E}{n^{2} \pi^{2}} \left((-1)^{n} - 1 \right) = \left(\frac{-4E}{n^{2} \pi^{2}} \right) \frac{d\xi}{dn}$$

$$= \frac{E}{2} - \frac{4E}{\pi^{2}} \omega_{3} w_{1} t - \frac{4E}{4\pi^{2}} \omega_{3} \right\} w_{1} t - \dots$$

2.注:已知于三角形月的中 httl· Him=
$$\frac{ET}{2}$$
 $\int_{a}^{b} (\frac{wT}{4})$ 9th 相比 帕度 $\times E$. 右移 ξ . 且 $7=T$, 代 λ 有 Givi = $Ee^{-iw\xi}$ Hum $\int_{\tau=T}^{\tau=T} = \frac{E^2T}{2}e^{-iw\xi}$ $\int_{a}^{\infty} (\frac{wT}{4})$

$$\frac{1}{2E^{2}} + o(t) = \begin{cases}
\frac{2E^{2}}{T} + o(t) = \frac{1}{2} \\
-\frac{2E^{2}}{T} + o(t) = \frac{2E^{2}}{T} + o(t) = \frac{2E^{$$

 $g'it)=\frac{2E^2}{T}\left[uut)-2u(t-\frac{T}{2})+u(t-T)\right]\Rightarrow g'it)=\frac{2E^2}{T}\left[S(t)-2S(t-\frac{T}{2})+S(t-T)\right]$

$$\iint_{\Gamma} \left[g'' \downarrow t_{J} \right] = \frac{\sum E^{2}}{T} \left(1 - \sum e^{-jw_{1}^{T}} + e^{-jw_{1}^{T}} \right) = \frac{\sum E^{2}}{T} e^{-jw_{1}^{T}} \left(e^{jw_{1}^{T}} + e^{-jw_{1}^{T}} - \sum \right) = \frac{4E^{2}}{T} e^{-jw_{1}^{T}} \left(\log \frac{w_{1}}{2} - 1 \right) = \frac{-8E^{2}}{T} e^{-jw_{1}^{T}} \left(\log \frac{w_{1}}{2} - 1 \right) = \frac{-8E^{2}}{T} e^{-jw_{1}^{T}} \left(\log \frac{w_{1}}{2} - 1 \right) = \frac{-8E^{2}}{T} e^{-jw_{1}^{T}} \left(\log \frac{w_{1}}{2} - 1 \right) = \frac{-8E^{2}}{T} e^{-jw_{1}^{T}} \left(\log \frac{w_{1}}{2} - 1 \right) = \frac{-8E^{2}}{T} e^{-jw_{1}^{T}} \left(\log \frac{w_{1}}{2} - 1 \right) = \frac{-8E^{2}}{T} e^{-jw_{1}^{T}} \left(\log \frac{w_{1}}{2} - 1 \right) = \frac{-8E^{2}}{T} e^{-jw_{1}^{T}} \left(\log \frac{w_{1}}{2} - 1 \right) = \frac{-8E^{2}}{T} e^{-jw_{1}^{T}} \left(\log \frac{w_{1}}{2} - 1 \right) = \frac{-8E^{2}}{T} e^{-jw_{1}^{T}} \left(\log \frac{w_{1}}{2} - 1 \right) = \frac{-8E^{2}}{T} e^{-jw_{1}^{T}} \left(\log \frac{w_{1}}{2} - 1 \right) = \frac{-8E^{2}}{T} e^{-jw_{1}^{T}} \left(\log \frac{w_{1}}{2} - 1 \right) = \frac{-8E^{2}}{T} e^{-jw_{1}^{T}} \left(\log \frac{w_{1}}{2} - 1 \right) = \frac{-8E^{2}}{T} e^{-jw_{1}^{T}} \left(\log \frac{w_{1}}{2} - 1 \right) = \frac{-8E^{2}}{T} e^{-jw_{1}^{T}} \left(\log \frac{w_{1}}{2} - 1 \right) = \frac{-8E^{2}}{T} e^{-jw_{1}^{T}} \left(\log \frac{w_{1}}{2} - 1 \right) = \frac{-8E^{2}}{T} e^{-jw_{1}^{T}} \left(\log \frac{w_{1}}{2} - 1 \right) = \frac{-8E^{2}}{T} e^{-jw_{1}^{T}} \left(\log \frac{w_{1}}{2} - 1 \right) = \frac{-8E^{2}}{T} e^{-jw_{1}^{T}} \left(\log \frac{w_{1}}{2} - 1 \right) = \frac{-8E^{2}}{T} e^{-jw_{1}^{T}} \left(\log \frac{w_{1}}{2} - 1 \right) = \frac{-8E^{2}}{T} e^{-jw_{1}^{T}} \left(\log \frac{w_{1}}{2} - 1 \right) = \frac{-8E^{2}}{T} e^{-jw_{1}^{T}} \left(\log \frac{w_{1}}{2} - 1 \right) = \frac{-8E^{2}}{T} e^{-jw_{1}^{T}} \left(\log \frac{w_{1}}{2} - 1 \right) = \frac{-8E^{2}}{T} e^{-jw_{1}^{T}} \left(\log \frac{w_{1}}{2} - 1 \right) = \frac{-8E^{2}}{T} e^{-jw_{1}^{T}} \left(\log \frac{w_{1}}{2} - 1 \right) = \frac{-8E^{2}}{T} e^{-jw_{1}^{T}} \left(\log \frac{w_{1}}{2} - 1 \right) = \frac{-8E^{2}}{T} e^{-jw_{1}^{T}} \left(\log \frac{w_{1}}{2} - 1 \right) = \frac{-8E^{2}}{T} e^{-jw_{1}^{T}} \left(\log \frac{w_{1}}{2} - 1 \right) = \frac{-8E^{2}}{T} e^{-jw_{1}^{T}} \left(\log \frac{w_{1}}{2} - 1 \right) = \frac{-8E^{2}}{T} e^{-jw_{1}^{T}} \left(\log \frac{w_{1}}{2} - 1 \right) = \frac{-8E^{2}}{T} e^{-jw_{1}^{T}} \left(\log \frac{w_{1}}{2} - 1 \right) = \frac{-8E^{2}}{T} e^{-jw_{1}^{T}} \left(\log \frac{w_{1}}{2} - 1 \right) = \frac{-8E^{2}}{T} e^{-jw_{1}^{T}} \left(\log \frac{w_{1}}{2} - 1 \right) = \frac{-8E^{2}}{T} e^{-jw_{1}^{T}} \left($$

ス理想条样公式: Fslw)= - too F(w-nw,) 代からこで、w,=2ス=20ス有 (xslw)=ででででででででででいる。「まいっとででからなでいる。「まいっとででい」 (第2页, 共6页)

考虑有限长序列
$$x(n) = \begin{cases} 0.5, n = 0 \\ 1, n = 1 \\ 1, n = 2 \\ 0.5, n = 3 \end{cases}$$
 z2-PSP

- 1. 用 DFT 的矩阵形式求 X(k) = DFT[x(n)] (需写出详细计算过程);
- 2. 由第 1 题所得结果求 IDFT[X(k)], 并验证所得结果是正确的;
- 4. 欲使x(n)与x(n)的圆卷积和线性卷积相同,求圆周卷积点数的最小

值,并做出解释。

1.
$$N=V$$
, $W_{V}=e^{-\frac{1}{2}\frac{X}{N}}=-\frac{1}{2}$ X_{CD}

$$X_{CD}=\begin{bmatrix} X_{CD} \\ X_{CD} \\ X_{CD} \\ X_{CD} \end{bmatrix}=\begin{bmatrix} W^{0} & W^{0} & W^{0} & W^{0} & W^{0} \\ W^{0} & W^{1} & W^{1} & W^{1} & W^{1} \\ W^{0} & W^{1} & W^{1} & W^{1} & W^{1} \end{bmatrix}=\begin{bmatrix} 0.5 \\ 1 & 0.5 \\ 1 & 0.5 \end{bmatrix}=\begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 0.5 \end{bmatrix}=\begin{bmatrix} 0.5 \\ 1 & -1 & 1 & 1 \\ 1 & 0.5 \end{bmatrix}=\begin{bmatrix} 0.5 \\ 1 & -1 & 1 & 1 \\ 1 & 0.5 \end{bmatrix}=\begin{bmatrix} 0.5 \\ -0.5 - 0.5 \end{bmatrix}$$

$$X_{CD}=\begin{bmatrix} X_{CD} \\ X_{CD} \\ X_{CD} \\ X_{CD} \end{bmatrix}=\begin{bmatrix} W^{0} & W^{0} & W^{0} & W^{0} \\ W^{0} & W^{1} & W^{1} & W^{1} \\ W^{0} & W^{2} & W^{1} & W^{1} & W^{1} \\ W^{0} & W^{2} & W^{1} & W^{1} & W^{1} \\ W^{0} & W^{2} & W^{1} & W^{1} & W^{1} \\ W^{0} & W^{2} & W^{1} & W^{1} & W^{1} \\ W^{0} & W^{2} & W^{1} & W^{1} & W^{1} \\ W^{0} & W^{2} & W^{1} & W^{1} & W^{1} \\ W^{0} & W^{2} & W^{2} & W^{2} & W^{2} & W^{2} \\ W^{0} & W^{2} & W^{2} & W^{2} & W^{2} & W^{2} \\ W^{0} & W^{2} & W^{2} & W^{2} & W^{2} \\ W^{0} & W^{2} & W^{2} & W^{2} & W^{2} & W^{2} \\ W^{0} & W^{2} & W^{2} & W^{2} & W^{2} & W^{2} & W^{2} \\ W^{0} & W^{2} \\ W^{0} & W^{2} \\ W^{0} & W^{2} &$$

3. 風尼老紀X(n)&h(n)=[N=1]x(m)h((n-m)),Ry(n)

Y(n)=x(n)@x(n)={025,1,2,25,2,1,025,0,0,0} Y、L=2N-1=7,)点,由第3问可知图周卷织结果后面有介型/

I

W Th

中山

孙邓

四、计算题(20分,每小题5分)

- 1. 连续 LTI 系统的微分方程为y''(t) + 6y'(t) + 8y(t) = 2x(t),求系统的单位冲激响应;
- 2. 对于第 1 题的系统, 若输入信号 $x(t) = te^{-2t}u(t)$, 求系统的输出响应;
- 3. 离散 LTI 系统的差分方程为y(n) + 0.5y(n-1) = x(n), 求系统的频率响应;
- 4. 对于第 3 题的系统, 若输入信号 $x(n) = \delta(n) + 0.5\delta(n-1)$, 求系统的输出响应。

 $\frac{2 \times 11 = te^{-\lambda t} \text{ u.t.}}{5 + 6 \times 18} \times \frac{1}{(5+1)^{5} (5+1)} = \frac{a}{5+2} + \frac{b}{(5+2)^{4}} + \frac{c}{(5+2)^{4}} + \frac{d}{5+4}$

$$\frac{3. Y(2) + 0.5 Z^{-1} Y(2) = X(2). \frac{Y(2)}{X(2)} = \frac{Z}{Z + 0.5}}{\sqrt{5} + \sqrt{5}} = \frac{Z}{1 + 0.5 e^{50}}$$

$$Y_{-}X_{1}(n) = \delta_{1}(n) + 0.5 \delta_{1}(n-1),$$
 $A_{1}X_{1}(2) = 1 + 0.5 2^{-1}$
 $Y_{-}U_{1} = \frac{2}{2 + 0.5} (1 + 0.5 2^{-1}) = 1 \Rightarrow Y_{-}U_{1} = \delta_{1}U_{1}$

五、综合题(20分)

滤波器是用于信号处理和滤除噪声的系统。回答下列问题:

- 1. 简述在模拟滤波器设计中,如何针对最小相位系统正确配置零极点。(5 分)
- 2. 简述在数字滤波器设计中,双线性变换法的作用。(5分)
- 3. 输入信号 $x(t) = Sa(t)\cos(2t)$,求其经过截止频率 $\omega_c = 2rad/s$ 的理想低 通滤波器(设其通带内放大倍数为3)的输出。(10分)

22-PSP

1、拟点·Hus的机点的在左杆面 型点: Hu)的零点为在半面的有零点+虚轴片的分的一半

2. 建丝线到2域的--映射,防止频谱温量

(it sh) 275(14-1), e-jet of 275(141) => 105 (2t) of -> 7-[614+1)+64-2)

ちくX(w) = 一大 f[Satt]*f[Los(2t)]= 六 1 [um+1)-um-1)*[Surte)+Sure) = \frac{\tau \langle \

$$\frac{1}{2} \left\{ \frac{1}{2} \left[\frac{1}{2} \left$$

y(t)=3元とよっ「g,w) よりを(w+を)+をいるショ =311 =1 Sal => = COLET =35a(芸)しり(きた) 数 ylt1=35alt-to) しり(き(ナも))

输出响应为 $y(t) = \frac{\mathring{K}(\omega_c - 1)}{2} Sa\left[\frac{\omega_c - 1}{2}(t - t_0)\right] \cos\left[\frac{\omega_c + 1}{2}(t - t_0)\right], \quad -\infty < t < \infty$