

1. 系统结构图如图10.38所示。试用等倾斜线法作出系统的  $x-\dot{x}$  相平面图。系统参数为  $K = T = M = h = 1$ 。

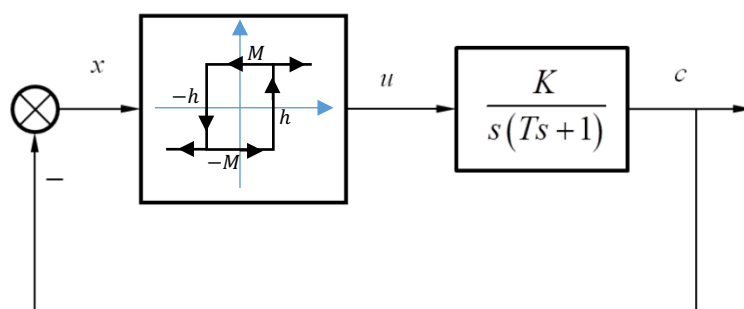


图 10.38

2. 非线性系统结构图如图10.39所示，取  $(c, \dot{c})$  为坐标，写出相轨迹方程，并画出  $c(0) = 2, \dot{c}(0) = 0$  起始的相轨迹。

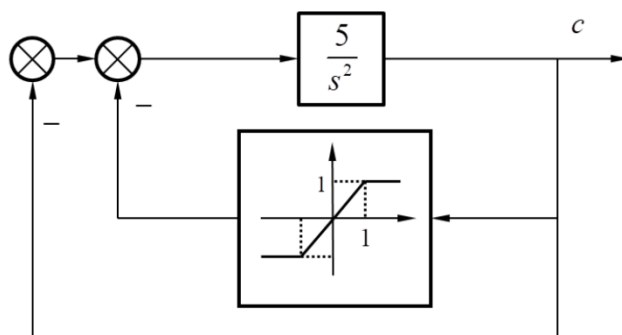


图 10.39

3. 三个非线性系统的非线性环节一样，线性部分分别如下，用描述函数分析时哪个系统的准确程度高？

$$\begin{aligned} (1) G(s) &= \frac{1}{s(0.1s+1)} \\ (2) G(s) &= \frac{2}{s(s+1)} \\ (3) G(s) &= \frac{2(1.5s+1)}{s(s+1)(0.1s+1)} \end{aligned}$$

4. 试分析图10.42所示的非线性控制系统 ( $M = 2, h = 0.5$ ) 的稳定性，若系统存在自振，则求出自振的振幅及频率。

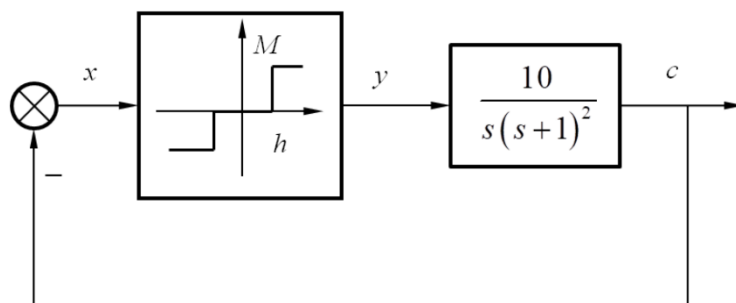


图 10.42

5. 已知图10.43所示的非线性系统，试求延迟时间  $\tau$  为何值时，会使系统产生临界自振？临界自振时，非线性元件输入信号的振幅及频率各为多少？

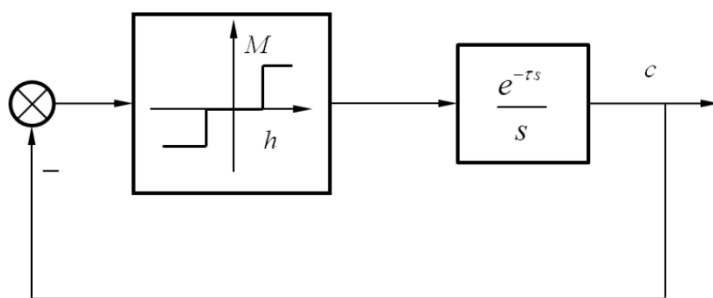


图 10.43

6. 非线性控制系统如图10.46所示，非线性特性为  $y(t) = x^3(t)$ ，用描述函数法分析系统的稳定性。

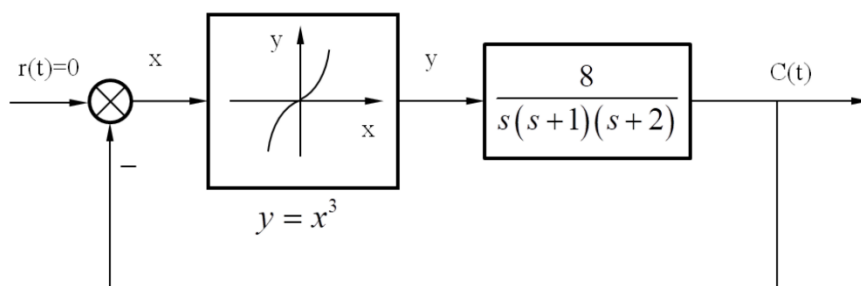


图 10.46

7. 某非线性系统如图10.48所示， $\frac{M}{h} = 2$ 。

- (1) 画出  $-\frac{1}{N(A)}$  的图像；
- (2) 分析系统的稳定性，如存在自持振荡，请计算出自持振荡的频率与振幅；
- (3) 当  $M$  值不变， $h$  值加大时，系统将有何特点。

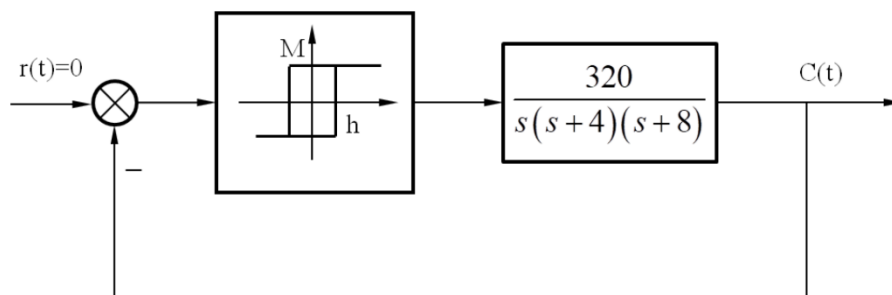


图 10.48

8. 设非线性系统如图10.49所示。试求：

- (1) 两个非线性环节串联后的等效非线性特性；
- (2) 用描述函数法求此系统的自振角频率  $\omega$  和振幅  $A$ 。

已知：  $N_1 = \frac{2K}{\pi} \left[ \arcsin \frac{a}{A} + \frac{a}{A} \sqrt{1 - \left(\frac{a}{A}\right)^2} \right], A \geq a$

$N_2 = \frac{4b}{\pi A} \sqrt{1 - \left(\frac{\Delta}{A}\right)^2}, A \geq \Delta$

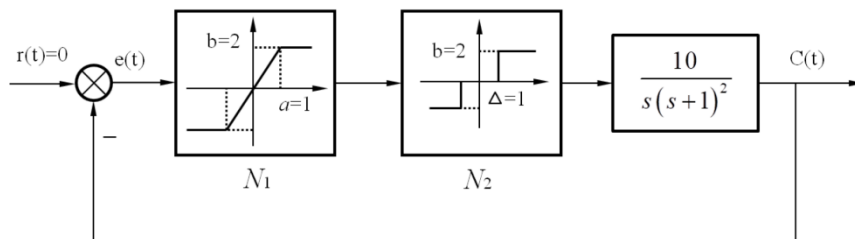


图 10.49

9. 设有一非线性系统，其平衡点附近的线性化微分方程为

$$\ddot{x} + 2b\dot{x} + \omega_0^2 x = 0$$

系统的平衡点是相平面的奇异点，试给出下列 6 种情况下平衡点附近的相平面图 (图形特征要明显)，并标出奇异点的名称 (类型)。

- (1)  $b > 0, \quad b^2 < \omega_0^2$
- (2)  $b < 0, \quad b^2 < \omega_0^2$
- (3)  $b > 0, \quad b^2 > \omega_0^2$
- (4)  $b < 0, \quad b^2 > \omega_0^2$
- (5)  $b = 0, \quad \ddot{x} + \omega_0^2 x = 0$
- (6)  $b = 0, \quad \ddot{x} - \omega_0^2 x = 0$