

编译原理 第四章 语法分析

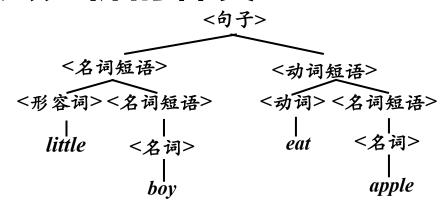


哈尔滨工业大学 朱庆福

# 引言

- 产语法分析的主要任务
  - 》根据给定的文法,识别输入句子的各个成分,从而构 造出句子的分析树
- ▶大部分程序设计语言的语法构造可以用CFG来描述, CFG以 token作为终结符
- ▶大部分语法分析器都期望文法是无二义性的,否则,就不能为一个句子构造唯一的语法分析树

#### 语法分析的种类



从左向右扫描输入, 每次扫描一个符号

- ▶ 自顶向下的分析(Top-Down Parsing)
  - > 从分析树的顶部(根节点)向底部(叶节点)构造分析树
  - ▶ 从文法开始符号S推导出串W
- ▶ 自底向上的分析(Bottom-up Parsing)
  - > 从分析树的底部 (叶节点) 向顶部 (根节点) 构造分析树
  - ▶ 将一个串w归约为文法开始符号S

▶最高效的自顶向下和自底向上方法只能处理某些文法子类,但是其中的某些子类,特别是 LL和LR文法,其表达能力足以描述现代程序设计语言的大部分语法构造

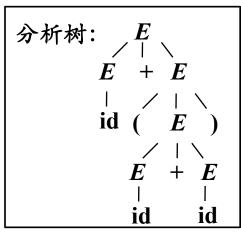


# 本章内容

- 4.1 自顶向下的分析
- 4.2 预测分析法
- 4.3 自底向上的分析
- 4.4 LR分析法
- 4.5 语法分析器自动生成工具

#### 4.1 自顶向下的分析(Top-Down Parsing)

- > 从分析树的顶部(根节点)向底部(叶节点)方向构造分析树
- ▶ 可以看成是从文法开始符号S推导出词串w的过程
  - 文法 ①  $E \rightarrow E + E$ ②  $E \rightarrow E * E$ ③  $E \rightarrow (E)$ 
    - ④ *E* → id 输入 id + (id + id)



```
推导: E \Rightarrow E + E

\Rightarrow id + E

\Rightarrow id + (E)

\Rightarrow id + (E + E)

\Rightarrow id + (id + E)

\Rightarrow id + (id + id)
```

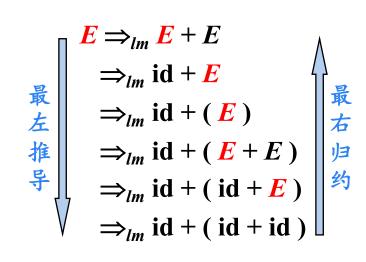
- > 推导的每一步,都需要做两个选择
  - > 替换当前句型中的哪个非终结符
  - 户用该非终结符的哪个候选式进行替换

## 最左推导(Left-most Derivation)

> 在最左推导中,总是选择每个句型的最左非终结符进行替换

〉例

文法  
① 
$$E \rightarrow E + E$$
  
②  $E \rightarrow E * E$   
③  $E \rightarrow (E)$   
④  $E \rightarrow id$   
输入  
 $id + (id + id)$ 



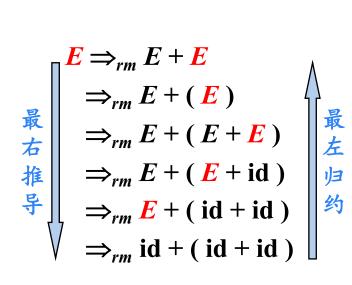
▶如果 $S \Rightarrow^*_{lm} \alpha$ ,则称α是当前文法的最左句型(leftmost-sentential form)

# 最右推导(Right-most Derivation)

最右句型也称为规范句型

> 在最右推导中,总是选择每个句型的最右非终结符进行替换

夕例  
文法  
① 
$$E \rightarrow E + E$$
  
②  $E \rightarrow E * E$   
③  $E \rightarrow (E)$   
④  $E \rightarrow id$   
输入  
 $id + (id + id)$ 



- ▶如果 $S \Rightarrow^*_{rm} \alpha$ ,则称α是当前文法的最右句型(rightmost-sentential form)
- ▶在自底向上的分析中,总是采用最左归约的方式,因此把最左归约 称为规范归约,而最右推导相应地称为规范推导

#### 最左推导和最右推导的唯一性

$$E \Rightarrow E + E$$

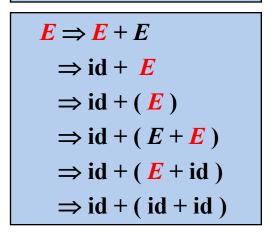
$$\Rightarrow E + (E)$$

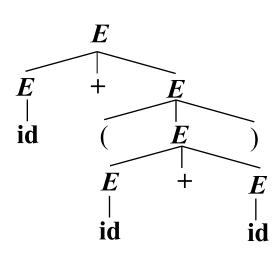
$$\Rightarrow E + (E + E)$$

$$\Rightarrow E + (id + E)$$

$$\Rightarrow id + (id + E)$$

$$\Rightarrow id + (id + id)$$





$$E \Rightarrow_{lm} E + E$$

$$\Rightarrow_{lm} id + E$$

$$\Rightarrow_{lm} id + (E)$$

$$\Rightarrow_{lm} id + (E + E)$$

$$\Rightarrow_{lm} id + (id + E)$$

$$\Rightarrow_{lm} id + (id + id)$$

$$E \Rightarrow_{rm} E + E$$

$$\Rightarrow_{rm} E + (E)$$

$$\Rightarrow_{rm} E + (E + E)$$

$$\Rightarrow_{rm} E + (E + id)$$

$$\Rightarrow_{rm} E + (id + id)$$

$$\Rightarrow_{rm} id + (id + id)$$

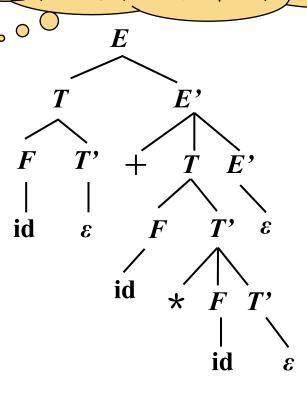
## 自顶向下的语法分析采用最左推导方式

- ▶总是选择每个句型的最左非终结符进行替换
- ▶根据输入流中的当前终结符,选择最左非终结符的一个候选式

例

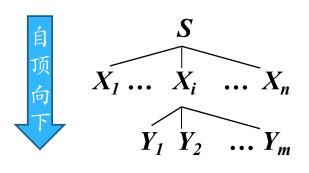
- 〉文法
  - (1)  $E \rightarrow TE'$
  - ②  $E' \rightarrow + TE' \mid \varepsilon$
  - $\mathfrak{I} \to FT'$
  - $\textcircled{4} T' \rightarrow * F T' \mid \varepsilon$
  - $\textcircled{5} F \rightarrow (E) \mid id$

计算机是如何自动地实现这个自顶向下的分析过程的?



#### 自顶向下语法分析的通用形式

- > 递归下降分析 (Recursive-Descent Parsing)
  - > 由一组过程组成,每个过程对应文法的一个非终结符
  - ▶ 从文法开始符号S对应的过程开始,其中递归调用文法中其它非终结符对应的过程。如果S对应的过程体恰好扫描了整个输入串,则成功完成语法分析 void S()



```
後择一个S产生式: S \to X_1 X_2 \dots X_n ; for (i = 1 \text{ to } n) 最左推导

 \text{ if } X_i \in V_T \text{ if } X_i == Token \text{ then GetNextToken()} 
 \text{ else } (X_i \neq Token) \text{ Error()} 
 \text{ else } (X_i \in V_N) \text{ } X_i() 
 X_i \to Y_1 Y_2 \dots Y_m
```

#### 自顶向下语法分析的通用形式

- > 递归下降分析 (Recursive-Descent Parsing)
  - > 由一组过程组成,每个过程对应文法的一个非终结符
  - ▶ 从文法开始符号S对应的过程开始,其中递归调用文法中其它非终结符对应的过程。如果S对应的过程体恰好扫描了整个输入串,则成功完成语法分析

```
void A() {
     选择一个A产生式,A \rightarrow X_1 X_2 ... X_k;
1)
2)
    for (i = 1 \text{ to } k)
3)
         if(X_i是一个非终结符号)
4)
              调用过程X_i();
         else if (X_i 等于当前的输入符号a)
5)
              读入下一个输入符号:
6)
         else /* 发生了一个错误 */;
7)
```

# 自顶向下分析存在的问题

- ▶问题1
  - 同一非终结符的多个候选式存在 ▶例: 文法G 共同前缀, 将导致回溯现象

$$S \rightarrow aAd \mid aBe$$

$$A \rightarrow c$$

$$B \rightarrow b$$

〉输入

a b c

#### 问题2

#### 〉例

# ightarrow 文法G E ightarrow E + T | E - T | T T ightarrow T \* F | T / F | F F ightarrow (E) | id

#### 左递归文法会使递归下降分析器 陷入无限循环

$$E \Rightarrow E + T$$

$$\Rightarrow E + T + T$$

$$\Rightarrow E + T + T + T$$

$$\Rightarrow \dots$$

▶输入 id + id \* id

如果一个文法中有一个非终结符A使得对某个串 $\alpha$ 存在一个推导 $A\Rightarrow^+A\alpha$ ,那么这个文法就是左递归的

含有 $A \rightarrow A\alpha$ 形式产生式的文法称为是直接左递归的 (immediate left recursive)

经过两步或两步以上推导产生的左递归称为是间接左递归的

# 消除直接左递归

$$A \Rightarrow A\alpha$$

$$A \rightarrow A\alpha \mid \beta(\alpha \neq \varepsilon, \beta \land \lambda \land A \rightarrow A \rightarrow A \alpha \mid \beta(\alpha \neq \varepsilon, \beta \land \lambda \land A \rightarrow \beta \land A \rightarrow \beta \land A')$$

事实上,这种消除过程就是
$$A \rightarrow \beta \land A'$$

把左递归转换成了右递归
$$A \rightarrow \alpha \land A' \mid \varepsilon$$

$$\Rightarrow \beta \alpha \dots \alpha$$

$$A o eta A'$$
 | 把左递归转换成了右递归  $\Rightarrow Aa ...a$   $\Rightarrow eta a ...a$   $\Rightarrow aaA'$   $\Rightarrow aaA'$   $\Rightarrow aaaA'$   $\Rightarrow aaaA'$   $\Rightarrow aaaaA'$   $\Rightarrow aaaaaA'$   $\Rightarrow aaaaa'$   $\Rightarrow aaaaa'$ 

#### 消除直接左递归的一般形式

$$A o A \alpha_1 |A \alpha_2| \dots |A \alpha_n| \beta_1 |\beta_2| \dots |\beta_m$$
 
$$(\alpha_i \neq \varepsilon, \beta_j \neq \lambda \lambda + \lambda)$$
 
$$A o \beta_1 A' |\beta_2 A'| \dots |\beta_m A'$$
 
$$A' o \alpha_1 A' |\alpha_2 A'| \dots |\alpha_n A'| \varepsilon$$

消除左递归是要付出代价的——引进了一些非终结符和&\_产生式

# 消除间接左递归

►例  $S \rightarrow Aa \mid b$   $A \rightarrow Ac \mid Sd \mid \varepsilon$ ► 将S的定义代入A-产生式、得:

$$A \rightarrow A c | A a d | b d | \varepsilon$$

▶消除A-产生式的直接左递归,得:

$$A \rightarrow b d A' | A'$$
  
 $A' \rightarrow c A' | a d A' | \varepsilon$ 

#### 消除左递归算法

- $\triangleright$  输入: 不含循环推导 (即形如 $A \Rightarrow A$ ) 的推导) 和 $\epsilon$ -产生式的文法G
- > 输出:等价的无左递归文法
- > 方法:

```
    按照某个顺序将非终结符号排序为A<sub>1</sub>, A<sub>2</sub>, ..., A<sub>n</sub>.
    for (从1到n的每个i) {
    for (从1到i-1的每个j) {
    将每个形如A<sub>i</sub> → A<sub>j</sub> γ的产生式替换为产生式组 A<sub>i</sub> → δ<sub>1</sub> γ|δ<sub>2</sub> γ|...|δ<sub>k</sub> γ, 其中A<sub>j</sub> → δ<sub>1</sub>|δ<sub>2</sub>|...|δ<sub>k</sub> , 是所有的A<sub>j</sub> 产生式
    消除A<sub>i</sub> 产生式之间的直接左递归
```

#### 提取左公因子(Left Factoring)

- 〉例
  - 文法G
    - $\triangleright S \rightarrow aAd \mid aBe$
    - $\triangleright A \rightarrow c$
    - $\triangleright B \rightarrow b$
  - ▶ 文法G′
    - $\triangleright S \rightarrow a S'$
    - $\gt S' \rightarrow Ad \mid Be$
    - $\triangleright A \rightarrow c$
    - $\triangleright B \rightarrow b$

通过改写产生式来推迟决定,等读入了足够多的输入,获得

足够信息后再做出正确的选择

#### 提取左公因子算法

▶ 输入: 文法G

▶ 输出:等价的提取了左公因子的文法

> 方法:

对于每个非终结符A,找出它的两个或多个选项之间的最长公共前缀 $\alpha$ 。如果 $\alpha \neq \varepsilon$ ,即存在一个非平凡的(nontrivial)公共前缀,那么将所有A-产生式

$$A \to \alpha \beta_1 | \alpha \beta_2 | \dots | \alpha \beta_n | \gamma_1 | \gamma_2 | \dots | \gamma_m$$

替换为

$$A \to \alpha A' | \gamma_1 | \gamma_2 | \dots | \gamma_m$$
$$A' \to \beta_1 | \beta_2 | \dots | \beta_n$$

其中, $\gamma_i$ 表示所有不以 $\alpha$ 开头的产生式体;A'是一个新的非终结符。不断应用这个转换,直到每个非终结符的任意两个产生式体都没有公共前缀为止

#### 自顶向下语法分析的通用形式

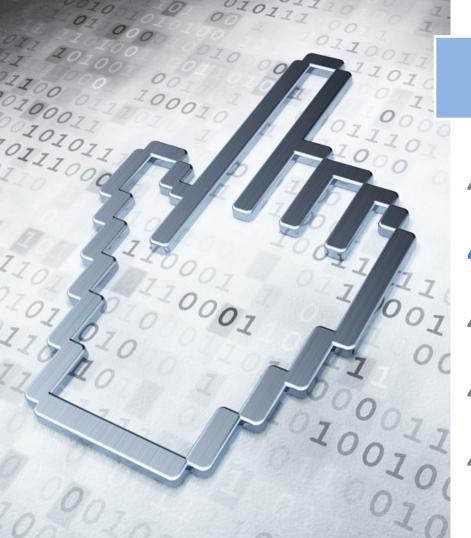
- > 递归下降分析 (Recursive-Descent Parsing)
  - > 由一组过程组成,每个过程对应一个非终结符
  - ▶ 从文法开始符号S对应的过程开始,其中递归调用文法中其它非终结符对应的过程。如果S对应的过程体恰好扫描了整个输入串,则成功完成语法分析

可能需要回溯(backtracking), 导致效率较低

需要回溯的分析 (不确定的分析)

#### 预测分析 (Predictive Parsing)

- ▶ 预测分析是递归下降分析技术的一个特例,通过 在输入中向前看固定个数 (通常是一个) 符号来选 择正确的A-产生式。
  - 》可以对某些文法构造出向前看k个输入符号的预测分析器,该类文法有时也称为LL(k)文法类
- ▶预测分析不需要回溯,是一种确定的自顶向下分析 方法



# 提纲

4.1 自顶向下的分析

# 4.2 预测分析法

4.3 自底向上的分析

4.4 LR分析法

4.5 语法分析器自动生成工具

#### 4.2 预测分析法

- ▶4.2.1 LL(1) 文法
- ▶4.2.2 递归的预测分析法
- >4.2.3 非递归的预测分析法
- >4.2.4 预测分析中的错误恢复

# 4.2.1 LL(1) 文法

>预测分析法的工作过程(

假如允许S\_文法包含&产生式, \_将会产生什么问题?

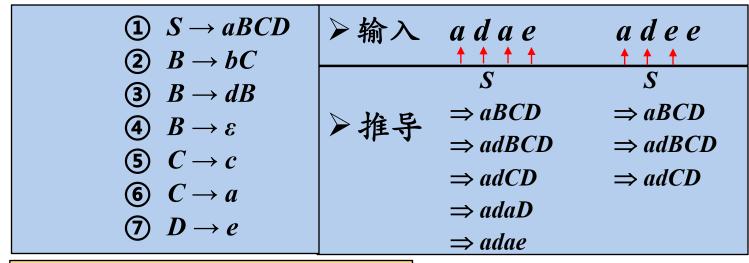
- 》从文法开始符号出发,在每一步推导过程中根据当前句型的最左非终结符A和当前输入符号a,选择正确的A-产生式。为保证分析的确定性,选出的候选式必须是唯一的。
- ▶S\_文法 (简单的确定性文法, Korenjak & Hopcroft, 1966)

每个产生式的右部都以终结符开始

同一非终结符的各个候选式的首终结符都不同

 $S_{\dot{}}$ 文法不含 $\varepsilon$ 产生式

# 例



可以紧跟 B后面出现的终结符: c、a

- 什么时候使用ε产生式?
  - $\triangleright$  如果当前某非终结符A与当前输入符a不匹配时,若存在 $A \rightarrow \varepsilon$ ,可以通过检查a是否可以出现在A的后面,来决定是否使用产生式 $A \rightarrow \varepsilon$ (若文法中无 $A \rightarrow \varepsilon$ ,则应报错)

#### 非终结符的后继符号集

- > 非终结符A的后继符号集
  - ightharpoonup 可能在某个句型中紧跟在A后边的终结符a的集合,记为FOLLOW(A)  $FOLLOW(A)=\{a|S\Rightarrow^*\alpha Aa\beta, a\in V_T, \alpha,\beta\in (V_T\cup V_N)^*\}$

例

$$(1) S \rightarrow aBCD \qquad \text{$\frac{4}{N}$}$$

$$(2) B \rightarrow bC \longleftarrow b$$

(3) 
$$B \rightarrow dB \leftarrow d$$

$$(4) B \rightarrow \varepsilon \quad \longleftarrow \{ a, c \}$$

- (5)  $C \rightarrow c$
- (6)  $C \rightarrow a$
- (7)  $D \rightarrow e$  $FOLLOW(B) = \{a,c\}$

如果A是某个句型的的最右符号,则将结束符"\$"添加到FOLLOW(A)中

#### 产生式的可选集

- $\triangleright$ 产生式 $A \rightarrow \beta$ 的可选集是指可以选用该产生式进行推导时对应的输入符号的集合,记为 $SELECT(A \rightarrow \beta)$ 
  - $\gt SELECT(A \rightarrow a\beta) = \{a\}$
  - $\gt SELECT(A \rightarrow \varepsilon) = FOLLOW(A)$
- $\triangleright q_{\underline{}}$ 文法
  - $\triangleright$ 每个产生式的右部或为 $\varepsilon$ ,或以终结符开始
  - ▶具有相同左部的产生式有不相交的可选集

q\_文法不含右部以非终结符打头的产生式

# 串首终结符集

- ▶ 串首终结符
  - > 串首第一个符号,并且是终结符。简称首终结符
- 〉给定一个文法符号串 $\alpha$ , $\alpha$ 的串首终结符集 $FIRST(\alpha)$ 被定义为可以从 $\alpha$ 推导出的所有串首终结符构成的集合。如果 $\alpha \Rightarrow^* \varepsilon$ ,那么 $\varepsilon$ 也在 $FIRST(\alpha)$ 中
  - ightharpoonup 对于  $orall \alpha \in (V_T \cup V_N)^+$ ,  $FIRST(\alpha) = \{ a \mid \alpha \Rightarrow^* a\beta \text{ , } a \in V_T \text{ , } \beta \in (V_T \cup V_N)^* \}$  ;
  - $\triangleright$  如果  $\alpha \Rightarrow^* \varepsilon$ , 那么  $\varepsilon \in FIRST(\alpha)$

#### FIRST( $\alpha$ )的计算 $\alpha = X_1 X_2 \cdots X_k$

 $\triangleright FIRST(\alpha)$ : 首终结符集。  $\alpha$ 能够推出的所有终结符串中位于串首的那些终结符构成的集合

$$= FIRST(X_1) \cup FIRST(X_2) \cup FIRST(X_3) \cup \cdots$$
if  $X_1 \Rightarrow^* \varepsilon$  if  $X_2 \Rightarrow^* \varepsilon$ 

$$\alpha \Rightarrow^* \varepsilon \Leftrightarrow \varepsilon \in FIRST(\alpha)$$

$$FIRST(X_i)$$
= 
$$\begin{cases} \{X_i\} & \text{if } X_i \in V_T \\ \text{通过} X_i$$
-产生式右部求 if  $X_i \in V_N$ 

#### 计算文法符号X的FIRST(X)

- ightharpoonup FIRST(X):可以从X推导出的所有串首终结符构成的集合
- ▶如果 $X \Rightarrow^* \varepsilon$ ,那么 ε∈FIRST(X)

#### 〉例

① 
$$E \rightarrow TE'$$
  $FIRST(E) = \{$  ( id }

② 
$$E' \rightarrow +TE' | \varepsilon \quad FIRST(E') = \{ + \varepsilon \}$$

# 算法

- ►不断应用下列规则,直到没有新的终结符或E可以被加入到任何FIRST集合中为止
  - ▶如果X是一个终结符,那么 $FIRST(X) = \{X\}$
  - →如果X是一个非终结符,且  $X \rightarrow Y_1...Y_k \in P(k \geq 1)$ ,那么如果对于某个i,a在 $FIRST(Y_i)$  中且 $\varepsilon$  在所有的 $FIRST(Y_1)$ ,..., $FIRST(Y_{i-1})$ 中(即 $Y_1...Y_{i-1} \Rightarrow^* \varepsilon$ ),就把a加入到FIRST(X)中。如果对于所有的 j = 1, 2, ..., k, $\varepsilon$ 在 $FIRST(Y_j)$ 中,那么将 $\varepsilon$ 加入到FIRST(X)
  - → 如果  $X \rightarrow ε ∈ P$ ,那么将ε加入到FIRST(X)中

# 计算串 $X_1X_2...X_n$ 的FIRST集合

- $\triangleright$ 向 $FIRST(X_1X_2...X_n)$ 加入 $FIRST(X_1)$ 中所有的非 $\epsilon$ 符号
- 》如果 $\varepsilon$ 在 $FIRST(X_1)$ 中,再加入 $FIRST(X_2)$ 中的所有非 $\varepsilon$ 符号;如果 $\varepsilon$ 在 $FIRST(X_1)$ 和 $FIRST(X_2)$ 中,再加入 $FIRST(X_3)$ 中的所有非 $\varepsilon$ 符号,以此类推
- 》最后,如果对所有的i, $\varepsilon$ 都在 $FIRST(X_i)$ 中,那么将 $\varepsilon$ 加入到  $FIRST(X_1X_2...X_n)$ 中

#### 产生式A→α的可选集

- $\triangleright$ 产生式 $A \rightarrow \alpha$ 的可选集SELECT
  - $\triangleright$  如果  $\varepsilon \notin FIRST(\alpha)$ , 那么 $SELECT(A \rightarrow \alpha) = FIRST(\alpha)$
  - $\triangleright$  如果 ε∈FIRST(α), 那  $\triangle$ SELECT( $A \rightarrow \alpha$ )=( FIRST(α)-{ε} )∪FOLLOW(A)

# *LL*(1)文法

- 文法G是LL(1)的,当且仅当G的任意两个具有相同左部的产生式 $A \rightarrow \alpha \mid \beta$ 满足下面的条件:
  - ►不存在终结符α使得α 和β都能够推导出以a开头的串
  - $\rho$   $\alpha$  和 $\beta$ 至多有一个能推导出 $\epsilon$
  - ightharpoonup如果 $β \Rightarrow ^* ε$ , 则 $FIRST(α) \cap FOLLOW(A) = Φ$ ; 如果 $α \Rightarrow ^* ε$ , 则 $FIRST(β) \cap FOLLOW(A) = Φ$ ;

同一非终结符的各个产生式的可选集互不相交

可以为LL(1)文法构造预测分析器

#### *LL*(1)文法

- 》文法G是LL(1)的,当且仅当G的任意两个具有相同左部的产生式 $A \rightarrow \alpha \mid \beta$ 满足下面的条件:
  - ►不存在终结符α使得α和β都能够推导出以a开头的串

  - ightharpoonup如果 $β \Rightarrow^* ε$ , 则 $FIRST(α) \cap FOLLOW(A) = Φ$ ; 如果 $α \Rightarrow^* ε$ , 则 $FIRST(β) \cap FOLLOW(A) = Φ$ ;
- ▶第一个"L"表示从左(Left)向右扫描输入
- ▶ 第二个"L"表示产生最左(Left)推导
- 》"1"表示在每一步中只需要向前看一个输入符号来决定语法分析动作

#### 计算非终结符A的FOLLOW(A)

- ightarrow FOLLOW(A): 可能在某个句型中紧跟在A后边的终结符a的集合  $FOLLOW(A) = \{a \mid S \Rightarrow^* \alpha A a \beta, a \in V_T, \alpha, \beta \in (V_T \cup V_N)^*\}$
- > 如果A是某个句型的最右符号,则将结束符"\$"添加到FOLLOW(A)中

- $\textcircled{1} E \to \underline{TE'} \qquad FIRST(E) = \{ (id) FOLLOW(E) = \{ \} ) \}$
- ②  $E' \rightarrow +TE' \mid \varepsilon \mid FIRST(E') = \{+\} \in FOLLOW(E') = \{ \}$
- $\textcircled{4} \quad T' \to \boxed{*FT'} \mid \varepsilon \quad FIRST (T') = \{ (*)\varepsilon \mid FOLLOW(T') = \{ + \$) \}$

#### FOLLOW(A)计算方法

- ▶不断应用下列规则,直到没有新的终结符可以被加入到任何FOLLOW集合中为止
  - → 将\$放入FOLLOW(S)中, 其中S是开始符号, \$是输入右端的结束标记
  - 如果存在一个产生式 $A \rightarrow \alpha B \beta$ ,那么 $FIRST(\beta)$ 中除 $\varepsilon$  之外的所有符号都在FOLLOW(B)中
  - →如果存在一个产生式 $A \rightarrow \alpha B$ ,或存在产生式 $A \rightarrow \alpha B \beta$ 且  $FIRST(\beta)$  包含 $\varepsilon$ ,那么 FOLLOW(A)中的所有符号都在 FOLLOW(B)中

#### 例:表达式文法各产生式的SELECT集

X	FIRST(X)	FOLLOW(X)
E	( id	\$ )
<i>E</i> '	3 +	\$ )
T	( id	+ ) \$
T'	* &	+ ) \$
F	( id	*+) \$

表达式文法是 LL(1) 文法

(1) 
$$E \rightarrow TE'$$
 SELECT (1)= { (id)}

(2) 
$$E' \rightarrow + TE'$$
 SELECT (2)=  $\{ + \}$ 

(3) 
$$E' \rightarrow \varepsilon$$
 SELECT (3)= { \$ ) }

(4) 
$$T \rightarrow F T'$$
 SELECT (4)= { (id)}

(5) 
$$T' \rightarrow *FT'$$
 SELECT (5)=  $\{ * \}$ 

(6) 
$$T' \rightarrow \varepsilon$$
 SELECT (6)=  $\{+\}$ 

(7) 
$$F \rightarrow (E)$$
 SELECT (7)= { ( }

(8) 
$$F \rightarrow id$$
  $SELECT$  (8)= {  $id$  }

## 预测分析表

	产生式	SELECT
E	$E \rightarrow TE'$	( id
E'	$E' \rightarrow +TE'$	+
	$E' \rightarrow \varepsilon$	\$ )
T	$T \rightarrow FT'$	( id
T'	<i>T'</i> →* <i>FT</i> '	*
F	$F \rightarrow (E)$	(
	$F \rightarrow id$	id

非终结符	输入符号					
	id	+	*	(	)	\$
E	E→TE'			$E \rightarrow TE'$		
E'		$E' \rightarrow +TE'$			$E' \rightarrow \varepsilon$	$E' \!\!\! \to \!\! \varepsilon$
T	T→FT'			T→FT'		
T'		<i>T'</i> →ε	<i>T'</i> →* <i>FT</i> '		<i>T'</i> →ε	<i>T'</i> →ε
F	$F \rightarrow id$			$F \rightarrow (E)$		

#### 如何实现预测分析?

▶递归的方式: 基于预测分析表对递归下降分析法进行扩展

▶非递归的方式: 显式地维护一个栈结构来模拟最左推导过程

#### 4.2.2 递归的预测分析法

>是对递归下降分析框架的扩展

```
A(Token)
                                                                                                                A \rightarrow \alpha_1 |\alpha_2| \cdots |\alpha_n|
         if Token \in SELECT (A \rightarrow \alpha_1)
                        code_1;
         if Token \in SELECT(A \rightarrow \alpha_2)
                        code;
                                                                                                                                      code<sub>2</sub>
         if Token \in SELECT (A \rightarrow \alpha_n)
                        code,;
                      设\alpha_i = X_1 X_2 \dots X_k
for (j = 1 \text{ to } k)

\begin{array}{ll}
\text{if } X_j \in V_T & \text{if } X_j == Token & \text{then GetNext (Token )} \\
\text{else } (X_j \neq Token) & \text{Error()}
\end{array}

\begin{array}{ll}
\text{else } (X_j \in V_N) & X_j(\text{Token })
\end{array}
```

- (1) <PROGRAM> → program <DECLIST> :<TYPE> ; <STLIST> end
- (2)  $\langle DECLIST \rangle \rightarrow id \langle DECLISTN \rangle$
- (3)  $\langle DECLISTN \rangle \rightarrow$ , id  $\langle DECLISTN \rangle$
- (4)  $\langle DECLISTN \rangle \rightarrow \varepsilon$
- (5)  $\langle STLIST \rangle \rightarrow s \langle STLISTN \rangle$
- (6)  $\langle STLISTN \rangle \rightarrow ; s \langle STLISTN \rangle$
- (7)  $\langle STLISTN \rangle \rightarrow \varepsilon$
- (8)  $\langle TYPE \rangle \rightarrow real$
- $(9) < TYPE > \rightarrow int$

```
SELECT(4)={:} SELECT(7)={end}
```

```
program DESCENT;
begin
GETNEXT(TOKEN);
PROGRAM(TOKEN);
if TOKEN≠'$' then ERROR;
end
```



#### (1) <PROGRAM> → program <DECLIST> :<TYPE> ; <STLIST> end

- (2)  $\langle DECLIST \rangle \rightarrow id \langle DECLISTN \rangle$
- (3)  $\langle DECLISTN \rangle \rightarrow$ , id  $\langle DECLISTN \rangle$
- (4)  $\langle DECLISTN \rangle \rightarrow \varepsilon$
- (5)  $\langle STLIST \rangle \rightarrow s \langle STLISTN \rangle$
- (6)  $\langle STLISTN \rangle \rightarrow ; s \langle STLISTN \rangle$
- (7)  $\langle STLISTN \rangle \rightarrow \varepsilon$
- $(8) < TYPE > \rightarrow real$
- $(9) < TYPE > \rightarrow int$

```
SELECT(4)={:}
SELECT(7)={end}
```

```
procedure PROGRAM(TOKEN);
begin
```

- → if TOKEN≠'program' then ERROR; GETNEXT(TOKEN);
- **→ DECLIST**(TOKEN);
- → if TOKEN≠':' then ERROR; GETNEXT(TOKEN);
- → TYPE(TOKEN)
- → if TOKEN≠';' then ERROR;
  GETNEXT(TOKEN);
- → STLIST(TOKEN);
- → if TOKEN≠'end' then ERROR; GETNEXT(TOKEN); end

- (1) <PROGRAM $> \rightarrow$  program <DECLIST> :<TYPE> ; <STLIST> end
- (2)  $\langle DECLIST \rangle \rightarrow id \langle DECLISTN \rangle$
- (3)  $\langle DECLISTN \rangle \rightarrow$ , id  $\langle DECLISTN \rangle$
- (4)  $\langle DECLISTN \rangle \rightarrow \varepsilon$
- (5)  $\langle STLIST \rangle \rightarrow s \langle STLISTN \rangle$
- (6)  $\langle STLISTN \rangle \rightarrow ; s \langle STLISTN \rangle$
- (7)  $\langle STLISTN \rangle \rightarrow \varepsilon$
- $(8) < TYPE > \rightarrow real$
- $(9) < TYPE > \rightarrow int$

```
SELECT(4)={:} SELECT(7)={end}
```

```
procedure DECLIST(TOKEN);
begin
if TOKEN≠'id' then ERROR;
GETNEXT(TOKEN);

DECLISTN(TOKEN);
end
```

- (1)  $\langle PROGRAM \rangle \rightarrow program \langle DECLIST \rangle : \langle TYPE \rangle ; \langle STLIST \rangle end$
- (2)  $\langle DECLIST \rangle \rightarrow id \langle DECLISTN \rangle$
- (3)  $\langle DECLISTN \rangle \rightarrow$ , id  $\langle DECLISTN \rangle$
- (4)  $\langle DECLISTN \rangle \rightarrow \varepsilon$
- (5)  $\langle STLIST \rangle \rightarrow s \langle STLISTN \rangle$
- (6)  $\langle STLISTN \rangle \rightarrow ; s \langle STLISTN \rangle$
- (7)  $\langle STLISTN \rangle \rightarrow \varepsilon$
- $(8) < TYPE > \rightarrow real$
- $(9) < TYPE > \rightarrow int$

```
SELECT(4)={:}
SELECT(7)={end}
```

```
procedure DECLISTN(TOKEN);
    begin
      if TOKEN =',' then
        begin
         GETNEXT(TOKEN);
         if TOKEN≠'id' then ERROR;
         GETNEXT(TOKEN);
         DECLISTN(TOKEN);
        end
       else if TOKEN≠':' then ERROR;
    end
```

- (1) <PROGRAM> → program <DECLIST> :<TYPE> ; <STLIST> end
- (2)  $\langle DECLIST \rangle \rightarrow id \langle DECLISTN \rangle$
- (3)  $\langle DECLISTN \rangle \rightarrow$ , id  $\langle DECLISTN \rangle$
- (4)  $\langle DECLISTN \rangle \rightarrow \varepsilon$
- (5)  $\langle STLIST \rangle \rightarrow s \langle STLISTN \rangle$
- (6)  $\langle STLISTN \rangle \rightarrow ; s \langle STLISTN \rangle$
- (7)  $\langle STLISTN \rangle \rightarrow \varepsilon$
- $(8) < TYPE > \rightarrow real$
- $(9) < TYPE > \rightarrow int$

```
SELECT(4)={:}
SELECT(7)={end}
```

```
procedure STLIST(TOKEN);
    begin
      if TOKEN≠'s' then ERROR;
      GETNEXT(TOKEN);
      STLISTN(TOKEN);
    end
```

- (1) <PROGRAM $> \rightarrow$  program <DECLIST> :<TYPE> :<STLIST> end
- (2)  $\langle DECLIST \rangle \rightarrow id \langle DECLISTN \rangle$
- (3)  $\langle DECLISTN \rangle \rightarrow$ , id  $\langle DECLISTN \rangle$
- (4)  $\langle DECLISTN \rangle \rightarrow \varepsilon$
- (5)  $\langle STLIST \rangle \rightarrow s \langle STLISTN \rangle$
- (6)  $\langle STLISTN \rangle \rightarrow ; s \langle STLISTN \rangle$
- (7)  $\langle STLISTN \rangle \rightarrow \varepsilon$
- $(8) < TYPE > \rightarrow real$
- $(9) < TYPE > \rightarrow int$

```
SELECT(4)={:}
SELECT(7)={end}
```

```
procedure STLISTN(TOKEN);
     begin
       if TOKEN =';' then
         begin
          GETNEXT(TOKEN);
          if TOKEN≠'s' then ERROR;
         GETNEXT(TOKEN);
         STLISTN(TOKEN);
         end
       else if TOKEN≠'end' then ERROR;
     end
```

- (1) <PROGRAM $> \rightarrow$  program <DECLIST> :<TYPE> :<STLIST> end
- (2)  $\langle DECLIST \rangle \rightarrow id \langle DECLISTN \rangle$
- (3)  $\langle DECLISTN \rangle \rightarrow$ , id  $\langle DECLISTN \rangle$
- (4)  $\langle DECLISTN \rangle \rightarrow \varepsilon$
- (5)  $\langle STLIST \rangle \rightarrow s \langle STLISTN \rangle$
- (6)  $\langle STLISTN \rangle \rightarrow ; s \langle STLISTN \rangle$
- (7)  $\langle STLISTN \rangle \rightarrow \varepsilon$
- $(8) < TYPE > \rightarrow real$
- $(9) < TYPE > \rightarrow int$

```
SELECT(4)={:}
SELECT(7)={end}
```

```
procedure TYPE(TOKEN);

begin

if TOKEN≠'real' and TOKEN≠'int'

then ERROR;

GETNEXT(TOKEN);

end
```

#### 例 (MOOC)

- (1)  $\langle PROGRAM \rangle \rightarrow program \langle DECLIST \rangle : \langle TYPE \rangle ; \langle STLIST \rangle end$
- (2)  $\langle DECLIST \rangle \rightarrow id \langle DECLISTN \rangle$
- (3)  $\langle DECLISTN \rangle \rightarrow$ , id  $\langle DECLISTN \rangle$
- (4)  $\langle DECLISTN \rangle \rightarrow \varepsilon$
- (5)  $\langle STLIST \rangle \rightarrow s \langle STLISTN \rangle$
- (6)  $\langle STLISTN \rangle \rightarrow ; s \langle STLISTN \rangle$
- (7)  $\langle STLISTN \rangle \rightarrow \varepsilon$
- $(8) < TYPE > \rightarrow real$
- $(9) < TYPE > \rightarrow int$

```
SELECT(4)={:}
SELECT(7)={end}
```

```
procedure PROGRAM(TOKEN);
     begin
       if TOKEN≠'program' then ERROR;
       GETNEXT(TOKEN);
       DECLIST(TOKEN);
       if TOKEN≠':' then ERROR;
       GETNEXT(TOKEN);
       TYPE(TOKEN);
       GETNEXT(TOKEN);
       if TOKEN≠';' then ERROR;
       GETNEXT(TOKEN);
       STLIST(TOKEN);
       if TOKEN≠'end' then ERROR;
     end
```

#### 例 (MOOC)

- (1) <PROGRAM $> \rightarrow$  program <DECLIST> :<TYPE> ; <STLIST> end
- (2)  $\langle DECLIST \rangle \rightarrow id \langle DECLISTN \rangle$
- (3)  $\langle DECLISTN \rangle \rightarrow$ , id  $\langle DECLISTN \rangle$
- (4)  $\langle DECLISTN \rangle \rightarrow \varepsilon$
- (5)  $\langle STLIST \rangle \rightarrow s \langle STLISTN \rangle$
- (6)  $\langle STLISTN \rangle \rightarrow ; s \langle STLISTN \rangle$
- (7)  $\langle STLISTN \rangle \rightarrow \varepsilon$
- $(8) < TYPE > \rightarrow real$
- $(9) < TYPE > \rightarrow int$

```
SELECT(4)={:}
SELECT(7)={end}
```

```
procedure TYPE(TOKEN);

begin

if TOKEN≠'real' and TOKEN≠'int'

then ERROR;

end
```

#### 例(MOOC)

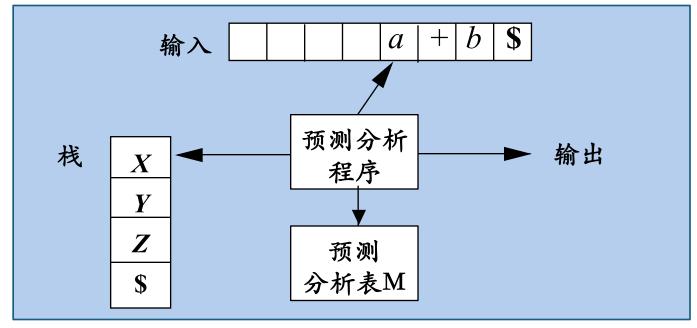
- (1) <PROGRAM $> \rightarrow$  program <DECLIST> :<TYPE> :<STLIST> end
- (2)  $\langle DECLIST \rangle \rightarrow id \langle DECLISTN \rangle$
- (3)  $\langle DECLISTN \rangle \rightarrow$ , id  $\langle DECLISTN \rangle$
- (4)  $\langle DECLISTN \rangle \rightarrow \varepsilon$
- (5)  $\langle STLIST \rangle \rightarrow s \langle STLISTN \rangle$
- (6)  $\langle STLISTN \rangle \rightarrow ; s \langle STLISTN \rangle$
- (7)  $\langle STLISTN \rangle \rightarrow \varepsilon$
- (8)  $\langle TYPE \rangle \rightarrow real$
- $(9) < TYPE > \rightarrow int$

```
SELECT(4)={:}
SELECT(7)={end}
```

```
program DESCENT;
  begin
    GETNEXT(TOKEN);
    PROGRAM(TOKEN);
    GETNEXT(TOKEN):
   if TOKEN≠'$' then ERROR;
  end
```

#### 4.2.3 非递归的预测分析法

》非递归的预测分析显式地维护一个栈结构,而不是通过递 归调用的方式隐式地维护栈。这样的语法分析器可以模拟 最左推导过程



栈 输出 剩余输入 **E** \$ id+id\*id \$ *TE'* \$ id+id\*id\$  $E \rightarrow TE'$ FT'E'\$ id+id\*id\$  $T \rightarrow FT'$ id*T'E'* \$ id+id\*id\$  $F \rightarrow id$ T'E'\$ +id\*id \$ E'\$ +id\*id \$  $T' \rightarrow \varepsilon$  $E' \rightarrow +TE'$ +TE'\$ +id\*id \$ id\*id\$ FT'E'\$ id\*id\$  $T \rightarrow FT'$  $F \rightarrow id$ id*T'E'* \$ id\*id\$ T'E'\$ \*id \$ \**FT'E'* \$ \*id \$  $T' \rightarrow *FT'$ *FT'E'* \$ id\$ id \$  $F \rightarrow id$ id*T'E'* \$ T'E'\$ \$ E'\$  $T' \rightarrow \varepsilon$ \$  $E' \rightarrow \varepsilon$ 

最

左

推导

非终	输入符号					
结符	id	+	*	(	)	\$
E	$E \rightarrow TE'$			$E \rightarrow TE'$		
E'		$E' \rightarrow +TE'$			$E'\!\!\to\!\! \varepsilon$	$E'\!\!\to\!\!\varepsilon$
T	T→FT'			$T \rightarrow FT'$		
T'		<i>T'</i> →ε	$T' \rightarrow *FT'$		<i>T'</i> →ε	<i>T'</i> →ε
F	$F \rightarrow id$			$F \rightarrow (E)$		

#### 表驱动的预测分析法

- ▶ 输入: 一个串w和文法G的分析表 M
- $\triangleright$  输出:如果w在L(G)中,输出w的最左推导;否则给出错误指示
- ▶ 方法:最初,语法分析器的格局如下:輸入缓冲区中是w\$,G的开始符号位于栈顶,其下面是\$。下面的程序使用预测分析表M生成了处理这个输入的预测分析过程

```
设置ip使它指向w的第一个符号, 其中ip 是输入指针;
\diamond X = 栈顶符号;
while (X≠$) { /* 栈非空 */
     if(X等于ip所指向的符号a) 执行栈的弹出操作,将ip向前移动一个位置;
     else if (X是一个终结符号) error ();
     else if (M|X, a|是一个报错条目) error ();
     else if (M[X, a] = X \to Y_1 Y_2 ... Y_k) {
           输出产生式X \rightarrow Y_1 Y_2 \dots Y_k;
           弹出栈顶符号:
          将Y_k, Y_{k-1}..., Y_I 压入栈中, 其中Y_I位于栈顶。
     令X=栈顶符号
```

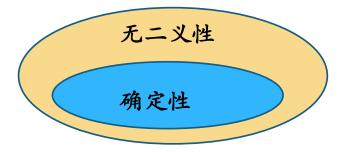
#### 递归的预测分析法vs.非递归的预测分析法

	递归的预测分析法	非递归的预测分析法
如片加坡	程序规模较大,	主控程序规模较小, 🙂
程序规模	不需载入分析表	需载入分析表 (表较小)
直观性	较好 🙂	较 <i>差</i>
效率	<b>較低</b>	分析时间大约正比于待分 析程序的长度
自动生成	较难	较易 😊

#### 预测分析法实现步骤

- 1) 构造文法 无二义性
- 2) 改造文法: 消除二义性、消除左递归、消除回溯
- 3) 求每个变量的FIRST集和FOLLOW集,从而求得每个 候选式的SELECT集 确定性
- 4) 检查是不是(LL(1) 文法。若是,构造预测分析表
- 5) 对于递归的预测分析,根据预测分析表为每一个非终结 符编写一个过程;对于非递归的预测分析,实现表驱动 的预测分析算法

### 无二义性vs.确定性



#### \_\_\_\_二义性文法的判定

- ▶对于任意一个上下文无关文法,不存在一个算法, 判定它是否为二义性的;但能给出一组充分条件, 满足这组充分条件的文法是无二义性的
  - ▶满足, 肯定无二义性
  - >不满足, 也未必就是有二义性的

(1) (b) (c) (B) (Q) (c)

#### 4.2.4 预测分析中的错误检测

- ▶两种情况下可以检测到错误
  - ▶ 栈顶的终结符和当前输入符号不匹配
  - ▶ 栈顶非终结符与当前输入符号在预测分析表对应项

中的信息为空

非终	输入符号						
结符	id	id + * ( ) \$					
E	$E \rightarrow TE'$			$E \rightarrow TE'$			
E'		$E' \rightarrow +TE'$			$E'\!\!\!\to\!\!\! \varepsilon$	$E'\!\!\to\!\! \varepsilon$	
T	$T \rightarrow FT'$			$T \rightarrow FT'$			
T'		<i>T'</i> →ε	<i>T'</i> →* <i>FT'</i>		<i>T'</i> →ε	<i>T'</i> →ε	
F	$F \rightarrow id$			$F \rightarrow (E)$			

#### 预测分析中的错误恢复

- ▶恐慌模式 (Panic Mode)
  - ▶忽略输入中的一些符号,直到输入中出现由设计者选定的同步词法单元(synchronizing token)集合中的某个词法单元
    - ▶ 其效果依赖于同步集合的选取。集合的选取应该使得语法分析器 能从实际遇到的错误中快速恢复
      - ►例如可以把FOLLOW(A)中的所有终结符放入非终结符A的同步记号集合
  - 》如果终结符在栈顶而不能匹配,一个简单的办法就是弹 出此终结符

非终		输入符号					
结符	id	+	*	(	)	\$	
E	E→TE'			$E \rightarrow TE'$	synch	synch	
E'		$E' \rightarrow +TE'$			$E' \rightarrow \varepsilon$	$E' \!\!\!  ightarrow \!\!\! \epsilon$	
T	T→FT'	synch		$T \rightarrow FT'$	synch	synch	
T'		<i>T'</i> →ε	<i>T'</i> →* <i>FT'</i>		<i>T'</i> →ε	<i>T'</i> →ε	
F	$F \rightarrow id$	synch	synch	$F \rightarrow (E)$	synch	synch	

X	FOLLOW(X)
E	\$)
E'	\$)
T	+ )\$
T'	+ )\$
F	*+)\$

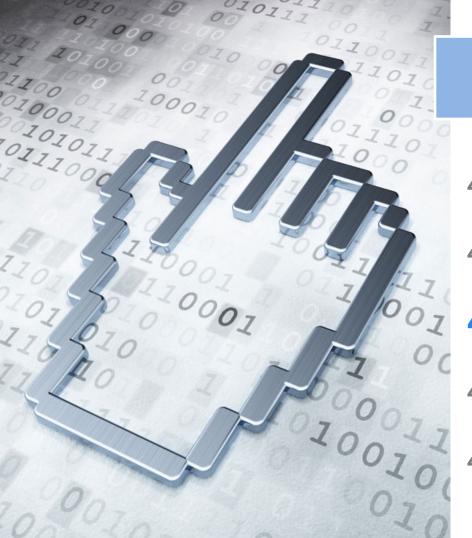
Synch表示根据相应非终结符的FOLLOW集得到的同步词法单元

#### > 分析表的使用方法

- ▶ 如果M[A,a]是空,表示检测到错误,根据恐慌模式,忽略输入符号a
- ▶如果M[A,a]是synch,则弹出栈顶的非终结符A,试图继续分析后面的语法成分
- > 如果栈顶的终结符和输入符号不匹配,则弹出栈顶的终结符

非终			输入符	号		
结符	id	+	*	(	)	\$
E	$E \rightarrow TE'$			$E \rightarrow TE'$	synch	synch
E'		$E' \rightarrow +TE'$			$E' \rightarrow \varepsilon$	$E'\!\!\to\!\! arepsilon$
T	$T \rightarrow FT'$	synch		<i>T</i> → <i>FT'</i>	synch	synch
T'		<i>T'</i> →ε	$T' \rightarrow *FT'$		<i>T'</i> →ε	<i>T'</i> →ε
F	$F \rightarrow id$	synch	synch	$F \rightarrow (E)$	synch	synch

栈	剩余输入	
<b>E</b> \$	+id*+id \$	ignore +
<b>E</b> \$	id*+id\$	
<i>TE'</i> \$	id*+id \$	
<i>FT'E'</i> \$	id*+id\$	
id <i>T'E'</i> \$	id*+id\$	
<i>T'E'</i> \$	*+id \$	
* <i>FT'E'</i> \$	*+id \$	
<i>FT'E'</i> \$	+id \$	error
<i>T'E'</i> \$	+id \$	
E'\$	+id \$	
+ <i>TE'</i> \$	+id \$	
<i>TE'</i> \$	id \$	
<i>FT'E'</i> \$	id\$	
id <i>T'E'</i> \$	id \$	
<i>T'E'</i> \$	\$	
<i>E'</i> \$	\$	
\$	\$	



# 提纲

- 4.1 自顶向下的分析
- 4.2 预测分析法

### 4.3 自底向上的分析

- 4.4 LR分析法
- 4.5 语法分析器自动生成工具