用部分分式法#3%变换时. 把分钟的产先提出来再设张数

By 22-PSP 自动控制理论 A—作业 4 把分钟的 = 先提出来,再记 = 1. (30') 求  $X(z) = \frac{(1-e^{-aT})z}{(z-1)(z-e^{-aT})}$  的 z 逆变换 x(kT) 以及  $x^*(t)$ ,其中 T 是采样周期,a 是常数。 注意 X(a) 逆变换结果是 x(kT),不是 x(kT) 人名  $x^{-aT}$  y(z)

$$\begin{array}{ll}
A + \chi_{(2)} = 2 \left[ \frac{A}{2-1} + \frac{B}{2-e^{-a_1}} \right], & A = \lim_{z \to 0} \frac{(z-1)\chi_{(2)}}{z} = 1, B = \lim_{z \to 0} \frac{(z-e^{-a_1})\chi_{(2)}}{z} = -1 \\
& \chi_{(2)} = \frac{z}{z-1} - \frac{z}{z-e^{-a_1}} \\
& t\chi_{(kT)} = 2^{-1} \left[ \chi_{(2)} \right] = 2^{-1} \left[ \frac{Z}{z-1} \right] - 2^{-1} \left[ \frac{Z}{z-e^{-a_1}} \right] = 1 - e^{-akT} \\
& \chi_{(0)} = 0, \chi_{(1)} = 1 - e^{-a_1} \chi_{(2)} = 1 - e^{-2a_1} \dots \\
& \chi_{(n)} = 0, \chi_{(n)} = 1 - e^{-a_1} \chi_{(n)} = 1 - e^{-a_1} \chi_{(n)} = 1 - e^{-a_1} \dots \\
& \chi_{(n)} = 0, \chi_{(n)} = 1 - e^{-a_1} \chi_{(n)} = 1 - e^{a_1} \chi_{(n)} = 1 - e^{-a_1} \chi_{(n)} = 1 - e^{-a_1} \chi_{(n)} = 1 -$$

2. **(60')** 试分别求系统 A 和 B 的脉冲传递函数  $G(z) = \frac{Y(z)}{R(z)}$  和  $\Phi(z) = \frac{C(z)}{R(z)}$ 。请写出详细步骤。

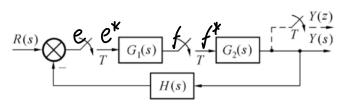


图 1. 系统 A 的方框图

角生・由身可たロア(と)=G(と)F(と), F(と)=G(と)E(と), E(と)=P(と)-HG(と)F(と).

(本文上式,有.F(と)= 
$$\frac{G(2)R(2)}{1+G(2)HG(2)}$$
, Y(と)=  $\frac{G(2)G(2)R(2)}{1+G(2)HG(2)}$ 

以而 G(と)= $\frac{Y(2)}{P(2)}$ =  $\frac{G(2)G(2)}{1+G(2)HG(2)}$ 

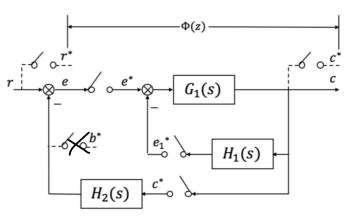


图 2. 系统 B 的方框图

**注意到试时不要在该停的地游**下

角体 由窓の大い (しき)= G, ほ)[ E(と) - E, (と)]

E(と) = P(ら) - H(と)(と)

母女上が、白 E(と) = H, G, (と) [E(と) - E, (と)]

中大之上が、白 E(と) = H, G, (と) E(と)

(しき) = G, (と)[1 - H, G, (と)]

= G, (と) - H, G, (と) [R(と) - H, Cを)(と)]

= G, (と) - H, G, (と) H, (と)

= G, (と) R(と) - G, (と) H, (と)

=> 
$$\Phi(2) = \frac{G, (2)}{R(2)} = \frac{G, (2)}{1+H, G, (2)} + G, (2)H, (2)$$

By 22- PSP

3. (10') 已知系统的单位阶跃响应为  $y(t) = 1 + e^{-t} - e^{-2t}$   $(t \ge 0)$ ,试求该系统的传递函数 G(s) = Y(s)/R(s).

角4:由ytt)=1+e-t-e-tt (+20)知 y(0)=1+0,为非零初始状态由于初始状态只影响的态分量的系数不影响稳态分量及整分量的形式。设要状态单位阶段响应为ytt)=1+Ae-t-Aze-t

$$\begin{cases} y_{(0)} = 1 + A_1 + A_2 = 0 \\ y_{(0)} = -A_1 - 2A_2 = 0 \end{cases}$$
 有 $\begin{cases} A_1 = -2 \\ A_2 = 1 \end{cases}$   $\Rightarrow y_{(t)} = 1 - 2e^{-t} + e^{-2t}$ 

$$\gamma_{(5)} = \mathcal{L}[y_{(tt)}] = \mathcal{L}[1-2e^{-t}+e^{-2t}] = \frac{2}{5} - \frac{2}{5+1} + \frac{1}{5+2} = \frac{2}{5(5+1)(6+2)}$$

$$\Rightarrow G_{(5)} = \frac{Y_{(5)}}{R_{(5)}} = \frac{2}{(541)(542)}$$