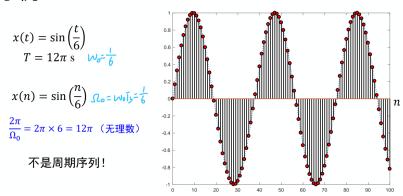
信号分析与处理试题(A)

22-PSP

- 1. 简述何为因果系统。
- 2) 对连续周期信号进行采样得到的信号是否一定是周期信号? 为什么?
- (J)·对于任意的输入信号,如果系统在任何时刻的输出值,只取决于该时刻 和该时刻以前的输入值,而与将来时刻的输入值无关,就称该系统具有 因果性; 否则, 如果某个时刻的输出值还与将来时刻的输入值有关, 则 为非因果的。
 - 具有因果性的系统称为因果系统, 具有非因果性的系统为非因果系统。
 - 通常由电阻器、电感线圈、电容器构成的实际物理系统都是因果系统。 而在信号处理技术领域中,待处理的时间信号已被记录并保存下来,可 以利用后一时刻的输入来决定前一时刻的输出,将构成非因果系统。

儿不定后的.

示例3 对正弦信号进行采样, $t = nT_s$, $T_s = 1s$



- 3. 圆周卷积和线性卷积的定义分别是什么?在什么情况下,两者结论一致?
- 4. 简述离散傅里叶变换 DFT 和离散时间傅里叶变换 DTFT 的关系。

3) 有限人所 国間巻紀、X(n)*h(n)=デス(m)h(n-m) 風間巻紀、X(n)®h(n)=デス(m)h((n-m)), Ry(n)

> 又寸于XLn)与hLn),设其长度分别为从M,当初零后长度12Ntm-1 时两者L线性卷积与L点图周卷的结果一致

中, 离散信号的DTFT是Ω的连续周期函数,尽管在理论上有重要意义,但在计 算机上实现有困难。为此,需要一种时域和频域上都是离散的傅里叶变换对,

DFT是对DTFT的结果X(2)的长度为2元的生值区间进行N点采样得到的

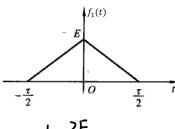
信号 $f_2(t)$ 可以写成 $f_1(t)$ 的调制:

$$f_2(t) = f_1 \left(t - \frac{\tau}{2} \right) \cos(\omega_0 t)$$

- 1. 求函数 $f_1(t)$ 的傅里叶变换; (10分)
- 2. 利用有关定理求函数 $f_2(t)$ 的傅里叶变换(10分)

 $\frac{1}{t}$ (傅里叶变换积分特性: $\mathcal{F}\left[\int_{-\infty}^{t} f(\tau)d\tau\right] = \frac{F(\omega)}{i\omega} + \pi F(0)\delta(\omega)$,其中 $F(\omega) = \mathcal{F}[f(t)]$)

角子方は)=25[(はもも)-2(は)+(はもし), がは)=25[(はもも)-26ははるはしら)] S(t) 4) 1, 72 \$[f,"t] = 2E [e-jw=2-2+e)w=] = -8E sin2(UT)



12=<u>2E</u>

2. $f_{1}(t) = f_{1}(t - \frac{7}{2}) \cdot \frac{1}{2} \left(e^{jwot} + e^{-jwot} \right)$ $\frac{1}{2} f_{1}(t) \xrightarrow{\sigma_{1}} \frac{1}{2} F_{1}(w)$ $= \frac{1}{2} f_{1}(t - \frac{7}{2}) \xrightarrow{\sigma_{1}} \frac{1}{2} e^{-jw\frac{7}{2}} F_{1}(w)$ $\frac{1}{2} f_{1}(t - \frac{7}{2}) e^{jwot} \xrightarrow{f_{1}} \frac{1}{2} e^{-j(w-w_{0})\frac{7}{2}} F_{1}(w-w_{0})$ $\frac{1}{2} f_{1}(t - \frac{7}{2}) e^{jwot} \xrightarrow{f_{1}} \frac{1}{2} e^{-j(w-w_{0})\frac{7}{2}} F_{1}(w-w_{0})$ $\frac{1}{2} f_{2}(w) = \frac{1}{2} \left[e^{-j(w-w_{0})\frac{7}{2}} F_{1}(w-w_{0}) + e^{-j(w+w_{0})\frac{7}{2}} F_{1}(w+w_{0}) \right] = \cdots$

三、(20 分) 已知矩形脉冲信号 $f_0(t)$ 如图 2 所示,

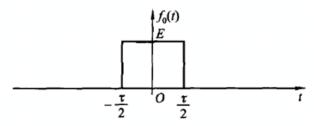


图 2 矩形脉冲信号

- 1. 求矩形脉冲的频谱 $F_0(\omega)$; (8分)
- 2. 对 $f_0(t)$ 以 $T_1(T_1 > \tau)$ 为周期进行周期延拓,得到周期矩形脉冲 $f_1(t)$,求相应的频谱 $F_1(\omega)$;(6 分)
- 3. 若 $f_1(t)$ 被间隔为 $T_s(T_s \ll \tau)$ 的冲激序列所抽样,令抽样后的信号为 $f_s(t)$,求信号 $f_s(t)$ 的傅里叶变换 $F_s(\omega)$ 。(6 分)

$$\frac{1}{100} \frac{1}{100} \frac{1}{100} \int_{0}^{100} \int_{0}^{10$$

四、(20分)若已知有限长序列x(n)如下式

$$x(n) = \begin{cases} 1 & n = 0 \\ 2 & n = 1 \\ 1 & n = 2 \\ -3 & n = 3 \end{cases}$$

1. 求 DFT[x(n)] = X(k)。(10分)

2. 由所得X(k), 求 IDFT[X(k)], 并验证计算是否正确。(10 分)

$$y'(t) + ay(t) = u'(t)$$

1. 求该系统的传递函数 $H_a(s)$; (10分)

- 2. 设采样间隔为T=2,用双线性变换法将 $H_a(s)$ 变化成数字滤波器的系统函数H(z)(5分)。
- 3. 求数字滤波器的单位样值响应h(n)(5分)。 4、为什么不能用冲影响在不变法

(典型信号 Z 变换: $\mathcal{Z}^{-1}[1] = \delta(n), \mathcal{Z}^{-1}\left[\frac{z}{z-1}\right] = u(n), \mathcal{Z}^{-1}\left[\frac{z}{z-a}\right] = a^n u(n)$)

角4:11) SY(5)+aY(5)=50(5)

(2)冲激%左不变法: $\Omega=WT$ 现线/生变换法: $S===\left(\frac{3-1}{2+1}\right), \psi===\frac{1}{2} \tan(\frac{\Omega}{2})$

$$|-|(2)| = \frac{\frac{2-1}{2+1}}{\frac{2-1}{2+1} + a} = \frac{2-1}{(a+1)2+a-1}$$

 $|z| = \frac{|z-1|}{|a+1|} = \frac{|z$

 $4a=1 \text{ Bt}, Y(2)=\frac{z-1}{2z}=\frac{1}{2}-\frac{1}{2}z^{-1} \Rightarrow y(n)=\frac{1}{2}[s(n)-s(n-1)]$

14)会造成频谱混叠