

1. 一个同轴圆柱型电容器, 其内、外半径分别为 $r_1 = 1\text{cm}$ 、 $r_2 = 4\text{cm}$, 长度 $l = 0.5\text{m}$, 极板间介质介电常数为 $4\epsilon_0$, 极板间接交流电源, 电压为 $u = 6000\sqrt{2}\sin 100\pi t \text{ V}$ 。求极板间任意点的位移电流密度。

2. 一个球形电容器的内、外半径分别为 a 和 b , 内、外导体间材料的介电常数为 ϵ , 电导率为 γ , 在内、外导体间加低频电压 $u = U_m \sin \omega t$ 。求内、外导体间的全电流。

3. 在均匀的非导电媒质中 ($\gamma = 0$), 已知时变电磁场分别为

$$\vec{E} = 30\pi \cos(\omega t - \frac{4}{3}y) \vec{e}_z \text{ V/m},$$

$$\vec{H} = 10 \cos(\omega t - \frac{4}{3}y) \vec{e}_x \text{ A/m}$$

且媒质的 $\mu_r = 1$, 由麦克斯韦方程求出 ω 和 ϵ_r 。

4. 已知媒质 1 为空气, 媒质 2 为干土, $\epsilon_{r2} = 3$, $\gamma_2 = 10^{-5}\text{S/m}$, 现有 $E_1 = 100\sin(1000t + 30^\circ)\text{V/m}$, 其方向与分界面法线成 45° 角, 求 E_2 。

5. 设 $z = 0$ 处为空气与理想导体的分界面, $z < 0$ 一侧为理想导体, 分界面处的磁场强度为

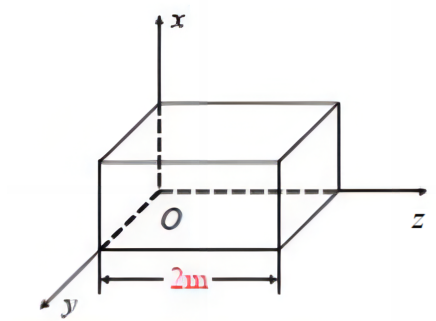
$$\vec{H}(x, y, 0, t) = H_0 \sin \beta x \cos(\omega t - \beta y) \vec{e}_x$$

试求理想导体表面上的电流分布和分界面处的电场强度 \vec{E} 的切向分量。

6. 已知自由空间中电磁波的两个场量表达式为: \leftarrow

$$\vec{E} = 2000\sqrt{2}\sin(\omega t - \beta z) \vec{e}_x \text{ V/m}, \quad \vec{H} = 5.3\sqrt{2}\sin(\omega t - \beta z) \vec{e}_y \text{ A/m} \leftarrow$$

式中, $f = 20\text{MHz}$, $\beta = \omega\sqrt{\mu_0\epsilon_0} = 0.42\text{rad/m}$, 求(1)瞬时坡印亭矢量; (2)平均坡印亭矢量; (3)流入图示的平行六面体(长为 2m , 横截面积为 0.5m)中的净瞬时功率。 \leftarrow



7. 半径为 a 的圆形平行板电容器，电极距离为 d ，其间填充电导率为 γ 的非理想均匀电介质，极板间的电压为 U_0 ，忽略边缘效应。

1. 给出电容充放电过程中能量转换与守恒所满足的方程，并说明各项物理意义。
2. 计算极板间的电磁场及能流密度；
3. 用电磁场理论计算电容器的储能和损耗功率，并分析结果。