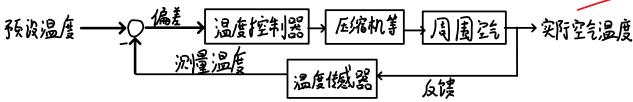
自动控制理论 A—作业 1

By 22-PSP

(Due: Sept. 12, 2024)

1. (10') 请参考教材图 1.3 所示的控制框图,描述一个生活或工程中存在的闭环控制系统的例子。

生活中常用的空调是一个闭环及跨控制系统



2. (10') 试求解函数 $f(t) = 5e^{-2t} - \sin 2t$, $t \ge 0$ 的 Laplace 变换(请写出求解过程)。

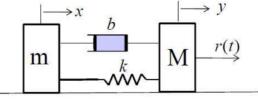
解:由于1—3 \$, Res70,
$$e^{-2t}$$
—3 \$, Res7-2, sinwt—3 $\frac{W}{S^2+W^2}$, Res70
故人[f(t)] = 5 $\frac{1}{2}$ [SIN2t] = $\frac{5}{5+1}$ - $\frac{2}{5+4}$, Res70

后面氣形 $f(s) = \frac{2s+2}{s^2+2s+5}$ 的 Laplace 逆变换。 $f(t-t_0)$ $f(t-t_0)$ f(t) f(t)

4. (10') 利用定义求 $f(t) = e^{at}$ 的 Laplace 变换,并给出成立的条件。其中 a 为实数。定义: $F(s) = \int_{0}^{too} f(t)e^{st}dt$ 用程: $\mathcal{L}[f(t)] = \int_{0}^{too} e^{at}e^{-st}dt = \int_{0}^{too} e^{(a-s)t}dt = \frac{1}{a-s}e^{(a-s)t}dt = \frac{1}{t-o}e^{(a-s)t}dt = \frac{1}{s-a}e^{(a-s)t}dt = \frac{1}{s-a}e^{(a-s)t}$

当 a- Res>0 时 Res 7a 时 2 Lftly= a-5 (0-1-11)= 5-0 当 a- Res>0时,积分存在

- 5. (10'+10') 如下图所示,假设两个滑块都在无摩擦的表面上运动,
 - (a) 请写出系统的运动方程(微分方程)。
 - (b) 假设 r(t) 为系统的控制输入量,y 为系统的输出量,请计算系统的<u>传递函数</u> G(s) = Y(s)/R(s)。



分移项式 或 零极点增益形式

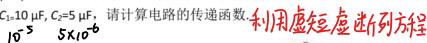
对于m: biy-x)+kiy-x)=mx--·B LZ) g技气变样。bsY(s)-bsX(s)+kY(s)-kX(s)=ms*X(s)

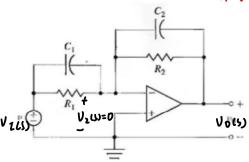
有R(s)= Ms2+ms2+bstk Tiss

100

By 22-PSP

6. (15') 下图是一个典型的运算放大器电路。假设电路是理想放大器,且各参数为 $R_1=R_2=100~{\rm km}$

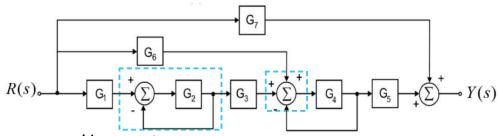




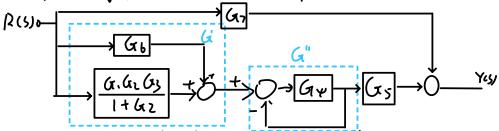
7. (25) 系统方框图下图所示,请计算系统的传递函数 $G(\mathbf{s}) = \frac{Y(\mathbf{s})}{R(\mathbf{s})}$ 。(注意:请写出详细的化

注意区分并联拔路和反馈回路

简步骤)



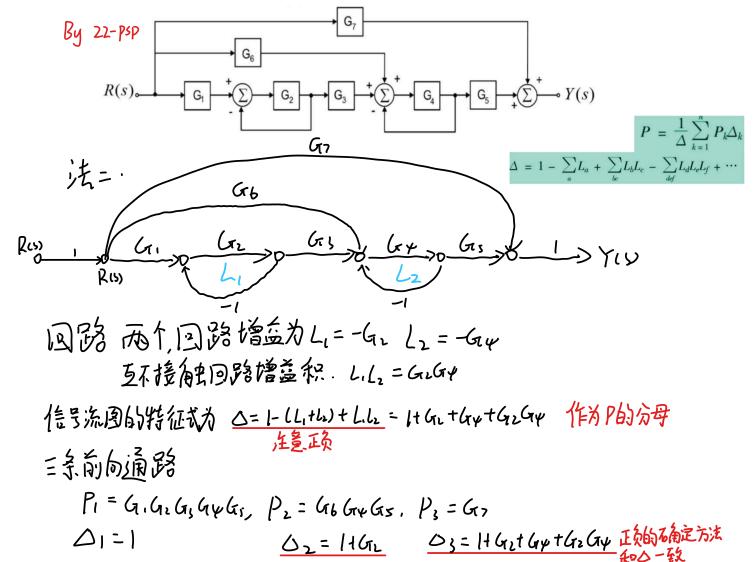
Step1 化简G、反馈回路然后与G、G、串联合并



stepl同理,化简化、GG发度回路,再将它们与公益

$$G(S) = G'G'G_1+G_7 = (G_6 + \frac{G_1G_2G_3}{1+G_2}) \frac{G_4G_5}{1+G_4} + G_7$$

$$= \frac{G_1G_2G_3G_4G_7 + (HG_2)G_6G_4G_5}{1+G_2H_4 + G_2G_4} + G_7$$



 $P = \frac{1}{2} \sum_{k=1}^{3} P_{k} \Delta_{k} = \frac{G_{1}G_{1}G_{2}G_{4}G_{5} + (HG_{1})G_{5}G_{4}G_{5} + G_{5}(HG_{1}+G_{4}+G_{1}G_{4})}{1+G_{1}+G_{2}G_{4}}$

= Gilily Gylast (Har) Goldy (1845) + G7

与法-相同