

Elektrotechnische Grundlagen der Informatik (LU 182.692)

Protokoll der 2. Laborübung: "Filter" "Transiente Vorgänge und Frequenzverhalten" b) Messungen

Gruppennr.: 10 Datum der Laborübung: 19.05.2017

Matr. Nr.	Kennzahl	Name
1609418	033 535	GEISELBRECHTINGER Max
1625753	033 535	HAAR Martin

Kontrolle		
Verhalten eines Filters 1. Ordnung		
Verhalten eines RL-Filters		
Dynamisches System 2. Ordnung		

1 RC-Tiefpass

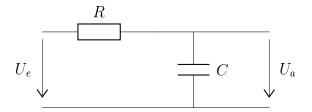


Abbildung 1: RC-Tiefpass 1.Ordnung

Das Schaltbild zeigt den Messaufbau des RC-Tiefpassfilters 1. Ordnung. $R=22k\Omega, C=1nF, U_e=1V$

1.1 Sprungantwort



Abbildung 2: Sprungantwort RC-Tiefpass

In der Abbildung der Sprungantwort sind die exponentiellen Lade- und Entladekurven des Kondesators zu sehen.

$$U_{charge} = U_e (1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$$

$$U_{drain} = U_e e^{-\frac{t}{\tau}}$$

$$\tau = RC$$

Die Zeitkonstante kann direkt aus der Sprungantwort abgelesen werden, indem man die Zeitdifferenz von $U_e=0$ bis $U_C\approx 0,6U_e$ misst. Daraus ergibt sich ein $au_{gemessen}$ von

 $210\mu s$, dass gegenüber einem $au_{berechnet}$ von $220\mu s$ steht. Der Messfehler ergibt sich durch, ungenaues ablesen mit dem Cursor und Bauteiltoleranzen.

1.2 Bode Diagramm

Das Bode Diagramm zeigt den Verlauf der Dämpfung und des Phasenwinkels des Filters in abhängigkeit der Frequenz.

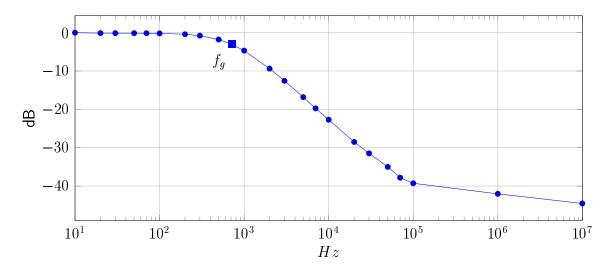


Abbildung 3: Bode Diagramm RC-Tiefpass, Dämpfung

Die niedrigen Frequenzen werden vom Tiefpassfilter ungedämpft durchgelassen. Erst ab der Grenzfrequenz, von $f_g=\frac{1}{2\pi RC}=723,43Hz$, nimmt die Dämpfung mit -20dB/DEK zu. Ab 100kHz war die Dämpfung mit dem Oszilloskop nahezu nicht mehr messbar.

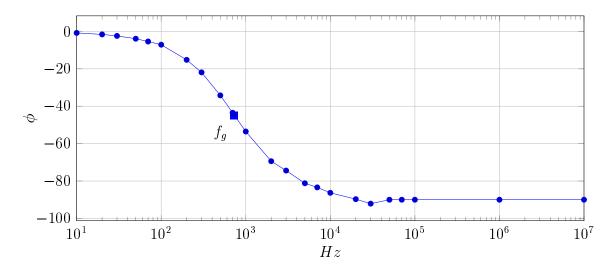


Abbildung 4: Bode Diagramm RC-Tiefpass, Phasengang

Der Phasengang verläuft von 0° bis -90° . Auch hier wurde die Messung ab 100kHz sehr ungenau. Die Grenzfrequenz liegt hier bei -45° .

Die Messergebnisse des RC-Tiefpassfilters 1.Ordnung stimmen, bis auf kleine Abweichungen durch Messfehler und Bauteiltoleranzen, weitest gehend mit der Simmulation überein. Nur bei hohen Frequenzen, ab ca $100\,kHz$, gab es bei der Messung der Ausgangsspannung und des Phasenwinkels Ungenauigkeiten, da durch die fortgeschrittene Dämpfung das Ausgangssignal kaum mehr zu messen war.

2 RL-Hochpass

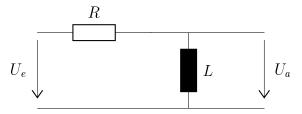


Abbildung 5: RL-Hochpass 1.Ordnung

Das Schaltbild zeigt den Messaufbau des RL-Hochpassfilters 1.Ordnung. $R=47\Omega, L=1mH, U_e=1V$

2.1 Sprungantwort



Abbildung 6: Sprungantwort RL-Hochpass

In der Abbildung der Sprungantwort sind die Aus- und Einschaltvorgänge an der Spule zu sehen.

$$U_{charge} = U_e e^{-\frac{t}{\tau}}$$

$$U_{drain} = -U_e e^{-\frac{t}{\tau}}$$

$$\tau = \frac{L}{R}$$

In der Abbildung beträgt die Eingangsspannung weniger als 0,5V, da der Frequenzgenerator eine Spannungsquelle ist und den durch die Spule verursachten Stromfluss nicht genügen kann. Die Induktivität der Spule ist auch verantwortlich für die Ausschläge beim Einschalten der Eingangsspannung.

Die Zeitkonstante kann aus der Sprungantwort abgelesen werden, indem man die Zeitdifferenz von $U_e=0$ bis $U_L\approx 0,3U_e$ misst. Daraus ergibt sich ein $\tau_{gemessen}$ von $23\mu s$, dass gegenüber einem $\tau_{berechnet}$ von $21,28\mu s$ steht. Der Messfehler entsteht dabei, durch ungenauigkeiten beim Ablesen mit dem Cursor und Bauteiltoleranzen.

2.2 Bode Diagramm

Das Bode Diagramm zeigt den Verlauf der Dämpfung und des Phasenwinkels des Filters in abhängigkeit der Frequenz.

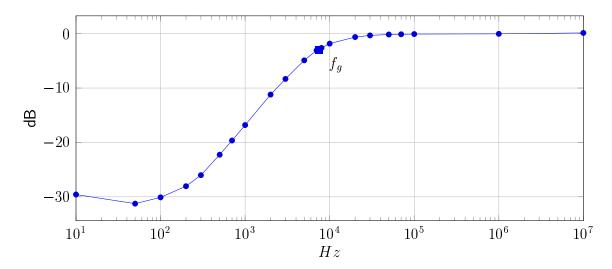


Abbildung 7: Bode Diagramm RL-Hochpass, Dämpfung

Die niedrigen Frequenzen werden vom Hochpassfilter stark gedämpft. Die Dämpfung nimmt bei steigender Frequenz, mit 20dB/DEK, ab. Ist die Grenzfrequenz, von $f_g=\frac{R}{2\pi L}=7480,28Hz$ erreicht, wird das Signal ungedämpft durchgelassen. Der Knick bei 50Hz ensteht durch den Spannungsteiler, der sich durch den parasitären Innenwiderstand der realen Spule ergibt. Dieser wird mit zunehmender Frequenz von der steigenden Impedanz der Spule überdeckt.

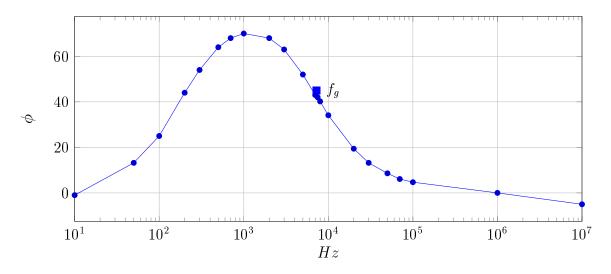


Abbildung 8: Bode Diagramm RL-Hochpass, Phasengang

Der Phasengang verläuft von 0° bis 70° und nimmt dann wieder ab. Die Spule besitzt, auf Grund ihres Innenwiderstandes, zwei Phasenlagen von jeweils 45° , jedoch entspricht nur die um 7500Hz der Grenzfrequenz.

Durch den, vom Spulenstrom verursachten, Spannungseinbruch des Frequenzgenerators wurde die Messung des Frequenzganges nicht beeinträchtigt, da hierbei lediglich das Verhältnis der Ausgangs- zur Eingangsspannung betrachtet wird. Die Messergebnisse stimmen auch weitestgehend mit der Simulation der realen Spule, mit parasitären Innenwiderstand, überein.

3 RLC-Tiefpass

3.1 Aufgabenstellung

In diesem Beispiel war ein RLC-Tiefpass aufzubauen und mit drei verschiednen Widerständen jeweils die Sprungantwort und das Bodediagramm zu messen.

3.2 Schaltung



Abbildung 9: RLC-Glied Messschaltung.

Der Widerstand R, wird im laufe der Messungen zweimal ersetzt, einmal durch 180Ω und einmal durch $1k\Omega$.

Hier handelt es sich um einen Tiefpass zweiter Ordnung, dies ist daran zu erkennen dass, der Schaltkreis zwei frequenzabhängige Bauelemente (L und C) enthält. Während die Impedanz der Spule im seriellen Zweig mit steigender Frequenz größer wird, so wird die Impedanz des Kondensators im Parallelzweig kleiner.

Bei sehr niedrigen Frequenzen (10 - 1000Hz) ist der Blindwiderstand des Kondesantors größer 1500Ω , whrend die Spule einen Blindwiderstand von kleiner 1Ω hat. An dem Verhältnismäßig großen Widerstand im Parallelzweig fällt daher sehr wenig Spannung ab und der Tiefpass hat eine sehr geringe Dämpfung. Steigt nun die Frequenz, ändern sich auch die Blindwiderstände und der Spannungsabfall am Kondensator wird immer größer, was zu einer größeren Dämpfung führt.

3.3 Sprungantwort $R = 22\Omega$



Abbildung 10: Sprungantwort mit $R=22\Omega$

Bereits in der Sprungantwort ist zu erkennen, dass das System mit einem Widerstand von nur 22Ω überschwingen wird, da die Ausgangsspannung an den Flaken stark überschwingt. Die Schwingungen an der Eingangsspannung werden durch die Spule in der Schaltung verursacht.

3.4 Bodediagramm $R = 22\Omega$

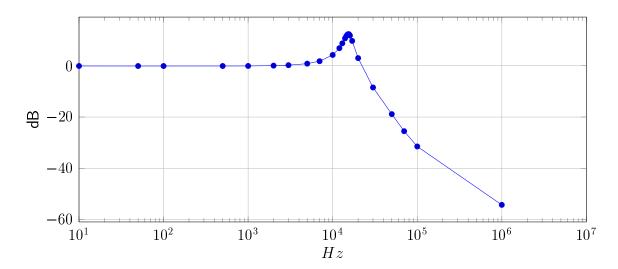


Abbildung 11: Bode Diagramm RLC-Tiefpass, $R=22\Omega$, Amplitudengang

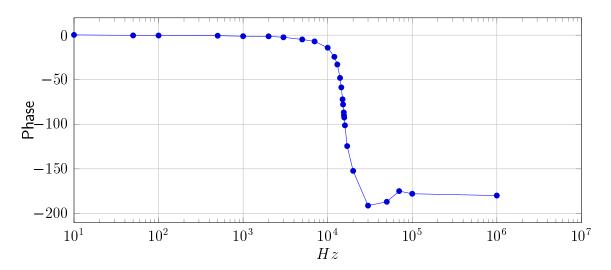


Abbildung 12: Bode Diagramm RLC-Tiefpass, $R=22\Omega$, Phasengang

Da es sich bei dieser Messung um einen Tiefpass handelt is die Dämpfung bis zur Grenzfrequenz 0dB und das Eingangsignal wird unverändert durchgelassen. Wie bereits in der Sprungantwort festgestellt schwingt das Filter genau bei der Grenzfrequenz, das heißt die Ausgangsspannung ist größer als die Eingangspannung. Danach beginnt das Fiter mit -40dB/Dec zu dämpfen. Die Phase dreht von 0° auf -180° , genau bei der Grenzfrequenz ist die Phase auf -90° .

Die letzten 5 Messpunkte sind sehr ungenau, da das Ausgangssignal bereits so stark gedämpft ist, dass keine genauen Messungen mehr durchgeführt werden konnten.

Die genaue Grenzfrequenz sollte mittels Variation der Frequenz festgestellt werden. Die Frequenz am Funktionsgenerator wird so lange erhöht bis die Phasenverschiebung genau -90° beträgt.

Ermittelte Grenzfrequenz: $f_0 = 15580Hz$

Berechnete Grenzfrequenz: $f_0=\frac{1}{2\pi*\sqrt{LC}}=\frac{1}{2\pi*\sqrt{100nF*1mH}}=15916Hz$

Unterschied zwischen berechneter/gemessener Werte: 2,11%

3.5 Sprungantwort $R = 180\Omega$

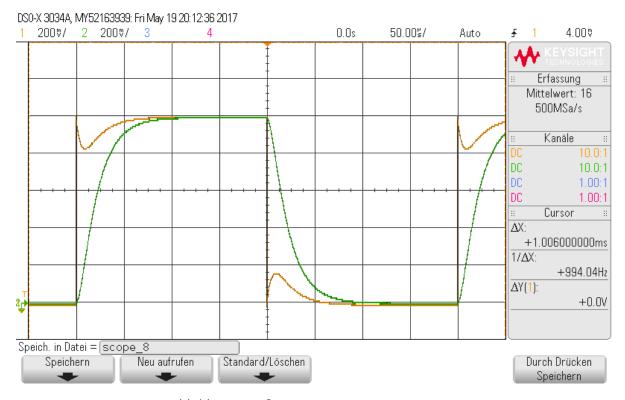


Abbildung 13: Sprungantwort mit $R=180\Omega$

Mit dem größeren Widerstand, steigt die Ausgangsspannung reltativ schnell an, es kommt jedoch nicht zu überschwingungen \Rightarrow Filter kritischer Dämpfung.

3.6 Bodediagramm $R = 180\Omega$

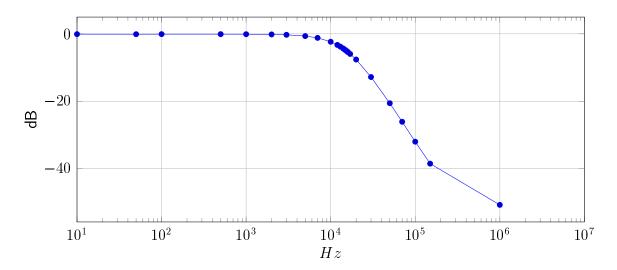


Abbildung 14: Bode Diagramm RLC-Tiefpass, $R=180\Omega$, Amplitudengang

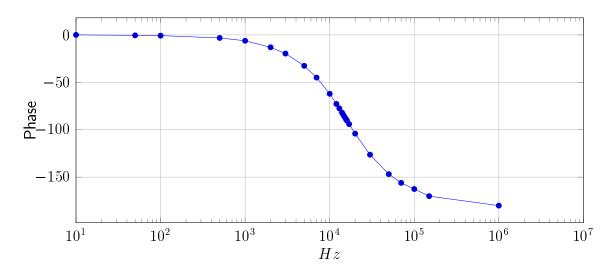


Abbildung 15: Bode Diagramm RLC-Tiefpass, $R=180\Omega$, Phasengang

Da es sich hier um ein Filter kritischer Dämpfung handelt, beginnt die Dämpfung, kurz vor der Grenzfrequenz. Bei genau -90° Phasenverschiebung, dämpft das Filter mit -5dB. Ab der Grenzfrequenz wird mit -40dB/Dec gedämpft.

3.7 Sprungantwort $R = 1k\Omega$



Abbildung 16: Sprungantwort mit $R=1k\Omega$

Mit einem sehr großen Widerstand von $R=1k\Omega$ ist die Zeitkonstante τ sehr groß, d.h. das Filter braucht sehr lange bis die Dämpfung erreicht wird.

3.8 Bodediagramm $R = 1k\Omega$

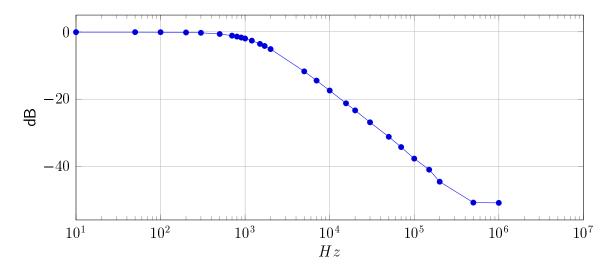


Abbildung 17: Bode Diagramm RLC-Tiefpass, $R = 1k\Omega$, Amplitudengang

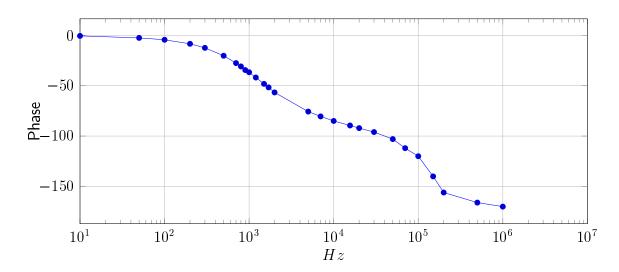


Abbildung 18: Bode Diagramm RLC-Tiefpass, $R = 1k\Omega$, Phasengang

Dieses schlechte Dämpfungsverhalten, welches bereits in der Sprunganwort zu erkenne war, zeichnet sich auch im Bodediagramm ab. Das Filter beginnt bereits sehr früh zu dämpfen, jedoch beträgt die Filtersteilheit nur -20dB/Dec. Dies liegt daran, dass nur der RC-Teil aktiv ist. Die Grenzfrequenz des RL-Teils liegt weit darüber, bei ca. 150kHz. Dieser Knick ist allerdings im Amplitudengang nur mehr sehr schlecht zu erkennen, da bei dieser hohen Frequenz das Ausgangsegnal beretis so stark gedämpft wrude, dass keine vernüftigen Messergebnisse mehr aufgenommen werden konnten. Im Phasengang, ist die Drehung von -90° auf -180° bei ca. 150kHz zu erkennen.

Grenzfrequenz des RC-Teiles: $f_g=\frac{1}{2\pi RC}=\frac{1}{2\pi*1k\Omega*100nF}=1591Hz$

Grenzfrequenz des LC-Teiles: $f_g=rac{R}{2\pi L}=rac{1k\Omega}{2\pi*1mH}=159155Hz$

3.9 Pol- Nullstellendiagramm

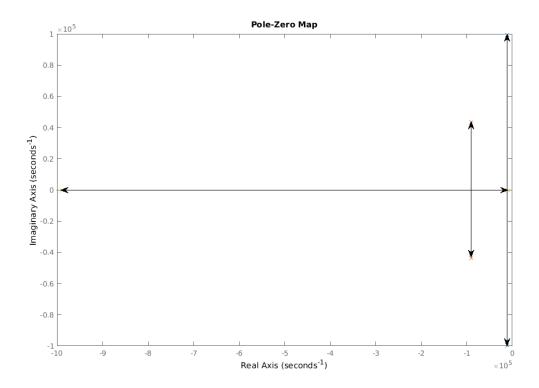


Abbildung 19: Pol- Nullstellen Diagramm

3.10 Vergleich: Messung und Simulationen

Die Messungen stimmen bis auf kleine Bauteil- und Messungenauigkeiten mit den Simulationen überein.

Die Messungen von der Ausgangssingale in seine sehr Hochfrequenten Bereich ($>100\,kHz$) sind im Vergleich zu den Simulationen sehr ungenau, da das Signal bereits zu stark gedämpft ist.

4 Messwerte

4.1 RC-Tiefpass

Frequenz	Ue	Ua	Phi	dB
10	1.011	1	0.32	-0.09502311182002
50	1.012	1	-0.3	-0.103610250075607
100	1.012	1	-0.4	-0.103610250075607
500	1.011	1	-0.6	-0.09502311182002
1000	1.01	1	-1.17	-0.086427475652852
2000	1.008	1.013	-1.3	0.042978265015479
3000	1.003	1.029	-2.4	0.222288834840296
5000	0.98	1.077	-4.8	0.819792552109734
7000	0.941	1.154	-7	1.77232370784911
1.00E + 04	0.812	1.318	-14.1	4.20718762033632
1.20E + 04	0.645	1.421	-24.3	6.86068726584404
1.30E + 04	0.534	1.46	-32.9	8.73623197511761
1.40E + 04	0.424	1.451	-48	10.6860311169001
1.45E + 04	0.376	1.433	-58.6	11.6211669093937
1.50E + 04	0.345	1.403	-72	12.1847715191017
1.52E + 04	0.338	1.391	-77.8	12.2882085942878
1.55E + 04	0.333	1.376	-86.7	12.3234840078635
15580	0.333	1.347	-90	12.1384672443333
15700	0.334	1.349	-92.5	12.1253096572068
1.60E + 04	0.34	1.32	-101.2	11.7819002832719
1.70E + 04	0.398	1.214	-124.5	9.68671229331102
2.00E+04	0.627	0.884	-152.3	2.98369448364713
3.00E + 04	0.902	0.34	-191.3	-8.47455240999373
5.00E+04	0.982	0.112	-187	-18.8578693023354
7.00E+04	1	0.053	-175	-25.5144826079842
1.00E+05	1.012	0.027	-178	-31.4763349668959
1.00E+06	1.031	0.002	-180	-54.2445733923907

4.2 RL-Hochpass

Frequenz	Ue	Ua	Phi	dB
10	0.482	0.016	-1	-29.5785411116585
50	0.475	0.013	13.2	-31.2550051463606
100	0.48	0.015	25	-30.1029995663981
200	0.48	0.019	44	-28.0497527284552
300	0.48	0.024	54	-26.0205999132796
500	0.48	0.037.2	64	-22.2139659498738
700	0.48	0.05	68	-19.6454246607914
1000	0.485	0.07	70	-16.8128739717601
2000	0.49	0.135	68	-11.1972462306701
3000	0.516	0.198	63	-8.3196902273136
5000	0.557	0.317	52	-4.89591865911955
7000	0.6	0.421	43	-3.07738309095951
7480	0.62	0.445	42	-2.88063357034645
8000	0.633	0.468	40.2	-2.62315713886462
1.00E + 04	0.68	0.551	34.1	-1.82714627708903
2.00E+04	0.854	0.795	19.4	-0.621814840650695
3.00E + 04	0.924	0.891	13.2	-0.315885343664638
5.00E+04	0.977	0.96	8.6	-0.152466613584094
7.00E + 04	0.996	0.984	6.1	-0.105284799847145
1.00E + 05	1.009	1.001	4.7	-0.069141775151838
1.00E + 06	1.031	1.027	0	-0.033764433724767
1.00E+07	1.087	1.105	-5	0.1426546786967

4.3 RLC-Tiefpass 22

Frequenz	Ue	Ua	Phi	dB
10	1.011	1	0.32	-0.09502311182002
50	1.012	1	-0.3	-0.103610250075607
100	1.012	1	-0.4	-0.103610250075607
500	1.011	1	-0.6	-0.09502311182002
1000	1.01	1	-1.17	-0.086427475652852
2000	1.008	1.013	-1.3	0.042978265015479
3000	1.003	1.029	-2.4	0.222288834840296
5000	0.98	1.077	-4.8	0.819792552109734
7000	0.941	1.154	-7	1.77232370784911
1.00E + 04	0.812	1.318	-14.1	4.20718762033632
1.20E + 04	0.645	1.421	-24.3	6.86068726584404
1.30E + 04	0.534	1.46	-32.9	8.73623197511761
1.40E + 04	0.424	1.451	-48	10.6860311169001
1.45E + 04	0.376	1.433	-58.6	11.6211669093937
1.50E + 04	0.345	1.403	-72	12.1847715191017
1.52E + 04	0.338	1.391	-77.8	12.2882085942878
1.55E + 04	0.333	1.376	-86.7	12.3234840078635
15580	0.333	1.347	-90	12.1384672443333
15700	0.334	1.349	-92.5	12.1253096572068
1.60E + 04	0.34	1.32	-101.2	11.7819002832719
1.70E + 04	0.398	1.214	-124.5	9.68671229331102
2.00E+04	0.627	0.884	-152.3	2.98369448364713
3.00E + 04	0.902	0.34	-191.3	-8.47455240999373
5.00E+04	0.982	0.112	-187	-18.8578693023354
7.00E+04	1	0.053	-175	-25.5144826079842
1.00E+05	1.012	0.027	-178	-31.4763349668959
1.00E+06	1.031	0.002	-180	-54.2445733923907

4.4 RLC-Tiefpass 180

Frequenz	Ue	Ua	Phi	dB
10	1.011	0.999	0	-0.103713347300374
50	1.012	0.998	-0.5	-0.120999424328184
100	1.012	1	-0.8	-0.103610250075607
500	1.009	0.997	-3.2	-0.103920158505095
1.00E+03	1.006	0.992	-6.2	-0.121726171314599
2000	0.994	0.973	-13.1	-0.185470882579228
3000	0.976	0.943	-19.7	-0.298762498587268
5000	0.927	0.858	-32.6	-0.671848925915834
7000	0.878	0.764	-45	-1.20802314660825
1.00E + 04	0.824	0.628	-62.1	-2.35935135919839
1.20E + 04	0.803	0.549	-72.8	-3.30286401657178
1.30E + 04	0.796	0.514	-77.5	-3.79899897484787
1.40E + 04	0.793	0.482	-82	-4.32452298157509
1.45E + 04	0.791	0.466	-84.3	-4.59581133615353
1.50E + 04	0.791	0.451	-86.4	-4.87999883239432
1.56E + 04	0.79	0.435	-88.9	-5.18275668671608
15700	0.79	0.431	-89.2	-5.2629964225942
1.60E + 04	0.79	0.423	-90.4	-5.42573447830798
1.70E + 04	0.792	0.398	-94.1	-5.97684219031611
2.00E+04	0.801	0.333	-104.1	-7.62376565155836
3.00E + 04	0.853	0.195	-126.3	-12.8182883961001
5.00E+04	0.93	0.087	-146.8	-20.5792739187063
7.00E+04	0.967	0.048	-156	-26.0837047341483
1.00E+05	0.993	0.025	-162.5	-31.9801847964669
1.50E+05	1.009	0.012	-170	-38.4941984037857
1.00E+06	1.03	0.003	-180	-50.7143193997102

4.5 RLC-Tiefpass 1k

Frequenz	Ue	Ua	Phi	dB
10	1.011	0.998	-0.6	-0.112412286072598
50	1.011	0.998	-2.6	-0.112412286072598
100	1.011	0.996	-4.46	-0.129836343346046
200	1.011	0.987	-8.46	-0.208680058427286
300	1.008	0.973	-12.49	-0.306953836823091
500	1.005	0.932	-20.3	-0.655002988050525
700	1.001	0.877	-27.6	-1.14868968226556
800	0.999	0.848	-30.9	-1.42339271938537
900	0.996	0.818	-34.5	-1.71012069504751
1000	0.995	0.79	-36.7	-2.00391978910568
1.20E + 03	0.991	0.732	-41.9	-2.63125146853767
1500	0.987	0.652	-48.2	-3.60139113875433
1700	0.984	0.606	-51.7	-4.21044948530111
2.00E+03	0.981	0.543	-56.7	-5.13738355582203
5.00E+03	0.97	0.251	-75.7	-11.7419602557041
7.00E + 03	0.968	0.183	-80.5	-14.4684853515593
1.00E + 04	0.966	0.13	-85	-17.4206754821731
1.56E + 04	0.965	0.084	-89.5	-21.2049605456382
2.00E+04	0.966	0.066	-92.1	-23.3086638174725
3.00E + 04	0.967	0.044	-96	-26.8394759519363
5.00E+04	0.972	0.027	-103	-31.1260500153457
7.00E + 04	0.972	0.019	-112	-34.1782532794689
1.00E + 05	0.986	0.013	-120	-37.5986712526875
1.50E + 05	0.995	0.009	-140	-40.871611426128
2.00E+05	1	0.006	-156	-44.4369749923271
5.00E+05	1.02	0.003	-166	-50.6295783408451
1.00E+06	1.03	0.003	-170	-50.7143193997102