(Due: Oct. 24, 2024)

- 1. (30') 某伺服系统如图 1 所示,其中 L 为测速发电机的速度反馈系统, $J = 2kg \cdot m^2$ 为转动惯量。
 - (1). 要保证该系统单位阶跃响应的超调量不超过 20%,峰值时间为 1 秒,则参数 K 和 L 应取 何值?
 - (2). 该值下,系统单位阶跃响应的调节时间(2%)为多少?

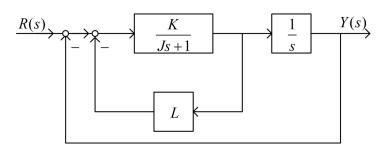


图 1 系统的结构框图

- 2. (30') 某系统结构如图 2 所示。
 - (1). 当K=2, T=0时,求系统的阻尼比 ζ 和无阻尼自然振荡频率 ω_n 。此时,单位阶跃响应的稳态误差 $e_{\rm ssl}$ 是多少?
 - (2). 当 K=2时,求 T 的取值,使得系统的单位阶跃响应的超调量 $\sigma\%=16.3\%$ 。此时,系统的峰值时间 T_p 为多少?
 - (3). 在保证 $\zeta = 0.707$ 和单位斜坡输入时系统的稳态误差 $e_{ss2} = 0.25$ 的条件下,请确定 K 和 T 的取值。

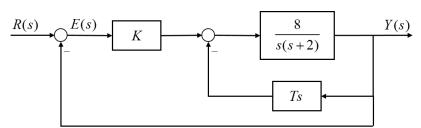


图 2 系统的结构框图

3. (5'+5'+10') 考虑一单位负反馈系统,其开环传递函数为

$$L(s) = G_c(s)G(s) = \frac{8}{s(s^2 + 6s + 12)}$$

 $K_a \triangleq \lim_{s \to 0} s^2 G(s) = \lim_{s \to 0} \frac{K}{s^{N-2}}$

静态位置误差系数 $K_p riangleq \lim_{N o} G(s) = \lim_{N o} \frac{K}{N}$

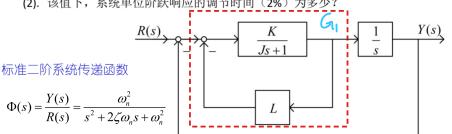
静态速度误差系数 $K_v \triangleq \lim_{s \to 0} sG(s) = \lim_{s \to 0} \frac{K}{s^{N-1}}$

- (1) 请求出该系统的闭环传递函数 T(s).
- (2) 请用一个二阶系统来近似 T(s).
- (3) 请用计算机绘制出原系统的单位阶跃响应 $y_1(t)$,和近似系统的单位阶跃响应 $y_2(t)$,试 比较二者的相关性能指标。(注意:请附程序代码)
- 4. **(20')** 考虑一个二阶规范系统 $G(s) = \frac{\omega_n^2}{s^2 + 2\zeta\omega_n s + \omega_n^2}$, 其中 $\zeta = 0.7$, $\omega_n = 1$, 添加一个右半平面的闭环零点 z = 1,请用计算机绘制出原系统的单位阶跃响应和增加零点后的系统的单位阶跃响应,试就瞬态性能和稳态性能进行比较。

(Due: Oct. 24, 2024)

- 某伺服系统如图 1 所示,其中 L 为测速发电机的速度反馈系统, $J = 2kg \cdot m^2$ 为转动惯
 - (1). 要保证该系统单位阶跃响应的超调量不超过 20%,峰值时间为 1 秒,则参数 K 和 L 应取 何值?





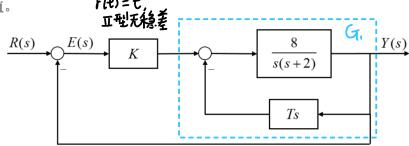
=阶系统单位阶跃响应 $T_{r} = \frac{\pi - \psi}{w_{d}} \cdot T_{p} = \frac{\pi}{w_{d}},$ $T_{s}(s) = \frac{3}{5} \frac{7}{5} (2\%) = \frac{4}{5} \frac{\pi}{m_{d}},$ $\sigma^{-0} = e^{-5 \frac{\pi}{1 - 5}} e^{-\frac{5}{4} \frac{\pi}{1 - 5}}$

触. 生化简系统的框图, 获得传递函数.

$$G_{1} = \frac{k/(Js+1)}{1+Lk/(Js+1)} = \frac{K}{Lk+J_{s}+1}, G_{1}(s) = \frac{Y(s)}{R(s)} = \frac{G_{1}\frac{1}{3}}{G_{1}\frac{1}{3}+1} = \frac{G_{1}}{G_{1}\frac{1}{3}+1} = \frac{K}{G_{1}+1} = \frac{K}{G_{1}+1}$$

いりは値时间.
$$T_p = \frac{\pi}{w_n \sqrt{1-\xi^2}} = 15,起闭量 ~% = e^{-\frac{\xi_n \sqrt{1-\xi^2}}{2}} = 15,Lk = 2 \text{ } 15,Lk = 2$$

- (2) 调节时间的公式为了(2%) = 4 75(5%) = 3 1/6 75(2%) = 2.4855
- 2. (30') 某系统结构如图 2 所示。
 - (1). 当K=2, T=0时,求系统的阻尼比 ζ 和无阻尼自然振荡频率 ω_n 。此时,<u>单位阶跃</u>响 应的稳态误差 e_{ssl} 是多少?
 - (2). 当 K = 2 时,求 T 的取值,使得系统的单位阶跃响应的超调量 σ % = 16.3%。此时, 系统的峰值时间 T_n 为多少?
 - (3). 在保证 $\zeta = 0.707$ 和单位斜坡输入时系统的稳态误差 $e_{ss2} = 0.25$ 的条件下,请确定 K 和 rtt)=t T 的取值。



角4: 先化的框图
$$G_1 = \frac{8/5(5+2)}{1+T_58/5(5+2)} = \frac{8}{5^2+(2+87)5}$$
,
开环传递函数 $kG_1 = \frac{8k}{5^2+(2+87)5}$
 $G_{(5)} = \frac{Y_{(5)}}{P_{(1)}} = \frac{KG_1}{1+KG_1} = \frac{8k}{5^2+(2+87)5+8K}$,与标准传递对始,有: $w_n^2 = 8k$, $2 \} w_n = 2+8T = >T = \frac{5 w_n - 1}{4}$

标准删纸

(1)当K=2, T=0时,Wh=16, $\{Wh=1\}$ =1 \Rightarrow Wh=4, $\{3=4\}$,注静态误系数法 $e_{SS1}=\frac{A}{1+|K_p|}$ $e_{SS2}=\frac{A}{k_0}$ 用的是统形传函 从而开环传递函数 $H_{CS3}=k_0$ $=\frac{16}{5^2+25}=\frac{16}{5(5+2)}$,为 (型系统 $=\frac{16}{5^2+25}=\frac{16}{5(5+2)}$) 人 (型系统 $=\frac{16}{5^2+25}=\frac{16}{5(5+2)}$

(2) 改化=2, 0%=0163 => Wn=4,
由 0%= e^{-1/2+1/2} ×100%可反角纤维 = -1/2+0915
(3) 改定 = 0.707, e₅₅₂ = A/K_V = -1/K_V = 0.25 ⇒ K_V= 4

$$K_V = \lim_{N \to \infty} \text{skG}_1 = \lim_{N \to \infty} \frac{8k}{5+0.5} = \frac{8k}{2+87} = 4 \Rightarrow k=1+47 \text{ th}. 4 Wn=85$$
=> Wn = 452, 从而 $k = \frac{wn^2}{8} = 4 = \frac{5wn-1}{4} = 0.75$

(5'+5'+10') 考虑一单位负反馈系统,其开环传递函数为

$$L(s) = G_c(s)G(s) = \frac{8}{s(s^2 + 6s + 12)}$$

- (1) 请求出该系统的闭环传递函数 T(s).
- (2) 请用一个二阶系统来近似 T(s).
- (3) 请用计算机绘制出原系统的单位阶跃响应 $y_1(t)$,和近似系统的单位阶跃响应 $y_2(t)$,试比较二者的相关性能指标。(注意:请附程序代码)

用4. (1)
$$T_{(5)} = \frac{L(y)}{1+L(5)}$$
, 代入, 得 $T_{(y)} = \frac{8}{5^3+65^2+125+8} = \frac{8}{(5+2)^3} = \frac{1}{\frac{1}{8}5^3+\frac{2}{6}5^3$

(2) 理论体据:《现代控制系统》 5.8, 线性系统的简化 沒 M(5) = 1+d(5+d25², △(5) = 1+45+35²+85³

 $M^{(0)}_{(0)} = 1$ $M^{(1)}_{(0)} = d_1$, $M^{(2)}_{(0)} = 2d_2$, $M^{(3)}_{(0)} = 0$, $M^{(4)}_{(0)} = 0$ $\Delta^{(0)}_{(0)} = 1$ $\Delta^{(1)}_{(0)} = \frac{3}{2}$ $\Delta^{(2)}_{(0)} = \frac{3}{4}$ $\Delta^{(4)}_{(0)} = 0$

 $\mathbb{Z}\hat{X}\cdot M_{2}q = \sum_{k=0}^{2q} \frac{(-1)^{k+q} \mathcal{N}^{(k)}(0) \mathcal{N}^{(2q-k)}(0)}{k! (2q-k)!}, q=0,1,...$ $\triangle_{2}q = \sum_{k=0}^{2q} \frac{(-1)^{k+q} \Delta_{(0)}^{(k)} \Delta_{(0)}^{(2q-k)}}{k! (2q-k)!}, q=0,1,...$

全M2q=△2q其中q=1和2,建立方程 q=1⇒M2=02⇒d;-2d2=を q=2⇒M4=△4⇒ d2=0433,d1=1271 ⇒=所名は後述为 GL(5)=1+12715+043352 三阶系统性能指标 y_1(t):

超调量: -0.00%

调节时间: 3.76s

上升时间: 2.11s

近似二阶系统性能指标 y 2(t):

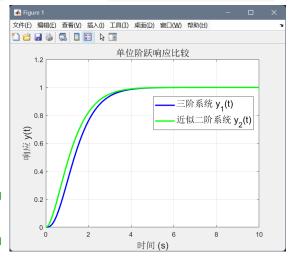
超调量: 0.00%

调节时间: 3.58s

上升时间: 2.10s

(3)由图像和数据可以得出近似效果好

```
% 原三阶系统 T(s) = 8 / (s + 2)^3
    sys1 = tf(8, [1 6 12 8]);
[y1, t1] = step(sys1, t); % 计算单位阶跃响应
     % 近似二阶系统 G_L(s) = 1 / (1 + 1.271s + 0.433s^2)
    sys2 = tf(1, [0.433 1.271 1]);
[y2, t2] = step(sys2, t); % 计算单位阶跃响应
10
11
12
13
     overshoot1 = (max(y1) - 1) * 100; % 超调量 ( %)
     settling_time1 = stepinfo(sys1).SettlingTime; % 稳定时间
14
15
     rise_time1 = stepinfo(sys1).RiseTime; % 上升时间
16
     overshoot2 = (max(y2) - 1) * 100; % 超调量 ( %)
17
     settling_time2 = stepinfo(sys2).SettlingTime; % 稳定时间
     rise_time2 = stepinfo(sys2).RiseTime; % 上升时间
```

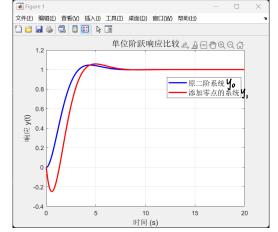


220320726 自动化7班 彭尚品

人 (20') 考虑一个二阶规范系统 $G(s) = \frac{\omega_n^2}{s^2 + 2\zeta\omega_n s + \omega_n^2}$, 其中 $\zeta = 0.7$, $\omega_n = 1$, 添加一个右半平

面的闭环零点 z=1,请用计算机绘制出原系统的单位阶跃响应和增加零点后的系统的单位阶跃响应,试就瞬态性能和稳态性能进行比较。 $= \frac{1}{16}$ $= \frac{1}{16}$

```
更为F(s)= (Z-5)いか
S-+2 funst いか
```



原二阶系统性能指标:

超调量: 4.60%

稳态误差: 0.00

调节时间: 5.98s

峰值时间: 4.41s

添加零点的系统性能指标:

超调量: 5.74% 稳态误差: 0.00 调节时间: 6.75s

峰值时间: 4.93s

由上表以及曲线可知,原=阶系统的峰值时间、洞节时间均更小其瞬态性能较优,而添加零点后,y,动初始时乐降后,为者的稳态误差均为零