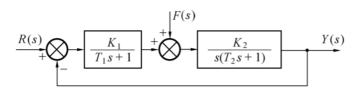
自动控制理论 A 作业 9

2024年11月8日

100

3.39 某控制系统方框图如题 3.39 图所示。已知 r(t) = t, f(t) = -1(t), 试计算该系统的稳态误差。



3.40 某控制系统的方框图如题 3.40 图所示。当扰动信号分别为 f(t) = 1(t), f(t) = t 时,试计算下列两种情况下系统响应扰动信号 f(t) 的稳态误差:

$$(1) G_{1}(s) = K_{1} G_{2}(s) = \frac{K_{2}}{s(T_{2}s+1)}$$

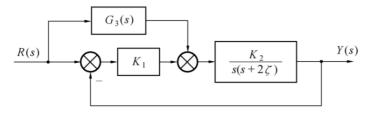
$$(2) G_{1}(s) = \frac{K_{1}(T_{1}s+1)}{s} G_{2}(s) = \frac{K_{2}}{s(T_{2}s+1)} (T_{1} > T_{2})$$

$$\xrightarrow{R(s)} G_{1}(s) \xrightarrow{+} G_{2}(s) \xrightarrow{Y(s)} G_{2}(s)$$

3.41 设有控制系统,其方框图如题 3.41 图所示。为提高系统跟踪控制信号的准确度,要求系统由原来的 Ⅰ 型提高到 Ⅲ 型,为此在系统中增置了顺馈通道,设其传递函数为

$$G_2(s) = \frac{\lambda_2 s^2 + \lambda_1 s}{Ts + 1}$$

若已知系统参数为 $K_1 = 2$, $K_2 = 50$, $\zeta = 0.5$, T = 0.2, 试确定顺馈参数 λ_1 及 λ_2 。

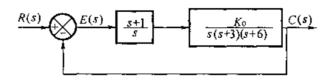


7.已知单位反馈系统的开环传递函数为

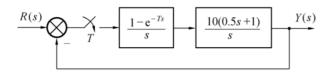
$$G(s) = \frac{10(2s+1)}{s^2(s^2+6s+100)}$$

试求输入分别为 r(t) = 2t 和 $r(t) = 2 + 2t + t^2$ 时,系统的稳态误差。

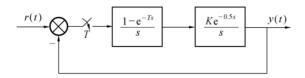
9.已知系统结构图如题 9 图所示,要求系统在 $r(t) = t^2$ 作用时,稳态误差 $e_* < 0.5$,试确定满足要求的开环增益 K 的范围。



6.21 离散系统如题 6.21 图所示,采样周期 $T=0.2~{\rm s}$ 。判断系统的稳定性,并求 $r(t)=1+t+\frac{t^2}{2}$ 时系统稳态误差的终值 $e_{\rm ss}(\infty)$ 。



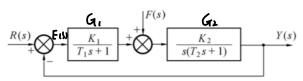
6.24 已知系统结构如题 6.24 图所示,采样周期 $T=0.25~{\rm s}$ 。当 $r(t)=2\cdot 1(t)+t$ 时,欲使稳态误差小于 0.5,试求 K 的值。



自动控制理论 A 作业 9

2024年11月8日

3.39 某控制系统方框图如题 3.39 图所示。已知 r(t) = t, f(t) = -1(t),试计算该系统 的稳态误差。



对应的特征方线是为 DL6)= T.T. 53+(T.+T.)545+KK=O

対別表:
$$S^3$$
 T.T. 1 当満足以下条件时系统稳定,讨论稳态误差 S^1 T.t. 1 当満足以下条件时系统稳定,讨论稳态误差 S^1 T.t. K_1K_2 S^2 T.t. K_1K_2 S^3 T.t. K_1K_2 S^3 T.t. S^3 S^4 S^4

回再本fiti=-1导致的稳差. 终值定理

$$F(s) = \frac{-1}{s} \quad \text{由 } E(s) = -Y(s), Y(s) = G_1(s)[F(s) + G_1(s)E(s)] \neq 0,$$

$$\Phi_f(s) = \frac{E(s)}{F(s)} = \frac{-G_2(s)}{1+G_1(s)G_2(s)} = \frac{-K_2(7,s+1)}{7_1T_2} + \frac{-K_2(7,s+1)}{1+G_1(s)G_2(s)} + \frac{-K_2(7,s+1)}{7_1T_2} + \frac{-K_2(7,s+1)}{1+G_1(s)G_2(s)} + \frac{-K_2(7,s+1$$

给上,由线性系统的量加原理知:ess=essitess2=1/K,K,+1/K

某控制系统的方框图如题 3.40 图所示。当扰动信号分别为 f(t) = 1(t), f(t) = t时,试计算下列两种情况下系统响应扰动信号 f(t) 的稳态误差:

試计算下列两种情况下系统响应扰动信号
$$f(t)$$
 的稳态误差:
$$(1)G_1(s) = K_1 \quad G_2(s) = \frac{K_2}{s(T_2s+1)}$$

$$(2)G_1(s) = \frac{K_1(T_1s+1)}{s} \quad G_2(s) = \frac{K_2}{s(T_2s+1)}$$

$$(7_1 > T_2)$$

$$\underbrace{\frac{R(s)}{+} \underbrace{G_1(s)}_{+} \underbrace{\frac{F(s)}{+}}_{+} \underbrace{G_2(s)}_{+} \underbrace{Y(s)}_{+}}_{+}$$

角4:由上一题的分析知,开环代函,G(5)=G(5)=G(5), $\mathbb{P}_{f}(5)=\frac{E(5)}{F(1)}=\frac{-G_2(5)}{1+G_1(5)G_2(5)}$

(1) G(5) =
$$\frac{k_1 k_2}{5(T_1 \zeta + 1)}$$
, 稳定更(1)= $\frac{E(s)}{F(s)} = \frac{-k_2}{T_1 \zeta^2 + \zeta + k_1 k_2}$ 由了0, k, k, >0, 系统稳定 ① $f(t) = 1$, $F(s) = \frac{1}{5}$, $e_{ss} = \frac{1}{5}$, $e_{ss} = \frac{1}{5}$

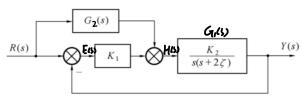
②
$$\int tt = \frac{1}{1}$$
, $\int tt = \frac{1}{1}$, $\int tt =$

$$0 = f(t) = 1, F(s) = \frac{1}{5}, e_{ss} = \lim_{s \to 0} s \Phi_{ss} = 0$$

设有控制系统,其方框图如题 3.41 图所示。为提高系统跟踪控制信号的准确度,要 求系统由原来的 Ⅰ 型提高到 Ⅲ 型,为此在系统中增置了顺馈通道,设其传递函数为

系统的型别看的是开环代码
$$G_2(s) = \frac{\lambda_2 s^2 + \lambda_1 s}{Ts + 1}$$

若已知系统参数为 $K_1 = 2, K_2 = 50, \zeta = 0.5, T = 0.2$,试确定顺馈参数 λ_1 及 λ_2 。



角针光片系统的闭环传函。

$$\underline{\underline{\mathcal{P}}(\zeta) = \frac{Y(\zeta)}{R(\zeta)}} = \frac{G_1(\zeta)(k_1 + G_2(\zeta))}{||f||_{G_1(\zeta)}k_1} = \frac{\lambda_2 k_2 S^2 + (k_1 k_2 T + \lambda_1 k_2) S + k_1 k_2}{TS^3 + (2ST + 1)S^2 + (k_1 k_1 T + 2S) S + k_1 k_2}$$

维征为程为D(s)=Ts3+(25Tt1)S2+(K,K,T+25)S+K,K, =0.253+1.252+215+100

由劳斯稳定判据知实统稳定

由闭环传递与开环传递台5关系。
$$\overline{\mathcal{L}}_{1+G(5)}$$
 矣 $\overline{\mathcal{L}}_{2}$ (由于比处是单位负的馈) 由闭环 $\overline{\mathcal{L}}_{3}$ $\overline{\mathcal{L}_{3}}$ $\overline{\mathcal{L}}_{3}$ $\overline{\mathcal{L}_{3}}$ $\overline{\mathcal{L}}_{3}$ $\overline{\mathcal{L}}_{3}$ $\overline{\mathcal{L}}_{3}$ $\overline{\mathcal{L}}_{3}$ $\overline{\mathcal{L}_{3}}$ $\overline{\mathcal$

7.已知单位反馈系统的开环传递函数

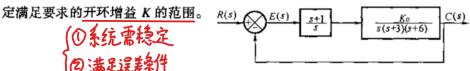
$$G(s) = \frac{10(2s+1)}{s^2(s^2+6s+100)}$$

试求输入分别为 r(t) = 2t 和 $r(t) = 2 + 2t + t^2$ 时,系统的稳态误差。

$$6 = 6 = 0, (2 = 10)$$

 $r''(t) = 2$ $\Rightarrow e_{5} = 20$

9.已知系统结构图如题 9 图所示,要求系统在 $r(t) = t^2$ 作用时,稳态误差 $e_{**} < 0.5$,试确



角长:系统的开环传函为G(s) = Ko(s+1) = 機(s+1) 对型系统,开环增益K=Ko 特征方程为D(5)=54+9541852+165

6.21 离散系统如题 6.21 图所示,采样周期 T = 0.2 s。判断系统的稳定性,并求 r(t) =

 $1 + t + \frac{t^2}{2}$ 时系统<u>稳</u>态误差的终值 $e_{ss}(\infty)$ 。

$$\begin{array}{c|c}
R(s) & E \\
\hline
T & 1 \\
T & 1 \\
\hline
T & 1 \\
T & 1$$

13年: 12 G(5) = 10(055+1) 由E(を)=ド(を)-G(G(と)E(を)、ブ(を)=G(G(と)E(を)だる)

$$\overline{\Psi}(\underline{z}) = \frac{Y(\underline{z})}{R(\underline{z})} = \frac{G_1(G_2(\underline{z}))}{|+|G_1(G_2(\underline{z}))|}, \quad \overline{\Psi}_{E}(\underline{z}) = \frac{E(\underline{z})}{R(\underline{z})} = \frac{1}{|+|G_1(G_2(\underline{z}))|} \quad e^{-7s} \xrightarrow{\text{\mathbb{Z}^7}} S(t-7) \xrightarrow{\text{\mathbb{Z}^7}}$$

$$\frac{1}{1} \phi \left(G_{1}(G_{2}(k)) = \overline{Z}[L] - e^{-TS} \right) \left(G_{1}(S_{1}) \right) = (1 - 2^{-1}) \overline{Z}[G_{1}(S_{1})] = (1 - 2^{-1}) \overline{Z}[Res[\frac{10(05S+1)}{S^{2}} \frac{2}{2 - e^{ST}}]$$

$$= 10(2-1) \lim_{s \to 0} \frac{d}{ds} \left[\frac{0.5S+1}{2 - e^{ST}} \right] = 10(2-1) \frac{0.5(2-1)+7}{(2-1)^{2}} = \frac{52-5+107}{2-1} = \frac{52-3}{2-1}$$

从而特征方程 D(2)=62-4=0,代入 $Z=\frac{W+1}{W-1}$ 有 2W+10=0 由 劳斯稳定判据知纸稳定由 $P(L)=1+L+\frac{L^2}{2}$ 矢 $P(2)=\frac{Z}{Z-1}+\frac{T_2}{(Z-1)^2}+\frac{T^2C(Z+1)}{2(Z-1)^2}$

$$e_{ss}(\infty) = \lim_{z \to 1} (z - 1) \Phi_{E}(z) R(z) = \lim_{z \to 1} \frac{(z - 1)^{2}}{2} \left[\frac{z}{z - 1} + \frac{Tz}{(z - 1)^{2}} + \frac{T^{2}z(z + 1)}{2(z - 1)^{2}} \right] = \infty$$

法: 青稔,误差系数法

开环传孔(G,G2(2)=52-3 为1型系统, Ka=0, es,(00)=00

$$y$$
主: ボム(ム(は) 台部分分式法 $\longrightarrow \frac{27}{2-1}$, $t \longrightarrow \frac{27}{(2-1)^2}$
 $G_1(G_1(2) = 2[(1-e^{-7s}) \frac{5s+10}{s^2}] = (1-2^{-1})2(\frac{5}{5} + \frac{10}{s^2})$

$$= \frac{2-1}{2} \left[\frac{52}{2-1} + \frac{1027}{(2-1)^2} \right]$$

$$= 57 + \frac{2}{2-1} = \frac{52-3}{2-1}$$

6.24 已知系统结构如题 6.24 图所示,采样周期 T = 0.25 s。当 $r(t) = 2 \cdot 1(t) + t$ 时, 欲使稳态误差小于 0.5、试求 K 的值。 $r(t) \longrightarrow \frac{1-e^{-7t}}{s} \longrightarrow \frac{Ke^{-0.5t}}{s} \longrightarrow \frac{S(t)}{s} \longrightarrow \frac{S(t)}{$