

Chapter. 10

그래프 고급 탐색 알고리즘

# |핵심유형문제풀이

FAST CAMPUS ONLINE 유형별 문제풀이

강사. 나동빈

Chapter. 10

그래프 고급 탐색 알고리즘(핵심 유형 문제풀이)



fe Changing Education —

### I 혼자 힘으로 풀어 보기

문제 제목: 해킹

문제 난이도: 중(Medium)

문제 유형: 다익스트라 최단 경로

추천 풀이 시간: 50분

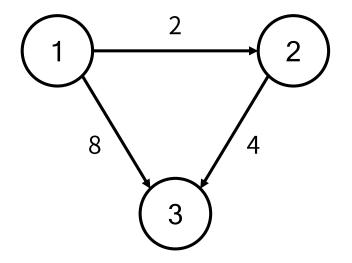
fast campus

- 기본적인 다익스트라 최단 경로 알고리즘 문제입니다.
- 도달할 수 있는 정점들의 개수와 최대 거리를 출력합니다.
- 정점의 개수 N이 최대 10,000이고, 간선의 개수 D는 최대 100,000입니다.
- 우선순위 큐를 이용하여, 시간 복잡도는 O(NlogD)로 해결할 수 있습니다.

**FAST CAMPUS** 

# 1문제 풀이 핵심 아이디어

• 정점 개수 = 3, 간선 개수 = 3, 시작 정점 번호 = 1



#### [최단 거리 테이블]

1	2	3	
0	2	6	

ONLINE 나동빈 강사.



#### | 소스코드

```
import heapq
import sys
input = sys.stdin.readline
def dijkstra(start):
    heap data = []
    heapq.heappush(heap_data, (0, start))
    distance[start] = 0
    while heap data:
        dist, now = heapq.heappop(heap_data)
        if distance[now] < dist:</pre>
            continue
        for i in adj[now]:
            cost = dist + i[1]
            if distance[i[0]] > cost:
                distance[i[0]] = cost
                heapq.heappush(heap_data, (cost, i[0]))
```

```
for _ in range(int(input())):
    n, m, start = map(int, input().split())
    adj = [[] for i in range(n + 1)]
    distance = [1e9] * (n + 1)
    for _ in range(m):
        x, y, cost = map(int, input().split())
        adj[y].append((x, cost))
    dijkstra(start)
    count = 0
    max distance = 0
    for i in distance:
        if i != 1e9:
            count += 1
            if i > max_distance:
                max distance = i
    print(count, max_distance)
```

FAST CAMPUS ONLINE



# l 혼자 힘으로 풀어 보기

문제 제목: 거의 최단 경로

문제 난이도: 중(Medium)

문제 유형: 다익스트라 최단 경로

추천 풀이 시간: 50분

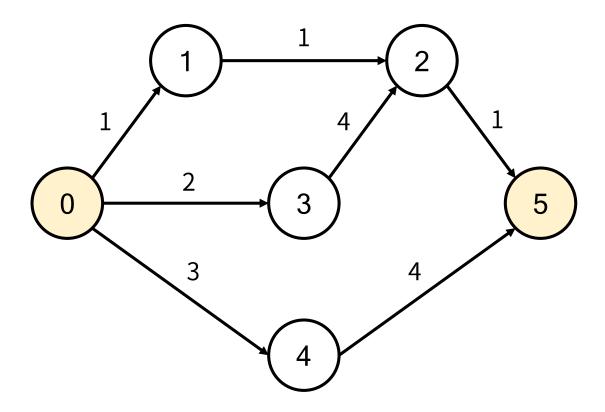
Fast campus

- 다익스트라 최단 경로 알고리즘을 수행합니다.
- 다익스트라 최단 경로에 포함되는 모든 간선을 추적해야 합니다.
- <u>초기 최단 경로에 포함된 간선을 제외한 뒤에, 다시 최단 경로를 탐색</u>하면 됩니다.



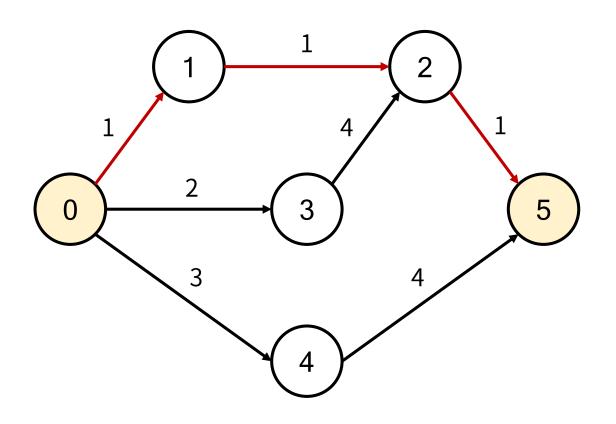


• 최단 경로를 구성하는 간선들을 찾는 방법은 무엇일까요?



fast campus

• 일단 모든 정점으로의 최단 거리를 찾습니다.



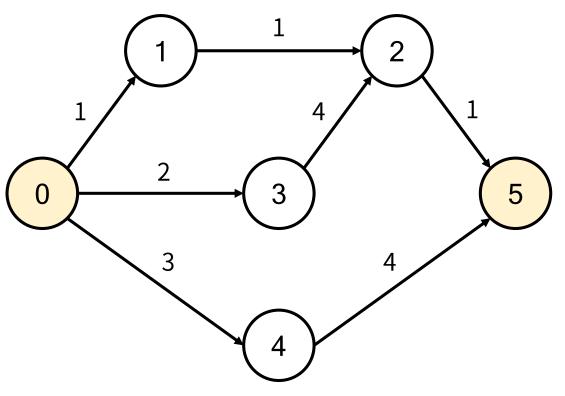
#### [최단 거리 테이블]

0	1	2	3	4	5
0	1	2	2	3	3

FAST CAMPUS ONLINE



- BFS를 이용하여 최단 경로에 포함되어 있는 모든 간선을 역으로 추적 할 수 있습니다.
- 최단 거리 = 3



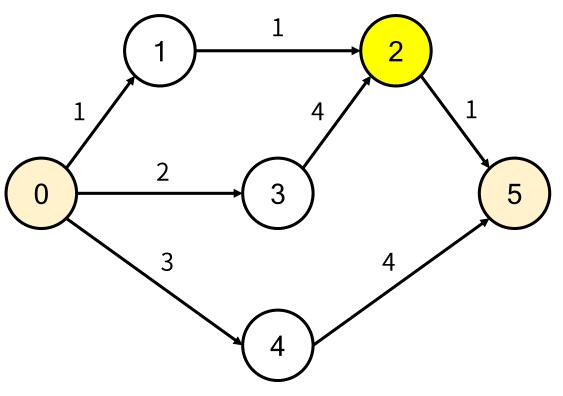
#### [최단 거리 테이블]

0	1	2	3	4	5
0	1	2	2	3	3

5



- BFS를 이용하여 최단 경로에 포함되어 있는 모든 간선을 역으로 추적 할 수 있습니다.
- 최단 거리 = 3



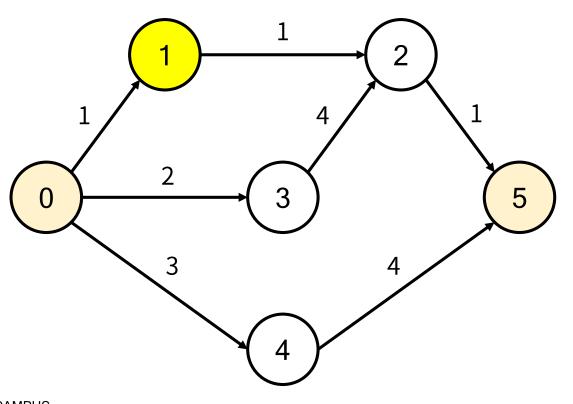
#### [최단 거리 테이블]

0	1	2	3	4	5
0	1	2	2	3	3

2



- BFS를 이용하여 최단 경로에 포함되어 있는 모든 간선을 역으로 추적 할 수 있습니다.
- 최단 거리 = 3



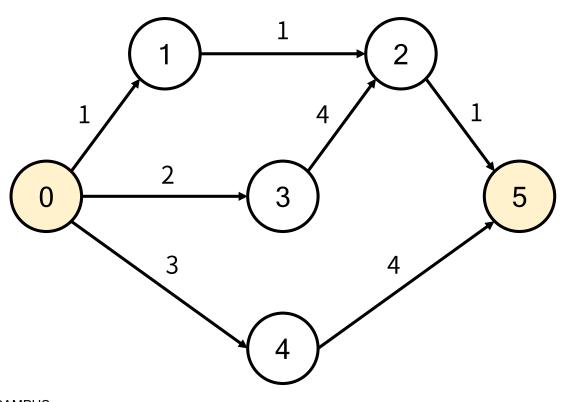
#### [최단 거리 테이블]

0	1	2	3	4	5
0	1	2	2	3	3

1



- BFS를 이용하여 최단 경로에 포함되어 있는 모든 간선을 역으로 추적 할 수 있습니다.
- 최단 거리 = 3



#### [최단 거리 테이블]

0	1	2	3	4	5
0	1	2	2	3	3

0



#### | 소스코드

```
from collections import deque
import heapq
import sys
input = sys.stdin.readline
def dijkstra():
    heap data = []
    heapq.heappush(heap_data, (0, start))
    distance[start] = 0
    while heap data:
        dist, now = heapq.heappop(heap data)
        if distance[now] < dist:</pre>
            continue
        for i in adj[now]:
            cost = dist + i[1]
            if distance[i[0]] > cost and not dropped[now][i[0]]:
                distance[i[0]] = cost
                heapq.heappush(heap data, (cost, i[0]))
def bfs():
    q = deque()
    q.append(end)
    while q:
        now = q.popleft()
        if now == start:
            continue
        for prev, cost in reverse adj[now]:
            if distance[now] == distance[prev] + cost:
                dropped[prev][now] = True
                q.append(prev)
```

```
while True:
    n, m = map(int, input().split())
   if n == 0:
        break
    start, end = map(int, input().split())
    adj = [[] for in range(n + 1)]
    reverse_adj = [[] for _ in range(n + 1)]
    for in range(m):
        x, y, cost = map(int, input().split())
        adj[x].append((y, cost))
        reverse_adj[y].append((x, cost))
    dropped = [[False] * (n + 1) for _ in range(n + 1)]
    distance= [1e9] * (n + 1)
    dijkstra()
    bfs()
    distance= [1e9] * (n + 1)
    dijkstra()
    if distance[end] != 1e9:
        print(distance[end])
    else:
        print(-1)
```

FAST CAMPUS ONLINE



# l 혼자 힘으로 풀어 보기

문제 제목: 우주신과의 교감

문제 난이도: 중(Medium)

문제 유형: 최소 신장 트리

추천 풀이 시간: 40분

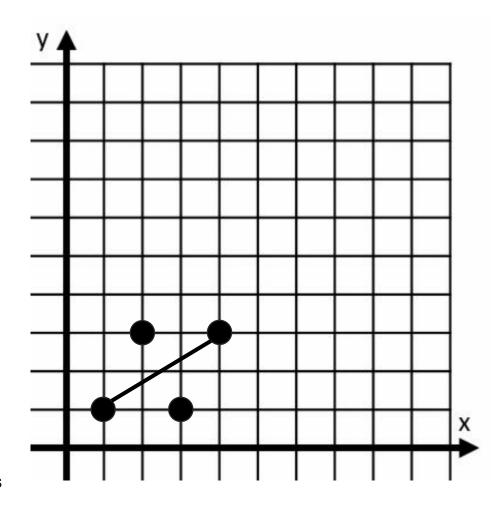
Fast campus

#### Ⅰ혼자 힘으로 풀어 보기

- 2차원 좌표가 주어졌을 때, 모든 좌표를 잇는 최소 신장 트리를 만들어야 합니다.
- 따라서 2차원 좌표 상의 점을 잇는 통로들을 고려해야 합니다.
- 정점의 개수 N이 최대 1,000이므로, 가능한 통로의 개수는 약  $N^2$ 입니다.
- 크루스칼 알고리즘은 간선의 개수가 E일 때 O(ElogE)로 동작합니다.
- 따라서 이 문제는 **크루스칼 알고리즘으로 해결**할 수 있습니다.

# l 혼자 힘으로 풀어 보기

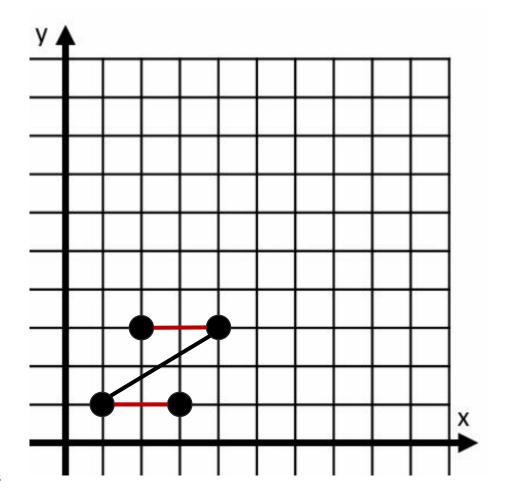
• 예를 들어 다음과 같은 예시를 확인해 봅시다.





### I 혼자 힘으로 풀어 보기

• 최소 신장 트리는 다음과 같습니다. (만들어야 할 최소의 통로 길이: 4.00)



FAST CAMPUS ONLINE



Chapter. 10 그래프 고급 탐색 알고리즘

```
import math
import sys
input = sys.stdin.readline
def get distance(p1, p2):
    a = p1[0] - p2[0]
    b = p1[1] - p2[1]
    return math.sqrt((a * a) + (b * b))
def get parent(parent, n):
    if parent[n] == n:
        return n
def union parent(parent, a, b):
    a = get parent(parent, a)
    b = get parent(parent, b)
    if a < b:
        parent[b] = a
    else:
        parent[a] = b
def find parent(parent, a, b):
    a = get parent(parent, a)
    b = get parent(parent, b)
    if a == b:
        return True
    else:
        return False
```

```
return get parent(parent, parent[n])
```

```
parent = {}
locations = []
n, m = map(int, input().split())
for _ in range(n):
    x, y = map(int, input().split())
    locations.append((x, y))
length = len(locations)
for i in range(length - 1):
    for j in range(i + 1, length):
         edges.append((i + 1, j + 1, get distance(locations[i], locations[j])))
for i in range(1, n + 1):
    parent[i] = i
for i in range(m):
    a, b = map(int, input().split())
    union parent(parent, a, b)
edges.sort(key=lambda data: data[2])
result = 0
for a, b, cost in edges:
    if not find parent(parent, a, b):
        union parent(parent, a, b)
        result += cost
print("%0.2f" % result)
```



edges = []