## Berechne Inv(A) einer symmetrischen (3x3)-Matrix mit reelen Zahlen

Du kannst dieses Code-Snippet in einem Jupyter Notebook ausführen. Importiere die benötigte NumPy-Bibliothek. Das Notebook erstellt eine symmetrische 3x3-Matrix A, berechnet Det(A) und Adj(A), woraus sich Inv(A) ergibt.

Insgesamt besteht das Programm aus 4 Schritten.

Autor: Hermann Völlinger, DHBW Stuttgart; Date: 7.10.2023

## 1. Schritt: Vorbereitungen und Berechnung+ Ausgabe von Det(A):

Importiere NumPy-Bibliothek. Definiere symmetrische (3x3)-Matrix. Berechne Det(A) und zeige das Ergebniss.

Die Determinante von A = Det(A) ist gegeben durch:

```
Out[1]: adf - ae^2 - b^2f + 2bce - c^2d
```

## 2. Schritt: Berechne Kofaktoren als einzelne Zeilen und Adj(A):

Adj(A) = symmetrisch (C\_12=C\_21; C\_13=C\_31) mit 6 Kofaktoren: C\_11, -C\_12, C\_13, C\_22, -C\_23 und C\_33.

## 3. Schritt: Ausgabe Kofaktoren als einzelne Zeilen und Adj(A):

In [5]: # print the date & time of the notebook

```
In [3]: # Ausgabe der Kofaktoren als einzelne Zeilen und adjungierten Matrix
             print("Die Kofaktoren sind:")
             print("C_11 =", C_11)
             print("C_12 =", C_12)
             print("C_13 =", C_13)
             print("C_22 =", C_22)
             print("C_23 =", C_23)
             print("C_33 =", C_33)
             print(" ")
             # Darstellung der adjungierten Matrix Adj(A) in Matrixschreibweise einer 3x3-Matrix
             print("Die adjungierte Matrix ist somit Adj(A):")
             Adj A
             Die Kofaktoren sind:
             C 11 = d*f - e**2
             C_12 = -b*f + c*e
             C 13 = b*e - c*d
             C_22 = a*f - c**2
             C 23 = -a*e + b*c
             C 33 = a*d - b**2
             Die adjungierte Matrix ist somit Adj(A):
             \begin{bmatrix} df - e^2 & bf - ce & be - cd \\ bf - ce & af - c^2 & ae - bc \\ be - cd & ae - bc & ad - b^2 \end{bmatrix}
4. Schritt: Berechnung und Ausgabe von Inv(A):
Inverse(A) = 1/\det(A)*Adj(A), wobei \det(A) im 1. und Adj(A) im 2. Schritt berechnet wurde.
    In [4]: # Berechne die inverse Matrix von A
             A_{inv} = (1 / det_A) * Adj_A
             # Beschreibung der Formel für Inverse(A)
             print("Inv(A) = 1/det(A)*Adj(A) ist somit gegeben durch:")
             A_inv
             Inv(A) = 1/det(A)*Adj(A) ist somit gegeben durch:
              Out[4]:
```