Programação Funcional em OCaml

José Romildo Malaquias

BCC222: Programação Funcional

Universidade Federal de Ouro Preto Departamento de Computação

2015–1

Sumário

1	UC		-1
	1.1	86.	-1
		1.1.1 História de OCaml	-1
		1.1.2 Características de OCaml	-2
		1.1.3 Por que OCaml?	-2
		1.1.4 Usos e Aplicações	-2
	1.2	O Sistema OCaml	-3
		1.2.1 Ferramentas da distribuição OCaml	-3
		1.2.2 O ambiente interativo	-3
		1.2.3 Pacotes e bibliotecas	-3
			-4
	1.3	Instalação das ferramentas de desenvolvimento em OCaml	-4
			-4
			-6
			-14
		•	-14
	1.4	•	-17
2	Valo	/ I 3	2-1
	2.1	3	2-1
		2.1.1 Comentários	2-1
			2-1
			2-2
	2.2		2-2
	2.3		2-3
	2.4	1 3 3	2-4
	2.5	•	2-6
	2.6	1 3	2-7
	2.7	\mathcal{E} 1	2-7
	2.8	1	2-8
	2.9	Exercícios	2-8
3	Evn	ressão Condicional	3-1
J	3.1		3-1
	3.2	•	3-2
	3.2	Deminguo de l'unguo com expressuo condicional	_
4	Defi	nições Locais 4	l-1
	4.1	Expressão let	- 1
	4.2	Exercícios	I-3
_		~ B	
5		3	5-1
	5.1		5-1
	5.2		5-4
	5.3		5-5
	5.4	Vantagens da recursividade	5-7
6	Tup	las, Listas, e Polimorfismo Paramétrico	5-1
-	6.1		5-1
	6.2		5-2
	6.3		5-4
		•	5-4
			5-4
		1	5-5
		1	5-5
		3	

	6.4	Funções polimórficas predefinidas	3
7	Casa	amento de Padrão 7-	1
•	7.1	Casamento de padrão	_
		7.1.1 Casamento de padrão	
		7.1.2 Padrão constante	2
		7.1.3 Padrão variável	
		7.1.4 Padrão curinga	
		7.1.5 Padrão tupla	
		7.1.6 Padrões lista	
		7.1.7 Padrões combinados	
		7.1.8 Padrões faixa	5
		7.1.9 Padrões nomeados	
	7.2	Casamento de padrão em definições com let	
	7.3	Definição de função usando padrões	
	7.4	Expressão de Seleção Múltipla	
		7.4.1 Forma e regras de tipo da expressão match	
		7.4.2 Avaliação de expressões match	
		7.4.3 Exemplos de expressões match	
		7.4.4 Expressão match com guardas	
	7.5	Exercícios	
	,		
8	Ocal	IDE 8-	1
	8.1	OcaIDE	1
	8.2	Desenvolvimento de projetos Ocaml	2
0	D	0	1
9	9.1	gramas Interativos 9- Interação com o mundo	_
	9.1	Expressão sequência	_
	9.4	1 1	
		9.2.1 Ignorando o resultado de uma expressão 9-1 9.2.2 Blocos de programa 9-1	
	9.3	Estrutura de um programa em OCaml	
	9.3 9.4	Canais de entrada e saída	
	9.5	Funções de saída na saída padrão	
	9.6	Funções de saída na saída de erro padrão	
	9.7	Funções de entrada na entrada padrão	
	9.8	Exercícios	
	7.0	Excletelos	U
10	Valo	res Aleatórios 10-	1
	10.1	Valores aleatórios	-1
	10.2	Jogo adivinha o número	-2
	10.3	Jogo craps	-6
	10.4	Jogo nim	-7
		~ T 13	
11		ressões Lambda 11- Valores de primeira classe	
	11.1	1	
		1	
		r i i i i i i i i i i i i i i i i i i i	
		1	
		1	
	11.2	1	
	11.2	1	
		11.2.1 Expressões lambda with fun	
		11.2.2 Exemplos de expressões lambda	_
		11.2.3 Uso de expressões lambda	-
		11.2.4 Exercícios	-
	11.2	11.2.5 Expressões lambda with function	_
	11.3	Aplicação parcial de funções	_
		11.3.1 Aplicação parcial de funções	_
	11 4	11.3.2 Aplicação parcial de funções: exemplos	
	11.4	Currying 11-4.1 Funcões curried 11-4.1	
		LL4 L FUNCOES CURRICA II.	_ /

	11.4.2 Por que <i>currying</i> é útil?	. 11-8
	11.4.3 Convenções sobre <i>currying</i>	. 11-8
	11.5 Utilidade de expressões lambda	
	11.5.1 Exercícios	
12	Funções de Ordem Superior	12-1
	12.1 Funções de Ordem Superior	. 12-1
	12.2 Composição de funções	
	12.3 A função List.filter	
	12.4 A função map	
	12.5 fold_left	
	12.6 fold_right	
	12.7 Cupom fiscal do supermercado	
13	Tipos Algébricos	13-1
	13.1 Novos tipos de dados	. 13-1
	13.2 Tipos variantes	
	13.3 Exemplo: formas geométricas	

Resumo

As atividades de programação serão desenvolvidas usando a linguagem OCaml (http://www.ocaml.org/).

Nesta aula o aluno será apresentado à linguagem OCaml, passando a conhecer suas principais características. Serão apresentados os passos necessários para instalar o sistema de programação em OCaml e as principais ferramentas utilizadas durante o processo de desenvolvimento em OCaml.

Haverá oportunidade de familiarização com o ambiente de programação em OCaml através da avaliação de expressões no ambiente interativo e compilação em *batch*.

Sumário

1.1	A ling	uagem OCaml
	1.1.1	História de OCaml
	1.1.2	Características de OCaml
	1.1.3	Por que OCaml?
	1.1.4	Usos e Aplicações
1.2	O Sist	ema OCaml
	1.2.1	Ferramentas da distribuição OCaml
	1.2.2	O ambiente interativo
	1.2.3	Pacotes e bibliotecas
	1.2.4	Editores
1.3	Instal	ação das ferramentas de desenvolvimento em OCaml
	1.3.1	Instalação do OCaml no Windows: Instalador oficial
	1.3.2	Instalação do OCaml no Windows: WODI
	1.3.3	Instalação do OCaml no Ubuntu
	1.3.4	Instalação do ambiente interativo no Eclipse
14	Usand	lo o ambiente interativo

1.1 A linguagem OCaml

1.1.1 História de OCaml

ML é uma família muito grande de linguagens de programação que inclui Satandard ML, OCaml, F#, SML#, Manticore, MetaOCaml, JoCaml, Alice ML, Dependent ML, Flow Caml, e muitas outras. Todas as linguagens ML compartilham várias características fundamentais, além de uma boa dose de sintaxe. Elas são de ordem superior, estritas, na maior parte puras, e tipadas, com tipos algébricos e outros tipos de dados. Seus sistemas de tipo são derivados de Hindley-Milner. O desenvolvimento dessas linguagens inspirou um conjunto significativo de pesquisas em Ciência da Computação e influenciou a concepção de muitas outras linguagens de programação, incluindo Haskell, Scala e Clojure, Rust, ATS e muitas outras.

OCaml¹ é uma linguagem de programação de uso geral, com ênfase na expressividade e segurança. Desenvolvida há mais de 20 anos no INRIA² por um grupo de pesquisadores líderes, OCaml beneficia-se de um dos sistemas de tipos mais avançados e suporta os estilos de programação funcional, imperativo e orientado a objetos, que facilitam o desenvolvimento de um software flexível e confiável. Usado em ambientes onde um único erro pode custar milhões e onde velocidade é importante, OCaml é apoiada por uma comunidade ativa que desenvolveu um rico conjunto de bibliotecas e irá ajudá-lo a tirar o máximo de possibilidades de OCaml.

OCaml é uma linguagem de programação moderna, de alto nível, com muitos recursos úteis. É um produto de código aberto de mais de vinte anos de pesquisa de ponta que permite o desenvolvimento rápido de software robusto, conciso e correto.

¹http://www.ocaml.org

²Institut National de Recherche en Informatique et en Automatique.

OCaml começou com a ML original criada na universidade de Edinburgo por Robin Milner, no começo da década de 1970. ML significa *Meta Language* pois ela foi feita para funcionar como a meta-linguagem do provador de teoremas LCF.

Os primeiros usuários de ML perceberam que ela funcionava bem para programar outras coisas, então ela foi separada do seu sistema de origgem.

Várias variações de ML foram desenvolvidas em universidades e institutos da Europa. No INRIA³ Pierre-Louis Curien criou a *Categorial Abstract Machine* (CAM), uma máquina virtual e modelo de computação adequado para execução de linguagens funcionais.

Gérard Huet e outros pesquisadores criaram uma versão de ML usando a máquina CAM, e a chamaram de CAML, em meados da década de 1980.

Como o código executado por CAML era lento e usava muita memória, Xavier Leroy e Damien Doligez criaram *Caml Light* no início da década de 1990, muito mais rápida e compacta.

A linguagem foi estendida na década de 1990 para incluir suporte a orientação a objetos, resultando em *Objective Caml*.

Em 2011 o nome foi mudado para OCaml.

1.1.2 Características de OCaml

- Estaticamente tipada
- Inferência de tipos
- Orientada a expressões
- Compilação nativa ou para bytecode
- Uso interativo ou em batch
- Tipos algébricos e casamento de padrão
- Módulos
- Objetos e classes
- Avaliação estrita

1.1.3 Por que OCaml?

- Aprendizagem de um novo paradigma de programação.
- Desempenho e expressividade

Programas escritos em OCaml tendem a ter desempenho mais próximo de linguagens como C++, mas com código mais sucinto, geralmente mais próximo de linguagens como Python e Ruby.

1.1.4 Usos e Aplicações

OCaml não é somente experimental. Existem aplicações de complexidade e tamanho significativos escritos em OCaml. Estas aplicações tendem a ser de domínios realativamente complexos ou que usam pesquisas de ponta. Algumas delas funcionam em ambientes que requer alta confiabilidade.

- Jane Street Capital empresa financeira especializada na compra e venda de produtos financeitos em alta frequência (*Hight-Speed Trading*).
- Coq sistema assistente para provas que pode ser usado
 - para auxílio na prova de teoremas matemáticos (e verificar as provas criadas),
 - para verificação de outros sistemas de software (provar que um programa segue sua especificação), e
 - como sistema de programação, para criar os chamados *produtos certificados*.
- Mirage OS sistema operacional criado especificamente para a computação em nuvens.
- Microsoft criou o projeto SLAM que resultou na ferramenta SDV (Static Driver Verifier) para verificação de drivers.
- Facebook compilador da linguagem Hack e algumas ferramentas internas.

³O INRIA (*Institute national de recherche en informatique et en automatique*) é uma organização pública francesa de carácter científico e tecnológico.

1.2 O Sistema OCaml

Para o desenvolvimento de aplicações em OCaml é necessário o compilador de OCaml e um conjunto de bibliotecas. A distribuição de OCaml oferece dois compiladores:

• ocamlc: um compilador para bytecode

• ocamlopt: um compilador nativo

Existe também um ambiente interativo (ocaml) onde o programador pode carregar módulos e avaliar expressões, facilitando o desenvolvimento incremental.

Para preparar os programas é necessário um editor de texto e um terminal, ou um ambiente de desenvolvimento integrado (IDE).

O desenvolvimento baseado na linha de comando usa um terminal e um editor de textos. O programador digita os arquivos fontes em um editor de texto e compila a aplicação em um terminal executando um dos compiladores.

Emacs (juntamente com o plugin Tuareg) é um bom editor de texto com facilidades para desenvolvimento em OCaml. Porém o grau de dificuldade de sua aprendizagem é considerado elevado. Emacs está disponível para a maioria das platformas, incluindo Linux e Windows.

Notepad++ é uma opção mais simples disponível no Windows. No Linux temos outras opções como o gedit (parte do ambiente GNOME) e o kate (parte do ambiente KDE).

Eclipse é um ambiente de desenvolvimento integrado muito usado com várias linguagens de programação como Java e C++. O plugin OcaIDE oferece suporte para desenvolvimento em OCaml no Eclipse.

1.2.1 Ferramentas da distribuição OCaml

• ocamlc: compilador para bytecode.

• ocamlopt: compilador para código nativo.

• ocaml: ambiente interativo.

- ocamldoc: gerador de documentação baseado em comentários.
- ocambuild: ferramenta para compilação de projetos OCaml.
- ocamldep: analisador de dependências entre módulos, geralmente usado para determinar a ordem de compilação dos arquivos.
- ocamllex e ocamlyacc: geradores de analisadores léxicos e sintáticos, usados principalmente na criação de compiladores e interpretadores para linguagens de programação.
- ocamlmktop: possibilita a criação de ambientes interativos customizados para OCaml.

1.2.2 O ambiente interativo

O REPL (*Read Eval Print Loop*) lê declarações e expressões digitadas pelo usuário, compila-as para **byte-code**, e executa-as. Ele é útil para testar e explorar novas idéias.

O ambiente interativo padrão (ocaml) tem algumas deficiências, como por exemplo a edição da entrada é bastante básica e não há suporte para um histórico de linhas digitadas. Sugere-se adicionar estas capacidades usando utilitários como ledit ou rlwrap. Pode-se também usar o ambiente interativo alternativo utop, que é bastante melhorado.

1.2.3 Pacotes e bibliotecas

- findlib: ferramenta para instalação, gerenciamento e uso de bibliotecas usando a ferramenta ocamlfind.
- OPAM (OCaml Package Manager): sistema de gerenciamento de pacotes avançado com resolução de dependência. Ainda não disponível para Windows.

1.2.4 Editores

Vários editores suportam a linguagem OCaml, como por exemplo:

- Emacs
- VIM
- · Sublime Text
- Textmate
- Atom

1.3 Instalação das ferramentas de desenvolvimento em OCaml

O compilador de OCaml e suas bibliotecas podem ser instalados de várias maneiras. As mais usadas são:

- usando OPAM, um gerenciador de pacotes específicos para OCaml (ainda não disponível para Windows),
- usando um gerenciador de pacotes suportado para sua plataforma, ou
- a partir do código fonte.

A página Install OCaml⁴ apresenta maiores detalhes.

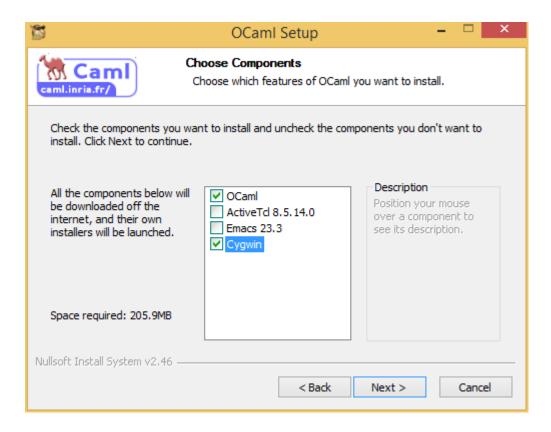
1.3.1 Instalação do OCaml no Windows: Instalador oficial

Há várias maneiras de instalar OCaml no Windows. Vamos usar o instalador oficial, disponível na página http://protz.github.com/ocaml-installer/.

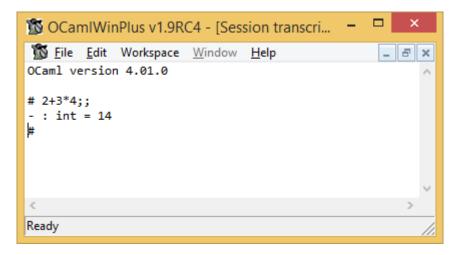
- 1. Faça o donwload da versão mais recente do programa de instalação disponível na página http://protz.github.io/ocaml-installer/. No momento em que estas instruções foram escritas a versão mais recente era para OCaml-4.01.0, acessível pelo link http://gallium.inria.fr/~protzenk/caml-installer/ocaml-4.01.0-i686-mingw64-installer3.exe.
- 2. Execute o programa de instalação, que poderá instalar:
 - OCaml, findlib e flexdll.
 - Emacs (opcional), um editor de texto, com suporte para OCaml.
 - ActiveTCL (opcional), uma biblioteca para aplicações com interface gráfica. Necessário para usar OCamlBrowser ou para criar aplicações com interface gráfica usando Tcl/Tk (labltk).
 - Cygwin (opcional), uma coleção de ferramentas que permitem que o Windows possa de certa forma agir como um sistema Unix. Necessário para compilação nativa de programas em OCaml. O programa de instalação do Cygwin será executado com os pacotes necessários ao OCaml previamente selecionados.

Certifique-se de habilitar a instalação do Cygwin.

⁴http://ocaml.org/docs/install.html



O ambiente interativo poderá ser executado usando o item OCamlWin no menu de programas. Será aberta uma janela onde você pode avaliar expressões e declarações.



Para desenvolver um programa, edite o texto do programa em um editor de texto, como o Notepad++:

```
C:\Users\romildo\Desktop\hello.ml - Notepad++
        Editar Localizar Visualizar Formatar Linguagem Configurações Macro
       Janela
                         * 📭 🖺 🤰 C
hello.ml
        (* Hello world from OCaml *)
   1
  2
        let _ = print_endline "Hello, world!";
   3
  4
length: Ln:2 Col:1 Sel:0|0
                                           Dos\Windows
                                                           UTF-8 w/o BOM
                                                                            INS
```

Em seguida compile o programa no terminal:



E execute o programa no terminal:



1.3.2 Instalação do OCaml no Windows: WODI

Esta é uma forma alternativa de instalar OCaml no Windows.

GODI⁵ é um sistema de gerenciamento de pacotes baseada em código fonte para o ecossistema OCaml. Ele fornece um método fácil e consistente de configuração, construção, instalação, atualização e remoção de software necessária para os desenvolvedores OCaml: O próprio compilador OCaml e uma grande lista de bibliotecas e ferramentas de desenvolvimento.

WODI⁶ é uma adapatação extendida de GODI para Windos. Seu sistema de compilação e pacotes ferramentas de empacotamento são baseadas no Cygwin, mas as bibliotecas e programas são compilados com mingw-w64 e OCaml, sendo independentes do Cygwin.

É recomendado instalar WODI como usuário normal, não como administrador. É mais fácil manter WODI se você tem acesso completo à gravação dentro do seu ambiente cygwin. WODI deve ser instalado em uma **pasta que não contém quaisquer caracteres em branco** em seu nome.

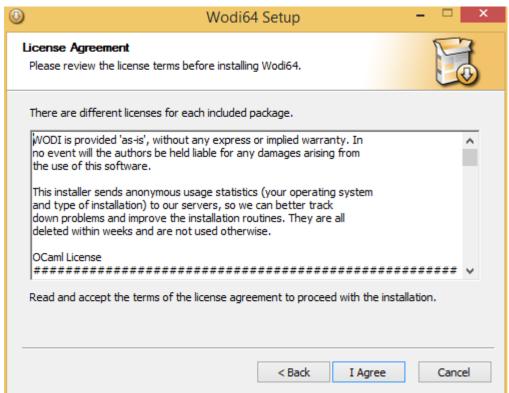
- 1. Faça o donwload da versão mais recente do programa de instalação disponível na página http://wodi.forge.ocamlcore.org/download.html. No momento em que estas instruções foram escritas a versão mais recente era para OCaml-4.02.1, acessível pelo link http://ml.ignorelist.com/wodi/8/wodi32.exe para sistemas de 32 bits, ou pelo link http://ml.ignorelist.com/wodi/8/wodi64.exe para sistemas de 64 bits.
- Execute o programa de instalação. Primeiro o instalador irá criar um ambiente Cygwin personalizado e, em seguida, instalar OCaml e programas como findlib. Você pode baixar as bibliotecas e os programas adicionais mais tarde, com o gerenciador de pacotes WODI.

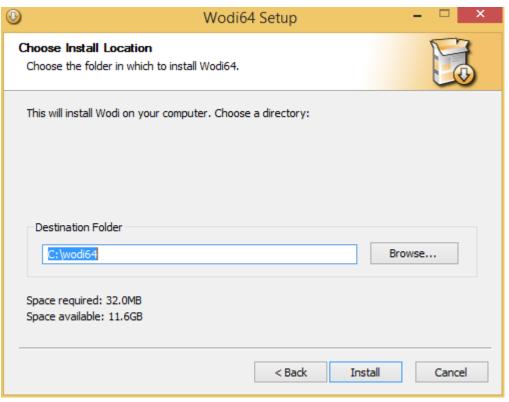
Ferramentas baseadas Cygwin são necessários para WODI, para ocamlbuild, e para a compilação de programas fonte OCaml para código nativo. Você não pode usar WODI sem Cygwin. Cygwin será baixado da internet durante a instalação.

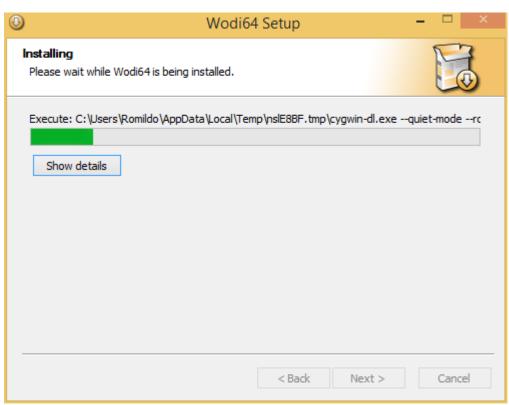
⁵http://godi.camlcity.org/

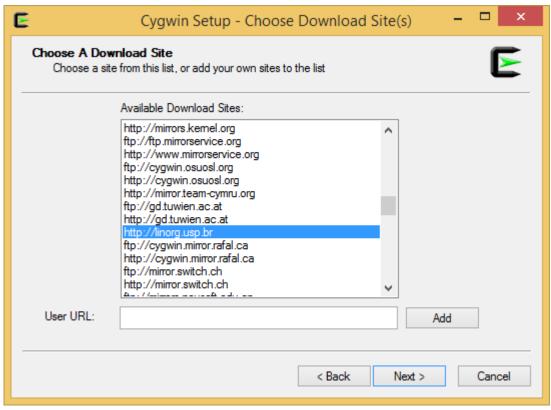
⁶http://wodi.forge.ocamlcore.org/

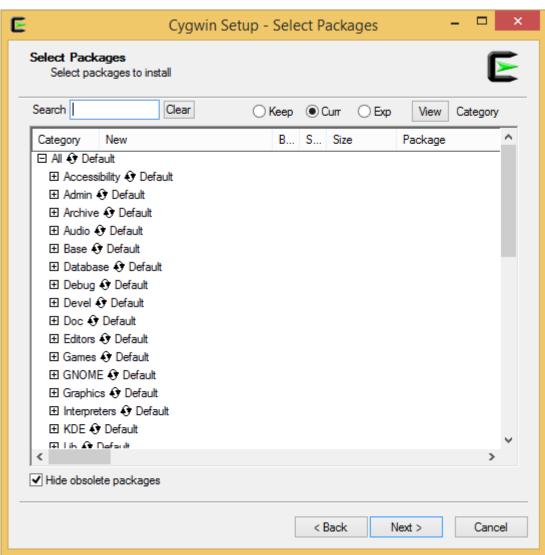


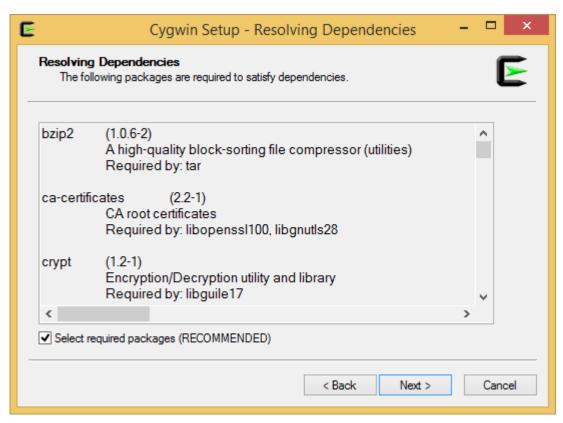


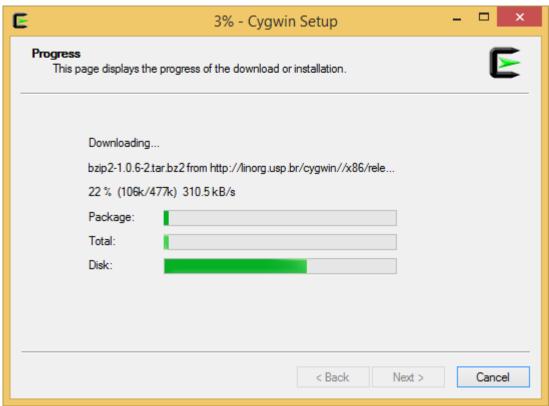


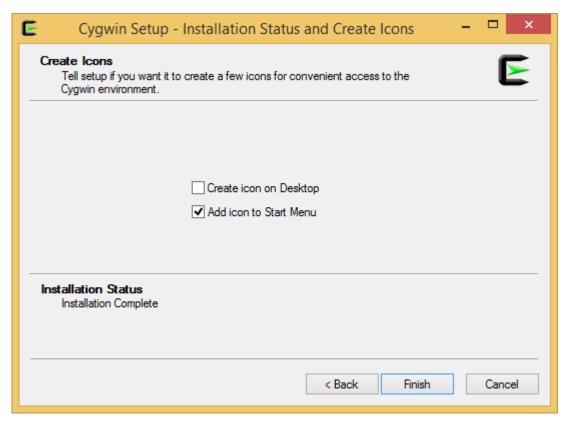


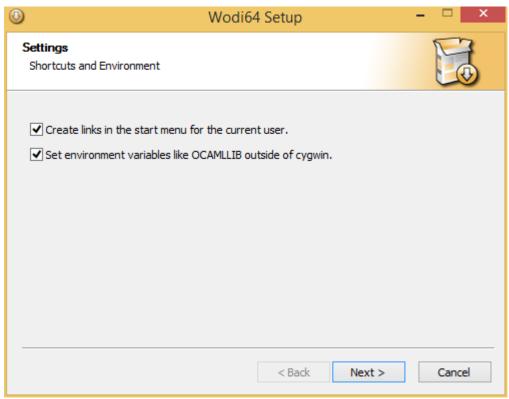


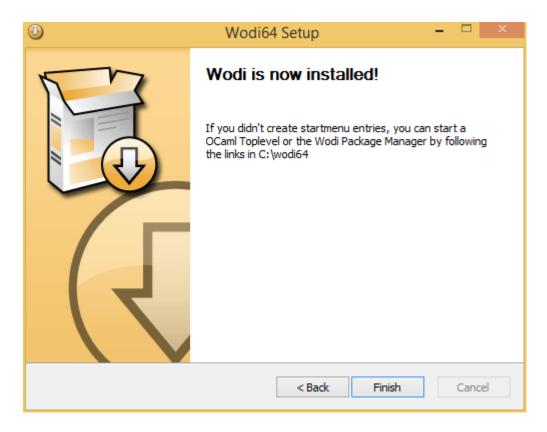












O ambiente interativo poderá ser executado de diferentes maneiras a partir do menu Wodi64:

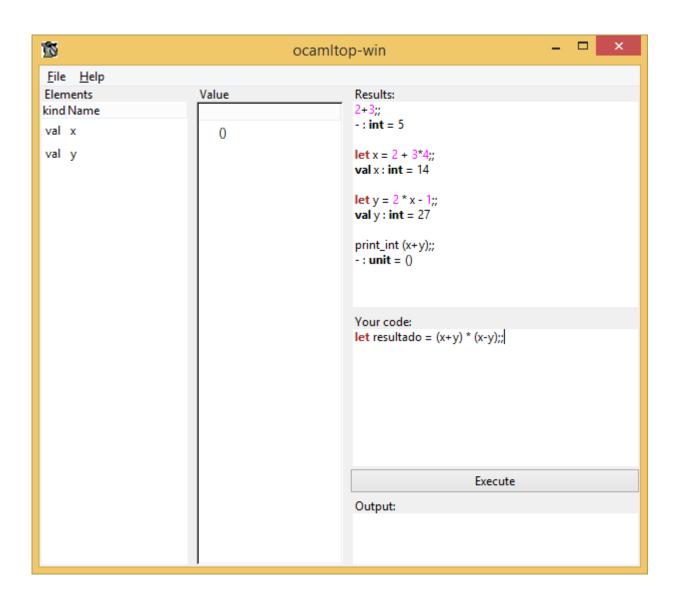
• Usando o terminal do Cygwin: Wodi64 Cygwin. No terminal digite o comando rlwrap ocaml.

• Usando o editor ocaml-top.

```
New ml file* - ocaml-top 1.1.2  

New ml
```

• Usando a ferramenta *ocamltop-win*.



Para compilar um programa, edite o texto do programa em um editor de texto, como por exemplo o Note-pad++:

Em seguida compile e execute o programa no terminal do Cygwin:

```
Romildo@vmwindows81 ~
$ cd h:

Romildo@vmwindows81 /cygdrive/h
$ ocamlopt hello.ml -o hello.exe

Romildo@vmwindows81 /cygdrive/h
$ ./hello.exe
Hello, world!

Romildo@vmwindows81 /cygdrive/h
$ |
```

1.3.3 Instalação do OCaml no Ubuntu

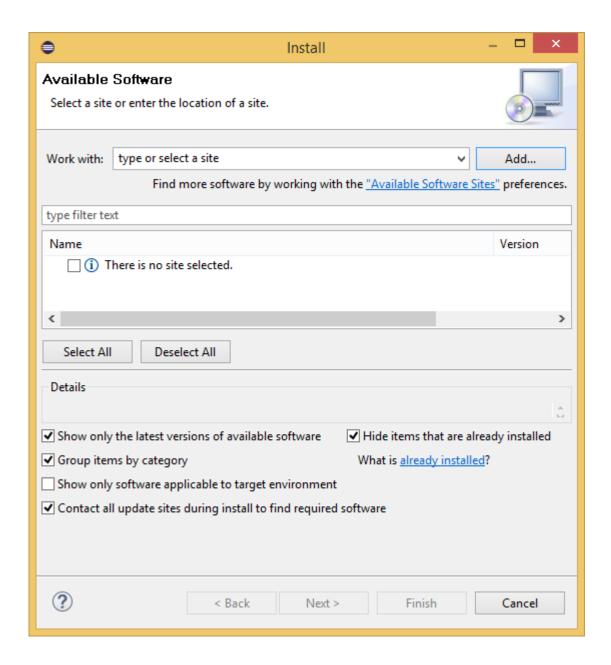
OCaml é muito fácil de ser instalado no Ubuntu. Use o gerenciador de pacotes para instalar os seguintes pacotes:

- ocaml, para desenvolvimento de aplicações
- ocaml-native-compilers, para compilação de programas para código nativo
- ocaml-doc, para ter acesso ao manual de referência
- tuareg-mode, um plugin para o editor Emacs
- ocaml-findlib, para instalar e usar bibliotecas e suas dependências facilmente
- menhir, um gerador de analisadores sintáticos
- rlwrap, para facilitar a edição da linha de entrada do ambiente interativo,

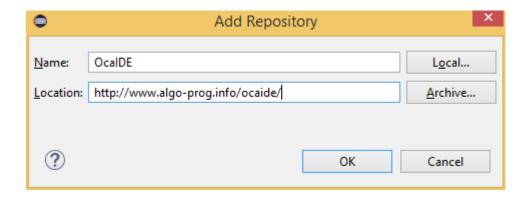
1.3.4 Instalação do ambiente interativo no Eclipse

Para instalar OcaIDE, um plugin para Eclipse:

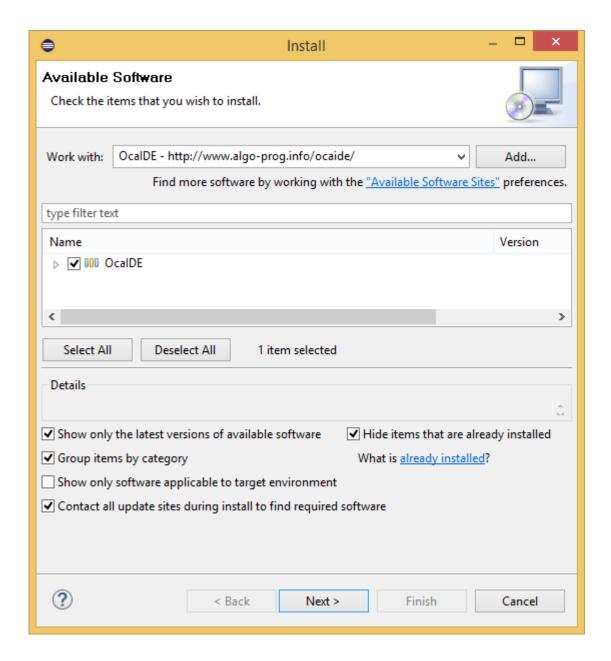
- 1. Instale a máquina virtual do Java versão 1.7 ou superior (http://java.com/en/download/index.jsp).
- 2. Instale uma versão recente do Eclipse (http://www.eclipse.org/downloads/).
- 3. Inicie o Eclipse.
- 4. No Eclipse acesse o menu Help→Install New Software....



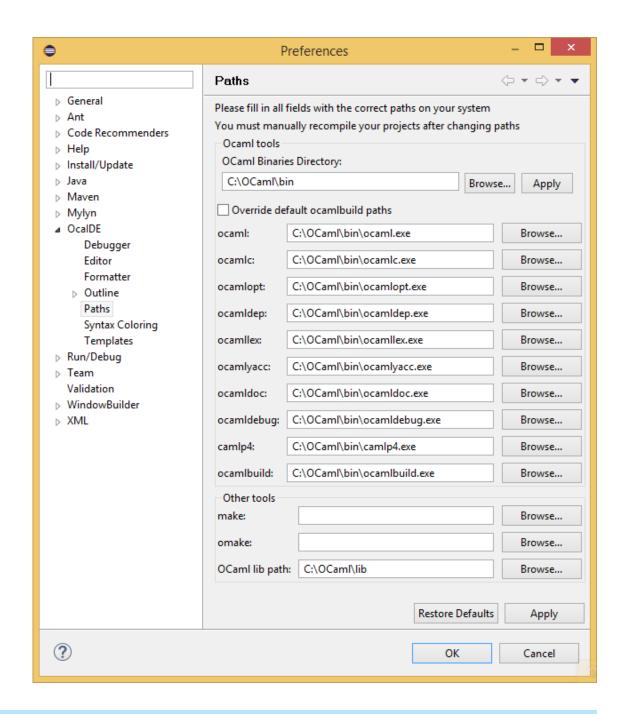
- 5. Clique Add para configurar um novo repositório.
- 6. No campo Name digite OcaIDE e no campo Location digite http://www.algo-prog.info/ocaide/.



- 7. Clique em Ok.
- 8. Selecione a categoria OcaIDE na lista de plugins.



- 9. Clique Next.
- 10. Clique Next.
- 11. Aceite os termos do acordo de licença.
- 12. Clique Finish. Será feito o download do plugin.
- 13. Aceite a instalação (o plugin não tem assinatura digital).
- 14. Reinicie o Eclipse quando solicitado.
- 15. Após o reinício do Eclipse, o ambiente já está pronto para uso.
- 16. Para acessar a ajuda online clique no menu Help→Help Contents e escolha *OCaml Development User Guide* na lista de tópicos disponíveis.
- 17. Verifique os caminhos onde o OCaml pode ser encontrado. Para tanto acesse o menu Window→Preferences e selecione a aba OcaIDE→Paths. Se necessário preencha o campo Ocaml Binaires Directory para inidicar a localização correta dos programas executáveis do OCaml e em seguida clique em Apply. Pode ser necessário indicar também o caminho das bibliotecas do OCaml no campo Ocaml lib path. Conclua clicando em OK.



1.4 Usando o ambiente interativo

No ambiente interativo do OCaml podemos digitar expressões e declarações da linguagem OCaml. Elas são compiladas e avaliadas, e o tipo e o valor obtido são exibidos.

O ambiente interativo padrão pode ser iniciado a partir de um terminal usando o comando **ocaml**. Em um sistema Unix:

```
$ ocaml
OCaml version 4.01.0
```

Para adicionar facilidades de edição da linha de entrada e histórico, use os utilitários ledit ou rlwrap: Em um sistema Unix:

```
$ rlwrap ocaml
OCaml version 4.01.0
```

Expressões da linguagem OCaml podem ser digitadas no prompt. A entrada deve ser encerrada com dois sinais de ponto-e-vírgula: ;;.

Por exemplo:

```
# 2 + 3*4;;
- : int = 14
```

```
# (2 + 3)*4;;
- : int = 20
```

```
# print_string "Hello, world!\n";;
Hello, world!
- : unit = ()
```

Observe que o ambiente interativo responde informando o tipo e o valor calculados.

Para encerrar o ambiente interativo use a diretiva #quit ou digite Control+D (no Linux) ou Control+Z (no Windows).

Para mudar o diretório atual use a diretiva #cd "nome-do-diretório".

Para ler, compilar e executar expressões e declarações de um dado arquivo use a diretiva #use "nome-do-arquivo".

2 VALORES, TIPOS E FUNÇÕES

Resumo

As linguagens funcionais modernas apresentam um sistema de tipos robusto que permite ao compilador verificar se os operandos usados nas operações estão corretos. Com a inferência de tipos isto pode ser feito sem o programador ter que necessariamente anotar os tipos das variáveis e funções usadas nos programas.

Nesta aula vamos conhecer alguns tipos básicos de OCaml.

Sumário

2.1	Considerações léxicas	2-1
	2.1.1 Comentários	2-1
	2.1.2 Palavras reservadas	2-1
	2.1.3 Identificadores	2-2
2.2	Alguns tipos básicos	2-2
2.3	Constantes	2-3
2.4	Aplicação de função	2-4
2.5	Definindo variáveis e funções	2-6
2.6	Tipos função	2-7
2.7	Checagem de tipos	2-7
2.8	Inferência de tipos	2-8
2.9	Exercícios	2-8

2.1 Considerações léxicas

2.1.1 Comentários

Comentários são usados para fazer anotações no programa que podem ajudar a entender o funcionamento do mesmo. Os comentários são ignorados pelo compilador.

Comentários são delimitados por (* e *). Comentários podem ser aninhados. Comentários não podem ocorrer em literais caracter e literais string.

2.1.2 Palavras reservadas

As seguintes palavras são reservadas e não podem ser usadas como identificadores:

and	as	assert	asr	begin	class
constraint	do	done	downto	else	end
exception	external	false	for	fun	function
functor	if	in	include	inherit	initializer
land	lazy	let	lor	lsl	lsr
lxor	match	method	mod	module	mutable
new	object	of	open	or	private
rec	sig	struct	then	to	true
try	type	val	virtual	when	while
with					

As seguintes sequências de caracteres também são reservadas:

!=	#	&	&&	,	()	*	+	,	-
	->			:	::	:=	:>	;	;;	<
<-	=	>	>]	>}	?	[[<	[>	[]]
_	4	{	{<	- 1	11	- 11	}	~		

2.1.3 Identificadores

Identificadores são usados para nomear elementos em um programa. São formados por uma sequência de letras, dígitos decimais, sublinhado (_) e apóstrofo (') começando com uma letra ou sublinhado, e não pode ser uma palavra reservada.

São exemplos de identificadores:

peso
altura_aluno
Estrutura
nome3
x'
__conceito

Não são identificadores:

7anos nome-do-professor let

2.2 Alguns tipos básicos

Um **tipo** é uma *coleção de valores* relacionados. Tipos servem para *classificar os valores* de acordo com as suas características.

Em OCaml **nomes de tipo** são sequências de letras, dígitos decimais, sublinhados e apóstrofo, *começando com uma letra minúscula ou sublinhado*.

Por exemplo, o tipo **bool** contém os dois valores lógicos false e true, comumente usados nas operações lógicas.

Alguns tipos básicos de OCaml são apresentados a seguir.

tipo	características	exemplos de va- lores	algumas ope- rações
int	 inteiros de precisão fixa 	7703876	+
1110	 limitado, sendo a faixa de valores deter- 	7_703_876	_
	minada pelo tamanho da palavra da plata-	-18605	*
	forma:	0b100101	/
		002012	mod
	- 32 bits: de -2^{30} até $2^{30} - 1$	0x2FA3	min_int
	- 64 bits: de -2^{62} até 2^{62} - 1	GAZIIIS	max_int
float	– aproximação de números reais em ponto	78643	+.
11000	flutuante	-78643	
	 precisão dupla de acordo com o padrão 	-7.893_001_999	*
	IEEE 754, com 53 bits de mantissa e ex-	418.	* **
	poente de -1022 até 1023	.2015.	ceil
	poente de 1022 de 1023	987.3201E-60	floor
		34e8	sqrt
			exp
			log
			log10
			sin
			cos
			tan
			asin
			acos
			atan
bool	- valores lógicos	false	not
		true	&&
			=
			<>
			<
			<=
			>
			>=
char	 enumeração cujos valores representam ca- 	'B'	
	racteres ISO 8859-1	'!'	
	- representados internamente como inteiros	'\n'	
	de 8 bits entre 0 e 255	'\t'	
		'\066'	
		'\x42'	
string	 sequências finitas de caracteres 	"Brasil"	^ _
			length
		"bom\ n dia"	get
			uppercase
			lowercase
unit	possui um único valor: a tupla vazia	()	
	 útil para expressões que são avaliadas ape- 		
	nas pelo efeito que produzem, não tendo		
	um valor interessante para ser o resultado		

Diferentemente da maioria das linguagens de programação, os literais, as funções e os operadores para os tipos numéricos **não são sobrecarregados**. Assim o literal 2342 é somente do tipo **int** e nunca do tipo **float**. O operador + pode ser usado apenas com inteiros, e nunca com números em ponto flutuante. Para números em ponto flutuante existe o operador +..

2.3 Constantes

As formas mais simples de expressões são as constantes. Elas representam valores em sua forma mais simples, ou seja, já estão reduzidos à sua forma canônica.

São constantes:

• os literais inteiros, fracionários, caracteres e strings,

- os construtores constantes dos tipos algébricos,
- as constantes especiais false, true, () (tupla vazia), [] (lista vazia), e [||] (array vazio), e
- begin end, que é equivalente a ().

Algumas destas constantes somente serão apresentadas posteriormente.

2.4 Aplicação de função

Aplicação de função é uma das formas de expressões mais comuns na programação funcional, uma vez que os programas são organizados em funções.

Sintaticamene uma aplicação de função em **notação prefixa** consiste em escrever a função seguida dos argumentos, se necessário *separados por caracteres brancos* (espaços, tabuladores, mudança de linha, etc.).

Exemplos:

```
# sqrt 25.0;;
- : float = 5.
# cos 0.0;;
- : float = 1.
# exp 1.0;;
- : float = 2.71828182845904509
# compare "ana" "paula";;
- : int = -1
# max 18 501;;
- : int = 501
```

Observe que, diferentemente de várias outras linguagens de programação, os argumentos não são escritos entre parênteses e nem separados por vírgula.

Parênteses podem ser usados para agrupar subexpressões. Por exemplo:

```
# sqrt (max 25.0 0.36);;
- : float = 5.
# min (sqrt 9.0) 0.81;;
- : float = 0.81
```

Aplicações de função também podem ser escritas em **notação infixa**, onde a função é escrita entre os seus argumentos. Neste caso dizemos que as funções são **operadores infixos**. Os nomes dos operadores infixos são sequências de caracteres simbólicos

```
$ % & * + - . / : < = > ? @ ^ | ~
```

começando com um dos caracteres

```
= < > @ ^ | & + - * / $ %
```

tais como <=> e!!. Exemplos:

```
#2 + 3;;
- : int = 5
# 10 / 4;;
-: int = 2
# (12 - 7) * 6;;
-: int = 30
# 6 <= 17;;
- : bool = true
# 'A' = 'B';;
  : bool = false
# 'A' <> 'B';;
- : bool = true
# true || false;;
- : bool = true
# true && false;;
 : bool = false
```

Assim como na Matemática e em outras linguagens de programação, os operadores possuem um **nível de precedência** (ou prioridade) e uma **associativade**. Parênteses podem ser usados para agrupar subexpressões dentro de expressões maiores *quebrando* a precedência ou associatividade dos operadores.

A tabela 2.1 lista a precedência relativa e a associatividade dos operadores e outras construções de OCaml. O nível de precedência e associatividade de um operador infixo é determinado pelo seu primeiro caracter. Na tabela 2.1 *... significa qualquer operador infixo começando com *.

operador ou construção	associativade
símbolo prefixo	-
•	-
.(
.[
.{	
#	-
aplicação de função	esquerda
aplicação de construtor	
aplicação de tag	
assert	
lazy	
- (prefixo)	-
(prefixo) **	11
	direita
lsl	
lsr	
*	acananda
/···	esquerda
%	
mod	
land	
lor	
lxor	
+	esquerda
	esquereu
::	direita
@	direita
۸	
=	esquerda
<	
>	
1	
&	
\$	
!=	
&	direita
&&	1
or	direita
,	-
<-	direita
:= if	
	- direita
;	ulfella
let match	-
fun	
function	
try	
3	

Tabela 2.1: Precedências e associatividades dos operadores e construções de OCaml.

Exemplos:

Aplicações de função em notação prefixa tem precedência maior do que todos os operadores. Exemplos:

Um operador pode ser associativo à esquerda, associativo à direita, ou não-associativo. Quando dois operadores com a mesma precedência disputam um operando,

- se eles forem associativos à esquerda, o operador da esquerda é escolhido,
- se eles forem associativos à direita, o operador da direta é escolhido,
- se eles forem não associativos, a expressão é mal formada e contém um erro de sintaxe,

Exemplos:

Qualquer operador infixo pode ser usado em notação prefixa, bastando escrevê-lo entre parênteses. Exemplos:

```
# (+) 4 5;;
- : int = 9
# (/.) 18.2 2.0;;
- : float = 9.1
# (>=) 10 20;;
- : bool = false
# sqrt ((+.) 4.1 4.9);;
- : float = 3.
```

2.5 Definindo variáveis e funções

Além de poder usar as funções das bibliotecas, o programador também pode *definir* e *usar* suas próprias variáveis e funções. *Variáveis* e *funções* são definidas usando a palavra reservada **let**.

Nomes de variáveis e funções são identificadores que que começam com letra minúscula ou sublinhado. Uma declaração global de variável é da forma:

```
let nome = expressão
```

sendo *nome* o nome da variável, e *expressão* uma expressão qualquer. Quando elaborada, esta declaração avalia a expressão associando o seu valor ao nome indicado.

Exemplos:

```
# let idade = 21;;
val idade : int = 21
# let x = 2*idade - 1;;
val x : int = 41
# idade <= 30;;
- : bool = true</pre>
```

Uma declaração global de função é da forma:

```
let nome par_1 	ext{ ... } par_n = expressão
```

sendo *nome* o nome da função, par_1, \ldots, par_n (n > 0) os nomes dos parâmetros formais da função, e *expressão* o corpo da função. Quando elaborada, esta declaração cria uma função associando-a ao nome indicado.

Exemplos:

```
# let dobro x = x + x;;
val dobro : int -> int = <fun>
# dobro 5;;
- : int = 10
# let quadruplo x = dobro (dobro x);;
val quadruplo : int -> int = <fun>
# quadruplo 5;;
- : int = 20
```

2.6 Tipos função

Nas linguagens funcionais uma **função** é um valor de primeira classe e, assim como os demais valores, tem um tipo. Este tipo é caracterizado pelos tipos dos argumentos e pelo tipo do resultado da função.

Em OCaml um **tipo função** é escrito usando o operador de tipo ->:

$$t_1 \rightarrow \ldots \rightarrow t_n$$

onde

- t_1, \ldots, t_{n-1} são os tipos dos argumentos
- t_n é o tipo do resultado

Exemplos:

bool -> bool

tipo das funções com um argumento do tipo **bool**, e resultado do tipo **bool**, como por exemplo a função not

```
bool -> bool -> bool
```

tipo das funções com dois argumentos do tipo **bool**, e resultado do tipo **bool**, como por exemplo os operadores && e | |

```
int -> float -> float -> bool
```

tipo das funções com três argumentos, sendo o primeiro do tipo **int**, o segundo e o terceiro do tipo **float**, e o resultado do tipo **bool**

2.7 Checagem de tipos

Toda expressão sintaticamente correta tem o seu tipo calculado em *tempo de compilação*. Se não for possível determinar o tipo de uma expressão ocorre um **erro de tipo**.

A aplicação de uma função a um ou mais argumentos de *tipo inadequado* constitui um **erro de tipo**. Por exemplo:

Explicação:

A função not requer um valor booleano, porém foi aplicada ao argumento 'A', que é um caracter.

OCaml é uma linguagem **fortemente tipada**, com um **sistema de tipos** muito avançado. Todos os possíveis *erros de tipo são encontrados em tempo de compilação* (**tipagem estática**). Isto torna os programas *mais seguros* e *mais rápidos*, eliminando a necessidade de verificações de tipo em tempo de execução.

2.8 Inferência de tipos

Toda expressão bem formada tem um **tipo mais geral**, que pode ser calculado *automaticamente* em *tempo de compilação* usando um processo chamado **inferência de tipos**.

A capacidade de inferir tipos automaticamente *facilita a programação*, deixando o programador livre para omitir anotações de tipo ao mesmo tempo que permite a verificação de tipos.

A inferência de tipo é feita usando as regras de tipagem de cada forma de expressão.

Literais inteiros Os literais inteiros são do tipo **int**.

Literais fracionários Os literais fracionários são do tipo **float**.

Literais caracteres Os literais caracteres são do tipo **char**.

Literais strings Os literais strings são do tipo **string**.

Construtores constantes Os consrutores constantes de um tipo são do tipo associado. Assim:

• os construtores constantes booleanos true e false são do tipo **bool**, e

Aplicação de função

$$x_{1} :: a_{1}$$

$$\vdots$$

$$x_{n} :: a_{n}$$

$$f :: a_{1} \to \dots \to a_{n} \to b$$

$$f x_{1} \dots x_{n} :: b$$

Em uma aplicação de função:

- o tipo dos argumentos deve ser compatível com os domínios da função
- o tipo do resultado deve ser compatível com o contra-domínio da função

2.9 Exercícios

Tarefa 2.1: Movimento Retilínio Uniformementne Variado

A posição s de um corpo em movimento retilínio uniformemente variado, em função do tempo t, é dado pela equação

$$s = s_0 + v_0 t + \frac{1}{2} a t^2$$

onde s_0 é a posição inicial do corpo, v_0 é a sua velocidade inicial, e a é a sua acelaração.



Utilize o ambiente interativo do OCaml para calcular a posição de uma bola em queda livre no instante t = 8 s, considerando que a posição inicial é $s_0 = 100$ m, a velocidade inicial é $v_0 = 15$ m/s e a acelaração da gravidade é a = -9.81 m/s².

Dica:

Use a declaração let para criar variáveis correspondentes aos dados e em seguida avalie a expressão correspondente à função horária do movimento usando estas variáveis.

Tarefa 2.2: Expressões matemáticas

Utilize o ambiente interativo para avaliar as expressões aritméticas seguintes, considerando que x = 3 e y = 4.

1.
$$\frac{4}{3}\pi \sin x^2 - 1$$

2.
$$\frac{x^2y^3}{(x-y)^2}$$

3.
$$\frac{1}{x^2 - y} - e^{-4x} + \sqrt[3]{\frac{35}{y}} \sqrt{xy}$$

4.
$$\frac{24 + 4.5^3}{e^{4.4} - log_{10}12560}$$

5.
$$\cos \frac{5\pi}{6} \sin^2 \frac{7\pi}{8} + \frac{\tan (\frac{\pi}{6} \ln 8)}{\sqrt{7} + 2}$$

Tarefa 2.3

Defina uma função para calcular o quadrado do dobro do seu argumento.

Tarefa 2.4

Defina uma função para calcular o dobro do quadrado do seu argumento.

Tarefa 2.5: Lados de um triângulo

Os lados de qualquer triângulo respeitam a seguinte restrição:

A soma dos comprimentos de quaisquer dois lados de um triângulo é superior ao comprimento do terceiro lado.

Escreva uma função que receba o comprimento de três segmentos de reta e resulte em um valor lógico indicando se satisfazem esta restrição.

Tarefa 2.6: Energia armazenada em uma mola

A força requerida para comprimir uma mola linear é dada pela equação

$$F = kx$$

onde F é a força em N (Newton), x é a compressão da mola em m (metro), e k é a constante da mola em N/m.

A energia potencial armazenada na mola comprimida é dada pela equação

$$E = \frac{1}{2}kx^2$$

onde E é a energia em J (joule).

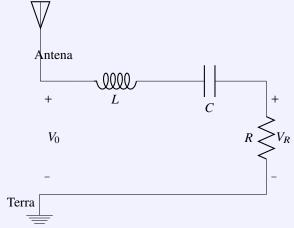
Defina funções para calcular a compressão e a energia potencial armazenada em uma mola, dadas a constante elástica da mola e a força usada para comprimi-la.

Tarefa 2.7: Custo da energia elétrica

Sabe-se que o quilowatt de energia elétrica custa um quinto do salário mínimo. Defina uma função que receba o valor do salário mínimo e a quantidade de quilowatts consumida por uma residência, e resulta no valor a ser pago com desconto de 15%.

Tarefa 2.8: Receptor de rádio

Uma versão simplificada da parte frontal de um receptor de rádio AM é apresentada na figura abaixo. Esse receptor é composto por um circuito que contém um resistor R, um capacitor C e um indutor L conectados em série. O circuito é conectado a uma antena externa e aterrado conforme mostra a figura.



O circuito permite que o rádio selecione uma estação específica dentre as que transmitem na faixa AM. Na frequência de resonância do circuito, essencialmente todo o sinal V_0 da antena vai até o resistor, que representa o resto do rádio. Em outras palavras, o rádio recebe seu sinal mais forte na frequência de ressonância. A frequência de ressonância do circuito indutor-capacitor é dada pela equação

$$f_0 = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC}}$$

onde L é a indutância em H (henry) e C é a capcitância em F (farad).

Defina uma função que receba a indutância L e a capacitância C, e resulta na frequência de ressonância desse aparelho de rádio

Teste sua função pelo cálculo da frequência do rádio quando L=0,25mH e C=0,10nF.

Tarefa 2.9: Força gravitacional

A lei da gravitação universal, proposta por Newton a partir das observações de Kepler sobre os movimentos dos corpos celestes, diz que:

Dois corpos quaisquer se atraem com uma força diretamente proporcional ao produto de suas massas e inversamente proporcional ao quadrado da distância entre eles.

Essa lei é formalizada pela seguinte equação:

$$F = G \frac{m_1 m_2}{d^2}$$

onde:

- F é força de atração em Newtons (N),
- G é a constante de gravitação universal $(6.67 \times 10^{-11} \,\mathrm{N}\,\mathrm{m}^2/\mathrm{kg}^2)$,
- m_1 e m_2 são as massas dos corpos envolvidos, em quilos (kg), e
- d é a distância entre os corpos em metros (m).
- 1. Defina uma variável para denotar a constante de gravitação universal.
- 2. Defina uma função que recebe as massas dos dois corpos e a distância entre eles, e resulta na força de atração entre esses dois corpos. Use a variável definida em 1.
- 3. Teste suas definições no ambiente interativo calculando a força de atração entre a terra e a lua sabendo que a massa da terra é 6×10^{24} kg, a massa da lua é 1×10^{23} kg, e a distância entre eles é 4×10^5 km.

Tarefa 2.10: Salário líquido

Defina uma função que recebe o salário base de um funcionário e resulta no salário líquido a receber, sabendo-se que o funcionário tem gratificação de 10% sobre o salário base e paga imposto de 7% sobre o salário base.

Tarefa 2.11

Defina uma função que verifica se uma equação do segundo grau

$$ax^2 + bx + c = 0$$

possui raízes reais. Para tanto é necessário que o discriminante $\Delta = b^2 - 4ac$ seja não negativo.

Tarefa 2.12: Área do círculo

Defina uma função que recebe a medida do raio r de um círculo e resulta na área A do círculo, dada por:

$$A = \pi \times r^2$$

Tarefa 2.13: Número de degraus

Defina uma função que recebe a altura dos degraus de uma escada e a altura que o usuário deseja alcançar subindo a escada, e resulta na quantidade mínima de degraus que ele deverá subir para atingir seu objetivo, sem se preocupar com a altura do usuário.

Tarefa 2.14

Determine o tipo de cada função definida a seguir.

- 1) let dobro x = x * 2
- 2) let aprovado nota = nota >= 6
- 3) let myLog x b = log x / log b

3 Expressão Condicional

Resumo

Expressões condicionais permitem a escolha entre duas alternativas na obtenção do valor da expressão, com base em uma condição (expressão lógica).

Nesta aula vamos nos familiarizar com o uso de expressões condicionais. Vamos também aprender a fazer declarações locais a uma equação.

Sumário

3.1	Expressão condicional	3-1
3.2	Definição de função com expressão condicional	3-2

3.1 Expressão condicional

Uma expressão condicional tem a forma

```
if condição then exp_1 else exp_2
```

onde condição é uma expressão booleana (chamada predicado) e exp_1 (chamada consequência) e exp_2 (chamada alternativa) são expressões de um mesmo tipo. O valor da expressão condicional é o valor de exp_1 se a condição é verdadeira, ou o valor de exp_2 se a condição é falsa.

Seguem alguns exemplos de expressões condicionais e seus valores.

A expressão condicional é uma **expressão**, e portanto *sempre tem um valor*. Assim uma expressão condicional pode ser usada *dentro de outra expressão*. Veja os exemplos seguintes.

```
5 * (if true then 10 else 20) \longrightarrow 50

5 * if true then 10 else 20 \longrightarrow 50

String.length (if 2<=1 then "OK" else "FAIL") \longrightarrow 4
```

Veja na tabela 2.1 a precedência relativa da expressão condicional. Ela mostra que a precedência da expressão condicional só não é menor do que a precedência do operador ; e também das expressões let, match, fun, function e try.

```
(if 12 mod 2 = 0 then 10 else 20) + 1 → 11
if 12 mod 2 = 0 then 10 else 20 + 1 → 10
```

Regra de inferência de tipo

```
test :: bool
e_1 :: a
e_2 :: a
if test then e_1 else e_2 :: a
```

Observe que a *consequência e a alternativa devem ser do mesmo tipo*, que também é o *tipo do resultado*. Exemplos no ambiente interativo:

```
# if 4>5 then 'S' else 'N';;
- : char = 'N'
# if 8 mod 2 <> 0 then 10 else 20;;
- : int = 20
# if 17 mod 2 = 0 then 12.0 else 5.1;;
- : float = 5.1
```

else opcional

A cláusula **else** de uma expressão condicional *é opcional*. Quando ela é omitida e o valor do teste é falso, o resultado é () (ou seja, a tupla vazia), do tipo **unit**. Como de forma geral o compilador não pode determinar se o valor do teste é verdadeiro ou falso, impõe-se a restrição de que o tipo da primeira alternativa também seja **unit**, contemplando assim a possibilidade de o valor do teste ser verdadeiro ou falso, com resultados do mesmo tipo para a expressão condicional.

Tarefa 3.1

Determine o valor e o tipo das expressões seguintes caso a expressão esteja correta. Se a expressão estiver incorreta, indique qual é o problema encontrado.

```
incorreta, indique qual è o problema encontrado.
a) if sqrt (abs_float (10.0 -. 35.0) *. 100.0) < 5.0 then "aceito" else "negado"
b) if pred (int_of_char 'B') then 10 else 20
c) if 1 mod 2 <> 0 then sqrt 0.09 else Char.lowercase 'B'
d) 4 * if 'B' < 'A' then 2 + 3 else 2 - 3
e) compare (if 'B' < 'A' then 2 + 3 else 2) 3
f) if 5 > 0 then "minas gerais"
g) if 5 > 0 then print_string "minas gerais"
```

3.2 Definição de função com expressão condicional

Como na maioria das linguagens de programação, *funções* podem ser *definidas usando expressões condicionais*. Por exemplo, a função para calcular o valor absoluto de um número inteiro pode ser definida como segue:

```
let valorAbsoluto n =
  if n >= 0 then n else -n
```

valorAbsoluto recebe um inteiro n e resulta em n se ele é não-negativo, e -n caso contrário.

Expressões condicionais podem ser *aninhadas*, como mostra o exemplo a seguir onde é definida uma função para determinar o sinal de um número inteiro.

Veja outro exemplo onde é definida uma função para análise do índice de massa corporal de uma pessoa:

```
let analisaIMC imc =
   if imc <= 18.5 then
    "Você está abaixo do peso, seu emo!"
   else if imc <= 25.0 then
    "Você parece normal. Deve ser feio!"
   else if imc <= 30.0 then
    "Você está gordo! Perca algum peso!"
   else
    "Você está uma baleia. Parabéns!"</pre>
```

Tarefa 3.2: Maior de três valores

Defina uma função max3 que recebe três valores e resulta no maior deles. Use expressões condicionais aninhadas.

Teste sua função no ambiente interativo.

Tarefa 3.3: Conceito obtido por estudante

O conceito obtido por um estudante a partir da média ponderada de suas notas (no intervalo [0-10]) é dada pela tabela seguinte:

média ponderada	conceito
[8, 10]	A
[7,8[В
[6,7[С
[5,6[D
[0,5[Е

Defina uma função conceito_obtido do tipo **float** -> **char** que recebe a média ponderada obtida por um estudante e resulta no conceito.

Teste sua função no ambiente interativo do OCaml.

4 Definições Locais

Resumo

Nesta aula vamos aprender a fazer definições locais a uma expressão usando a expressão let.

Sumário

4.1	Expressão let											•	•										•	•	 	4-1
4.2	Exercícios																								 	4-3

4.1 Expressão let

Em muitas situações é desejável poder definir valores e funções auxiliares na avaliação de uma expressão principal. Isto pode ser feito escrevendo-se **expressões let**.

Uma **expressão let** é formada por uma definição de variável ou função, e por um corpo (que é uma expressão), introduzidos pelas palavras chave **let** e **in**:

```
let definição in expressão
```

O **escopo** dos nomes definidos em uma expressão let restringe-se ao corpo da própria expressão let. O **tipo** de uma expressão let é o tipo do seu corpo. O **valor** de uma expressão let é o valor do seu corpo, calculado em um contexto que inclui os nomes introduzidos na definição local.

Veja alguns exemplos:

```
# let x = 3+2 in (x+1)*(x-1) + 2*x - 4;;
- : int = 30
# let quadrado x = x*x in quadrado 5 + quadrado 3;;
- : int = 34
```

A expressão let é uma **expressão**, e portanto *sempre tem um valor*. Assim uma expressão let pode ser usada *dentro de outra expressão*. Por exemplo:

```
# 5 * (let x = 3+2 in (x+1)*(x-1) + 2*x - 4) + 1;;
- : int = 151
```

Expressões let podem ser aninhadas, como no exemplo a seguir:

```
# let x = 3+2 in let y = 5-1 in x*x + 2*x - y;;
- : int = 31
```

Na tabela 2.1 vemos que a expressão **let**, juntamente com as expressões **match**, **fun**, **function** e **try** tem a menor precedência.

Lembre-se que os nomes definidos em uma expressão local são válidos apenas no corpo da expressão let, como ilustra o exemplo a seguir:

```
# (let x = 3+2 in x*x + 2*x - 1) + 3*\underline{x};;
Error: Unbound value x
```

Se a variável sendo definida na expressão let já existir no escopo em que a expressão let é usada, a variável local criada esconde a variável já existente. Por exemplo:

```
# let x = 1001;;
val x : int = 1001
```

```
# let x = 2 in x * x * 4;;
- : int = 16
# x;;
- : int = 1001
```

Observe que em OCaml a mesma palavra chave **let** é usada para fazer definições de variáveis e funções tanto locais quanto globais. A palavra chave **in** é usada somente no caso de definições locais.

Expressões let são interessantes para dividir uma expressão maior em subexpressões menores que são nomeadas. Os nomes são então usados na expressão principal. Isto pode aumentar o legibilidade do código.

Expressões let também são interessantes quando uma determinada subexpressão é usada várias vezes no código. Ao dar um nome à subexpressão em uma expressão let evitamos que a subexpressão seja escrita e avaliada várias vezes.

Na prática expressões let são usadas para criar variáveis ou funções locais dentro de outras funções. Digamos que precisamos de uma função para calcular a raiz positiva de uma equação do segundo grau, se houver (se não houver, retorna o valor *infinito*):

```
let raiz_positiva a b c =
  if (b *. b -. 4.0 *. a *. c) >= 0.0 then
    (-.b +. sqrt (b *. b -. 4.0 *. a *. c)) /. (2.0 *. a)
  else
  infinity
```

Além da repetição do cálculo do discriminante na fórmula da equação do segundo grau, o cálculo da raiz com uma expressão muito longa torna o código mais difícil de entender. Usando uma variável local para o discriminante (normalmente chamado de *delta*), a mesma função fica mais legível:

```
let raiz_positiva a b c =
  let delta = b *. b -. 4.0 *. a *. c in
  if delta >= 0.0 then
    (-.b +. sqrt delta) /. (2.0 *. a)
  else
  infinity
```

Tipicamente a formatação da expressão let é feita colocando a definição em uma linha començando com **let** e terminando com **in**, e o resto da código continuando na linha seguinte, com a mesma indentação.

O exemplo seguinte usa uma expressão let na definição de uma função que calcula a área da superfície de um cilindro, dados o raio da base e a altura do cilindro:

```
let areaSuperfCilindro r h =
  let pi = acos (-1.0) in
  let areaLado = 2.0 *. pi *. r *. h in
  let areaBase = pi *. r**2.0 in
  areaLado +. 2.0*.areaBase
```

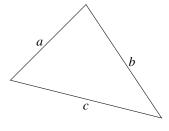
Por exemplo, considere a fórmula de Heron

$$A = \sqrt{s(s-a)(s-b)(s-c)}$$

para calcular a área de um triângulo com lados a, b e c, sendo

$$s = \frac{a+b+c}{2}$$

o semiperímetro do triângulo. Como s aparece várias vezes na fórmula, podemos defini-lo localmente uma única vez e usá-lo quantas vezes forem necessárias.



```
let areaTriangulo a b c =
  let s = (a +. b +. c) /. 2.0 in
  sqrt (s *. (s -. a) *. (s -. b) *. (s -. c))
```

Esta definição assume que os argumentos da função são valores válidos para os lados de um triângulo.

```
# areaTriangulo 5. 6. 8.;;
- : float = 14.9812382665786341
```

Uma definição mais elaborada para esta função somente calcula a área se os argumentos forem lados de um triângulo (um lado deve ser positivo e menor do que a soma dos outros dois lados):

```
let areaTriangulo a b c =
   if a > 0.0 && b > 0.0 && c > 0.0 &&
        a < b +. c &&
        b < a +. c &&
        c < a +. b then
        let s = (a +. b +. c) /. 2.0 in
        sqrt (s *. (s -. a) *. (s -. b) *. (s -. c))
   else
        0.0</pre>
```

Veja outro exemplo de definição local:

```
let g x y =
  let square x = x*x in
  let a = square (y+1) in
  if x <= 10 then
    x + a
  else if x > 10 then
    x - a
  else
    x
```

O escopo de a inclui os dois possíveis resultados determinados pelas guardas.

O próximo exemplo mostra uma função para análise do índice de massa corporal.

```
let analisaIMC peso altura =
  let imc = peso /. altura ** 2.0 in
  if imc <= 18.5 then "Você está abaixo do peso, seu emo!"
  else if imc <= 25.0 then "Você parece normal. Deve ser feio!"
  else if imc <= 30.0 then "Você está gordo! Perca algum peso!"
  else "Você está uma baleia. Parabéns!"</pre>
```

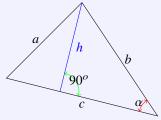
Ou ainda:

```
let analisaIMC peso altura =
let imc = peso /. altura ** 2.0 in
let magro = 18.5 in
let normal = 25.0 in
let gordo = 30.0 in
if imc <= magro then "Você está abaixo do peso, seu emo!"
else if imc <= normal then "Você parece normal. Deve ser feio!"
else if imc <= gordo then "Você está gordo! Perca algum peso!"
else "Você está uma baleia. Parabéns!"
```

4.2 Exercícios

Tarefa 4.1: Área de um triângulo usando relações métricas

A área de um triângulo de lados a, b e c pode ser calculada usando relações métricas em um triângulo qualquer.



Pela lei dos cossenos temos:

$$a^{2} = b^{2} + c^{2} - 2bc \cos \alpha \implies \cos \alpha = \frac{b^{2} + c^{2} - a^{2}}{2bc}$$

Pela relação fundamental da trigonometria temos:

$$\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1 \implies \sin \alpha = \sqrt{1 - \cos^2 \alpha}$$

Pela definição de seno temos:

$$\sin \alpha = \frac{h}{h} \implies h = b \sin \alpha$$

Pela definição da área de um triângulo temos:

$$A = \frac{ch}{2}$$

Defina uma função para calcular a área de um triângulo de lados a, b e c usando as esquações apresentadas. Caso a, b e c não possam ser lados de um triângulo a função deve resultar em zero.

Dica Faça definições locais para os valores $\cos \alpha$, $\sin \alpha$ e h.

Tarefa 4.2: Número de raízes reais da equação do segundo grau

Defina uma função chamada numRaizes que recebe os três coeficientes de uma equação do segundo grau

$$ax^2 + bx + c = 0$$

e calcula a quantidade de raízes reais distintas da equação. Assuma que a equação é não degenerada (isto é, o coeficiente do termo de grau dois não é zero).

Use uma definição local para calcular o discriminante da equação.

$$\Delta = b^2 - 4ac$$

Se Δ for positivo a equação tem duas reais reais e distintas, se for nulo, a equação tem uma raiz real, e se for negativo, a equação não tem raízes reais.

Tarefa 4.3: Notas de um estudante

A nota final de um estudante é calculada a partir de três notas atribuídas respectivamente a um trabalho de laboratório, a uma avaliação semestral e a um exame final. A média ponderada das três notas mencionadas obedece aos pesos a seguir:

nota	peso
trabalho de laboratório	2
avaliação semestral	3
exame final	5

O programa a seguir, que está incompleto, recebe as três notas e determina e exibe o conceito obtido pelo aluno usando a tabela:

média ponderada	conceito
[8.0 - 10.0]	A
[7.0 – 8.0[В
[6.0 – 7.0[С
[5.0 – 6.0[D
[0.0 - 5.0[Е

Considera-se que as notas digitadas são válidas.

```
let conceito n1 n2 n3 =
    (* complete a definição da função *)

let main =
    print_string "Digite a nota do trabalho de laboratório ...: ";
    let laboratorio = read_float () in
    print_string "Digite a nota da avaliação semestral ...: ";
    let semestral = read_float () in
    print_string "Digite a nota do exame final ...: ";
    let final = read_float () in
    print_newline ();
    print_string "Conceito obtido: ";
    print_char (conceito laboratorio semestral final);
    print_newline ()
```

Você deve completar a definição do função conceito. Use uma definição local para calcular a média.

5 Funções Recursivas

Resumo

Definições recursivas são comuns na programação funcional. Nesta aula vamos aprender a definir funções recursivas.

Sumário

5.1	Recursividade	5-1
5.2	Recursividade mútua	5-4
5.3	Recursividade de cauda	5-5
5.4	Vantagens da recursividade	5-7

5.1 Recursividade

Recursividade é uma idéia *inteligente* que desempenha um papel central na *programação funcional* e na *ciência da computação* em geral. **Recursividade** é o mecanismo de programação no qual *uma definição* de função ou de outro objeto *refere-se ao próprio objeto* sendo definido. Assim **função recursiva** é uma função que é definida em termos de si mesma. São sinônimos: recursividade, recursão, recorrência.

Recursividade é o mecanismo básico para repetições nas linguagens funcionais.

Definições recursivas em OCaml são introduzidas pela declaração let rec.

Estratégia para a definição recursiva de uma função:

- 1. dividir o problema em problemas menores do mesmo tipo
- 2. resolver os problemas menores (dividindo-os em problemas ainda menores, se necessário)
- 3. combinar as soluções dos problemas menores para formar a solução final

Ao dividir o problema sucessivamente em problemas menores eventualmente os casos simples são alcançados:

- não podem ser mais divididos
- suas soluções são definidas explicitamente

De modo geral, uma definição de função recursiva é dividida em duas partes:

- Há um ou mais casos base que dizem o que fazer em situações simples, onde não é necessária nenhuma recursão.
 - Nestes casos a resposta pode ser dada de imediato, sem chamar recursivamente a função sendo definida.
 - Isso garante que a recursão eventualmente pode parar.
- Há um ou mais **casos recursivos** que são <u>mais gerais</u>, e definem a função em termos de uma *chamada* mais simples *a si mesma*.

Como exemplo de função recursiva, considere o cálculo do fatorial de um número natural. A função que calcula o fatorial de um número natural pode ser definida recursivamente como segue:

```
let rec fatorial n =
   if n = 0 then
   1
   else
   if n > 0 then
      fatorial (n-1) * n
      else
      raise (Invalid_argument "fatorial")
```

Nesta definição:

- A primeira alternativa estabelece que o fatorial de 0 é 1. Este é o *caso base*.
- A segunda alternativa estabelece que o fatorial de um número positivo é o produto deste número e do fatorial do seu antecessor. Este é o *caso recursivo*.

Observe que no caso recursivo o subproblema fatorial (n-1) é *mais simples* que o problema original fatorial n e está mais próximo do caso base fatorial 0.

Aplicando a função fatorial:

Tarefa 5.1: Aplicando fatorial

Digite a função fatorial em um arquivo fonte e carregue-o no ambiente interativo.

- a) Mostre que fatorial 7 = 5040 usando uma sequência de passos de simplificação.
- b) Determine o valor da expressão fatorial 7 usando o ambiente interativo.
- c) Determine o valor da expressão fatorial 31 usando o ambiente interativo. Se você tiver uma calculadora científica, verifique o resultado na calculadora. Explique porque os resultados diferem.
- d) O que acontece ao se calcular o valor da expressão fatorial (-2)?

Vejamos outro exemplo. A função que calcula a potência de dois (isto é, a base é dois) para números naturais pode ser definida recursivamente como segue:

```
let rec pot_dois n =
   if n = 0 then
   1
   else
   if n > 0 then
      2 * pot_dois (n-1)
    else
      raise (Invalid_argument "pot_dois")
```

Nesta definição:

- A primeira alternativa estabelece que $2^0 = 1$. Este é o *caso base*.
- A segunda alternativa estabelece que $2^n = 2 \times 2^{n-1}$, sendo n > 0. Este é o *caso recursivo*.

Observe que no caso recursivo o subproblema pot_dois (n-1) é mais simples que o problema original pot_dois n e está mais próximo do caso base pot_dois 0.

Aplicando a função potência de dois:

Tarefa 5.2

Considere a seguinte definição para a função potência de dois:

```
let rec pot_dois' n =
   if n = 0 then
   1
   else
   2 * pot_dois' (n-1)
```

O que acontece ao calcular o valor da expressão pot_dois' (-3)?

Vejamos mais um exemplo de definição recursiva. A multiplicação de inteiros está disponível na biblioteca como uma operação primitiva por questões de eficiência. Porém ela pode ser definida usando adicão e recursividade em um de seus argumentos:

```
let rec mul m n =
   if n = 0 then
   0
   else if n > 0 then
        m + mul m (n-1)
   else
        - (mul m (- n))
```

Nesta definição:

- A primeira alternativa estabelece que quando o multiplicador é zero, o produto também é zero. Este é o *caso base*.
- A segunda alternativa estabelece que $m \times n = m + m \times (n-1)$, sendo n > 0. Este é um *caso recursivo*.
- A terceira alternativa estabelece que $m \times n = -(m \times (-n))$, sendo n < 0. Este é outro caso recursivo.

Aplicando a função de multiplicação:

```
\% \frac{\text{mul } 7 (-3)}{\text{$\sim$}} - (\text{mul } 7 \frac{(-(-3))}{3})

\sim - (\frac{\text{mul } 7}{3})

\sim - (7 + \frac{\text{mul } 7}{2})

\sim - (7 + (7 + \frac{\text{mul } 7}{2}))

\sim - (7 + (7 + (7 + \frac{\text{mul } 7}{2})))

\sim - (7 + (7 + (7 + \frac{(7 + 0)}{2}))

\sim - (7 + (7 + \frac{(7 + 7)}{2})

\sim - \frac{(7 + 14)}{21}

\sim - \frac{21}{21}

\sim -21
```

A definição recursiva da multiplicação formalisa a idéia de que a multiplicação pode ser reduzida a adições repetidas.

```
Tarefa 5.3

Mostre que mul 5 6 = 30.
```

Vamos analisar outro exemplo de função recursiva: a sequência de Fibonacci. Na sequência de Fibonacci

```
0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, \dots
```

os dois primeiros elementos são 0 e 1, e cada elemento subseqüente é dado pela soma dos dois elementos que o precedem na sequência. A função a seguir calcula o n-ésimo número de Fibonnaci, para $n \ge 0$:

```
let rec fib n =
   if n = 0 then
    0
   else if n = 1 then
    1
   else if n > 1 then
      fib (n-2) + fib (n-1)
   else
    raise (Invalid_argument "fib")
```

Nesta definição:

- A primeira e a segunda alternativa são os casos base.
- A terceira alternativa é o caso recursivo.

Neste caso temos **recursão múltipla**, pois a função sendo definida é usada mais de uma vez em sua própria definição.

Aplicando a função de fibonacci:

```
\frac{\text{fib 5}}{\Leftrightarrow \text{ fib 3} + \text{ fib 4}}
\Leftrightarrow (\frac{\text{fib 1} + \text{ fib 2}) + (\frac{\text{fib 2} + \text{ fib 3}}{1}) + (\frac{\text{fib 1}}{1} + \frac{\text{fib 1}}{1}) + (\frac{\text{fib 1}}{1} + \frac{\text{fib 2}}{1})
\Leftrightarrow (1 + (\frac{\text{fib 0} + \frac{\text{fib 1}}{1}}{1}) + ((\frac{\text{fib 0} + \frac{\text{fib 1}}{1}}{1}) + (\frac{\text{fib 1}}{1} + \frac{\text{fib 2}}{1}))
\Leftrightarrow (1 + (0 + 1)) + ((0 + 1) + (1 + (\frac{\text{fib 0}}{1} + \frac{\text{fib 1}}{1})))
\Leftrightarrow (1 + 1) + (1 + (1 + (\frac{1}{1} + \frac{(0 + 1)}{1}))
\Leftrightarrow 2 + (1 + (\frac{1}{1} + \frac{1}{1}))
\Leftrightarrow 2 + (1 + \frac{2}{1})
\Leftrightarrow 2 + \frac{3}{1}
\Leftrightarrow 5
```

```
Tarefa 5.4
```

Mostre que fib 6 = 8.

5.2 Recursividade mútua

Recursividade mútua ocorre quando duas ou mais funções são definidas em termos uma da outra. Em OCaml funções mutuamente recursivas devem ser definidas simultaneamente.

Em OCaml **declarações simultâneas** são introduzidas por **let** ou **let rec** e são separadas por **and**. Veja alguns exemplos:

```
# let x = 2 and y = 3 in x + y - 1;;
- : int = 4

# let x = 2 and y = 2*x in x + y - 1;;
Error: Unbound value x

# let x = 2 in let y = 2*x in x + y - 1;;
- : int = 5
```

Para exemplificar funções mutuamente recursivas vamos definir as funções par e ímpar que determinam se um número é par ou ímpar, respectivamente. Uma definição eficiente destas funções usa o resto da divisão por dois:

```
let par n =
   n mod 2 = 0

let impar n =
   n mod 2 <> 0
```

No entanto elas também podem ser definidas usando recursividade mútua:

```
let rec par n =
    if n = 0 then
        true
    else if n > 0 then
        impar (n-1)
    else
        par (-n)

and impar n =
    if n = 0 then
        false
    else if n > 0 then
        par (n-1)
    else
    impar (-n)
```

Nestas definições observamos que:

- Zero é par, mas não é ímpar.
- Um número positivo é par se seu antecessor é ímpar.
- Um número positivo é ímpar se seu antecessor é par.
- Um número negativo é par (ou ímpar) se o seu oposto for par (ou ímpar).

Aplicando as função par e impar:

```
par (-5)

→ par 5

→ impar 4

→ par 3

→ impar 2

→ par 1

→ impar 0

→ false
```

5.3 Recursividade de cauda

Uma função recursiva apresenta **recursividade de cauda** se o *resultado final* da chamada recursiva é o resultado final da própria função. Se o resultado da chamada recursiva deve ser processado de alguma maneira para produzir o resultado final, então a função não apresenta recursividade de cauda.

Por exemplo, a função recursiva a seguir não apresenta recursividade de cauda:

```
let rec fatorial n =
   if n = 0 then
    1
   else
   if n > 0 then
      fatorial (n-1) * n
    else
      raise (Invalid_argument "fatorial")
```

No caso recursivo, o resultado da chamada recursiva fatorial (n-1) é multiplicado por n para produzir o resultado final.

A função recursiva a seguir também não apresenta recursividade de cauda:

```
let rec par n =
   if n = 0 then
      true
   else if n > 0 then
      not (par (n-1))
   else
      raise (Invalid_argument "par")
```

No caso recursivo, a função not é aplicada ao resultado da chamada recursiva par (n-1) para produzir o resultado final.

Já a função recursiva potencia_dois' a seguir apresenta recursividade de cauda:

```
let potencia_dois n =
  let rec potencia_dois' x y =
    if x = 0 then
      y
    else if x > 0 then
      potencia_dois' (x-1) (2*y)
    else
      raise (Invalid_argument "potencia_dois'")
  in
  potencia_dois' n 1
```

No caso recursivo, o resultado da chamada recursiva potencia_dois' (n-1) (2*y) é o resultado final.

Tarefa 5.5

Mostre que potencia_dois 5 = 32.

Tarefa 5.6

Faça uma definição recursiva da função par usando recursividade de cauda.

Otimização de chamada de cauda Em muitas implementações de linguagens de programação uma *chamada de função* usa um espaço de memória (chamado de **quadro**, *frame* ou registro de ativação) em uma área da memória (chamada **pilha** ou *stack*) onde são armazenadas informações importantes, como:

- argumentos da função
- variáveis locais
- variáveis temporárias
- endereço de retorno da função

Uma **chamada de cauda** acontece quando uma função chama outra função como sua *última ação*, não tendo mais nada a fazer além desta última ação. O *resultado final* da função é dado pelo resultado da chamada de cauda. Em tais situações o programa não precisa voltar para a função que chama quando a função chamada termina. Portanto, após a chamada de cauda, o programa não precisa manter qualquer informação sobre a função chamadora na pilha.

Algumas implementações de linguagem tiram proveito desse fato e na verdade não utilizam qualquer espaço extra de pilha quando fazem uma chamada de cauda, pois o espaço na pilha da própria função chamadora é reutilizado, já que ele não será mais necessário para a função chamadora. Esta técnica é chamada de **eliminação da cauda**, **otimização de chamada de cauda** ou ainda **otimização de chamada recursiva**. A **otimização de chamada de cauda** permite que funções com recursividade de cauda recorram indefinidamente *sem estourar a pilha*.

Estruturas de repetição Muitas linguagens funcionais não possuem *estruturas de repetição* e usam funções recursivas para fazer repetições. Nestes casos a otimização de chamada de cauda é fundamental para uma boa eficiência dos programas.

Em particular o núcleo funcional da linguagem OCaml não usa estruturas de repetição.

5.4 Vantagens da recursividade

A recursividade permite que:

- muitas funções possam ser naturalmente definidas em termos de si mesmas,
- propriedades de funções definidas usando recursão podem ser provadas usando indução, uma técnica matemática simples, mas poderosa.

Tarefa 5.7: Fatorial duplo

O fatorial duplo de um número natural n é o produto de todos os números de 1 (ou 2) até n, contados de 2 em 2. Por exemplo, o fatorial duplo de 8 é $8 \times 6 \times 4 \times 2 = 384$, e o fatorial duplo de 7 é $7 \times 5 \times 3 \times 1 = 105$. Defina uma função para calcular o fatorial duplo usando recursividade.

Tarefa 5.8: Multiplicação em um intervalo

Defina uma função recursiva que recebe dois números naturais m e n, e retorna o produto de todos os números no intervalo [m,n]:

$$m \times (m+1) \times \cdots \times (n-1) \times n$$

Tarefa 5.9: Fatorial

Usando a função definida no exercício 5.8, escreva uma definição não recursiva para calcular o fatorial de um número natural.

Tarefa 5.10: Adição

Defina uma função recursiva para calcular a soma de dois números naturais, sem usar os operadores + e -. Utilize as funções succ e pred da biblioteca, que calculam respectivamente o sucessor e o antecessor de um valor.

Tarefa 5.11: Potenciação

Defina uma função recursiva para calcular a potência de um número, considerando que o expoente é um número natural. Utilize o método das multiplicações sucessivas:

$$x^n = \underbrace{x \times x \times \ldots \times x}_{n \text{ Verses}}$$

Tarefa 5.12: Raiz quadrada inteira

A raiz quadrada inteira de um número inteiro positivo *n* é o maior número inteiro cujo quadrado é menor ou igual a *n*. Por exemplo, a raiz quadrada inteira de 15 é 3, e a raiz quadrada inteira de 16 é 4. Defina uma função recursiva para calcular a raiz quadrada inteira.

Tarefa 5.13: Quociente e resto da divisão inteira

Defina duas funções recursivas que calculam o quociente e o resto da divisão inteira de dois números naturais usando subtrações sucessivas.

Tarefa 5.14: Máximo divisor comum

Defina uma função recursiva para calcular o máximo divisor comum de dois números inteiros não negativos *a* e *b*, usando o algoritmo de Euclides:

$$\mathrm{mdc}(a,b) = \begin{cases} a & \text{se } b = 0, \\ \mathrm{mdc}(b,a \bmod b) & \text{se } b > 0, \\ \mathrm{mdc}(a,-b) & \text{se } b < 0 \end{cases}$$

Tarefa 5.15: Fatorial

Considere a seguinte função para calcular o fatorial de um número:

```
let fat n =
  let rec fat_aux x f =
   if x = 0 then
    f
  else if x > 0 then
     fat_aux (x-1) (x*f)
  else
    raise (Invalid_argument "fat_aux")
in
  fat_aux n 1
```

- a) Mostre que fat 6 = 720.
- b) Compare o cálculo de fat 6 com o cálculo de fatorial 6 apresentado anteriormente. Qual versão da função fatorial é mais eficiente: fatorial ou fat? Explique.

Tarefa 5.16: Sequência de Fibonacci

Defina uma função com recursividade de cauda para calcular o n-ésimo ($n \ge 0$) número de Fibonacci.

6 Tuplas, Listas, e Polimorfismo Paramétrico

Resumo

Nesta aula vamos conhecer os tipos tuplas e listas, que são tipos polimórficos pré-definidos em OCaml. Vamos aprender também sobre funções polimórficas.

Sumário

6.1	Tupla	s
6.2	Listas	6
6.3	Polim	orfismo paramétrico
	6.3.1	Operação sobre vários tipos de dados
	6.3.2	Variáveis de tipo
	6.3.3	Valor polimórfico
	6.3.4	Instanciação de variáveis de tipo
64	Funcô	ies nolimórficas nredefinidas 6-

6.1 Tuplas

Tupla é uma estrutura de dados formada por uma sequência de valores **possivelmente de tipos diferentes**. Os componentes de uma tupla são identificados pela **posição** em que ocorrem na tupla.

Em OCaml uma **expressão tupla** é formada por uma sequência de expressões separadas por vírgula e comumente delimitada por parênteses:

$$(exp_1, \ldots, exp_n)$$

onde n >= 0 e $n \ne 1$, e exp_1, \ldots, exp_n são expressões cujos valores são os componentes da tupla. Os parênteses não são obrigatórios, mas são comumente usados por lembrar a notação matemática para tuplas.

O tipo de uma tupla é o **produto cartesiano** dos tipos dos seus componentes. Ele é expresso usando o operador binário de tipos *:

$$t_1 * \ldots * t_n$$

onde n >= 0 e $n \ne 1$, e t_1, \ldots, t_n são os tipos dos respectivos componentes da tupla. Observe que o tamanho de uma tupla (quantidade de componentes) é codificado no seu tipo.

Observe que () é a **tupla vazia**, do tipo **unit**.

Não existe tupla de um único componente.

A tabela a seguir mostra alguns exemplos de tuplas:

tupla	tipo
('A', 't')	char * char
('A', 't', 'o')	char * char * char
('A', true)	char * bool
("Joel", 'M', true, "COM")	string * char * bool * string
(true, ("Ana", 'f'), 43)	<pre>bool * (string * char) * int</pre>
()	unit
("nao eh tupla")	string

Vejamos algumas **operações com tuplas** definidas na biblioteca padrão:

• fst: seleciona o primeiro componente de um par:

• snd: seleciona o segundo componente de um par:

```
# snd ("pedro", 19);;
- : int = 19
```

6.2 Listas

Lista é uma estrutura de dados formada por uma sequência de valores (elementos) **do mesmo tipo**. Os elementos de uma lista são identificados pela **posição** em que ocorrem na lista.

Em OCaml uma **expressão lista** é formada por uma sequência de expressões separadas por ponto e vírgula e delimitada por colchetes:

```
[ exp_1 ; ... ; exp_n ]
```

onde n >= 0, e $exp_1, ..., exp_n$ são expressões cujos valores são os elementos da lista.

Um **tipo lista** é formado usando o construtor de tipo **list** precedido pelo tipo dos seus elementos:

```
t list
```

onde t é o tipo dos elementos da lista. Observe que o tamanho de uma lista (quantidade de elementos) não é codificado no seu tipo. Normalmente construtores de tipos usam a notação posfixa: primeiro escreve-se os argumentos de tipo, seguidos do construtor de tipo. No exemplo **int list**, **int** é um argumento de tipo e **list** é um construtor de tipo.

A tabela a seguir mostra alguns exemplos de listas:

lista	tipo
['O'; 'B'; 'A']	char list
['B'; 'A'; 'N'; 'A'; 'N'; 'A']	char list
[false; true; true]	bool list
[[false]; []; [true; false; true]]	bool list list
[1.; 8.; 6.; 10.48; -5.]	float list

Estruturalmente uma lista pode ser de duas formas:

• lista vazia

- não contém nenhum elemento
- é denotada pelo construtor constante

• lista não vazia

- contém pelo menos um elemento
- é formada por uma cabeça (o primeiro elemento da sequência) e por uma cauda (uma lista dos demais elementos da sequência)
- é construída pelo construtor (;;), um operador binário infixo com associatividade à direita e precedência imediatamente inferior à precedência dos operadores aditivos (+) e (-)
 - * o operando da esquerda é a cabeça da lista
 - * o operando da direita é a cauda da lista

Por exemplo, a lista formada pela sequência dos valores 1, 8, e 6 pode ser escrita como

```
[1; 8; 6]

1 :: [8; 6]

1 :: (8 :: [6])

1 :: (8 :: (6 :: []))

1 :: 8 :: 6 :: []
```

Observe que os parênteses neste exemplo são desnecessários, já que o operador (::) associa-se à direita.

Os exemplos anteriores podem ser reescritos com estes construtores de lista:

```
        notação estendida
        notação básica

        ['O'; 'B'; 'A']
        'O' :: 'B' :: 'A' :: []

        ['B'; 'A'; 'N'; 'A'; 'N'; 'A']
        'B' :: 'A' :: 'N' :: 'A' :: 'N' :: 'A' :: []

        [false; true; true]
        false :: true :: true :: []

        [ [false]; []; [true; false; true] ]
        (false :: []) :: [] :: (true :: false :: true :: []) :: []

        [1.; 8.; 6.; 10.48; -5.]
        1. :: 8. :: 6. :: 10.48 :: -5. :: []
```

Vejamos algumas **operações com listas** definidas na biblioteca padrão:

• List.hd: seleciona a cabeça (primeiro elemento) de uma lista:

```
# List.hd [1; 2; 3; 4; 5];;
- : int = 1

# List.hd [];;
Exception: Failure "hd".

# List.hd [10, 20, 30];;
- : int * int * int = (10, 20, 30)
```

• List.tl: seleciona a cauda da lista, ou seja, a lista formada por todos os elementos exceto o primeiro:

```
# List.tl [1; 2; 3; 4; 5];;
- : int list = [2; 3; 4; 5]
# List.tl [5*4, 6*5];;
- : (int * int) list = []
# List.tl [5*4; 6*5];;
- : int list = [30]
# List.tl [8-1];;
- : int list = []
# List.tl [];;
Exception: Failure "tl".
```

• List.lenght: calcula o tamanho (quantidade de elementos) de uma lista:

```
# List.length [1; 2; 3; 4; 5];;
- : int = 5
# List.length [];;
- : int = 0
```

• List.nth: seleciona o *i*-ésimo elemento de uma lista $(0 \le i < n)$, onde n é o comprimento da lista):

```
# List.nth [10; 20; 30; 40; 50] 2;;
- : int = 30

# List.nth [10; 20; 30; 40; 50] 0;;
- : int = 10

# List.nth [10; 20; 30; 40; 50] 10;;
Exception: Failure "nth".

# List.nth [10; 20; 30; 40; 50] (-4);;
Exception: Invalid_argument "List.nth".
```

• List.mem: verifica se um valor é elemento de uma lista

```
# List.mem 30 [10; 20; 30; 40];;
- : bool = true
# List.mem 25 [10; 20; 30; 40];;
- : bool = false
```

• List.append ou (@): concatena duas listas.

```
# List.append [1; 2; 3] [40; 50];;
- : int list = [1; 2; 3; 40; 50]
# [1; 2; 3] @ [40; 50];;
- : int list = [1; 2; 3; 40; 50]
```

• List.rev: inverte uma lista:

```
# List.rev [1; 2; 3; 4; 5];;
- : int list = [5; 4; 3; 2; 1]
```

• List.rev_append: inverte a primeira lista e concatena o resultado com a segunda lista:

```
# List.rev_append [1; 2; 3] [40; 50];;
-: int list = [3; 2; 1; 40; 50]
```

• List.combine: junta duas listas em uma única lista formada pelos pares dos elementos correspondentes:

```
# List.combine ["pedro"; "ana"; "carlos"] [19; 17; 22];;
-: (string * int) list = [("pedro", 19); ("ana", 17); ("carlos", 22)]
```

• List.split: separa uma lista de pares em duas listas formadas pelos componentes dos pares:

```
# List.split [("pedro", 19); ("ana", 17); ("carlos", 22)];;
- : string list * int list = (["pedro"; "ana"; "carlos"], [19; 17; 22])
```

6.3 Polimorfismo paramétrico

6.3.1 Operação sobre vários tipos de dados

Algumas funções podem operar sobre vários tipos de dados. Por exemplo: a função **List.**hd recebe uma lista e retorna o primeiro elemento da lista:

```
List.hd ['b'; 'a'; 'n'; 'a'; 'n'; 'a'] → 'b'
List.hd ["maria"; "paula"; "peixoto"] → "maria"
List.hd [true; false; true; true] → true
List.hd [("ana", 2.8); ("pedro", 4.3)] → ("ana", 2.8)
```

Não importa qual é o tipo dos elementos da lista. Qual deve ser o tipo de List.hd?

```
char list -> char
string list -> string
bool list -> bool
(string * float) list -> string * float
```

Observamos que na verdade **List**.hd pode ter vários tipos.

6.3.2 Variáveis de tipo

Quando um tipo pode ser qualquer tipo da linguagem, ele é representado por uma variável de tipo.

No exemplo dado, sendo 'a o tipo dos elementos da lista que é passada como argumento para a função List.hd, então o tipo de List.hd é 'a list -> 'a . 'a é uma *variável de tipo* e pode ser substituída por qualquer tipo. O tipo de List.hd estabelece que List.hd recebe uma lista com elementos de um tipo qualquer, e retorna um valor deste mesmo tipo.

Em OCaml variáveis de tipo devem começar com um apóstrofo, e são geralmente denominadas 'a, 'b, 'c, etc.

6.3.3 Valor polimórfico

Um valor é chamado **polimórfico** (de muitas formas) se o seu tipo contém uma ou mais variáveis de tipo.

Por exemplo, o tipo da função **List**.hd pode ser escrito como 'a **list** -> 'a . Ou seja, *para qualquer tipo* 'a, **List**.hd recebe uma lista de valores do tipo 'a e retorna um valor do tipo 'a.

Já o tipo da função **List**.length, que recebe uma lista e resulta no tamanho da lista, é 'a **list** -> **int**. Ou seja, *para qualquer tipo* 'a, **List**.length recebe uma lista de valores do tipo 'a e retorna um inteiro.

A função fst é do tipo 'a * 'b -> 'a . Ou seja, para quaisquer tipos 'a e 'b, fst recebe um par de valores do tipo 'a * 'b e retorna um valor do tipo 'a.

6.3.4 Instanciação de variáveis de tipo

As variaveis de tipo podem ser instanciadas para diferentes tipos em diferentes circunstâncias.

Por exemplo, a função **List.length** do tipo 'a **list** -> **int**, pode ser aplicada em diferentes tipos listas, como mostra a tabela:

expressão	valor	instanciação da variável de tipo
List.length [false; true]	2	'a = bool
List .length [5; 4; 3; 2; 1]	5	'a = char
<pre>List.length ["ana"; "joel"; "mara"]</pre>	3	'a = string
<pre>List.length [("ana", true)]</pre>	1	<pre>'a = string * bool</pre>
List .length [(&&),()]	2	'a = bool -> bool -> bool

6.4 Funções polimórficas predefinidas

Muitas das funções definidas na biblioteca padrão são polimórficas. Algumas delas são mencionadas na tabela seguinte:

função	tipo	descrição
fst	'a * 'b -> 'a	seleciona o primeiro elemento de um par
snd	'a * 'b -> 'b	seleciona o segundo elemento de um par
List.hd	'a list -> 'a	seleciona o primeiro elemento de uma lista
List.tl	'a list -> 'a list	seleciona a cauda de uma lista
<pre>List.combine</pre>	'a list -> 'b list -> ('a * 'b) list	combina duas listas, elemento a elemento
<pre>List.split</pre>	('a * 'b) list -> 'a list * 'b list	transforma uma lista de pares em um par de listas

Observe que a lista vazia é polimórfica. O seu tipo é 'a list.

Tarefa 6.1: Tipo de expressões

Verifique se as seguintes expressões são válidas e determine o seu tipo em caso afirmativo.

```
a) ['a'; 'b'; 'c']
b) ('a', 'b', 'c')
c) [(false, '0'); (true, '1')]
d) ([false; true], ['0'; '1'])
e) [List.tl; List.rev]
f) [[]]
g) [[10; 20; 30]; []; [5; 6]; [24]]
h) (10e-2, 20e-2, 30e-3)
i) [(2, 3); (4, 5.6); (6, 4.55)]
j) (["bom"; "dia"; "brasil"]; fst; "Velho mundo")
k) [List.length]
```

Tarefa 6.2: Tipo de funções

Determine o tipo de cada uma das funções definidas a seguir, e explique o que elas calculam.

```
a) let second xs = List.hd (List.tl xs)
```

```
b) let const x y = x
```

c) let swap
$$(x, y) = (y, x)$$

d) let apply
$$f x = f x$$

e) let flip
$$f x y = f y x$$

f) let pair
$$x y = (x, y)$$

h) let twice
$$f x = f (f x)$$

Tarefa 6.3: Último

Defina uma função chamada ultimo que seleciona o último elemento de uma lista não vazia, usando as funções da biblioteca padrão.

Tarefa 6.4: Primeiros

Defina uma função chamada primeiros que seleciona todos os elementos de uma lista não vazia, exceto o último., usando as funções da biblioteca padrão.

Tarefa 6.5: Equação do segundo grau

Defina uma função para calcular as raízes reais do polinômio

$$ax^2 + bx + c$$

O resultado da função deve ser a lista das raízes reais.

7 CASAMENTO DE PADRÃO

Resumo

Linguagens funcionais modernas usam casamento de padrão em várias situações, como por exemplo na seleção de componentes de estruturas de dados, na escolha de alternativas em expressões de seleção múltipla, e na aplicação de funções.

Nesta aula vamos aprender as principais formas de padrão e como funciona a operação casamento de padrão. Vamos ainda conhecer algumas construções de OCaml que usam casamento de padrão, como definições de valores e funções e expressões de seleção múltipla.

Sumário

7.1	Casan	nento de padrão	'-1
	7.1.1	Casamento de padrão	-1
	7.1.2	Padrão constante	-2
	7.1.3	Padrão variável	-2
	7.1.4	Padrão curinga	-2
	7.1.5	Padrão tupla	-2
	7.1.6	Padrões lista	-3
	7.1.7	Padrões combinados	-4
	7.1.8	Padrões faixa	-5
	7.1.9	Padrões nomeados	-5
7.2	Casan	nento de padrão em definições com let	'-6
7.3	Defini	ção de função usando padrões	-6
7.4	Expre	ssão de Seleção Múltipla	-7
	7.4.1	Forma e regras de tipo da expressão match	-8
	7.4.2	Avaliação de expressões match	-8
	7.4.3	Exemplos de expressões match	-8
	7.4.4	Expressão match com guardas	-11
75	Everei	(rios	11

7.1 Casamento de padrão

7.1.1 Casamento de padrão

Em ciência da computação, **casamento de padrão**¹ é o ato de verificação da presença de um **padrão** em um dado ou em um conjunto de dados. O padrão é rigidamente especificado. O casamento de padrão é usado para testar se o objeto de estudo possui a estrutura desejada.

Algumas linguagens de programação funcionais como Haskell, ML e Mathematica possuem uma sintaxe especial para expressar padrões e uma construção na linguagem para execução condicional baseada no casamento de padrões.

Em OCaml um **padrão** é uma construção da linguagem de programação que permite *analisar* a estrutura de um valor e *associar variáveis* aos seus componentes.

Casamento de padrão é uma operação envolvendo *um padrão* e *uma expressão* que faz a correspondência (*casamento*) entre o padrão e o valor da expressão. Um casamento de padrão pode *suceder* ou *falhar*, dependendo da forma do padrão e da expressão envolvidos. Quando o casamento de padrão sucede as **variáveis** que ocorrem no padrão são *associadas* aos componentes correspondentes do valor.

Por exemplo o padrão ("ana", peso, _) especifica valores que são triplas onde o primeiro componente é a string "ana", o segundo componente é chamado de peso, e o terceiro componente é irrelevante. O valor ("ana", 58.7, 'F') casa com este padrão e em consequência a variável peso é associada ao valor 58.7. Já o valor ("pedro", 75.3, 'M') não casa com esse padrão.

Em um casamento de padrão, o padrão e a expressão devem ser do mesmo tipo.

Existem várias **formas de padrão**. Na seqüência algumas delas são apresentadas.

¹Pattern matching em inglês.

7.1.2 Padrão constante

O padrão constante é simplesmente uma *constante*. O casamento *sucede* se e somente se o padrão for *idêntico* ao valor. Nenhuma associação de variável é produzida.

Veja os exemplos seguintes, onde ✓ indica sucesso e × indica falha:

padrão	valor	casamento
10	10	✓
10	28	×
10	'P'	erro de tipo
'P'	'P'	✓
'P'	'q'	×
'P'	true	erro de tipo
true	true	✓
true	false	×
true	65	erro de tipo

7.1.3 Padrão variável

O **padrão variável** é simplesmente um identificador de *variável* de valor (e como tal deve começar com letra minúscula ou sublinhado). O **casamento** *sucede sempre*. A **variável** é associada ao *valor*.

Exemplos:

padrão	valor	casamento
х	10	√ x → 10
alfa	563.1223	√ alfa → 563.1223
letra	'K'	√ letra → 'K'
nomeCliente	"Ana Maria"	√ nomeCliente → "Ana Maria"
pessoa	("Ana", 'F', 16)	\checkmark pessoa \mapsto ("Ana", 'F', 16)
notas	[5.6; 7.1; 9.0]	\checkmark notas \mapsto [5.6; 7.1; 9.0]

7.1.4 Padrão curinga

O **padrão curinga** é escrito como um sublinhado (____). O **casamento** *sucede* sempre. *Nenhuma* associação de **variável** é produzida. _ é também chamado de **variável anônima**, pois, assim como a variável, casa com qualquer valor, porém não nomeia o valor.

Exemplos:

padrão	valor	casamento
_	10	✓
_	28	✓
_	'P'	√
_	()	√
_	(18, 3, 2012)	✓
_	"Ana Maria"	√
_	[5.6; 7.1; 9.0]	✓

7.1.5 Padrão tupla

Uma **tupla** de padrões também é um padrão:

$$(padr\tilde{a}o_1, ..., padr\tilde{a}o_n)$$

O **casamento** *sucede* se e somente se cada um dos padrões casar com o componente correspondente do valor. Se as *aridades* (tamanhos) do padrão tupla e do valor tupla forem *diferentes*, então ocorre um *erro de tipo*.

Exemplos de padrão tupla:

padrão	valor	casamento
(18, true)	(18, true)	✓
(97, true)	(18, true)	X
(18, false)	(18, true)	X
(18, 'M')	(18, true)	erro de tipo
(18, true, 'M')	(18, true)	erro de tipo
()	()	✓
(x, y)	(5, 9)	√ x → 5
		y → 9
(d, _, a)	(5, 9, 2012)	\checkmark d \mapsto 5
		a → 2012
(x, y, z)	(5, 9)	erro de tipo
(18, m, a)	(18, 3, 2012)	\checkmark m \mapsto 3
		a → 2012
(d, 5, a)	(18, 3, 2012)	×
(nome, sexo, _)	("Ana", 'F', 18)	✓ nome → "Ana"
		sexo → 'F'
(_, _, idade)	("Ana", 'F', 18)	\checkmark idade \mapsto 18
	('F', ("Ana", "Dias"), 9)	✓ fam → "Dias"
(_, (_, fam), 5)	('F', ("Ana", "Dias"), 9)	×

7.1.6 Padrões lista

Estruturalmente uma lista pode ser vazia ou não vazia:

• padrão lista vazia

- é um padrão constante
- o casamento sucede se e somente se o valor for a lista vazia
- padrão lista não vazia

$$pad_1 :: pad_2$$

- é formado por dois padrões pad₁ e pad₂
- $-\,$ o casamento sucede se e somente se o valor for uma lista não vazia cuja cabeça casa com pad_1 e cuja cauda casa com pad_2
- :: é o construtor de lista não vazia, um operador binário infixo associativo à direita com precedência logo abaixo dos operadores aritméticos aditivos (+) e (-).

Exemplos de padrões lista:

• O padrão [] casa somente com a lista vazia.

padrão	valor	casamento
[]	[]	✓
[]	[1; 2; 3]	×

• O padrão x::xs casa com qualquer lista não vazia, associando as variáveis x e xs com a cabeça e com a cauda da lista, respectivamente.

padrão	valor	casamento
x::xs	[]	X
x::xs	[1; 2; 3; 4]	\checkmark $x \mapsto 1$
		$xs \mapsto [2; 3; 4]$
x::xs	['A']	√ x → 'A'
		xs → []

• O padrão x::y::_ casa com qualquer lista que tenha pelo menos dois elementos, associando as variáveis x e y ao primeiro e segundo elementos da lista, respectivamente.

padrão	valor	casamento
x::y::_	[]	×
x::y::_	["ana"]	×
x::y::_	[1; 2]	\checkmark $x \mapsto 1$
		y → 2
x::y::_	[1; 2; 3; 4]	\checkmark $x \mapsto 1$
		y → 2

• O padrão x::_::z::[] casa com qualquer lista que tenha exatamente três elementos, associando as variáveis x e z ao primeiro e ao terceiro elementos da lista, respectivamente.

padrão	valor	casamento
x::_::z::[]	[]	×
x::_::z::[]	["ana"]	×
x::_::z::[]	[1; 2; 3]	\checkmark $x \mapsto 1$
		z → 3
x::_::z::[]	[1; 2; 3; 4; 5]	×

• O padrão 0::a::_ casa com qualquer lista de números inteiros que tenha pelo menos dois elementos, sendo o primeiro igual a zero, associando a variável a ao segundo elemento da lista.

padrão	valor	casamento
0::a::_	[]	×
0::a::_	[0]	×
0::a::_	[0; 2; 3]	\checkmark a \mapsto 2
0::a::_	[0; 10; 6; 3]	\checkmark a \mapsto 10
0::a::_	[7; 0; 8]	×

• O padrão (m,_)::_ casa com qualquer lista não vazia de pares, associando a variável m ao primeiro componente do primeiro elemento da lista.

padrão	valor	casamento
(m,_)::_	[]	×
(m,_)::_	[("fim" , true)]	\checkmark m \mapsto "fim"
(m,_)::_	[(10, 'M'); (20, 'F')]	\checkmark m \mapsto 10

Padrão lista na notação especial

O padrão

[
$$padrão_1$$
 ; ... ; $padrão_n$]

é uma abreviação sintática para

Observe que o casamento sucede somente se o valor for uma lista com exatamente n elementos.

Exemplos: o padrão [1; alfa] casa com qualquer lista de dois números que começa com 1, associando a variável alfa ao segundo elemento da lista.

padrão	valor	casamento
[1; alfa]	[]	X
[1; alfa]	[1]	×
[1; alfa]	[1; 5]	\checkmark alfa \mapsto 5
[1; alfa]	[9; 5]	×
[1; alfa]	[1; 2; 3]	×

7.1.7 Padrões combinados

Um padrão combinado é escrito como

$$pad_1 \mid \ldots \mid pad_n$$

onde pad_1, \ldots, pad_n são padrões. O casamento de um padrão combinado *sucede* se e somente se o casamento de um dos padrões pad_i sucede.

Qualquer variável que seja usada em um padrão combinado deve ocorrer em todos os padrões da combinação. Exemplos de padrões combinados:

• O padrão 'a' | 'e' | 'i' | 'o' | 'u' casa com qualquer caracter que seja uma das vogais a, e, i, o ou u:

padrão	valor	casamento
'a' 'e' 'i' 'o' 'u'	'a'	√
'a' 'e' 'i' 'o' 'u'	'e'	✓
'a' 'e' 'i' 'o' 'u'	'H'	×

• O padrão [x] | [x;_] | [x;_;_] casa com qualquer lista de até três elementos e seleciona o primeiro elemento da lista:

padrão	valor	casamento
[x] [x;_] [x;_;_]	[]	×
[x] [x;_] [x;_;_]	[10]	\checkmark x \mapsto 10
[x] [x;_] [x;_;_]	[10; 20]	\checkmark x \mapsto 10
[x] [x;_] [x;_;_]	[10; 20; 30]	\checkmark x \mapsto 10
[x] [x;_] [x;_;_]	[10; 20; 30; 40]	×

• O padrão (0, k) | (k, 1) casa com pares onde o primeiro componente é 0, selecionando o segundo componente, ou onde o segundo elemento é 1, selecionando o primeiro componente:

padrão	valor	casamento
(0,k) (k,1)	(0, 3)	√ k → 3
(0, k) (k, 1)	(7, 1)	\checkmark k \mapsto 7
(0, k) (k, 1)	(0, 1)	\checkmark k \mapsto 1
(0,k) (k,1)	(4, 5)	×

7.1.8 Padrões faixa

O padrão

$$c_1 \ldots c_2$$

onde c_1 e c_2 são literais caracter, casa com qualquer caracter na faixa de valoes entre c_1 e c_2 , inclusive. Exemplos:

padrão	valor	casamento
'a''z'	'a'	✓
'a''z'	'h'	✓
'a''z'	'M'	×
'a''z'	'#'	×
'0''9'	'8'	✓
'0''9'	'h'	×

7.1.9 Padrões nomeados

O padrão

onde $padrão_1$ é um padrão e nome é um identificador de valor, casa com os mesmos valores que $padrão_1$. Se o casamento do padrão $padrão_1$ sucede, o identificador nome é associado ao valor casado, além das associações de variáveis realizadas pelo casamento do padrão $padrão_1$.

Exemplos:

padrão	valor	casamento
(_, 0) as par	('M', 0)	\checkmark par \mapsto ('M', 0)
(_, 0) as par	(5, 1)	×
:: as lista	[2; 4; 6]	\checkmark lista \mapsto [2; 4; 6]
:: as lista	[]	×
::k:: as xs	[2; 4; 6]	\checkmark xs \mapsto [2; 4; 6]
		$\mathbf{k} \mapsto 4$
(("ana", _) as nome, _, id)	(("ana", "pera"), 'f', 19)	\checkmark nome \mapsto ("ana", "pera")
		$id \mapsto 19$

7.2 Casamento de padrão em definições com let

Definições de variáveis com let podem ocorrer em um módulo (globais ao módulo), ou em uma expressão let (locais a uma expressão).

O lado esquerdo da definição pode ser um padrão e o lado direito deve ser uma expressão. O valor da expressão e o padrão devem casar. Caso o casamento de padrão falhe uma exceção Match_failure é lançada. Por exemplo:

```
# let (prefixo, sufixo) = List.split [(10,"ana"); (20,"pedro"); (30,"carlos")];;
val prefixo : int list = [10; 20; 30]
val sufixo : string list = ["ana"; "pedro"; "carlos"]

# let tupla = 1.2, 3.4, 0.75, 0.11;;
val tupla : float * float * float * float = (1.2, 3.4, 0.75, 0.11)

# let x, y, z, w = tupla;;
val x : float = 1.2
val y : float = 3.4
val z : float = 0.75
val w : float = 0.11
```

Portanto o lado esquerdo na definição com **let** pode ser um padrão. Em geral é recomendável usar no **let** apenas **padrões irrefutáveis**, ou seja, padrões cujo casamento não podem falhar, para evitar a ocorrência de uma exceção caso o casamento falhe. Veja os exemplos:

```
# let _ :: segundo :: _ = [10; 20; 30; 40; 50];;
Warning 8: this pattern-matching is not exhaustive.
Here is an example of a value that is not matched:
[]
val segundo : int = 20

# let _ :: segundo :: _ = [10];;
Warning 8: this pattern-matching is not exhaustive.
Here is an example of a value that is not matched:
[]
Exception: Match_failure ("//toplevel//", 1, 4).
```

7.3 Definição de função usando padrões

Em uma **definição de função** em OCaml os **parâmetros** que representam os argumentos são *padrões*. Isto significa que eles não precisam ser necessariamente variáveis, como na maioria das linguagens convencionais, mas podem ser padrões de qualquer uma das formas existentes na linguagem.

Quando a função é aplicada a seus argumentos, é feito o casamento de padrão entre os argumentos e os respectivos parâmetros da função. Se algum dos casamentos de padrão *falhar* ocorre uma *exceção* que, se não for tratada no programa, culmina em um *erro de execução*.

Geralmente o uso de padrões para especificar os argumentos torna a definição da função mais *clara* e *concisa*. Exemplo: a função maximo resulta no maior componente de um par de inteiros:

```
let maximo par =
  let x = fst par in
  let y = snd par in
  if x > y then
    x
  else
  y
```

Nesta definição par é um padrão variável e casa com qualquer argumento.

```
maximo (20, 30) → 30
maximo (2+3, 2-3) → 5
```

Alternativamente a função maximo pode ser definida usando um padrão mais específico para pares que permita acessar diretamente os seus componentes:

```
let maximo (x, y) =
   if x > y then
    x
   else
   y
```

Nesta versão o parâmetro formal é o padrão (x, y) que casa com qualquer par associando x ao primeiro componente, e y ao segundo componente do par.

Outros exemplos:

```
let fst (x,_) = x
```

```
let snd (_,y) = y
```

```
fst (1+2, 1-2) → 3
snd (5/2, 5>2) → true
```

Tarefa 7.1: Distância entre dois pontos

A distância entre dois pontos (x_1, y_1, z_1) e (x_2, y_2, z_2) no espaço é dada por

$$\sqrt{(x_1-x_2)^2+(y_1-y_2)^2+(z_1-z_2)^2}$$

Defina uma função que recebe dois pontos no espaço e retorna a distância entre eles. Considere que um ponto no espaço é representado por uma tripla de números que são as coordenadas do ponto. Use casamento de padrão.

Tarefa 7.2

Estude a seguinte definição e apresente uma definição alternativa mais simples desta função, usando padrões.

```
let opp z =
   if fst z = 1 then
     fst (snd z) + snd (snd z)
   else
     if fst z = 2 then
        fst (snd z) - snd (snd z)
     else
        0
```

Tarefa 7.3: Comparação de frações

Considere um uma fração é representada por um par de números inteiros. Defina uma função compara_fracao que recebe duas frações como argumentos e retorna -1, 0, ou 1 caso a primeira seja menor, igual, ou maior do que a segunda, respectivamente.

7.4 Expressão de Seleção Múltipla

A **expressão match** é uma forma de expressão que permite *selecionar* um entre vários resultados alternativos baseando-se em casamento de padrões. Uma expressão **match** é formada por:

- uma expressão de controle, cujo valor é usado para escolher uma das alternativas
- uma sequência de *alternativas*, onde cada alternativa é formada por:

- um padrão, usado para decidir se a alternativa será escolhida
- uma expressão, usada para dar o resultado caso a alternativa seja escolhida

Exemplo:

```
match calculo x (y / 2) with

| 0 -> x*x + 5*x + 6;

| 1 -> 4*y - 8;

| n -> (x*x + y*y) / n
```

7.4.1 Forma e regras de tipo da expressão match

Uma expressão match é da forma:

onde:

- a expressão de controle é exp
- os resultados alternativos são dados pelas expressões res₁, ..., res_n, selecionados pelos respectivos padrões padrão₁, ..., padrão_n
- a barra vertical | que precede o primeiro padrão é opcional.

Regras de tipo:

- a expressão de controle exp e os padrões $padrão_1, \ldots, padrão_n$ devem ser todos de um $mesmo\ tipo$
- os resultados res_1, \ldots, res_n devem ser todos de um $mesmo \ tipo$, e este será o tipo da expressão match (ou seja, o tipo do resultado final)

7.4.2 Avaliação de expressões match

- É feito o *casamento de padrão* do valor de *exp* com os padrões, na sequência em que foram escritos, até que se obtenha sucesso ou se esgotem os padrões
- O primeiro padrão cujo casamento suceder é escolhido
- O resultado final da expressão match é dado pela expressão associada ao padrão escolhido
- O resultado é avaliado em um ambiente estendido com as associações de variáveis construídas no casamento de padrão
- Se a expressão não casar com nenhum dos padrões, a avaliação da expressão match falha é a exceção Match_failure é lançada.

7.4.3 Exemplos de expressões match

A expressão

resulta em "dois", pois o valor da expressão 3-2+1 é 2, que casa com o terceiro padrão 2, selecionando "dois" como resultado.

A expressão

resulta em "beleza!", pois o valor da expressão 23 > 10 é true, que casa com o primeiro padrão true, selecionando "beleza!" como resultado.

A expressão

```
match Char.uppercase (String.get "masculino" 0) with
| 'F' -> 10.2
| 'M' -> 20.0
```

resulta em 20.0, pois o valor da expressão **Char.uppercase** (**String.get** "masculino" 0) é 'M', que casa com o segundo padrão 'M', selecionando 20.0 como resultado.

A avaliação da expressão

falha, pois o valor da expressão **String.get "masculino"** 0 não casa com nenhum dos padrões, fazendo com que uma exceção **Match_failure** seja lançada.

A expressão

está incorreta, pois os resultados "mulher" e 20.0 não são do mesmo tipo.

A expressão

está incorreta, pois os padrões true e 1 não são do mesmo tipo.

A expressão

está incorreta, pois a expressão **String**.get "Masculino" 0 e os padrões true e false não são do mesmo tipo.

A expressão

```
match 3 - 2 + 1 with
| x -> 11 * x
```

resulta em 22, pois o valor da expressão 3 - 2 + 1 é 2, que casa com o primeiro padrão x, associando a variável x ao valor 2, e selecionando 11 * x como resultado

A expressão

```
match 256 mod 10 with
| 7 -> 0
| n -> n * 1000
```

resulta em 6000, pois o valor da expressão 256 **mod** 10 é 6, que casa com o segundo padrão n, associando a variável n ao valor 6, e selecionando n * 1000 como resultado

A expressão

```
match 257 mod 10 with
| 7 -> 0
| n -> n * 1000
```

resulta em 0, pois 7 é o primeiro padrão que casa com o valor da expressão 257 mod 10.

Já a expressão

```
match 257 mod 10 with
| n -> n * 1000
| 7 -> 0
```

resulta em 7000, pois n é o primeiro padrão que casa com o valor da expressão 257 mod 10.

Observe que quando os padrões não são mutuamente exclusivos a **ordem** em qua as alternativas são escritas pode influenciar o resultado.

A expressão

resulta em "maior que quatro", pois _ é o primeiro padrão que casa com o valor da expressão 46 - 2*20. A expressão

```
match (3+2, 3-2) with

| (0, 0) -> 10

| (_, 1) -> 20

| (x, 2) -> x*x

| (x, y) -> x*y - 1
```

resulta em 20, pois (_, 1) é o primeiro padrão que casa com o valor da expressão (3+2, 3-2). A expressão

resulta em "vazia", pois o valor da expressão List.tl [10] casa com o padrão para lista vazia []. A expressão

resulta em "cabeca: 10", pois a lista [10; 20; 30; 40] casa com o padrão para lista não vazia x::_, associando x a 10.

A expressão

```
match [10; 11; 12; 13; 14; 15] with

| x::y::z::_ -> x + y + z

| _ -> 0
```

resulta em 33, pois a lista [10; 11; 12; 13; 14; 15] casa com o padrão x::y::z::_, associando x a 10, y com 11 e z com 12.

A expressão

```
match [10; 20] with
| x::y::z::_ -> x + y + z
| _ -> 0
```

resulta em 0, pois a lista [10; 20] não casa com o primeiro padrão x::y::z::_, mas casa com o segundo _. Observe que o primeiro padrão casa somente com listas que tenham *pelo menos três elementos*.

A expressão

resulta em 40, pois a lista [10; 20; 30] casa com o primeiro padrão [x1; _; x3]. Observe que este padrão casa somente com listas que tenham *exatamente três elementos*.

7.4.4 Expressão match com guardas

Em uma expressão match cada padrão pode ser acompanhado de uma expressão condicional chamada **guarda**, introduzida pela palavra reservada **when**. Neste caso a alternativa somente é escolhida quando o casamento de padrão sucede e a expressão é verdadeira.

A expressão

resulta em [20; 100; 3], pois a lista [100; 20; 3] casa com o primeiro padrão a::b::xs e o primeiro elemento é maior do que o segundo.

No exemplo a seguir, a expressão

```
match ("Paulo Roberto", 'M', 28, 69.3) with

| (_, _, idade, peso) when idade < 18 -> 2. *. peso
| (_, _, idade, peso) when idade < 21 -> 3. *. peso
| (_, 'F', _, peso) -> peso
| (_, 'M', idade, peso) when idade < 40 -> peso +. 10.
| (_, _, _, peso) -> 0.9 *. peso
```

resulta em 79.3, pois a tupla ("Paulo Roberto", 'M', 28, 69.3)

- casa com o primeiro padrão, porém a guarda não é satisfeita
- casa com o segundo padrão, porém a guarda não é satisfeita
- não casa com o terceiro padrão
- casa com o quarto padrão, e a guarda é satisfeita, logo o resultado é dado por peso +. 10.

7.5 Exercícios

Tarefa 7.4: Avaliando expressões

Quais das seguintes expressões são legais em OCaml? Para aquelas que são legais, qual é o tipo e o valor da expressão?

```
match 1 with

1 -> 2

| _ -> 3

match 2 with

1 + 1 -> 2

| _ -> 3
```

```
let _ as s = "abc" in s ^ "def"
3.
```

```
let h (1 | 2) as i = i + 1 in
h 2
4.
```

Tarefa 7.5: Decomposição de tuplas

Um dos problemas com tuplas é que não há uma função geral para selecionar um de seus componentes. Suponha que tenhamos que tentar definir tal função para triplas.

```
let nth i (x, y, z) =
  match i with
  | 1 -> x
  | 2 -> y
  | 3 -> z
  | _ -> raise (Invalid_argument "nth")
```

- 1. Qual é o tipo da função nth?
- 2. Há alguma maneira de reescrever esta função de forma que ela permita que os elementos da tupla sejam de tipos diferentes?

Nos exercícios seguintes use casamento de padrão para definir as funções solicitadas.

Tarefa 7.6: Implicação lógica

A função implica a seguir, do tipo **bool** -> **bool**, implementa a operação de implicação lógica de acordo com a tabela verdade que apendemos em Lógica.

```
let implica a b =
  match (a, b) with
   (true, true) -> true
  | (true, false) -> false
  | (false, true) -> true
  | (false, false) -> true
```

Faça duas definições mais compactas de implica onde são usadas apenas duas alternativas no casamento de padrão.

Tarefa 7.7: Vogais

Defina uma função e_vogal do tipo char -> bool que verifica se um caracter é uma vogal. Use casamento de padrão. Não use expressões condicionais.

Tarefa 7.8: Cabeça e cauda de uma lista não vazia

Defina as funções hd e tl dos tipos 'a **list** -> 'a e 'a **list** -> 'a **list** respectivamente, que selecionam a cabeça e a cauda respectivamente de uma lista não vazia.

Exemplos:

```
      hd ["ivo"; "ana"; "maria"; "inês"] → "ivo"

      tl ["ivo"; "ana"; "maria"; "inês"] → ["ana"; "maria"; "inês"]

      hd [1]
      → 1

      tl [1]
      → []

      hd []
      → exceção

      tl []
      → exceção
```

Observação: já existem as funções List.hd e List.tl na biblioteca padrão similares a estas funções.

Tarefa 7.9: Tamano de uma lista

Defina a função length do tipo 'a **list** \rightarrow **int** que recebe uma lista l e resulta no número de elementos em l.

Exemplos:

Faça duas definições, uma sem recursividade de cauda e outra com recursividade de cauda. Observação: já existe a função **List.length** na biblioteca padrão similar a esta função.

Tarefa 7.10: Pertinência a uma lista

Defina a função mem do tipo 'a -> 'a **list** -> **bool** que recebe um valor e uma lista e verificam se o valor é um elemento da lista.

Exemplos:

Observação: já existe a função **List.mem** na biblioteca padrão similar a esta função.

Tarefa 7.11: Todos positivos?

Defina uma função all_positive que recebe uma lista de inteiros e verifica se todos os elementos da lista são positivos.

```
val all_positive :: int list -> bool
```

Exemplos:

```
all_positive [1; 8; 10; 6; 48] → true
all_positive [1; 8; -10; -6; 48] → false
all_positive [] → true
```

Tarefa 7.12: Seleção de um prefixo de uma lista

Defina a função prefixo do tipo int \rightarrow 'a list \rightarrow 'a list que recebe um número inteiro n e uma lista l e resulta na lista dos n primeiros elementos de l.

Exemplos:

```
prefixo 0 [10; 20; 30; 40; 50] → []
prefixo 2 [10; 20; 30; 40; 50] → [10; 20]
prefixo 9 [10; 20; 30; 40; 50] → [10; 20; 30; 40; 50]
```

Tarefa 7.13: Pesquisa em banco de dados

Suponha que você esteja implementando um banco de dados relacional sobre funcionários de uma empresa onde o banco de dados é uma lista de tuplas formadas pelo nome, pela idade e pelo salário dos funcionários.

- Escreva uma função find_salary : string -> (string * int * float) list -> float que retorna o salário de um funcionário, dado o seu nome e o banco de dados.
- Escreva uma função para calcular a idade média dos funcionários.
- Escreva uma função para determinar a porcentagem de funcionários que tem idade superior à idade média de todos os funcionários.
- Escreva uma função para determinar o nome e o salário dos funcionários com idade inferior a uma dada idade.
- Escreva uma função para determinar qual é o maior salário e os nomes dos funcionários que o recebem.

Tarefa 7.14: Concatenação de listas

A função append : 'a list -> 'a list concatena duas listas. Ela pode ser definida como

```
let rec append 11 12 =
  match 11 with
  | [] -> 12
  | h :: t -> h :: append t 12
```

Escreva uma versão de append que apresente recursividade de cauda.

Tarefa 7.15: Invertendo uma lista

Escreva uma função rev para inverter os elementos de uma dada lista. Exemplos:

Observação: já existe a função **List.rev** na biblioteca padrão similar a esta função.

Tarefa 7.16: Soma dos elementos de uma lista

Escreva uma função sum para somar todos os elementos de uma dada lista de números inteiros. Exemplos:

Tarefa 7.17: Soma cumulativa

Defina uma função que recebe uma list de números inteiros e resulta na lista da soma cumulativa de seus elementos, ito é, uma nova lista onde o i-ésimo elemento é a soma dos primeiros i elementos da lista original. Por exemplo, a soma cumulativa de [1; 2; 10; 8; 4] é [1; 3; 13; 21; 25].

Tarefa 7.18: Lista ordenada?

Escreva uma função is_sorted que verifica se uma dada lista está ordenada em ordem crescente. Exemplos:

Tarefa 7.19: Convertendo entre strings e listas de caracteres

Escreva uma função que converte uma lista de caracteres em string e outra que converte uma string em uma lista de caracteres.

Tarefa 7.20: Remove elementos da uma lista

Defina a função strip : 'a list -> 'a list que, dadas duas listas, retira da segunda todos os elementos que ocorrem na primeira.

Exemplos:

Tarefa 7.21: Marcadores em listas

Uma lista pode ser dividida em sublistas, com base em elementos especiais chamados *marcadores* que dizem quando começa uma lista e quando acaba outra.

1. Defina a função splitToken : 'a -> 'a list -> 'a list que recebe um valor e uma lista e retorna uma lista de listas utilizando o valor dado como marcador.

Exemplos:

Defina a função joinToken : 'a -> 'a list list -> 'a list que recebe um valor e uma lista de listas e retorna a concatenação das sublistas usando o primeiro parâmetro como separador. Exemplo:

```
joinToken ' ' [['t'; 'h'; 'i'; 's']; ['i'; 's']; ['a']; ['t'; 'e'; 's'; 't']]

→ ['t'; 'h'; 'i'; 's'; ' '; 'i'; 's'; ' '; 't'; 'e'; 's'; 't']
```

Tarefa 7.22: Agrupamento

Defina a função group :: 'a **list** -> 'a **list list** que agrupa elementos semelhantes em sublistas.

Exemplo:

```
group [2; 3; 3; 2; 1; 4; 4; 4] \leftrightarrow [[2]; [3; 3]; [2]; [1]; [4; 4; 4]]
```

Resumo

O ambiente de desenvolvimento integrado OcaIE traz para você o poder do Eclipse para a sua programação diária em OCaml.

Nesta aula vamos usar esta IDE para o desenvolvimento de programas em OCaml.

Sumário

8.1	OcaIDE				 									8-1
8.2	Desenvolvimento de projetos Ocaml				 									8-2

8.1 OcaIDE

A home page do OcaIDE é http://www.algo-prog.info/ocaide.

Instruções para instalação do ambiente encontram-se na seção 1.3.4.

Os principais recursos oferecidos por este ambiente de desenvolvimento integrado são:

- Editor de código fonte para módulos (arquivos ml), interfaces (arquivios mli), analisadores sintáticos (arquivios mly) e analisadores léxicos (arquivos ml1).
- Marcação de sintaxe (cores e estilos são configuráveis).
- Indentação automática durante a digitação no editor (configurável nas preferências).
- Um formatador de código integrado personalizável, e uma interface para o formatador camlp4 (através de um impressor de AST).
- Possibilidade de completar nomes automaticamente no editor.
- Navegador de bibliotecas, tanto para as bibliotecas padrão como para as definidas pelo usuário.
- Depurador integrado (uma interface gráfica para o depurador em modo de texto do OCaml), com suporte a depuração remota e suporte de arquivo script.
- Destaque de delimitadores correspondentes, como por exemplo parênteses.
- Ambiente toplevel integrado.
- Criação de ambientes toplevels personalizados.
- Pré-processamento com Camlp4.
- Uma perspectiva OCaml dentro de Eclipse.
- Atalhos para os elementos OCaml no Eclipse.
- Construção de projetos OCaml (com ocamlbuild, com makefile escrito à mão, com OcamlMakefile ou geridos pelo IDE).
- Importação e exportação de projetos OCaml.
- Lançamento de executáveis OCaml com parâmetros e console interativo.
- Outline e Quick Outline.
- Mostra o tipo inferido de elementos no editor e *outline*.
- Menus de contexto descritivos sobre definições OCaml.
- Ajuda sobre parâmetros esperados para as funções, exceções e construtores de dados.

- Atalhos configuráveis.
- Caminhos configuráveis para todas as ferramentas (e os caminhos são automaticamente detectados).
- Geração de makefile sob demanda.
- Geração automática de interface.
- Hiperlinks para saltar para a definição de um elemento (variável, tipo de construtor ...).
- Marcadores de erro no editor, na margem do editor, na visão de navegador e na visão de problemas.
- Modelos de código editáveis.
- Detecção automática de caminhos do projeto.
- Comentando e descomentando blocos de código.
- Verificação ortográfica dos comentários e dos comentários de documentação.
- Alternar entre módulo e interface.
- Conversão de arquivos entre as sintaxes revista e padrão (com Camlp4).

8.2 Desenvolvimento de projetos Ocaml

Estude o tutorial disponível em http://www.algo-prog.info/ocaide/tutorials/3-projects/projects.htm para aprender a desenvolver projetos OCaml com o OcaIDE.

Tarefa 8.1: Hello, world!

Crie um projeto usando o EclipseFP para uma aplicação que simplesmente exibe uma mensagem de boas-vindas na saída padrão.

9 Programas Interativos

Resumo

Programas interativos se comunicam com o usuário recebendo dados e exibindo resultados. Nesta aula vamos aprender como desenvolver programs funcionais que interagem com o uusuário.

Sumário

9.1	Intera	ção com o mundo	9-1
9.2 Expressão sequência		ssão sequência	9-1
	9.2.1	Ignorando o resultado de uma expressão	9-2
	9.2.2	Blocos de programa	9-2
9.3	Estru	ura de um programa em OCaml	9-2
9.4	Canai	s de entrada e saída	9-5
9.5	Funçõ	es de saída na saída padrão	9-5
9.6	Funçõ	es de saída na saída de erro padrão	9-6
9.7	Funçõ	es de entrada na entrada padrão	9-6
9.8	Exerc	cios	9-6

9.1 Interação com o mundo

Programas interativos podem exibir mensagens para o usuário e obter valores informados pelo usuário. De forma geral um programa poderá *trocar informações* com o *restante do sistema computacional* para obter dados do sistema computacional e gravar dados no sistema computacional.

Em *linguagens imperativas* as operações de entrada e saída produzem **efeitos colaterais**, refletidos na *atualização de variáveis globais* que representam o *estado* do sistema de computação.

Já em *linguagens declarativas* as operações de entrada e saída são puras e não produzem efeito colateral visível diretamente no programa. Estas operações são integradas na linguagem usando mecanismos como ações de entrada e saída que podem ser combinadas sequencialmente para formar novas ações, mas que somente são executadas quando passadas para o sistema operacional. Este é o modelo adotado pela linguagem Haskell. A liguagem Clean já usa um outro modelo que integra ao sistema de tipos da linguagem o conceito de tipos únicos para acomadar a possibilidade atualização de variáveis como uma otimização do compilador.

Sendo uma linguagem multi-paradigma, OCaml suporta a programação imperativa. Em OCaml operações de entrada e saída são implementadas através de produção de efeito colateral. Uma expressão em OCaml, quando avaliada, tem um valor e pode ter um efeito.

9.2 Expressão sequência

Uma expressão sequência é formada por uma sequência de expressões separadas por ponto-e-vírgula (;):

```
exp_1; ...; exp_n
```

A sua avaliação é feita pela avaliação de cada uma das expressões exp_i na ordem em que foram escritas. O tipo e o valor da expressão sequência são dados respectivamente pelo tipo e pelo valor da última expressão da sequência.

Os valores das expressões da sequência, exceto da última, são descartados. Logo estas expressões serão interessantes somente se elas produzirem algum efeito. Para lembrar que seus valores são descartados, o compilador emite um aviso caso o seu tipo não seja **unit**.

Exemplos:

```
# 2 * 3 ; 2 + 3 ;;
Warning 10: this expression should have type unit.
- : int = 5
# print_string "resultado: " ; print_int 10 ; print_newline () ; true ;;
```

```
resultado: 10
- : bool = true

# print_int 1; 2 ; 3;;
Warning 10: this expression should have type unit.
1- : int = 3
```

9.2.1 Ignorando o resultado de uma expressão

```
val ignore : 'a -> unit
```

Descarta o valor de seu argumento e retorna (). Por exemplo, ignore (f x) descarta o resultado da função f, que espera-se produzir algum efeito colateral. É equivalente a f x; (), exceto que este pode gerar um aviso do compilador; por outro lado escrevendo-se ignore (f x) evita-se o aviso.

Exemplos:

```
# ignore (2 * 3);;
- : unit = ()
# ignore (2 * 3); 2 + 3;;
- : int = 5
```

9.2.2 Blocos de programa

Para delimitar um grupo de expressões podemos utilizar parênteses:

(expr)

ou as palavras reservadas begin e end:

begin expr end

Exemplos:

```
# ( print_int (2+3); 2-3 );;
5- : int = -1
# begin print_int (2+3); 2-3 end;;
5- : int = -1
```

9.3 Estrutura de um programa em OCaml

Código em OCaml pode ser compilado separadamente e executado de forma não interativa utilizando os compildores ocamle e ocamlopt.

O código-fonte deve ser colocado em um arquivo com extensão .ml. Ele consiste de uma seqüência de frases, que serão avaliadas em tempo de execução em sua ordem de aparição no arquivo de origem. Ao contrário no modo interativo, tipos e valores não são impressos automaticamente; o programa deve chamar as funções de impressão explicitamente para produzir alguma saída.

Aqui está um exemplo de programa autônomo para imprimir números de Fibonacci:

```
(* File fib.ml *)
let rec fib n =
  if n < 2 then 1 else fib (n-1) + fib (n-2)

let main () =
  let arg = int_of_string Sys.argv.(1) in
  print_int (fib arg);
  print_newline ()

let _ = main ()</pre>
```

Sys.argv é um array de strings contendo os parâmetros de linha de comando. Sys.argv. (1) é, assim, o primeiro parâmetro de linha de comando. O programa acima é compilado e executado com os seguintes comandos no shell:

```
$ ocamlc -o fib fib.ml

$ ./fib 10

89

$ ./fib 20

10946
```

Programas OCaml autônomos mais complexos são geralmente compostos de vários arquivos fonte, e podem ligar com bibliotecas pré-compiladas. A recompilação de projetos OCaml multi-arquivos pode ser automatizada usando o gerenciador de compilação ocamlbuild.

Tarefa 9.1: Preparando e executando um programa no OcaIDE

1. Grave o código fonte do programa apresentado em um arquivo texto chamado fib.ml.

```
(* File fib.ml *)
let rec fib n =
   if n < 2 then 1 else fib (n-1) + fib (n-2)

let main () =
   let arg = int_of_string Sys.argv.(1) in
   print_int (fib arg);
   print_newline ()

let _ = main ()</pre>
```

2. Compile o programa usando o compilador ocamle em um terminal:

```
$ ocamlc -o fib fib.ml
```

3. Execute o programa já compilado:

```
$ $ ./fib 10
89
```

4. Compile o programa usando o compilador ocamlopt em um terminal e execute o programa:

```
$ ocamlopt -o fib fib.ml

$ $ ./fib 10
89
```

5. *Compile o programa* usando o gerenciador de compilação ocambuild em um terminal gerando bytecodes e execute o programa:

```
$ ocamlbuild fib.byte

$ $ ./fib.byte 10
89
```

6. *Compile o programa* usando o gerenciador de compilação ocambuild em um terminal gerando código nativo e execute o programa:

```
$ ocamlbuild fib.native

$ $ ./fib.ntive 10
89
```

Tarefa 9.2: Preparando e executando um programa em OCaml no Eclipse

Use o ambiente de desenvolvimento integrado OcaIDE para preparar e executar o seguinte programa:

```
let _ =
    print_endline "Somando dois números:";
    print_endline "==========";
    print_string " digite um número inteiro...: ";
    let x = read_int () in
    print_string " digite outro número inteiro...: ";
    let y = read_int () in
    let z = x + y in
    print_string " soma calculada...: ";
    print_int z;
    print_newline ()
```

9.4 Canais de entrada e saída

Os dispositivos de entrada e saída em OCaml são representados por canais de entrada e saída:

type in_channel

Tipo dos canais de entrada.

type out_channel

Tipo dos canais de saída.

Os dispositivos de entrada e saída padrão são representados pelas seguintes variáveis:

val stdin : in_channel

Dispositivo de entrada padrão.

val stdout : out_channel

Dispositivo de saída padrão.

val stderr : out_channel

Dispositivo de saída de erro padrão.

9.5 Funções de saída na saída padrão

```
val print_char : char -> unit
```

Imprime um caracter na saída padrão.

val print_string : string -> unit

Imprime uma string na saída padrão.

val print_bytes : bytes -> unit

Imprime uma sequência de bytes na saída padrão.

val print_int : int -> unit

Imprime um inteiro, em notação decimal, na saída padrão.

val print_float : float -> unit

Imprime um número em ponto flutuante, em notação decimal, na saída padrão.

val print_endline : string -> unit

Imprime uma string, seguido de um caractere de nova linha, na saída padrão e descarrega¹ a saída padrão.

val print_newline : unit -> unit

Imprime um caractere de nova linha na saída padrão, e descarrega a saída padrão. Isso pode ser usado para simular bufferização de linha da saída padrão.

¹Basicamente descarregar um canal de saída consiste em completar as operações de saída pendentes associadas ao canal.

9.6 Funções de saída na saída de erro padrão

val prerr_char : char -> unit

Imprime um caracter na saída de erro padrão.

val prerr_char : char -> unit

Imprime um caracter na saída de erro padrão.

val prerr_string : string -> unit

Imprime uma string na saída de erro padrão.

val prerr_bytes : bytes -> unit

Imprime uma sequência de bytes na saída de erro padrão.

val prerr_int : int -> unit

Imprime um inteiro, em decimal, na saída de erro padrão.

val prerr_float : float -> unit

Imprime umnúmero em ponto flutuante na saída de erro padrão.

val prerr_endline : string -> unit

Imprime uma string, seguido de um caractere de nova linha na saída de erro padrão e descarrega a saída de erro padrão.

val prerr_newline : unit -> unit

Imprime um caractere de nova linha na saída de erro padrão, e descarrega a saída de erro padrão.

9.7 Funções de entrada na entrada padrão

val read_line : unit -> string

Descarrega a saída padrão, e então lê os caracteres da entrada padrão até que um caractere de nova linha seja encontrado. Retorna a string de todos os caracteres lidos, sem o caractere de nova linha no final.

val read_int : unit -> int

Descarrega a saída padrão, e em seguida lê uma linha da entrada padrão e converte-a para um número inteiro. Lança a exceção **Failure** "int_of_string" se a linha lida não é uma representação válida de um inteiro.

val read_float : unit -> float

Descarrega a saída padrão, e em seguida lê uma linha da entrada padrão e converte-a para um número em ponto flutuante. O resultado não é especificado se a linha lida não é uma representação válida de um número de ponto flutuante.

9.8 Exercícios

Tarefa 9.3: Produto de três números

Escreva um programa que solicita ao usuário três números em ponto flutuante, lê os números, e calcula e exibe o produto dos números.

Exemplo de execução da aplicação

Digite um número: 10.0 Digite outro número: 2.3 Digite outro número: 5.0

Produto dos números digitados: 115.0

Tarefa 9.4: Produto de três números

Escreva um programa que solicita ao usuário três números em ponto flutuante, lê os números, e calcula e exibe o produto dos números.

Exemplo de execução da aplicação

Digite um número: 10.0 Digite outro número: 2.3 Digite outro número: 5.0

Produto dos números digitados: 115.0

Tarefa 9.5: Linha de crédito

A prefeitura de Contagem abriu uma linha de crédito para os funcionários estatutários. O valor máximo da prestação não poderá ultrapassar 30% do salário bruto.

Fazer um programa que permita entrar com o salário bruto e o valor da prestação, e informar se o empréstimo pode ou não ser concedido.

Exemplo de execução da aplicação

Análise de crédito

Salário bruto: 1000 Valor da prestação: 20

O empréstimo pode ser concedido

Exemplo de execução da aplicação

Análise de crédito

Salário bruto: 1000 Valor da prestação: 430.23

O empréstimo não pode ser concedido

Tarefa 9.6: Classe eleitoral

Crie um programa que leia a idade de uma pessoa e informe a sua classe eleitoral:

não eleitor abaixo de 16 anos;

eleitor obrigatório entre 18 (inclusive) e 65 anos;

eleitor facultativo de 16 até 18 anos e acima de 65 anos (inclusive).

Exemplo de execução da aplicação

Classe eleitoral

Digite a idade da pessoa: 11

não eleitor

Exemplo de execução da aplicação

Classe eleitoral

Digite a idade da pessoa: 17

eleitor facultativo

Exemplo de execução da aplicação

Classe eleitoral

Digite a idade da pessoa: 20

eleitor obrigatório

Exemplo de execução da aplicação

Classe eleitoral

Digite a idade da pessoa: 73

eleitor facultativo

Tarefa 9.7: Situação de um aluno

Faça um programa que receba três notas de um aluno, e calcule e mostre a média aritmética das notas e a situação do aluno, dada pela tabela a seguir.

média das notas	situação
menor que 3	reprovado
entre 3 (inclusive) e 7	exame especial
acima de 7 (inclusive)	aprovado

Exemplo de execução da aplicação

Digite as três notas do aluno:

9.1

2.9

7.4

Média: 6.4666666667

Tarefa 9.8: Peso ideal

Escreva um programa que solicita ao usuário a altura (em metros) e o sexo de uma pessoa, lê estes dados, calcula o peso ideal da pessoa segundo a tabela a seguir (onde h é a altura da pessoa), e exibe o resultado.

sexo	peso ideal
masculino	$72.7 \times h - 58$
feminino	$62.1 \times h - 44.7$

Exemplo de execução da aplicação

Altura (em metros): 1.72 Sexo (f/m) f Peso ideal 62.112

Exemplo de execução da aplicação

Exemplo de execução da aplicação

Altura (em metros)....: 1.72 Sexo (f/m)......? Sexo inválido

Exemplo de execução da aplicação

Altura (em metros)....: 1.72 Sexo (f/m).....: Sexo inválido

Tarefa 9.9: Impostos

Faça um programa que apresente o menu a seguir, permita ao usuário escolher a opção desejada, receba os dados necessários para executar a operação, e mostre o resultado.

Opções:

1. Imposto

2. Novo salário

3. Classificação

Digite a opção desejada:

Verifique a possibilidade de opção inválida.

Na opção 1 receba o salário de um funcionário, calcule e mostre o valor do imposto sobre o salário usando as regras a seguir:

salário	taxa de imposto
Abaixo de R\$500,00	5%
De R\$500,00 a R\$850,00	10%
Acima de R\$850,00	15%

Na **opção 2** receba o salário de um funcionário, calcule e mostre o valor do novo salário, usando as regras a seguir:

salário	aumento
Acima de R\$1.500,00	R\$25,00
De R\$750,00 (inclusive) a R\$1.500,00 (inclusive)	R\$50,00
De R\$450,00 (inclusive) a R\$750,00	R\$75,00
Abaixo de R\$450,00	R\$100,00

Na opção 3 receba o salário de um funcionário e mostre sua classificação usando a tabela a seguir:

salário	classificação
Até R\$750,00 (inclusive)	mal remunerado
Acima de R\$750,00	bem remunerado

Exemplo de execução da aplicação

Análise de salário

Opções:

- 1. Imposto
- 2. Novo salário
- 3. Classificação

Digite a opção desejada: 1

Cálculo do imposto Digite o salário: 700 Imposto calculado: 70.0

Exemplo de execução da aplicação

Análise de salário

Opções:

- 1. Imposto
- 2. Novo salário
- 3. Classificação

Digite a opção desejada: 2

Cálculo do novo salário Digite o salário: 700 Novo salário: 775

Exemplo de execução da aplicação

Análise de salário

Opções:

- 1. Imposto
- 2. Novo salário
- 3. Classificação

Digite a opção desejada: 3

Classificação do salário Digite o salário: 700

Classificação obtida: mal remunerado

Tarefa 9.10: Terno pitagórico

Em Matemática um **terno pitagórico** (ou trio pitagórico, ou ainda tripla pitagórica) é formado por três números a, b e c tais que $a^2+b^2=c^2$. O nome vem do *teorema de Pitágoras* que afirma que se as medidas dos lados de um triângulo retângulo são números inteiros, então elas formam um terno pitagórico.

Codifique um programa que leia três números positivos e verifique se eles formam um terno pitagórico.

```
Verificação de ternos pitagóricos

Digite o primeiro número positivo ....: 3
Digite o segundo número positivo ....: 4
Digite o terceiro número positivo ....: 5
Os números formam um terno pitagórico
```

```
Exemplo de execução da aplicação

Verificação de ternos pitagóricos

Digite o primeiro número positivo ....: 3

Digite o segundo número positivo ....: -4

Digite o terceiro número positivo ....: 0

Números inválidos
```

Tarefa 9.11: Palíndromes

Escreva um programa que solicita ao usuário para digitar uma frase, lê a frase (uma linha) da entrada padrão e testa se a string lida é uma palíndrome, exibindo uma mensagem apropriada.

Exemplo de execução da aplicação

```
Digite uma frase:
abcddcba
É uma palíndrome.
```

Exemplo de execução da aplicação

```
Digite uma frase:
ABCdCBA
É uma palíndrome.
```

Exemplo de execução da aplicação

```
Digite uma frase:
ouro preto
Não é uma palíndrome.
```

Tarefa 9.12: Soma de uma sequência com sentinela

Escreva um programa que obtém uma sequência de números inteiros até encontrar um valor negativo, e mostra a soma dos números lidos. O valor negativo é uma sentinela usada para indicar o final da entrada e não faz parte da sequência.

Exemplo de execução da aplicação

```
Digite uma sequência de números (um por linha).
Para terminar digite um número negativo.

1
3
5
0
17
-3
Soma: 26.000000
```

Tarefa 9.13: Soma de uma sequência

Faça um programa que leia um número natural n, e então leia outros n números e calcule e exiba a soma destes números.

Exemplo de execução da aplicação

```
Quantidade de números: 4
Digite um número: 10
Digite um número: -5
Digite um número: 1
Digite um número: 20
Soma dos números digitados: 26.000000
```

Exemplo de execução da aplicação

```
Quantidade de números: -6
Soma dos números digitados: 0.000000
```

Tarefa 9.14: Média aritmética de uma sequência de números

Faça um programa que leia uma seqüência de números não negativos e determine a média aritmética destes números. A entrada dos números deve ser encerrada com um número inválido (negativo).

Exemplo de execução da aplicação

Cálculo da média aritmética

Digite uma sequência de números (um por linha)

Para terminar digite um valor negativo

10

9

8

9.2

-1

A média dos números digitados é 9.171428571428573

Exemplo de execução da aplicação

Cálculo da média aritmética

Digite uma sequência de números (um por linha)

Para terminar digite um valor negativo

-5

Sequência vazia

Tarefa 9.15: Perda de massa por radioatividade

Um elemento químico radioativo perde sua massa de acordo com a função

$$m(t) = m_0 e^{-kt}$$

onde, t é o tempo (em segundos), m_0 é a++ massa inicial (em gramas) e k é a constante 5×10^{-2} .

Faça uma aplicação que, dada a massa inicial desse elemento, calcule a perda de massa durante um minuto, exibindo as massas resultantes em intervalos de 10 segundos.

Tarefa 9.16: Cálculo aproximado de π

A série abaixo converge para o número π quando $n \to \infty$.

$$4\sum_{i=0}^{n} \frac{(-1)^{i}}{2i+1}$$

Codifique um programa que solicita ao usuário o número de parcelas da série e calcula e exibe o valor aproximado de π usando o número solicitado de parcelas.

Tarefa 9.17: Aumento salarial

Um funcionário de uma empresa recebe aumento salarial anualmente. O primeiro aumento é de 1,2% sobre seu salário inicial. Os aumentos subsequentes sempre correspondem ao dobro do percentual de aumento do ano anterior. Faça uma aplicação onde o usuário deve informar o salário inicial do funcionário, o ano de contratação e o ano atual, e calcula e exibe o seu salário atual.

Tarefa 9.18: Fechamento de notas de uma disciplina

Faça uma aplicação para fechamento das notas de uma disciplina. Cada aluno recebe uma nota para cada uma das três atividades desenvolvidas. O usuário deverá informar a quantidade de alunos na turma, e em seguida as notas de cada aluno. Calcule e exiba:

- a média aritmética das três notas de cada aluno,
- a situação do aluno, dada pela tabela seguinte

média aritmética	situação
até 3	reprovado
entre 3 (inclusive) e 7	exame especial
acima de 7 (inclusive)	aprovado

- a média da turma
- o percentual de alunos aprovados
- o percentual de alunos em exame especial
- o percentual de alunos reprovados

Tarefa 9.19: Correção de provas de múltipla escolha

Faça um programa para corrigir provas de múltipla escolha que foram aplicadas em uma turma de alunos. O usuário deverá informar:

- o gabarito (as respostas corretas de cada questão) da prova
- a matrícula e as respostas de cada aluno da turma

As notas devem ser normalizadas na faixa de zero a dez. Assim para calcular a nota obtida em uma prova, divida a soma dos pontos obtidos (um ponto para cada resposta correta) pelo número de questões na prova, e multiplique o resulado por dez.

Calcule e mostre:

- 1. a matrícula e a nota de cada aluno
- 2. a taxa (em porcentagem) de aprovação, sabendo-se que a nota mínima para aprovação é sete.

10 VALORES ALEATÓRIOS

Resumo

A geração de valores pseudo-aleatórios em aplicações em OCaml pode ser feita através da biblioteca **Random**. Nesta aula vamos aprender a desenvolver aplicações que usam valores aleatórios. Estes tópicos serão usados na implementação do jogo *adivinha o número*.

Sumário

10.1	Valores aleatórios	-1
10.2	Jogo adivinha o número	-2
10.3	Jogo craps	-6
10.4	Jogo nim	-7

10.1 Valores aleatórios

O módulo **Random** da biblioteca padrão do OCaml lida com a tarefa comum de geração de valores pseudoaleatórios em OCaml.

As funções básicas para geração de números pseudo-aleatórios são:

val init : int -> unit

Inicializa o gerador, utilizando o argumento como uma semente. A mesma semente sempre produzirá a mesma sequência de números.

val self_init : unit -> unit

Inicializa o gerador com uma semente aleatória escolhida de uma forma dependente do sistema. Se /dev/urandom está disponível no computador, ele é utilizada para fornecer uma semente inicial altamente aleatória. Caso contrário, uma semente menos aleatória é calculada a partir de parâmetros do sistema (tempo atual, processo de IDs).

val int : int -> int

Random. int bound retorna um inteiro aleatório entre 0 (inclusive) e bound (exclusive). bound deve ser maior do que 0 e menor do que 2^{30} .

val float : float -> float

Random. float bound retorna um número aleatório de ponto flutuante entre 0 e bound (inclusive). Se bound é negativo, o resultado é negativo ou zero. Se bound é 0, o resultado é 0.

val bool : unit -> bool

Random.bool () retorna verdadeiro ou falso com probabilidade 0,5 cada.

Exemplo: lancamento de dados

lancadados.ml

```
let _ =
  print_endline "Lançamento de dois dados";
  Random.self_init ();
  let x = Random.int 6 + 1 in
  let y = Random.int 6 + 1 in
  Printf.printf "Faces obtidas: %d e %d\n" x y
```

Exemplo de execução da aplicação

```
$ ./lancadados
Lancamento de dois dados
Faces obtidas: 3 e 5
```

Exemplo de execução da aplicação

\$./lancadados

Lancamento de dois dados Faces obtidas: 4 e 1

10.2 Jogo adivinha o número

Tarefa 10.1: Adivinha o número

Escreva uma aplicação para jogar o jogo adivinhe o número, como explicado a seguir.

- O programa escolhe um número a ser adivinhado pelo jogador (usuário) selecionando um número inteiro aleatório no intervalo de 1 a 1000.
- O programa exibe a mensagem Adivinhe um número entre 1 e 1000.
- O jogador informa o seu palpite.
- Se o palpite do jogador estiver incorreto:
 - o programa exibe a mensagem Muito alto ou Muito baixo convenientemente para ajudar o jogador a acertar o número nas próximas jogadas.
 - o jogo continua com o programa solicitando o próximo palpite e analisando a resposta do usuário.
- Quando o jogador insere a resposta correta:
 - o programa exibe a mensagem Parabéns, você adivinhou o número, e
 - permite que o usuário escolha se quer jogar novamente, e joga novamente em caso afirmativo.

Exemplo de execução da aplicação \$./advinha Adivinha o número v1.0 _____ Digite um número entre 1 e 1000: 444 Muito grande Tente novamente Digite um número entre 1 e 1000: 200 Muito grande Tente novamente Digite um número entre 1 e 1000: 111 Muito pequeno Tente novamente Digite um número entre 1 e 1000: 157 Muito grande Tente novamente Digite um número entre 1 e 1000: 138 Muito grande Tente novamente Digite um número entre 1 e 1000: 123 Muito pequeno Tente novamente Digite um número entre 1 e 1000: 130 Muito grande Tente novamente Digite um número entre 1 e 1000: 125 Muito pequeno Tente novamente Digite um número entre 1 e 1000: 128 Muito pequeno Tente novamente Digite um número entre 1 e 1000: 129 Parabéns, você acertou Deseja jogar novamente? n

- 1. Defina uma função sim_ou_nao que recebe uma string e interage com o usuário da seguinte forma:
 - exibe a string na saída padrão (com o objetivo de fazer uma pergunta do tipo *sim ou não* ao usuário)
 - lê a resposta do usuário
 - verifica se a resposta é
 - s ou S, retornando verdadeiro
 - n ou N, retornando falso
 - qualquer outra coisa, chamando sim_ou_nao novamente para que o usuário responda corretamente.

Use uma expressão match.

sim_ou_nao "Quer jogar novamente?";; Quer jogar novamente? talvez Quer jogar novamente? k Quer jogar novamente? s - : bool = true # sim_ou_nao "Você é inteligente?";; Você é inteligente? com certeza Você é inteligente? Você é inteligente? acho que sim Você é inteligente? n - : bool = false

Esta função deve ser usada em jogar (item 3) para verificar se o usuário deseja continuar jogando ou não.

- 2. Defina uma função acertar que recebe um número a ser adivinhado e interage com o usuário da seguinte forma:
 - exibe uma mensagem solicitando um número entre 1 e 1000
 - lê o número informado pelo usuário
 - compara o número informado com o número a ser adivinhado:
 - se forem iguais, exibe uma mensagem parabenizando o usuário por ter adivinhado o número
 - caso contrário
 - * exibe uma mensagem informando que o número é muito pequeno ou muito grande, adequadamente
 - * exibe uma mensagem solicitando ao usuário uma nova tentativa
 - * faz uma nova tentativa através de uma chamada recursiva de acertar

```
# acertar 119;;
Digite um número entre 1 e 1000: 600
Muito grande.
Tente novamente.

Digite um número entre 1 e 1000: 23
Muito pequeno.
Tente novamente.

Digite um número entre 1 e 1000: 119
Parabéns, você acertou!
- : unit = ()
```

A função acertar deverá ser usada na definição de jogar (item 3).

 O programa deve permitir ao usuário jogar várias vezes, o que nos leva à necessidade do uso de recursão.

Defina uma função jogar que recebe a tupla vazia como argumento e interage com o usuário da seguinte forma:

- gera um número inteiro aleatório entre 1 e 1000, inclusive
- interage com o usuário até que o usuário acerte o número (veja o item 2)
- verifica se o usuário deseja jogar novamente (veja o item 1)
 - se sim, chama jogar recursivamente
 - se não, resulta na tupla vazia.

```
Exemplo de execução da aplicação
# jogar ();;
Digite um número entre 1 e 1000: 509
Muito pequeno.
Tente novamente.
Digite um número entre 1 e 1000: 780
Muito grande.
Tente novamente.
Digite um número entre 1 e 1000: 640
Muito grande.
Tente novamente.
Digite um número entre 1 e 1000: 590
Muito grande.
Tente novamente.
Digite um número entre 1 e 1000: 544
Muito pequeno.
Tente novamente.
Digite um número entre 1 e 1000: 577
Muito grande.
Tente novamente.
Digite um número entre 1 e 1000: 550
Muito pequeno.
Tente novamente.
Digite um número entre 1 e 1000: 560
Muito grande.
Tente novamente.
Digite um número entre 1 e 1000: 555
Muito grande.
Tente novamente.
Digite um número entre 1 e 1000: 553
Muito grande.
Tente novamente.
Digite um número entre 1 e 1000: 551
Muito pequeno.
Tente novamente.
Digite um número entre 1 e 1000: 552
Parabéns, você acertou!
Deseja jogar novamente? n
- : unit = ()
```

A função jogar deve ser usada para que o usuário possa joagar o jogo (item 4).

- 4. Defina uma função main do tipo unit -> unit que interage com o usuário da seguinte forma:
 - exibe uma mensagem identificando o programa e sua versão,
 - inicializa o gerador de números aleatórios, e
 - usa a função jogar (veja o item 3) para jogar o jogo adivinha o número.

Chame a função main como última ação no seu programa.

Tarefa 10.2: Adivinha o número com argumentos na linha de comando

Modifique o programa adivinha.ml (tarefa 10.1) de forma que o usuário possa especificar o intervalo a ser utilizado para adivinhar o número através de dois argumentos na linha de comando.

Tarefa 10.3: Adivinha o número com contagem de tentativas

Modifique o programa adivinha.ml (tarefa 10.2) para que seja exibida o número de tentativas feitas pelo usuário toda vez que lhe é solicitado uma nova tentativa de adivinhar um número.

10.3 Jogo craps

Tarefa 10.4: Craps

Craps é um jogo de azar popular que é jogado em cassinos e nas ruas de todo o mundo. As regras do jogo são simples e diretas.

O jogador lança dois dados. Cada dado tem seis faces numeradas de um a seis. Depois que os dados param de rolar, a soma dos pontos nas faces viradas para cima é calculada. Se a soma for 7 ou 11 no primeiro lance, o jogador ganha. Se a soma for 2, 3 ou 12 no primeiro lance (chamado *craps*), o jogador perde (isto é, a *casa* ganha). Se a soma for 4, 5, 6, 8, 9 ou 10 no primeiro lance, essa soma torna-se a *pontuação alvo* do jogador. Neste caso, para ganhar, o jogador deve continuar a lançar os dados até *fazer sua pontuação alvo* (isto é, obter um valor igual à sua pontuação alvo, determinada no primeiro lance). O jogador perde se obtiver um 7 antes de fazer sua pontuação alvo.

Escreva uma aplicação em OCaml para jogar o jogo craps com o usuário.

Dica 1 As únicas interações com o usuáro (jogador) deverão ser para:

- solicitar que ele tecle ENTER para lançar os dados,
- exibir os pontos obtidos nas faces dos dados em cada lançamento juntamente com a pontuação (soma dos pontos nas faces dos dados), e
- exibir o resultado final (ganhou ou perdeu).

Dica 2 Exemplos de possíveis execuções do programa:

```
Craps v1.0
-----
Tecle ENTER para lançar os dados
Faces dos dados: 1 e 6
Pontuação: 7
Você ganhou. Parabéns!
```

```
Craps v1.0

Tecle ENTER para lançar os dados

Faces dos dados: 6 e 6

Pontuação: 12

CRAPS!

Você perdeu. Sinto muito!
```

```
Craps v1.0
-----
Tecle ENTER para lançar os dados
Faces dos dados: 3 e 3
Pontuação: 6

Tecle ENTER para lançar os dados novamente
Faces dos dados: 1 e 6
```

10.4 Jogo nim

Tarefa 10.5: Nim

Nim é um jogo que é jogado em um tabuleiro composto por cinco linhas numeradas de estrelas, que é inicialmente definido como segue:

```
1: * * * * * * 2: * * * * * 3: * * * 4: * * 5: *
```

Dois jogadores se alternam em remover uma ou mais estrelas do final de um única linha. O vencedor é o jogador que remove a última estrela, ou estrelas do tabuleiro.

Implementar o jogo do nim.

Dica: Representar o tabuleiro como uma lista que inclui o número de estrelas restantes em cada linha. O tabuleiro inicial é [5; 4; 3; 2; 1].

11 Expressões Lambda

Resumo

Expressões lambdas são funções anônimas que podem ser usadas como qualquer outro valor de primeira classe. Nesta aula vamos aprender sobre expressões lambda.

Sumário

11.1	Valore	s de primeira classe
	11.1.1	Valores de primeira classe
	11.1.2	Valores de primeira classe: Literais
	11.1.3	Valores de primeira classe: Variáveis
	11.1.4	Valores de primeira classe: Argumentos
	11.1.5	Valores de primeira classe: Resultado
	11.1.6	Valores de primeira classe: Componentes
11.2	Expres	ssão lambda
	11.2.1	Expressões lambda with fun
	11.2.2	Exemplos de expressões lambda
	11.2.3	Uso de expressões lambda
	11.2.4	Exercícios
	11.2.5	Expressões lambda with function
11.3	Aplica	ção parcial de funções
	11.3.1	Aplicação parcial de funções
	11.3.2	Aplicação parcial de funções: exemplos
11.4	Curryi	ng
	11.4.1	Funções curried
	11.4.2	Por que <i>currying</i> é útil?
	11.4.3	Convenções sobre <i>currying</i>
11.5	Utilida	nde de expressões lambda
	11.5.1	Exercícios 11-

11.1 Valores de primeira classe

11.1.1 Valores de primeira classe

- Tipo de **primeira classe**: não há restrições sobre como os seus valores podem ser usados.
- São valores de primeira classe:
 - números
 - caracteres
 - tuplas
 - listas
 - funções

entre outros

11.1.2 Valores de primeira classe: Literais

• Valores de vários tipos podem ser escritos literalmente, sem a necessidade de se dar um nome a eles:

valor	tipo	descrição
true	bool	o valor lógico <i>verdadeiro</i>
'G'	char	o caracter G
456	int	o número 456
2.45	float	o número em ponto flutuante 2.45
"ocaml"	String	a cadeia de caracteres <i>ocaml</i>
[1; 6; 4; 5]	int list	a lista dos inteiros 1, 6, 4, 5
("Ana", false)	string * bool	o par formado por <i>Ana</i> e <i>falso</i>

• Funções também podem ser escritas sem a necessidade de receber um nome:

valor	tipo	descrição
fun x -> 3*x	int -> int	função que calcula o triplo
fun n -> n mod 2 = 0	<pre>int -> bool</pre>	função que verifica se é par
fun (p, q) -> p+q	int * int -> int	função que soma par

11.1.3 Valores de primeira classe: Variáveis

• Valores de vários tipos podem ser *nomeados*:

```
let matricula = 456
let sexo = 'M'
let aluno = ("Jane Eyre", 101408, 'M', "COM")
let disciplinas = ["BCC222"; "BCC221"; "MTM153"; "PR0300"]
let livroTexto = ("Programming in OCaml", "G. Hutton", 2007)
```

• Funções também podem ser nomeadas:

```
let triplo = fun x -> 3 * x
```

Esta equação define a variável triplo, associando-a a um valor que é uma função.

OCaml permite escrever esta definição de forma mais sucinta:

```
let triplo x = 3 * x
```

11.1.4 Valores de primeira classe: Argumentos

• Valores de vários tipos podem ser argumentos de funções:

```
sqrt 2.45
not true
List.length [1; 6; 4; 5]
```

• Funções também podem ser argumentos de outras funções:

```
List.map triplo [1; 2; 3] → [3; 6; 9]
```

A função triplo é aplicada a cada elemento da lista [1; 2; 3], resultando na lista [3; 6; 9]

11.1.5 Valores de primeira classe: Resultado

• Valores de vários tipos podem ser resultados de funções:

 Funções também podem ser resultados de outras funções. Considere a operação de composição de funções definida como

```
let (-||) f g = fum x -> f (g x)
```

Assim:

```
(abs_float -| sin) (3.0 *. 3.1415 /. 2.0) → 0.999999999342226308
(sqrt -| abs_float) (-9.0) → 3.0
```

O operador binário infixo (-|) faz a composição de duas funções.

11.1.6 Valores de primeira classe: Componentes

• Valores de vários tipos podem ser *componentes* de outros valores:

```
("Ana", 'F', 18)
["BCC222"; "BCC221"; "MTM153"; "PRO300"]
[("Ailton", 101408); ("Lidiane", 102408)]
```

• Funções também podem ser componentes de outros valores:

```
List.map (fun g -> g (-3.1415)) [abs_float; sin; cos]

→ [3.1415; -9.26535896604902578e-05; -0.99999995707656186]
```

O segundo argumento de **List**.map é a lista das funções abs_float, sin e cos.

11.2 Expressão lambda

11.2.1 Expressões lambda with fun

- Da mesma maneira que um número inteiro, uma string ou um par podem ser escritos sem ser nomeados, uma função também pode ser escrita sem associá-la a um nome.
- Expressão lambda é uma função anônima (sem nome), formada por uma sequência de padrões representando os argumentos da função, e um corpo que especifica como o resultado pode ser calculado usando os argumentos:

```
egin{aligned} \mathbf{fun} \;\; padrão_1 \;\; \ldots \;\; padrão_n \;\; 	ext{->} \;\; expressao \end{aligned}
```

- O termo lambda provém do cálculo lambda (teoria de funções na qual as linguagens funcionais se baseiam), introduzido por Alonzo Church nos anos 1930 como parte de uma investigação sobre os fundamentos da Matemática.
- No cálculo lambda expressões lambdas são introduzidas usando a letra grega λ. Em OCaml usa-se a palavra reservada fun.

11.2.2 Exemplos de expressões lambda

Função anônima que calcula o dobro de um número:

```
fun x -> x + x
```

O tipo desta expressão lambda é **int** -> **int**.

Função anônima que mapeia um número x a 2x + 1:

```
fun x -> 2*x + 1
```

cujo tipo é int -> int.

Função anônima que recebe três argumentos e calcula a sua soma:

```
fun a b c -> a + b + c
```

cujo tipo é int -> int -> int.

Definições de função usando expressão lambda:

```
let f = fun x -> 2*x + 1
let somaPar = fun (x, y) -> x + y
```

é o mesmo que

```
let f x = 2*x + 1
let somaPar (x, y) = x + y
```

11.2.3 Uso de expressões lambda

- Apesar de não terem um nome, funções construídas usando expressões lambda podem ser usadas da mesma maneira que outras funções.
- Exemplos de aplicações de função usando expressões lambda:

```
(fun x → 2*x + 1) 8 

→ 17
```

(fun a ->
$$(a, 2*a, 3*a)$$
) 5
 $\leftrightarrow (5, 10, 15)$

(fun (x1, y1) (x2, y2) -> sqrt ((x2 -. x1)**2. +. (y2 -. y1)**2.)) (6. ,7.) (9., 11.)
$$\leftrightarrow$$
 5.

11.2.4 Exercícios

Tarefa 11.1

Escreva uma função anônima que recebe uma tripla formada pelo nome, peso e altura de uma pessoa e resulta no seu índice de massa corporal, dado pela razão entre o peso e o quadrado da altura da pessoa.

Tarefa 11.2

Escreva uma expressão para selecionar (filtrar) os elementos múltiplos de 3 em uma lista de números. Utilize a função **List.filter** : ('a -> bool) -> 'a list -> 'a list. Especifique a função que determina a propriedade a ser satisfeita pelos elementos selecionados usando uma expressão lambda.

Tarefa 11.3

Determine o tipo mais geral da seguinte expressão:

```
fun a (m, n) \rightarrow if a then (m+.n)**2. else (m+.n)**3.
```

Tarefa 11.4

Composição de funções é uma operação comum em Matemática, que a define como

$$(f \circ g)(x) = f(g(x))$$

Em OCaml podemos definir uma função para compor duas outras funções dadas como argumentos. O resultado é uma função: a função composta.

Definia a função composta que recebe duas funções como argumentos e resulta na função composta das mesmas. Use uma definição local para definir a função resultante:

```
let composta f g =
  let ···
  in
   ...
```

Tarefa 11.5

- 1. Escreva outra definição para a função composta usando uma expressão lambda para determinar o seu resultado. Nesta versão não use definições locais.
- 2. Determine o tipo mais geral da função composta.
- 3. Teste a função composta calculando o tipo e o valor da expressão

```
(composta (fun x -> x mod 2 = 0) String.length) "linguagens modernas"
```

11.2.5 Expressões lambda with function

Existe uma outra forma de escrever uma expressão lambda em OCaml onde é possível escolher entre várias alternativas baseando-se no casamento de padrão. A função poderá ter um único argumento, porém pode-se especificar o parâmetro formal usando vários padrões, cada um associado a uma alternativa, de maneira similar à expressão match. Esta forma de expressão lambda é introduzida pela palavra reservada function.

```
function padr\~ao_1 \rightarrow res_1

| \vdots | padr\~ao_n \rightarrow res_n
```

Veja alguns exemplos de expressão lambda com múltiplas alternativas:

Função anônima que calcula o dobro de um número:

```
function x -> x + x
```

O tipo desta expressão lambda é int -> int.

Função anônima que recebe uma lista e calcula a soma de seus 2 primeiros elementos:

cujo tipo é int list -> int.

11.3 Aplicação parcial de funções

11.3.1 Aplicação parcial de funções

 Uma função com múltiplos argumentos pode também ser considerada como uma função que retorna outra função como resultado.

11.3.2 Aplicação parcial de funções: exemplos

• Seja a seguinte função:

```
let f x y = 2*x + y
```

A função f recebe dois argumentos inteiros x e y e resulta na soma 2*x + y.

• Alternativamente esta função pode ser definida em duas etapas:

```
let f' x =
  let h y = 2*x + y
  in h
```

A função f' recebe um argumento inteiro x e resulta na função h, que por sua vez recebe um argumento inteiro y e calcula 2*x + y.

• Aplicando a função:

```
f' 2 3

→ (f' 2) 3

→ h 3

→ 2*2 + 3

→ 7
```

- As funções f e f' produzem o mesmo resultado final, mas f foi definida de uma forma mais breve.
- Podemos ainda definir a função usando uma expressão lambda:

```
let f'' x =
  fun y -> 2*x + y
```

Da mesma forma que f', a função f'' recebe um argumento inteiro x e resulta em uma função. Esta função recebe um argumento inteiro y e calcula 2*x + y.

• Aplicando a função:

• Podemos ainda definir a função usando duas expressões lambda:

```
f''' =
fun x -> (fun y -> 2*x + y)
```

• Aplicando a função:

```
f''' 2 3

→ (fun x -> (fun y -> 2*x + y)) 2 3

→ (fun y -> 2*2 + y) 3

→ 2*2 + 3

→ 7
```

• Todas as versões apresentadas para a função f (f, f', f'' e f''') são equivalentes.

- Portanto a função f pode ser considerada como uma função que recebe um argumento e resulta em outra função que, por sua vez, recebe outro argumento e resulta na soma do dobro do primeiro argumento com o segundo argumento.
- Isto permite a aplicação parcial da função:

• Outro exemplo: multiplicação de três números:

```
let mult x y z = x * y * z
```

A função mult recebe três argumentos e resulta no produto destes argumentos.

- Na verdade mult recebe um argumento de cada vez. Ou seja, mult recebe um inteiro x e resulta em uma função que por sua vez recebe um inteiro y e resulta em outra função, que finalmente recebe um inteiro z e resulta no produto x * y * z.
- Este entendimetno fica claro quando usamos expressões lambda para definir a função de maneira alternativa:

```
let mult' =
  fun x -> fun y -> fun z -> x * y * z
```

11.4 Currying

11.4.1 Funções curried

- Outra opção para passar vários argumentos em uma aplicação de função é formar uma estrutura de dados com os dados desejados e passar a estrutura como argumento.
- Neste caso fica claro que haverá um único argumento, que é a estrutura de dados.
- Exemplo: usando uma tupla:

```
somaPar(x, y) = x + y
```

A função somaPar recebe um único argumento que é um par, e resulta na soma dos componentes do par.

- Evidentemente este mecanismo não permite a aplicação parcial da função.
- Funções que *recebem os seus argumentos um por vez* são chamadas de **funções** *curried*¹, celebrando o trabalho de **OCaml Curry** no estudo de tais funções.
- Funções com mais de um argumento *curried*, resultando em funções aninhadas.

¹Funções *curried* às vezes são chamadas de **funções currificadas** em português.

11.4.2 Por que currying é útil?

- Funções *curried* são mais flexíveis do que as funções com tuplas, porque muitas vezes funções úteis podem ser obtidas pela *aplicação parcial* de uma função *curried*.
- Por exemplo:

```
(/) 100 :: int -> int (* função que divide 100 pelo seu argumento *)

List.mem 'a' :: string -> string (* função que verifica se 'a' é elemento de uma lista *)
```

11.4.3 Convenções sobre currying

- Para evitar excesso de parênteses ao usar funções curried, duas regras simples foram adotadas na linguagem OCaml:
- A seta -> (construtor de tipos função) associa-se à direita.
- Exemplo:

```
int -> int -> int -> int
```

significa

```
int -> (int -> int))
```

- A aplicação de função tem associatividade à esquerda.
- Exemplo:

```
mult x y z
```

significa

```
((mult x) y) z
```

 A menos que seja explicitamente necessário o uso de tuplas, todas as funções em OCaml são normalmente definidas na forma curried.

11.5 Utilidade de expressões lambda

- Expressões lambda podem ser usadas para dar um sentido formal para as funções definidas usando currying e para a *aplicação parcial de funções*.
- Exemplo:

A função

pode ser entendida como

```
let soma = fun x \rightarrow (fun y \rightarrow x + y)
```

isto é, soma é uma função que recebe um argumento x e resulta em uma função que por sua vez recebe um argumento y e resulta em x+y.

```
\begin{array}{c} \text{soma} \\ \rightsquigarrow \text{ fun } x \rightarrow (\text{fun } y \rightarrow x + y) \end{array}
```

```
soma 2

→ (fun x -> (fun y -> x + y)) 2

→ fun y -> 2 + y
```

```
soma 2 3

→ (fun x -> (fun y -> x + y)) 2 3

→ (fun y -> 2 + y) 3

→ 2 + 3

→ 5
```

• Expressões lambda também são úteis na definição de funções que retornam funções como resultados.

• Exemplo:

A função const definida na biblioteca retorna como resultado uma função constante, que sempre resulta em um dado valor:

```
let const x _ = x
```

```
h = const 6 \leftrightarrow \sqrt{\phantom{a}} -> 6
```

```
h 0 → 6
h 4 → 6
h 75 → 6
```

A função const pode ser definida de uma maneira mais natural usando expressão lambda, tornando explícito que o resultado é uma função:

```
\begin{array}{cccc} \text{const } x & = & \\ \text{fun } \_ & -> & x \end{array}
```

 Expressões lambda podem ser usadas para evitar a nomeação de funções que são referenciados apenas uma vez.

11.5.1 Exercícios

Tarefa 11.6

Mostre como a definição de função curried

```
let mult x y z = x * y * z
```

pode ser entendida em termos de expressões lambda.

Dica: Redefina a função usando expressões lambda.

12 Funções de Ordem Superior

Resumo

Uma função é conhecida como *função de ordem superior* quando ela tem uma função como argumento ou resulta em uma função. Nesta aula vamos aprender sobre funções de ordem superior.

Sumário

12.1	Funções de Ordem Superior
12.2	Composição de funções
12.3	A função List.filter
12.4	A função map
12.5	fold_left
12.6	fold_right
12.7	Cupom fiscal do supermercado

12.1 Funções de Ordem Superior

Uma função de ordem superior é uma função que

- tem outra função como argumento, ou
- produz uma função como resultado.

12.2 Composição de funções

Composição de funções é uma operação comum na Matemática. Dadas duas funções f e g, a função composta $f \circ g$ é definida por

$$(f\circ g)(x)=f(g(x))$$

Ou seja, quando a função composta $f \circ g$ é aplicada a um argumento x, primeiramente g é aplicada a x, e em seguida f é aplicada a este resultado gx.

Embora a operação de composição de funções seja muito utilizada na programação funcional, ela não é definida na biblioteca padrão de OCaml. Porém ela pode ser facilmente definida, como pode ser visto a seguir. Chamaremos a função de compose.

A função compose recebe duas funções como argumento e resulta em uma terceira função que é a *composição* das duas funções dadas.

Observe que a função **compose** é uma função de ordem superior, pois recebe duas funções como argumento e resulta em outra função.

Exemplos de composição de funções

Definição de compose

```
let compose f g =
  fun x -> f (g x)
```

O tipo de compose é:

```
('a -> 'b) -> ('c -> 'a) -> 'c -> 'b
```

12.3 A função List.filter

A função **List.filter** da biblioteca padrão recebe uma função e uma lista como argumentos, e seleciona (*filtra*) os elementos da lista para os quais a função dada resulta verdadeiro.

Note que filter é uma função de ordem superior, pois recebe outra função como argumento.

Exemplos de aplicação de filter

Definição de filter

O tipo de filter é:

```
('a -> bool) -> 'a list -> 'a list
```

12.4 A função map

A função **List.map** da biblioteca padrão recebe uma função e uma lista como argumentos, e aplica a função a cada um dos elementos da lista, resultando na lista dos resultados. **List.map** é uma função de ordem superior, pois recebe outra função como argumento.

Exemplos de aplicação de map

Definição de map

```
let rec map f lst =
    match lst with
    | [] -> []
    | h::t -> f h :: map f t
```

O tipo de map é:

```
('a -> 'b) -> 'a list -> 'b list
```

12.5 fold_left

List.fold_left reduz uma lista, usando uma função binária e um valor inicial, de forma associativa à esquerda.

Exemplos de aplicação de List.fold_left

Definição

```
let rec fold_left f z lst =
   match lst with
   | [] -> z
   | h::t -> fold_left f (f z h) t
```

O tipo de List.fold_left é:

```
('a -> 'b -> 'a) -> 'a -> 'b list -> 'a
```

12.6 fold_right

List.fold_right reduz uma lista, usando uma função binária e um valor inicial, de forma associativa à direita.

```
fold_right (\oplus) [x_0, \dots, x_{n-2}, x_{n-1}] e
\equiv
x_0 \oplus (\dots (x_{n-2} \oplus (x_{n-1} \oplus e)) \dots)
```

Exemplos de aplicação de fold_right

Definição

```
let rec fold_right f lst z =
   match lst with
   | [] -> z
   | h::t -> f h (fold_right f t z)
```

O tipo de List.fold_right é:

```
('a -> 'b -> 'b) -> 'a list -> 'b -> 'b
```

12.7 Cupom fiscal do supermercado

Nas tarefas que se seguem temos por objetivo desenvolver uma aplicação em OCaml para **automatizar o caixa de um supermercado** usando técnicas de manipulação de listas empregando funções de ordem superior.

Um leitor de código de barras é usado no caixa de um supermercado para produzir uma lista de códigos de barras a partir dos produtos que se encontram em um carrinho de compras contendo os produtos comprados. Usando os códigos de barra cria-se uma nota descritiva da compra. Considere por exemplo a seguinte lista de códigos de barra:

```
[1234; 4719; 3814; 1112; 1113; 1234]
```

Esta lista deve ser convertida para uma conta como mostra a figura a seguir:

Primeiro devemos decidir como modelar os objetos envolvidos. Códigos de barra e preços (**em centavos**) podem ser representados por números inteiros, e nomes de mercadorias podem ser representados por strings. Então usaremos os seguintes tipos:

```
type nome = string
type preco = int
type codigo = int
```

A conversão dos códigos de barras será baseada em um banco de dados que relaciona códigos de barras, nomes de mercadorias, e preços. Usaremos uma lista para representar o banco de dados de mercadorias:

```
type mercadorias = (codigo * nome * preco) list
```

O banco de dados para o exemplo dado é:

O objetivo do programa é primeiramente converter uma lista de códigos de barra em uma lista de pares do tipo nome * preco por meio de uma consulta à tabela de mercadorias. Em seguida esta lista de pares deve ser convertida em uma string para exibição na tela. Usaremos as seguintes definições de tipo:

```
type carrinho = codigo list
type conta = (nome * preco) list
```

para representar um carrinho de compras e uma conta (cupom fiscal) corresponde a uma compra.

Tarefa 12.1: Formatação do preço em reais

Defina uma função formata_centavos : preco -> **string** que recebe o preço em centavos e resulta em uma string representando o preço em reais.

Por exemplo:

```
formata_centavos 1023 → "10.23"

formata_centavos 56015 → "560.15"

formata_centavos 780 → "7.80"

formata_centavos 309 → "3.09"

formata_centavos 15 → "0.15"

formata_centavos 5 → "0.05"
```

Use as funções (/), mod e string_of_int. Observe que ao dividir o preço em centavos por 100, o quociente corresponde à parte inteira do preço em reais, e o resto corresponde à parte fracionária do preço em reais. Preste atenção no caso do resto menor do que 10: deve-se inserir um 0 à esquerda explicitamente.

Tarefa 12.2: Formatação de uma linha do cupom fiscal

Defina uma função formata_linha :: nome * preco -> string que recebe um par formado pelo nome e preço de uma mercadoria e resulta em uma string representando uma linha da conta do supermercado.

Por exemplo:

O tamanho de uma linha em uma conta deve ser 30. Use a variável abaixo para representar este valor.

```
let tamanhoLinha : int = 30
```

Use as funções (^), string_of_int, **String.**length e **String.**make da biblioteca padrão, e a função formata_centavos da tarefa 12.1.

A função **String.** make : **int** -> **char** -> **string** recebe um número inteiro n e um caracter c e resulta em uma string de comprimento n onde todos os elementos são c. Por exemplo:

```
String.make 5 'A' → "AAAAA"
String.make 8 '.' → "....."
```

Tarefa 12.3: Formatação de várias linhas do cupom fiscal

Defina a função formata_linhas : (nome * preco) list -> string que recebe uma lista de pares formados pelos nomes das mercadorias e seus respectivos preços em uma compra, e resulta na string correspondente ao corpo da conta do supermercado.

Por exemplo:

```
formata_linhas [ ("Dry Sherry, 1lt",
                                     540)
              ; ("Fish Fingers",
                                     121)
              ; ("Orange Jelly",
                                    056)
              ; ("Hula Hoops (Giant)", 136)
             ; ("Unknown Item",
                                    000)
              ; ("Dry Sherry, 1lt",
                                    540)
"Dry Sherry, 1lt.....5.40
Fish Fingers......1.21
Orange Jelly......0.56
Hula Hoops (Giant)......1.36
Unknown Item.....0.00
Dry Sherry, 11t.......5.40"
```

Use a função formata_linha da tarefa 12.3 para obter as linhas correspondentes a cada produto, e concatene estas linhas usando a função (^) da biblioteca padrão. Não use recursividade explícita, mas use as funções List.map e List.fold_right ou List.fold_left da biblioteca padrão.

Tarefa 12.4: Formatação do total

Defina a função formata_total :: preco -> string que recebe o valor total da compra, e resulta em uma string representado a parte final da conta do supermercado.

Por exemplo:

```
formata_total 1390 \long "\nTotal.....13.90"
```

Use as dicas da tarefa 12.2.

Tarefa 12.5: Formatação do cupom fiscal

Defina a função formata_conta : conta -> **string** que recebe a lista dos itens comprados e resulta na string representando a conta do supermercado, já formatada.

Por exemplo:

```
formata_conta [ ("Dry Sherry, 1lt", 540)
; ("Fish Fingers", 121)
; ("Orange Jelly", 056)
; ("Hula Hoops (Giant)", 136)
; ("Unknown Item", 000)
; ("Dry Sherry, 1lt", 540)
]
```

resulta na string que é exibida pela função print_string como

Use as funções definadas nas tarefas 12.3 e 12.4.

Tarefa 12.6: Cálculo do valor total da compra

Defina a função calcula_total :: conta -> preco que recebe uma conta (lista de pares formados pelo nome e preço das mercadorias de uma compra), e resulta no preço total da compra.

Por exemplo:

```
calcula_total [("a",540);("b",121);("c",12)] → 673
calcula_total [("vinho",3540);("carne",7201)] → 10741
calcula_total [] → 0
```

Não use recursividade explícita, mas use as funções **List.**map e **List.**fold_left da biblioteca padrão.

Tarefa 12.7: Pesquisa do código de um produto

Defina uma função procura_codigo :: mercadorias -> codigo -> nome * preco que recebe o banco de dados com os nomes e preços das mercadorias disponíveis no supermercado e o código de barras da mercadoria comprada, e resulta no par formado pelo nome e pelo preço da mercadoria, de acordo com o banco de dados. Se o código de barras não constar no banco de dados, o resultado deve ser o par ("Unknown Item", 0).

Por exemplo:

```
procura_codigo tabelaMercadorias 5643 → ("Nappies", 1010)
procura_codigo tabelaMercadorias 9999 → ("Unknown Item", 0)
```

Tarefa 12.8: Criação da conta da compra

Defina a função cria_conta :: mercadorias -> carrinho -> conta que recebe o banco de dados com os nomes e preços das mercadorias disponíveis no supermercado, e a lista de códigos de barra correspondente a uma compra, e resulta na lista dos pares do tipo nome * preco para as mercadorias compradas.

Por exemplo:

```
cria_conta tabelaMercadorias [3814; 5643]

→ [("Orange Jelly", 56); ("Nappies", 1010)]
```

Use uma aplicação parcial da função **procura_codigo** definida na tarefa 12.7 e a função **List.map** da biblioteca padrão. Não use recursão explícita.

Tarefa 12.9: Criação do cupom fiscal

Defina a função faz_compra :: mercadorias -> carrinho -> string que recebe o banco de dados com os nomes e preços das mercadorias disponíveis no supermercado, e a lista de códigos de barra correspondente a uma compra, e resulta na string correspondente à nota da compra.

Use a função cria_conta (definida na tarefa 12.8) para criar a conta a partir dos argumentos, e a função formata_conta (definida na tarefa 12.5) para converter a conta para string. Use composição de funções.

Tarefa 12.10: Ação main

Defina a variável main : () como uma expressão sequência cuja avaliação produz uma interação com o usuário. Quando main for avaliada, o usuário deve digitar os códigos de barras das mercadorias compradas e em seguida a conta correspondente do supermercado deve ser exibida na tela.

Tarefa 12.11

Compile a aplicação gerando um programa executável. Teste a aplicação.

13 TIPOS ALGÉBRICOS

Resumo

Um tipo algébrico é um tipo onde são especificados a forma de cada um dos seus elementos. *Algébrico* se refere à propriedade de que um tipo algébrico é criado por operações *algébricas*. A álgebra aqui é *somas* e *produtods*:

- soma é a alternância: A|B significa A ou B, mas não ambos, e
- produto é a combinação: AB significa A e B juntos.

Somas e produtos podem ser combinados repetidamente em estruturas arbitrariamente largas.

Nesta aula vamos aprender como definir e usar tipos algébricos (ou seja, estruturas de dados), em OCaml.

Sumário

13.1	Novos tipos de dados									 			 	13	i-1
13.2	Tipos variantes												 	13	-2
13.3	Exemplo: formas geométricas		 		 	 				 			 	13	3-2

13.1 Novos tipos de dados

- Tipos básicos:
 - unit
 - bool
 - char
 - int
 - float
- Tipos Compostos:
 - string
 - tuplas: $t_1 * t_2 * \ldots * t_n$
 - listas: t list
 - funções: $t_1 \rightarrow t_2$
- Novos tipos: como definir?
 - dias da semana
 - estações do ano
 - figuras geométricas
 - árvores
 - tipos cujos elementos são inteiros ou strings
 - **–** ...

13.2 Tipos variantes

Tipos variantes, também conhecidos como **tipos algébricos**, são um dos recursos mais úteis de OCaml e também um dos mais incomuns. Eles permitem a representação de dados que podem assumir várias formas diferentes, onde cada forma é marcada por um **rótulo** (*tag*) explícito. Como veremos , quando combinado com o casamento de padrão, as variantes constituem uma maneira poderosa de representar dados complexos e de organizar a análise de casos destes dados.

A sintaxe básica de uma declaração de tipo de variante é a seguinte :

As variantes são separadas por uma barra vertical. Opcionalmente pode-se usar uma barra vertical antes da primeira variante.

tipo o nome do **construtor de tipo-** sendo definido, opcionalmente precedido de uma variável de tipo ou de uma lista de variáveis de tipo separadas por vírgula e delimitada por parênteses:

```
nome\_tipo u nome\_tipo (u_1, \cdots, u_k) nome\_tipo
```

Nomes de construtores de tipo devem começar com letra minúscula e variáveis de tipo devem começar com apóstrofo.

*variante*₁ é uma variante formada por um **construtor de dados** (também chamado de **rótulo** ou *tag*), opcionalmente seguido da palavra reservada **of** e da lista de tipos dos campos que compõem a variante, separados por asterisco:

```
tag tag of t_1 * \cdots * t_m
```

Nomes de construtores de dados devem começar com letra maiúscula.

Um construtor de dados é utilizado para

- construir valores do tipo definido, funcionando como uma função (eventualmente, constante) que recebe argumentos (do tipo indicado para o construtor), e constrói um valor do novo tipo de dados;
- decompor um valor do tipo em seus componentes, através de casamento de padrão.

Construtores de dados são semelhantes a funções, porém não tem nenhuma definição (algoritmo) associada. Apenas constroem um valor do tipo associado a partir dos seus componentes.

13.3 Exemplo: formas geométricas

• Definição de um novo tipo para representar formas geométricas:

- O construtor de tipo é figura.
- Os construtores de dados deste tipo são:
 - Circulo, que constrói uma figura a partir de um float, e
 - Retangulo, que constrói uma figura a partir de dois floats.

Com eles é possível construir todo e qualquer valor do tipo figura:

```
# let a = Circulo 2.3;; (* um círculo de raio 2.3 *)
val a : figura = Circulo 2.3

# let b = Retangulo (2.8, 3.1);; (* um retângulo de base 2.8 e altura 3.1 *)
val b : figura = Retangulo (2.8, 3.1)

# let lfig = [Retangulo (5., 3.); Circulo 5.7; Retangulo (2., 2.)];;
val lfig : figura list =
    [Retangulo (5., 3.); Circulo 5.7; Retangulo (2., 2.)]
```

- Expressões como **Circulo** 2.3 ou **Retangulo** (2.8, 3.1) *não podem ser reduzidas*, pois já estão em sua forma mais simples.
- Os construtores são utilizados em casamento de *padrões* para selecionar os componentes de um valor do tipo algébrico.
- Podemos definir *funções* envolvendo os tipos algébricos.

```
let e_redondo fig =
  match fig with
  | Circulo _ -> true
  | Retangulo _ -> false
```

```
let area = function
    | Circulo r -> let pi = acos (-1.0) in pi *. r**2.0
    | Retangulo (b, a) -> b *. a
```

```
let quadrado lado =
   Retangulo (lado, lado)
```

```
area (quadrado 2.5) → 6.25
```