自动控制理论 A 作业 8

2024年11月2日

3.35 已知系统的特征方程为

$$s^6 + 4s^5 - 4s^4 + 4s^3 - 7s^2 - 8s + 10 = 0$$

试确定在S平面右半部的特征根数目,并计算其共轭虚根之值。

由于赞伟第一列变号两次》 S平面的各种面有 2个特征根 本解年前日カ方程 59+52-2=の => (52-1)(52+2)=ロ=> 5= t1,t2)を 共轭点根为划区

某控制系统的开环传递函数为

$$G(s)H(s) = \frac{K(s+1)}{s(Ts+1)(2s+1)}$$

试确定能使闭环系统稳定的参数 K、T 的取值范围。需讨论特殊情况

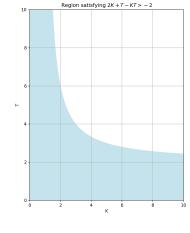
或者 27<0, T+2<0, K+1<0, K<0=) T<-2, K<-1 且2ktT-KT+2>O不可能成色

故 K.T的范围是 T, K70,2ktT-KT7-2,图像如下.

分类讨论 由一片工工20知

DOCTE2日 K70 图 T72时, DCKC T+2 讨论特殊情况·T20,劳斯列裁。

$$D(s) = 2s^2 + (k+1)s + k$$



100

已知系统方框图如题 3.37 图所示。试应用 Routh 稳定判据确定能使系统稳定的反 馈参数 τ 的取值范围。

$$\begin{array}{c|c} R(s) & G_{2}(s) \\ \hline + & 1 + \frac{1}{s} \\ \hline \end{array}$$

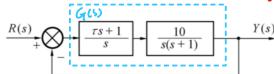
角针光化简系统方框图 Gils) = 10 S(S+107+1) Gils)Gils) = 10(S+1) S'(S+107+1)

 $\overline{\mathcal{D}(S)} = \frac{\gamma_{(S)}}{R_{(S)}} = \frac{G_{(S)}G_{(S)}}{1 + G_{(S)}G_{(S)}}, \text{ Lift } D(S) = S^{2}(S + 107 + 1) + 10(S + 1) = S^{3} + (107 + 1)S^{2} + 10S + 10$

要使系统稳定、公理条件.10で+120コマンーで

S¹ 1007 5⁰ 10 ラア>0时系統稳定

在如题 3.38 图所示系统中,τ取何值方能使系统稳定? 3.38



用字: G(5)= $\frac{75t1}{5} \cdot \frac{10}{5(5+1)} = \frac{1075+10}{5^2+5^2}$) 利托住途 更似 = $\frac{Y_{10}}{R^{1}_{10}} = \frac{G_{10}}{1+G_{10}}$ 故 DUS)=53+52+10TS+10,要使系统稳定,必要件:770

其中参数 T>0,K>0。试确定给定系统稳定时参数 K 的取值范围。

$$R(s) \leftarrow e \xrightarrow{T_0} e \xrightarrow{K} C(s)$$

$$\frac{1}{2} G_{(5)} = \frac{k}{5(T_5 + 1)} + \frac{k}{2} G_{(12)} = \sum_{i} \text{Res} \left[\frac{k}{T_5^2 + 5} \cdot \frac{2}{2 - e^{5T_0}} \right] = \lim_{s \to 0} \frac{k}{T_5 + 1} \cdot \frac{2}{2 - e^{5T_0}} + \lim_{s \to -\frac{1}{4}} \frac{k}{T_5} \cdot \frac{2}{2 - e^{5T_0}} = \frac{2k}{2 - 1} - \frac{2k}{2 - e^{-T_0}/T_0} = \frac{2k(1 - e^{-T_0}/T_0)}{2^2 - (1 + e^{-T_0}/T_0)} + \frac{2k}{2 - e^{-T_0}/T_0} = \frac{2k}{2 - e^{-T_0}/T_0}$$

特征方針 22+(k-ke-70/1-1-e-70/1)さ+e-70/1=0

(以) 2= wt1 (w+1) +(K- Ke-10/1-1-e-10/1) (w+1) (w-1)+e-10/1 (w-1)=0

已知了, k 70 由于二阶系统, 人心要条件就是充要条件

$$(4)$$
 $K < 2 \frac{1 + e^{-70/4}}{1 - e^{-70/1}}$

$$\begin{cases}
\frac{1}{2} & \text{T = } \\
\frac{1}{1 - e^{-T_0 / t}} > k > 0
\end{cases}$$

6.设单位反馈系统的开环传递函数为:

$$G_0(s) = \frac{K}{s(s^2 + 7s + 17)}$$

试确定: ①系统产生等幅振荡的 K 值及相应的振荡角频率。

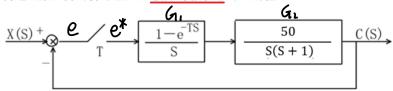
②全部闭环极点位于 s=-2 垂直线左侧时的 K 取值范围。

解· 0闭环系统的分母为 D(s)= 53+752+175+K

芳其様. 5³ 1 17 要使系统产生等幅振荡,说明系统的特征方程 5¹ 7 K 有一对纯虚根, 全 5¹ -行全为零有 K=119 辅助方程 75²+ K=0 ⇒ S1,2 = t j j j j n, S° K 由=阶系统无阻尼彡=0时 S1,2=t j wn 知, 振荡角频率为 Wn=JT rad/s

② 全至=5+2,要求5<-2,即至<0

根据图 3-6 的闭环采样系统方框图,计算闭环系统的开环脉冲传递函数、闭环脉冲传递函数,并计算系统处于临界等幅状态时 T 的值。



$$\frac{\#}{\#} \Re_{\zeta_{1}}(\zeta_{1} \downarrow \xi_{2}) = Z[G_{1}(\zeta_{2} \downarrow \zeta_{3})] = (1 - 2^{-1}) Z[\frac{50}{\varsigma^{2}(\varsigma+1)}] = (1 - 2^{-1}) \cdot \sum_{i} Res[\frac{50}{\varsigma^{2}(\varsigma+1)}] = (1 - 2^{-1}) \cdot \sum_{i} Res[\frac{50}{\varsigma^{2}(\varsigma+1)}] = (1 - 2^{-1}) \cdot \sum_{i} Res[\frac{50}{\varsigma^{2}(\varsigma+1)}] + \lim_{s \to 0} \frac{1}{\varsigma^{2}(z-e^{st})} = (1 - 2^{-1}) \cdot \sum_{i} O[\frac{T}{(z-1)^{i}} - \frac{1}{z-1} + \frac{1}{z-e^{-T}}] = 50 \frac{Z(T+e^{-T}-1) + (1 - e^{-T}-Te^{-T})}{(z-1)(z-e^{-T})}$$

从而到到的分母为

= Z2+2(50T+49e-1-51)+(50-49e-1-50Te-1),iZ \$\frac{1}{2} \frac{1}{2} + A \frac{1}{2} + B = D

EP (50T-50Te-)w+(100Te-+98e-1-98)W+(102-98e-1-50T-50Te-)=D

要求等增状态。PP绕的特征或程有一对纯虚根。今以一行为更100Te-T+98e-T-98=0=>T=4027ms