

2. Egyszerű osztályok II.

1. Egy $n \times m$ -es négyzetrács alaprajzú labirintus i . sorának j . mezője vagy egy fal, vagy üres hely, vagy kincset tartalmaz, vagy szellemet. Kérdezhessük le a labirintus i . sorának j . mezőjéről, hogy megadott irányban (fel, le, jobbra, balra) tovább lépve falba ütközünk-e, szellemmel találkozunk-e, kincset találunk-e. Vezessük be a kincs begyűjtés műveletét is, amely a labirintus i . sorának j . mezőjéről törli a kincset, így az üres lesz.

Labirintus

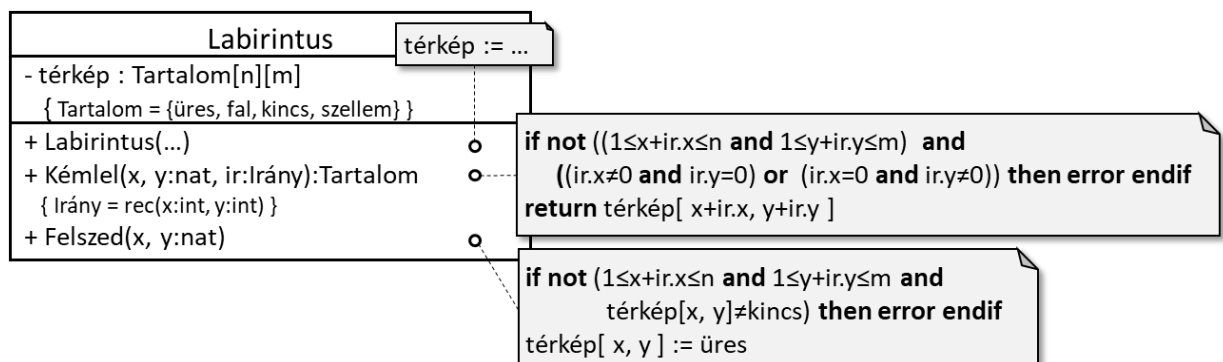
labirintusok	a) $t := \text{Kémlél}(a, x, y, ir)$ ($a:\text{Labirintus}, x, y:\mathbb{N}, ir:\text{Irány}, t:\text{Tartalom}$) $\text{Irány} = \{ \text{fel}, \text{le}, \text{jobb}, \text{bal} \}$ $\text{Tartalom} = \{ \text{üres}, \text{fal}, \text{kincs}, \text{szellem} \}$
	b) $a := \text{Felszed}(a, x, y)$ ($a:\text{Labirintus}, x, y:\mathbb{N}$)
térkép : $\text{Tartalom}^{n \times m}$	a) switch (ir) case fel: if ($x=1$) then error endif ; $x := x-1$; case le: if ($x=n$) then error endif ; $x := x+1$; case bal: if ($y=1$) then error endif ; $y := y-1$; case jobb: if ($y=m$) then error endif ; $y := y+1$; else error endswitch $t := \text{térkép}[x, y]$
	b) if not ($1 \leq x \leq n$ and $1 \leq y \leq m$ and $\text{térkép}[x, y] \neq \text{kincs}$) then error endif $\text{térkép}[x, y] := \text{üres}$

A Kémlél() művelet egyszerűbb lesz, ha az irányokat koordináta párok reprezentálják:

$\text{Irány} = \text{rec}(x, y : [-1..+1])$, ahol fel = (-1,0), le = (1,0), jobbra = (0,1), balra = (0,-1).

Ekkor a paramétereket ellenőrző elágazás után elég a $t := \text{térkép}[x+ir.x, y+ir.y]$ értékadás.

Nézzük meg ezt az osztálydiagramban:



A térkép adattag inicializálását a konstruktor végzi, amelynek paraméterként átadhatunk akár egy `Tartalom[][]` típusú mátrixot, akár annak a szöveges fájlnak a nevét, ahonnan beolvashatjuk a mátrix elemeit.

Másik modellt kapunk, ha önálló objektumokként tekintünk a labirintus pozícióira. Legyenek ezek olyan egészszám-párok, amelyekre értelmezzük a (koordinátánként vett) összeadást (Összead()). Ha az irányokat olyan speciális pozícióknak tekintjük, ahol $-1 \leq x, y \leq 1$, és az x, y közül pontosan az egyik 0 (ezt az Irány() művelettel ellenőrizhetjük), akkor egy pozícióhoz hozzáadva egy irányt a megfelelő szomszédos pozíciót kapjuk eredményül.¹

Pozíció

pozíciók	$c := \text{Összead}(a, b)$ (a,b,c : Pozíció)
	$ok := \text{Irány}(p)$ (p:Pozíció, ok: \mathbb{L})
$x, y : \mathbb{Z}$	$c.x, c.y := a.x+b.x, a.y+b.y$
	$ok := (-1 \leq x \leq 1) \text{ and } (-1 \leq y \leq 1)$ $\text{and } ((x=0 \text{ and } y \neq 0) \text{ or } (x \neq 0 \text{ and } y=0))$

Erre építve egyszerűsíthetjük a Labirintus definícióját. Cseréljük le a térkép típusát egy olyan gyűjteményre (úgynevezett asszociatív adatszerkezetre, jele: Map(Pozíció, Tartalom)), amelyben pozíciójukkal indexelve tároljuk a tartalmakat (Tartalom = {üres, fal, kincs, szellem}). A térkép[poz] a labirintus adott pozícióján levő tartalomra hivatkozik: az lekérdezhető, és megváltoztatható. Ki kell kötni azonban, hogy a térkép azokat és csak azokat a pozíciókat tartalmazza, amelyek koordinátái a labirintus határain belül, azaz 1..n és 1..m intervallumokba esnek.) Láthatjuk, hogy a műveletek programjai egyszerűbbek lesznek.

Labirintus

labirintusok	a) $t := \text{Kémlél}(a, \text{poz}, \text{ir})$ (a:Labirintus, poz:Pozíció, ir:Pozíció, t:Tartalom)
	b) $a := \text{Felszed}(a, \text{poz})$ (a:Labirintus, poz:Pozíció)
$n, m : \mathbb{N}$ térkép : Map(Pozíció, Tartalom) Tartalom={üres, fal, kincs, szellem} Inv: a térkép pozíciói az összes 1..n×1..m-be eső számpár	a) if not Irány(ir) then error endif $t := \text{térkép}[\text{Add}(\text{poz}, \text{ir})]$
	b) if térkép[poz]≠kincs then error endif $\text{térkép}[\text{poz}] := \text{üres}$

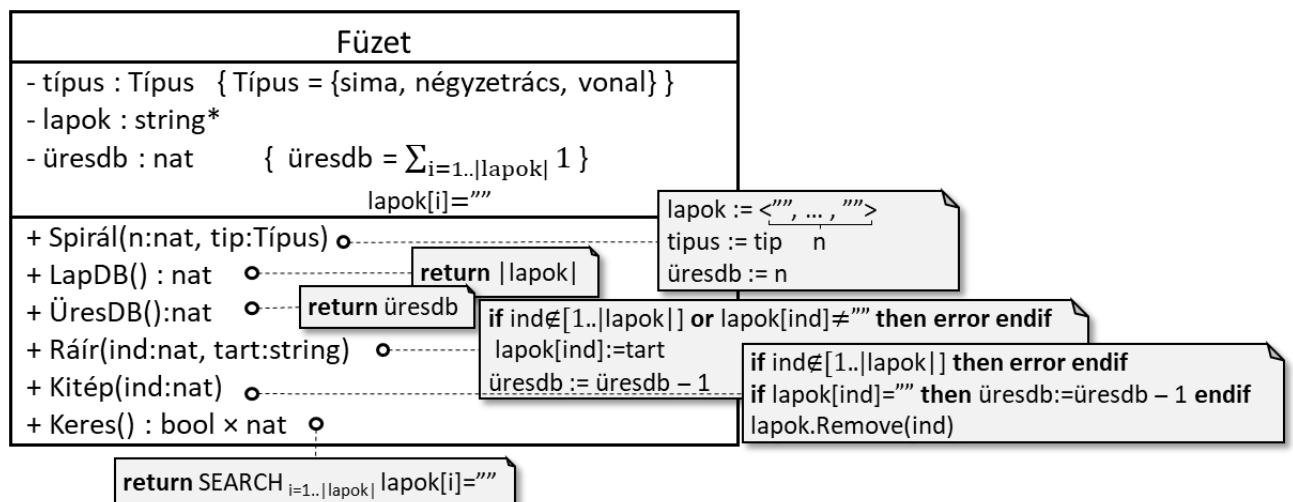
¹ Amikor majd az öröklődés fogalmát megismerjük, akkor a Pozíció osztályból származtathatjuk az Irány osztályt.

2. Spirál füzet típusa. Egy füzet azonos típusú (vagy négyzetrácsos, vagy sima, vagy vonalas) lapokból áll; bizonyos lapjaira már írtak, a többi még üres. Le lehet kérdezni, hogy hány üres lap van még a füzetben; ki lehet tépni valahányadik lapot; rá lehet írni egy kiválasztott lapra, ha az még üres; megkereshetjük az első üres lap sorszámát.

Füzet

füzetek	a) $db := \text{LapDB}(f)$ (f:Füzet, db:ℕ)
	b) $db := \text{ÜresLapDB}(f)$ (f:Füzet, db:ℕ)
	c) $f := \text{Ráír}(f, \text{ind}, \text{tart})$ (f:Füzet, ind:ℕ, tart:ℕ)
	d) $f := \text{Kitép}(f, \text{ind})$ (f:Füzet, ind:ℕ)
	e) $l, \text{ind} := \text{KeresÜres}(f)$ (f:Füzet, l:ℕ, ind:ℕ)
típus : Típus lapok : \mathbb{S}^* üresdb : ℕ $// \text{üresdb} = \sum_{i=1.. \text{lapok} } 1$ $\text{lapok}[i] = ""$ Típus = {sima, négyzetrács, vonal}	a) $db := \text{lapok} $
	b) $db := \text{üresdb}$
	c) if $\text{ind} \notin [1.. \text{lapok}]$ or $\text{lapok}[\text{ind}] \neq ""$ then error endif $\text{lapok}[\text{ind}] := \text{tart}$ $\text{üresdb} := \text{üresdb} - 1$
	d) if $\text{ind} \notin [1.. \text{lapok}]$ then error endif if $\text{lapok}[\text{ind}] = ""$ then $\text{üresdb} := \text{üresdb} - 1$ endif $\text{lapok.Remove}(\text{ind})$
	e) $l, \text{ind} := \text{SEARCH}_{i=1.. \text{lapok} } (\text{lapok}[i] = "")$

Az üres lapot kereső művelet tipikus példája a végrehajtható specifikáció alkalmazásának. Ezt a specifikációt egyértelműen visszavezethetjük a lineáris keresés algoritmus mintájára. Ennek használhatnánk a felsorolás változatát is, amely nem az első üres lap indexét, hanem magát az üres lapot adja vissza: $l, \text{lap} := \text{SEARCH}_{e \in \text{lapok}} (e = "")$ (lásd előadás).



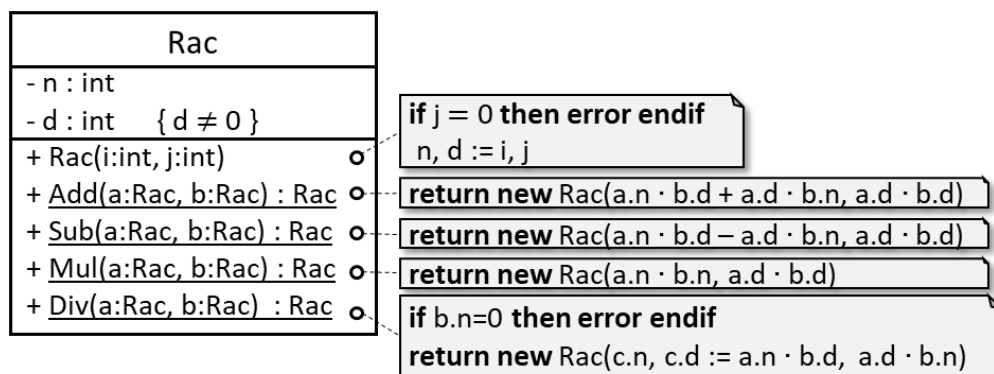
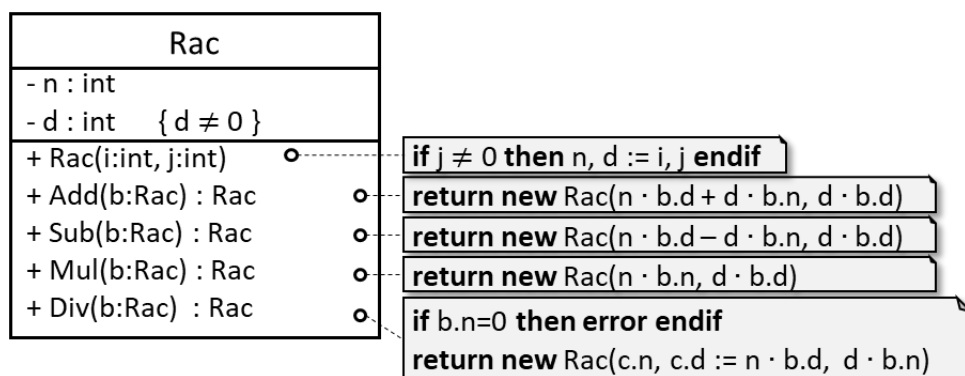
3. Racionális számok. (Ábrázoljuk a racionális számokat egész számpárokkal.)

Rac (\mathbb{Q})

racionális számok	$c := a \pm b$ ($a, b, c: \mathbb{Q}$)
	$c := a \cdot b$ ($a, b, c: \mathbb{Q}$)
	$c := a / b$ ($b \neq 0$) ($a, b, c: \mathbb{Q}$)
$n, d: \mathbb{Z}$	$c.n, c.d := a.n \cdot b.d \pm a.d \cdot b.n, a.d \cdot b.d$
Inv: $d \neq 0$	$c.n, c.d := a.n \cdot b.n, a.d \cdot b.d$
	if $b.n=0$ then error endif $c.n, c.d := a.n \cdot b.d, a.d \cdot b.n$ ($b.n \neq 0$)

A típusinvariáns lehetne a $d > 0$ is, vagy „n és d relatív prím” is.

A műveletek nem egyetlen racionális számhoz kapcsolódnak: két racionális számból állítanak elő egy harmadikat. Ezért nem lenne elegáns (bár megtehetnénk), ha ezeket a műveleteket egyetlen Rac típusú objektum műveleteiként vezetnénk be. Ehelyett ezek a műveletek a Rac osztály (osztályszintű) metódusai lesznek. Emiatt ezeket nem egy racionális szám objektumra kell meghívni úgy, hogy paraméterként adjuk meg a másik számot, hanem olyan metódusként, amelynek két racionális szám partamétere van.



A C# (C++) nyelven lehetőségünk van operátorok felüldefiniálására. Ilyenkor például az összeadást az Add() metódusnév helyett az operator+() metódusnévvel definiáljuk, és ezután $c = \text{Add}(a, b)$ helyett használhatjuk a $c = a + b$ kifejezést.