Bioinformatische Anwendung von Graphlets zur Analyse von Proteinstrukturtopologien Rohfassung

Ben Haladik

9. März 2016

Inhaltsverzeichnis

1	\mathbf{Ein}	leitung	3										
	1.1	Motivation	3										
	1.2	State of the art	4										
	1.3	Ziele	5										
	1.4	Aufbau der Arbeit	5										
2	Ma	terialien und Methoden	6										
	2.1	PTGL	6										
	2.2	PLCC	6										
	2.3	Der Graphlet-Algorithmus	7										
		2.3.1 Beschreibung des Algorithmus	7										
	2.4	graphletAnalyser	8										
	2.5	Ähnlichkeitsmaß	9										
		2.5.1 Relative <i>Graphlet</i> -Häufigkeiten-Distanz	9										
	2.6		10										
	2.7	Datensätze	10										
		2.7.1 Fallstudien - Datensatz 1	11										
		2.7.2 Der PDBTop500-Datensatz	12										
3	Erg	ebnisse	14										
	3.1	Der modifizierte Jaccard-Index	14										
	3.2	Der Graphlet-Worte-Algorithmus	15										
	3.3		16										
	3.4	Fallstudien - Datensatz 1	17										
	3.5	PDBTop500-Datensatz	18										
4	Dis	kussion und Ausblick	23										
	4.1	Diskussion	23										
		4.1.1 Datensatz 1	23										
		4.1.2 PDBTop500-Datensatz und Aldolasen	24										
	4.2 Ausblick												
			25										
			25										

5	Anl	nhang												
	5.1	Bildverzeichnis	26											
	5.2	Tabellenverzeichnis	27											

Einleitung

1.1 Motivation

Die verschiedenen Funktionen, die Proteine erfüllen sind zu einem großen Teil durch ihre Struktur bestimmt. Diese Struktur ist ein bestimmender Faktor, für ihre Fähigkeit Liganden zu binden und chemische Reaktionen zu katalysieren. Daraus folgt, dass die Analyse von Proteinstrukturen zentral für ein tieferes Verständnis von zellulärem Leben ist. Die vergleichende Analyse von Proteinen liefert nicht nur wichtige Erkenntnise über ihre Funktion, sondern hilft auch dabei, evolutionäre Verwandschaften zu entdecken, die durch reine Sequenzanalysen nicht mehr nachvollziehbar sind.

In dieser Arbeit werden Proteinstrukturtopologien untersucht. Die Topologie eines Proteins ist als die Anordnung seiner Sekundärstrukturelemente (SSEs) zueinander definiert. Die Betrachtung von SSEs hat den Vorteil, dass diese auch über große evolutionäre Distanzen stark konserviert sind.

Zur Darstellung dieser Topologien werden hier Graphen verwendet. Graphen gehören zu den am stärksten untersuchten mathematischen Strukturen, da sich mit ihnen viele verschiedene komplexe Zusammenhänge darstellen lassen. Ihre Nutzung ist überall dort angebracht, wo Daten nicht als Zahlen oder Vektoren darstellbar sind, weil sie eine Menge von Objekten und ihren Beziehungen untereinander repräsentieren.

Graphen finden sich in der Erforschung von sozialen Netzwerken wieder und werden in der Chemie zur Darstellung von Molekülen genutzt. Auch in der Bioinformatik sind Graphen das zentrale Mittel zur Darstellung komplexer Beziehungen. Interaktionen von Proteinen werden genauso als Graphen modelliert, wie Signalewege in Zellen oder eben Proteine. Die Analyse von biologischen Netzwerken ist ein zentrales Mittel, um biologische Vorgänge besser zu verstehen [4].

Der Vergleich von Graphen ist jedoch keine triviale Aufgabe. Die Frage: "Ist dieser Graph in diesem anderen Graphen enthalten?" befriedigend schnell beantworten zu können, ist nicht möglich, denn das zugrunde liegende Entschei-

dungsproblem ist NP-vollständig [5]

Um dieses Problem zu umgehen werden hier Graphlets angewendet. Graphlets sind kleine, induzierte Teilgraphen, die für große Graphen immer noch schnell abzählbar sind. Mit dieser Technik lassen sich in polynomieller Zeit Teilstrukturen eines Graphen ermitteln, deren Vergleich einfacher durchzuführen ist, als ein direkter Vergleich der Graphen selbst. So lassen sich Graphlets zur vergleichenden Analyse von Proteinstrukturtopologien verwenden.

1.2 State of the art

Mit der wachsenden Anzahl von Struktureeinträgen in der *Protein Data Bank* (PDB) ist eine Vielzahl von Methoden entstanden, um diese Strukturen zu vergleichen.

Der wohl bekannteste Algorithmus zum Vergleich von dreidimensionalen Proteinstrukturen ist DALI von Holm und Sander [3]. Er führt ein globales Alignment durch, indem Distanzmatrizen verglichen werden. In diesen Matrizen sind die intramolekularen Distanzen der C α -Atome der jeweiligen Proteine eingetragen.

In den 23 Jahren, die seit der Veröffentlichung von DALI vergangen sind, sind aber noch viele weitere Methoden mit unterschiedlichen Ansätzen entwickelt worden. Der Algorithmus von *Shindyalov* und *Bourne* [13] berechnet ein Alignment von Proteinstrukturen, indem er zunächst kleine Paare von Substrukturen aligniert und dann versucht dieses Alignment auf einen optimalen Pfad auszudehnen.

Der FATCAT-Algorithmus von Ye und Godzik [14] verwendet eine ähnliche Idee und versucht zusätzlich die Substrukturen flexibel zu alignieren, um auch gleiche Proteine mit veränderter Konformation erkennen zu können.

TM-align von *Zhang* und *Skolnick* [15] berechnet eine Rotationsmatrix und nutzt Dynamische Programmierung. Der Algorithmus benutzt als Bewertungsschema den sogenannten *TM-Score*, der besonders geeignet ist, um lokale Ähnlichkeiten zu erkennen.

Der SSM-Algorithmus von Krissinel und Hendrick [6] verwendet eine graphenbasierte Darstellung von Proteinen für ein erstes Alignment und verfeinert dieses dann durch die Berechnung der Distanzen äquivalenter $C\alpha$ -Atome. Er wird im PDBeFold-Web-Server implementiert. Als einziger hier beschriebener Algorithmus ermöglicht er schnelle multiple Strukturvergleiche über einen Web-Service.

Graphlets wurden zuerst von *Pržulj et al.* auf biologische Daten angewandt [9], [10]. Sie nutzten den *Graphlet*-Algorithmus, um Ähnlichkeiten von Protein-Protein-Interaktionsnetzwerken zu berechnen.

N. Shervashidze war die erste, die Graphlets zur Analyse von Proteinen anwandte [12]. Sie nutzte Support Vector Machines auf Graphlet-Vektoren, um für Proteingraphen zu entscheiden, ob diese Enzyme darstellen oder nicht.

Graphlets wurden auch von Tatiana Bakirova verwendet, um Proteinstrukturen zu analysieren [1]. Sie hat das Programm graphletAnalyser verfasst, das

in dieser Arbeit weiterentwickelt wird.

1.3 Ziele

Ziel dieser Arbeit war zunächst die Erweiterung der Funktionalität von graphletAnalyser. Hierzu gehört zunächst eine funktionierende Datenbankanbindung, um die berechneten Daten abzuspeichern. Die Suche nach markierten Graphlets sollte so implementiert werden, dass sie auf Graphen mit beliebigen Markierungen angewandt werden kann. Deshalb wurde ein Algorithmus entwickelt und implementiert, der aus einem Alphabet von Knotenmarkierungen alle Worte berechnet, die markierte 2- und 3-Graphlets repräsentieren - der Graphlet-Worte-Algorithmus. Die Suche nach diesen markierten Graphlets in einem Graphen wurde ebenfalls implementiert.

In Fallstudien wird überprüft, ob und inwiefern sich Graphlets eignen, um die Ähnlichkeit von Proteinstrukturtopologien zu untersuchen. Dies wurde mit unterschiedlichen Metriken getestet. Die hierbei errechneten Ähnlichkeitswerte wurden mit den Ergebnissen des Strukturalignment-Programms PDBeFold [6] verglichen.

Weiterhin wurde mit dem PDBTop500-Datensatz [7] untersucht, welche strukturellen Merkmale von Proteinen mit *Graphlets* ermittelt werden.

1.4 Aufbau der Arbeit

Zunächst wird im Kapitel Materialien und Methoden die Protein Topology Graph Library (PTGL) [8] vorgestellt, deren Idee die Grundlage für diese Arbeit liefert.

Es folgt eine Kurzbeschreibung von PLCC, der *Software*, die die Graphen der PTGL erstellt und diese verwaltet, sowie eine Beschreibung des *Graphlet*-Algorithmus.

Weiterhin wird das Programm graphletAnalyser vorgestellt, welches den Graphlet-Algorithmus implementiert. Anschließend wird die erste Metrik vorgestellt, mit denen die erhaltenen Graphlet-Vektoren verglichen werden. Es folgt eine Beschreibung der verwendeten Datensätze und von PDBeFold, dessen Ergebnisse mit denen von graphletAnalyser verglichen werden.

Im Ergebnisteil wird zunächst der modifizierte Jaccard-Index präsentiert, der sich mit leichten Änderungen am Tanimoto-Koeffizienten orientiert. Dann folgen Beschreibungen des neuen *Graphlet*-Worte-Algorithmus und der in den Fallstudien erhaltenen Ergebnisse.

Im abschließenden Teil *Diskussion und Ausblick* wird versucht, die Frage zu klären, ob sich *Graphlets* für multiplen Proteinstrukturvergleich und ähnliche Anwendungen eignen. Weiterhin wird untersucht, ob Modifikationen der *Graphlet*-Vektoren, oder der Metriken nötig sein könnten, um bessere Ergebnisse zu erhalten.

Materialien und Methoden

2.1 PTGL

Die Protein Topology Graph Library entstand aus einer Idee von $Patrick\ May$ und $Ina\ Koch\ ([8])$. Ausgehend von der Tatsache, dass sich Proteinstrukturtopologien als räumliche Beziehungen von SSEs untereinander definieren lassen, verwendet die PTGL Graphen, um Proteinstrukturtopologien darzustellen. Hierbei stellen die Knoten des Graphen die SSEs eines Proteins dar. Sie werden dem jeweiligen SSE entsprechend markiert. Knoten, die α -Helices repräsentieren, werden mit einem H markiert, β -Faltblätter mit einem E. Weiterhin ermöglicht die PTGL die Darstellung von Liganden, ([11]) denen mit L markierte Knoten zugeordnet werden. Um die räumliche Nachbarschaft von Sekundärstrukturen und Liganden mit- und untereinander darstellen zu können, werden ungerichtete Kanten zwischen Knoten gezogen, wenn die entsprechenden Elemente benachbart sind. Jede Polypeptidkette eines Proteins wird dann als Proteingraph dargestellt. Die Zusammenhangskomponenten eines Proteingraphen werden als Faltungsgraphen bezeichnet, weil sie typischerweise eine unabhängige Faltungseinheit darstellen.

Durch diese abstrahierte Darstellung können zentrale Charakteristika eines Proteins wie Motive und Domänen einfach visualisiert werden.

2.2 PLCC

PLCC ist die Software, die die Daten der PTGL generiert und verwaltet. Sie wird von Tim Schäfer geschrieben und verwaltet.

Die Berechnung der Graphen der PTGL erfolgt unter Verwendung der entsprechenden PDB und DSSP-Dateien. Um den Graphen für eine Polypeptidkette zu berechnen, werden aus der DSSP-Datei die SSEs des Proteins ausgelesen. Für jedes Paar von SSEs wird die Anzahl der räumlichen Kontakte ihrer Residuen in der PDB-Datei berechnet. Wenn die Anzahl dieser Kontakte einen

gewissen Grenzwert überschreitet, wird angenommen, dass diese SSEs räumlich benachbart sind und die jeweiligen Knoten werden durch eine Kante verbunden. So wird für jede Polypeptidkette ein Graph erstellt.

Komplexgraphen werden ebenfalls in dieser Arbeit untersucht. Ihre Berechnung erfolgt analog zur Berechnung der Proteingraphen. Der Unterschied besteht darin, dass ein Komplexgraph mehrere Polypeptidketten beschreibt.

Aminosäuregraphen werden analog zu Proteingraphen und Komplexgraphen berechnet. Der Unterschied zu den anderen Graphformaten ist, dass keine SSEs betrachtet werden. Stattdessen repräsentiert jeder Knoten eine Aminosäure eines Proteins. Die Knoten werden entsprechend der chemischen Eigenschaften der Aminosäuren markiert. Knoten, die saure oder basische Residuen darstellen, werden mit einem c markiert. Ein p markiert Knoten für polare Residuen, die weder sauer noch basisch sind. Für unpolare Aminosäuren wird ein h verwendet. Auch Liganden können in Aminosäuregraphen dargestellt werden. Ihre Knoten werden durch ein ? markiert. Aminosäuregraphen können Proteinkomplexe und einzelne Polypeptidketten darstellen.

Weiterhin ermöglicht PLCC den Vergleich von ${\it Graphlet} ext{-Vektoren},$ die im folgenden Teil vorgestellt werden.

2.3 Der *Graphlet*-Algorithmus

Um diese Graphen vergleichen zu können, werden *Graphlets* verwendet. Diese sind im Gegensatz zu Graph-Isomorphismen in polynomieller Zeit berechenbar [12]. *Graphlets* sind kleine, induzierte Teilgraphen mit bis zu 5 Knoten. Die Abbildungen 5.1, 5.2 und 5.3 zeigen die *Graphlets* mit 3, 4 und 5 Knoten. Wir betrachten hierbei nur die zusammenhängenden *Graphlets*. Sie werden durch den Algorithmus gezählt und ihre jeweilige Anzahl wird in einen Vektor geschrieben, den wir als *Graphlet*-Vektor bezeichnen.

2.3.1 Beschreibung des Algorithmus

Um alle Graphlets der Größe $k \in \{3,4,5\}$ zu zählen, werden alle Euler-Wege der Länge k-1 in dem gegebenen Graphen gesucht. Für jeden gefundenen Euler-Weg werden alle inzidenten Kanten aller Knoten des Weges überprüft. Wird hierbei ein Graphlet gefunden, wird der Zähler für das entsprechende Graphlet im Graphlet-Vektor um den Wert an der entsprechenden Stelle der unten stehenden Gewichtungsvektoren w_k erhöht.

Für Graphlets mit $k \geq 4$ existieren zusätzlich die sogenannten Stern-Graphlets $(g_4 \text{ in } 5.2, \text{ sowie } g_{19}, g_{20} \text{ und } g_{21} \text{ in } 5.3)$, die keinen solchen Euler-Weg enthalten.

Graphlet-Gewichtungsvektoren

$$w_{2} := \left(\frac{1}{2}\right)$$

$$(2.1b)$$

$$w_{3} := \left(\frac{1}{6}, \frac{1}{2}\right)$$

$$(2.1c)$$

$$w_{4} := \left(\frac{1}{24}, \frac{1}{12}, \frac{1}{4}, 1, \frac{1}{8}, \frac{1}{2}\right)$$

$$(2.1d)$$

$$w_{5} := \left(\frac{1}{120}, \frac{1}{72}, \frac{1}{48}, \frac{1}{36}, \frac{1}{28}, \frac{1}{20}, \frac{1}{14}, \frac{1}{10}, \frac{1}{12}, \frac{1}{8}, \frac{1}{4}, \frac{1}{2}, \frac{1}{12}, \frac{1}{12}, \frac{1}{4}, \frac{1}{4}, \frac{1}{2}, 1, \frac{1}{2}, 1\right)$$

$$(2.1e)$$

Jede Stelle eines Gewichtungsvektors w_k ist mit einem Graphlet assoziiert. Die Nenner der Brüche in den Vektoren entsprechen den Anzahlen der Euler-Wege der Länge k-1 in den entsprechenden Graphlets. Wenn alle Euler-Wege eines Graphlets besucht wurden und der zugehörige induzierte Teilgraph ihm entspricht, wird sein Zähler im Graphlet-Vektor ganzzahlig und das Graphlet gilt als gefunden. Hierbei bilden die Stern-Graphlets, die keine Euler-Wege der Länge k-1 enthalten, natürlich die Ausnahme.

Da wir 29 verschiedene Graphlets betrachten, hat ein Graphlet-Vektor 29 Stellen. Für den Vergleich von Proteinstrukturen bedeutet dies, dass der Berechnugsaufwand in O(1) liegt, da anstatt von Graphen, oder dreidimensionalen Körpern Vektoren im Vektorraum \mathbb{R}^{29} verglichen werden.

TODO: Pseudocode in Anhang einfügen

2.4 graphletAnalyser

In seiner ursprünglichen Version wurde das Programm bereits 2013 von *Tatiana Bakirova* geschrieben. Im Sommer 2015 wurde es um einige Funktionen erweitert.

graphletAnalyser ist in C++ geschrieben. Zur internen Darstellung der Graphen wird die *Boost-Graph-Library* verwendet. Die Datenbankanbindug wird mittels der Bibliothek poxx realisiert.

Als Input erhält das Programm eine oder mehrere GML-Dateien, die Graphen darstellen. Aus jeder GML-Datei wird mit der *Boost-Graph-Library* intern ein Graph erstellt, der für die Berechnungen verwendet wird.

Für den eingelesenen Graphen berechnet das Programm alle *Graphlets* der Größen 3,4 und 5. Die Implementierung entspricht der *Matlab*-Implementierung

von N. Shervashidze [12]. Zusätzlich berechnet es markierte Graphlets der Größen 2 und 3, wobei die Markierungen den SSE-Zuordnungen der PTGL entsprechen. Es gibt 35 verschiedene markierte Graphlets mit 2 oder 3 Knoten. Unter Berücksichtigung dieser Markierungen erhöht sich die Anzahl der Stellen der Graphlet-Vektoren auf 64. Die Knotengradverteilungen können ebenfalls berechnet werden.

Der Output des Programms umfasst zum einen die Ausgabe der *Graphlet*-Vektoren mit oder ohne markierte *Graphlets* in den Formaten csv, matlab und nova. Zusätzlich können die *Graphlet*-Vektoren in einer Datenbank, die zuvor mit PLCC erstellt wurde gespeichert werden. Die Knotengradverteilung kann zusammen mit anderen Daten eines Graphen als .csv-Datei ausgegeben werden.

2.5 Ähnlichkeitsmaß

Durch die Verwendung der *Graphlets* wird der direkte Vergleich von Graphen durch einen Vergleich von *Graphlet*-Vektoren ersetzt. Typischerweise wird eine eine Abstandsmessung durchgeführt, um Vektoren zu vergleichen. Hier verwenden wir eine Metrik von *Pržulj et al.*.

2.5.1 Relative *Graphlet*-Häufigkeiten-Distanz

Pržulj et al. haben Graphlets bereits auf Protein-Protein-Interaktionsnetzwerke ([9]) angewandt. Als Maß für die Ähnlichkeit von Netzwerken nutzen sie die Relative-Graphlet-Häufigkeiten-Distanz (RGF) . Diese Metrik berechnet den Abstand D(G,H) zwischen zwei Graphen G und H als logarithmierte Differenz der normalisierten Anzahl der Graphlets in G und H. Sie ist folgendermaßen definiert:

Sei $N_i(G)$ die Anzahl der *Graphlets* von Typ $i\in 1,...,29$ und $T(G)=\sum_{i=1}^{29}N_i(G)$ die Anzahl der *Graphlets* in G, beziehungsweise H.

Dann ist D(G, H) für zwei Graphen G und H definert als:

$$D(G,H) := \sum_{i=1}^{29} |F_i(G) - F_i(H)|$$
 (2.2a)

$$mitF_i(G) := -log(\frac{N_i(G)}{T(G)})$$
 (2.2b)

Diese Metrik lässt sich analog zur euklidischen Distanz auffassen, denn sie berechnet den Abstand für zwei Vektoren x, y als Differenz ihrer Einträge $x_i - y_i$. Sie verwendet die normalisierten *Graphlet*-Vektoren unter der Annahme, dass die Ähnlichkeit zweier Netzwerke sich aus der Ähnlichkeit lokaler Substrukturen ableiten lässt [9]. Somit können Netzwerke, die ähnliche Substrukturen habe,

sich aber in ihrer Größe stark unterschieden, immer noch als ähnlich erkannt werden. Zusätzlich soll durch diese Normalisierung ausgeschlossen werden, dass einzelne besonders häufige *Graphlets* in einem Graphen die Messung verzerren.

Da alle Einträge der Vektoren aus dem Intervall $[0,1] \in \mathbb{R}$ stammen werden sie logarithmiert. Damit erhält man Abstände, die aus deutlich größeren Intervallen stammen. Die Ergebnisse können so leichter interpretiert werden und der Einfluss der von Rundungsfehlern verkleinert sich.

Weiterhin wurde gezeigt, ([9]) dass diese Metrik auch bei verrauschten Daten noch sehr gut funktioniert. Hierbei ist jedoch zu beachten, dass sie bisher vor allem für sehr große Netzwerke mit mehreren Tausend Knoten und Kanten verwendet wurde. Diese Größe kann von Aminosäuregraphen erreicht werden, wenn sie große Proteinkomplexe modellieren. Proteingraphen und Komplexgraphen sind aber deutlich kleiner.

2.6 PDBeFold

Im Rahmen der Fallstudien wird graphletAnalyser mit *PDBeFold* [6] verglichen. *PDBeFold* führt einen graphenbasierten Strukrutvergleich durch. Analog zur PTGL modellieren Knoten SSEs. Zusätzlich werden diese mit der Anzahl von Residuen der SSE markiert. Im Gegensatz zur PTGL verbindet PDBeFold jeden Knoten durch eine Kante mit jedem anderen Knoten. Die Kanten werden hierbei mit Vektoren markiert, in denen unter anderem die Distanzen und Winkel zwischen den SSEs eingetragen sind.

Die Proteine werden also als vollständige, ungerichtete Graphen modelliert, in denen jede Kante alle Informationen zur räumlichen Orientierung ihrer inzidenten Knoten enthält. Diese Graphen werden vorberechnet.

Zum Vergleich von Strukturen wird für diese Graphen zunächst ein Alignment durchgeführt, um eine Abschätzung der strukturellen Ähnlichkeit zu erhalten und die äquivalenten Residuen zu ermitteln. Im Anschluss führt PD-BeFold ein Alignment der C α -Atome durch und berechnet die Ähnlichkeit der Proteine als durchschnittlichen paarweisen Abstand äquivalenter Residuen. Als Abstandsmaß verwendet es die Root-Mean-Square-Deviation.

Da graphletAnalyser Vektoren berechnet, die verglichen werden, ist ein direkter Vergleich der Abstände aus beiden Programmen nicht möglich. Der Vergleich kann nur durch einen Vergleich relativer Abstände innerhalb der Datensätze erfolgen.

2.7 Datensätze

Im folgenden Teil sind die verwendeten Datensätze beschrieben. Es wurden zwei Fallstudien mit Abstandsmessungen durchgeführt, um diese zu testen.

Zusätzlich wurden *Graphlet*-Vektoren für einen Datensatz aus 500 nicht redundanten PDB-Einträgen berechnet. Für diesen Datensatz wurden keine

Abstandsmessungen durchgeführt, stattdessen wurden die *Graphlet*-Vektoren selbst analysiert.

2.7.1 Fallstudien - Datensatz 1

Dieser Datensatz enthält 15 verschiedene Proteine mit bekannten strukturellen Ähnlichkeiten. Die Proteine wurden so gewählt, dass ihre Einordnungen in strukturelle Klassen in den Datenbanken CATH und SCOPe äquivalent zueinander sind. Der Datensatz wurde also so zusammengestellt, dass bezüglich der strukturellen Einteilung der Proteine der größtmögliche Konsens besteht. Je 5 Proteine dieses Datensatzes befinden sich in der gleichen Klasse. Von diesen 5 besitzen je 4 die gleiche Topologie und von diesen entstammen wiederum 3 der gleichen homologen Superfamilie. Von diesen ist ein Paar direkt homolog mit einer Sequenzidentität von mehr als 95%. Das dritte Protein ist zu den anderen beiden entfernt homolog mit einer Sequenzidentität von weniger als 30%.

Es sind Proteine der Klassen α , β und α/β vertreten. Proteine mit wenigen SSEs wurden nicht betrachtet, da für diese die Proteingraphen und die Komplexgraphen in den meisten Fällen keine Kanten besitzen. Dadurch können keine Graphlets in diesen Graphen gefunden werden.

Weiterhin wurde darauf geachtet, dass jedes Protein dieses Datensatzes aus genau einer Polypeptidkette mit genau einer Domäne besteht. Dies hat mehrere Gründe.

Zum ersten ermöglicht diese Auswahl die beste Vergleichbarkeit der Messungen mit Proteingraphen, Komplexgraphen und Aminosäuregraphen, da Proteingraphen im Gegensatz zu Komplexgraphen und Aminosäuregraphen nur eine Polypeptidkette darstellen können. Durch die Beschränkung auf Proteine mit genau einer Polypeptidkette wird ein direkter Vergleich durch die Korrelation der paarweisen Distanzen in den unterschiedlichen Formaten möglich.

Ein weiterer Grund für die Beschränkung auf solche Proteine ist, dass man ein "klareres Signal" erhält. Die Struktur von Proteinen wird hauptsächlich anhand ihrer Domänen beschrieben. Wenn *Graphlets* sich wirklich für den Vergleich von Topologien eignen, dann müssten gleiche Domänen zu gleichen, oder zumindest ähnlichen *Graphlet*-Vektoren führen. Da diese Vektoren globale Struktureigenschaften des Proteins beschreiben erhielte man für ein Multidomänenprotein mit unterschiedlichen Domänen einen Vektor, der die Struktureigenschaften beider Domänen "vermischt" und das Signal verrauscht.

In der folgenden Tabelle ?? sind die PDB-IDs der Proteine dieses Datensatzes zusammen mit ihrer CATH-ID und der Klassifizierung aus der PDB Datei aufgeführt.

Für diesen Datensatz wurden alle *Graphlet*-Vektoren berechnet. Die paarweisen Distanzen dieser Vektoren zueinander wurden mit der RGF und dem modifizierten Jaccard-Index berechnet. Für die berechneten Distanzmatrizen wurden die Korrelationen der Distanzen in den verschiedenen Formaten berechnet und sie wurden mit den von PDBeFold berechneten Distanzen verglichen.

PDB-ID	CATH-ID	Klassifizierung
1qpu	1.20.120.10	Elektronentransport
1qq3	1.20.120.10	Elektronentransport
1cgn	1.20.120.10	Elektronentransport
1he9	1.20.120.260	Toxin (Exoenzym)
3gf9	1.20.900.10	Endocytose
1exs	2.40.128.20	Lipid bindendes Protein
1ngl	2.40.128.20	Transport Protein
1qqs	2.40.128.20	Zucker bindendes Protein
3slo	2.40.128.130	Protein Transport
1wjx	2.40.280.10	RNA-bindendes Protein
5chy	3.40.50.2300	Signaltransduktion
2id9	3.40.50.2300	Signal Protein
3i42	3.40.50.2300	unbekannte Funktion
1d4o	3.40.50.1220	Oxidoreductase
2w0i	3.40.20.10	Transferase

Tabelle 2.1: PDB-Einträge der ersten Fallstudie. Die PDB-IDs sind mit dem CATH-Code der zugehörigen homologen Superfamilie und der Klassifizierung aus dem *Header* der PDB-Datei in der entsprechenden Zeile eingetragen

2.7.2 Der PDBTop500-Datensatz

Der PDBTop500-Datensatz wurde von Lovell et al. vorgestellt ([7]). Diese nutzten ihn zur Validierung von PDB-Strukturen mit Hilfe der C α -Geometrie. Der Datensatz enthält 500 nicht redundante PDB-Einträge mit einer Auflösung von 1.8 Å

oder besser.

Er wurde ausgewählt, weil die Graphlet-Vektoren für ihn schnell berechenbar waren. Im Gegensatz zu anderen Datensätzen mit nicht redundanten PDB-Einträgen wie dem FATCAT- oder dem ASTRAL-Datensatz enthält dieser keine riesigen Proteinkomplexe, deren Graphlets auf durchschnittlichen Computern nicht in weniger als 24 Stunden berechnbar sind. Er ist aber immer noch groß genug, um Strukturvergleichsmethoden validieren zu können. Zhang und Skolnick verwendeten zur Validierung von TM-align einen Datensatz aus 200 PDB-Einträgen ([15]).

Da ein Vergleich der paarweisen Distanzen auf einem solchen Datensatz zu aufwändig war, wurde dieser Datensatz für eine statistische Analyse der ${\it Gra-phlet-Vektoren}$ genutzt.

Für die relativen Häufigkeiten der einzelnen *Graphlets* wurden Minima, Maxima, Varianzen und Durchschnittswerte berechnet. Hierbei war das Ziel festzustellen, ob wirklich alle *Graphlets* für Strukturvergleiche notwendig sind.

Weiterhin wurde ein Datensatz aus Aldolasen zusammengestellt, um festzustellen, ob sich die Verteilungen der *Graphlet*-Häufigkeiten, zwischen dem großen Datensatz und den Aldolasen unterscheiden. Wenn der Unterschied der Verteilungen zwischen diesen beiden Datensätzen so groß ist, dass eine klare Unterscheidung möglich ist, dann sollte auch eine maschinelle Klassifizierung der *Graphlets* für Aldolasen möglich sein. Aldolasen wurden gewählt, weil diese Superfamilie strukturell besonders divers ist [2].

Wenn die Graphlet-Verteilungen der Aldolasen und des PDBTop500-Datensatzes klar unterscheidbar sind, dann sollten sie auch für Superfamilien, die strukturell einheitlicher sind unterscheidbar sein.

Die PDB-IDs der untersuchten Aldolasen lauten: 1lbm, 1lor, 1mxs, 1nsj, 1v5x, 1vqt, 1wau, 3ceu und 7tim.

Ergebnisse

3.1 Der modifizierte Jaccard-Index

Der Jaccard-Index ist im eigentlichen Sinne ein Maß, um die Ähnlichkeit von gleichmächtigen Mengen zu bewerten. Für zwei Mengen A, B berechnet sich der Jaccard-Index $D_{Jac}(A, B)$ folgendermaßen:

$$D_{Jac}(A,B) := \frac{\sum_{x \ inA \land x \in B} 1}{\sum_{x \in A \lor x \in B} 1}$$

Dementsprechend sind zwei Mengen A, B gleich, wenn gilt $D_{Jac} = 1$ und disjunkt, wenn gilt $D_{Jac} = 0$. Mit ihm wird die relative Anzahl der Elemente beider Mengen berechnet. Um dieses Maß in sinnvoller Weise auf *Graphlet*-Vektoren zu übertragen wurde ein zusätzlicher Faktor $k \in \mathbb{R}$ mit $k \in [0, 1]$ eingeführt, der als Präzisionsfaktor zu verstehen ist. Die Defintion des modifizierten Jaccard-Index $D_{Jac-m}(v, w)$ für zwei Vektoren v, w lautet also:

$$D_{Jac-m}(v,w) := \frac{\sum_{i=1}^{n} x_i}{\sum_{x \in A \lor x \in B} 1}$$

Hierbei gilt:

$$x_i = \begin{cases} 1 & \text{if } v_i >= w_i \times k \land w_i >= v_i \times k \\ 0 & \text{else} \end{cases}$$

In dieser modifizierten Variante werden zwei Vektoren v, w als gleich angesehen, wenn sich v_i, w_i für alle i höchstens um den Faktor k unterschieden. Dies steht im Gegensatz zur RGF, die - analog zum euklidischen Abstand - die Abstände zwischen zwei Graphlet-Vektoren misst.

3.2 Der *Graphlet*-Worte-Algorithmus

In der letzten Version von graphlet
Analyser war es bereits möglich markierte Graphlets mit 2 und 3 Knoten in Proteingraphen zu zählen. Diese Funktionalität wurde im Rahmen dieser Arbeit verallgemeinert, so dass der Nutzer beliebige Alphabete angeben kann. Der Algorithmus erhält das Alphabet $\sum = \{\sigma_i : i \in \mathbb{N}\}$ der Knotenmarkierungen. Aus diesem Alphabet berechnet er Worte w, die zur Repräsentation der markierten Graphlets genutzt werden. Hierbei können verschiedene Worte das gleiche Graphlet repräsentieren. Im Falle von 2-Graphlets repräsentieren die zwei Worte (σ_i, σ_j) und (σ_j, σ_i) das gleiche markierte Graphlet mit den Knotenmarkierungen σ_i, σ_j . Worte, die das gleiche Graphlet repräsentieren, werden im Folgenden als äquivalente Graphlet-Worte bezeichnet.

Die Berechnung der äquivalenten Graphlet-Worte der Länge 2 ist trivial. Aus dem Alphabet \sum werden alle Worte $w = (\sigma_i, \sigma_j)$ berechnet, wobei Spiegelungen nicht mit ausgegeben werden, da zwei Worte (σ_j, σ_i) und (σ_j, σ_i) äquivalente Graphlet-Worte sind.

Die Berechnung aller äquivalenten Graphlet-Worte der Länge 3 ist komplizierter, da sie für zwei verschiedene Graphlets berechnet werden müssen. Für das $Graphlet\ g_1$ sind alle Worte äquivalent zueinander, die zyklische Vertauschungen voneinander sind. Für das $Graphlet\ g_2$ sind Worte äquivalent zueinander, die Spiegelungen voneinander sind (siehe Abbildung 5.1).

Pseudocode Platzhalter

Der Algorithmus besteht aus 3 for-Schleifen, die über das Alphabet iterieren. In der äußersten Schleife werden Worte hinzugefügt, in denen alle Buchstaben gleich sind. In der zweiten Schleife wird jeweils der nächste Buchstabe des Alphabets betrachtet. Für jedes Paar a,b von Buchstaben über einem Alphabet \sum sind die Mengen der äquivalenten Worte für das Graphlet g_1 $P_{3-Kreis} = \{\}$ und $P_{3-Weg} = \{aaa, aba, aab, abb\}$ für das Graphlet g_2

TODO: Beschreibung der Mengen, Beweis

Für das Alphabet der SSE- und Komplexgraphen $\sum_{SSE} := \{H, E, L\}$ und das Alphabet der Aminosäuregraphen $\sum_{AA} := \{h, p, c, ?\}$ gibt der oben beschriebene Algorithmus die folgenden Listen aus:

Die Vektoren a_2, a_{3-Weg} und $a_{3-Kreis}$ beschreiben die Worte für Graphlets in AA-Graphen

```
a_2 := (hh, hp, ha, h?, pp, pa, p?, aa, a?, ??)
                                                                (3.2a)
a_{3-Weg} := (hhh, hph, hhp, hpp, php, hpa, ahp, pah, hp?, ?hp,
                                                                (3.2b)
            (3.2c)
              h??,?h?,ppp,pap,ppa,paa,apa,pa?,?pa,a?p,
                                                                (3.2d)
               p?p, pp?, p??, ?p?, aaa, a?a, aa?, a??, ?a?, ???)
                                                                (3.2e)
a_{3-Kreis} := (hhh, hph, hpp, hpa, aph, hp?, ?ph, hah, haa, ha?,
                                                                (3.2f)
              ?ah, h?h, h??, ppp, pap, paa, pa?, ?ap, p?p, p??,
                                                                (3.2g)
                                        aaa, a?a, a??, ???)
                                                                (3.2h)
```

3.3 Erweiterung von graphletAnalyser

Das Einlesen von Komplexgraphen und Aminosäuregraphen ist implementiert worden. Die entsprechenden Alphabete sind im Programmcode vor-

definiert und können vom Nutzer über Parameter ausgewählt werden oder in der Konfigurationsdatei festgelegt werden.

Nutzerdefinierte Knotenmarkierungen können nun in der Konfigurationsdatei angegeben werden. Der Nutzer kann ein Alphabet von Knotenmarkierungen und ein Label, unter dem diese Knotenmarkierungen in den GML-Dateien gespeichert sind, angeben. Für dieses Alphabet werden alle äquivalenten Graphlet-Worte durch den Graphlet-Worte-Algorithmus berechnet. Diese werden dann bei der Berechnung der markierten Graphlets im Graphen unter dem vorgegebenen Label gesucht und gezählt. Es können also beliebige Alphabete und Labels angegeben werden, so lange die Markierungen der Knoten nicht mehr als einen Buchstaben enthalten.

Die Datenbankanbindung wurde um Funktionen zum Speichern von Aminosäuregraphen und Komplexgraphen erweitert. Das Speichern von Vektoren markierter *Graphlets* wurde implementiert.

Wenn die Option --useDatabase ausgewählt wird, prüft das Programm, ob der entsprechende Graph bereits in der Datenbank vorhanden ist. Falls der Graph gefunden wurde, wird der *Graphlet*-Vektor für den entsprechenden Graphen in die Datenbank eingetragen.

3.4 Fallstudien - Datensatz 1

Die paarweisen RGF-Distanzen der Proteine befinden sich in den Tabellen ?? ?? und ??. Die paarweisen Jaccard-Indizes befinden sich in den Tabellen ??, ?? und ??. Hierbei wurden die Zellen, die die 4 besten Bewertungen für das Protein der entsprechenden Zeile enthalten grün eingefärbt. Hierbei gilt, dass das Grün umso dunkler ist, je stärker die Ähnlichkeit bewertet wird.

Der Vergleich mittels RGF zeigt für die Aminosäuregraphen die stärksten Ähnlichkeiten immer innerhalb der entsprechenden CATH-Klassen. Sowohl die Proteine aus der mainly-alpha-Klasse, als auch die Proteine der mainly-beta-Klasse haben die besten Ähnlichkeitswerte mit Proteinen der gleichen Klasse. Innerhalb der Klasse der alpha-beta-Proteine, gibt es mit 2id9 und 1d40 zwei Proteine, denen eine größere Ähnlichkeit zu Proteinen der mainly-alpha-Klasse attestiert wurde. Bei 1d40 fällt auf, dass der niedrigste Wert mit 7,091 deutlich höher ist, als die besten Werte aller anderen Proteine. 2id9 hat laut der RGF-Distanz die größte Ähnlichkeit zu 1he9. Bis auf diese beiden Außnahmen lässt sich jedoch eine starke Korrelation mit den CATH-Klassen erkennen. Alle anderen Proteine haben mindestens die zwei kleinsten zwei RGF-Distanzen zu Vertretern aus der selben CATH-Klasse.

Dies gilt für die Aminosäuregraphen. Die RGF-Distanzen der Proteingraphen zueinander zeigen ein weniger klares Bild. Für die *mainly-alpha-*Klasse und die der *mainly-beta-*Klasse befinden sich die Proteine mit den kürzesten Distanzen immer noch in der selben Klasse. Dies lässt sich für die Proteine der

alpha-beta-Klasse aber nicht mehr behaupten. Hier haben 2ID9, 3I42 und 2w0I die kürzesten Distanzen zu Proteinen anderer Klassen.

Bei den Komplexgraphen ist die Korrelation zwischen der RGF-Distanz und der Zugehörigkeit zur CATH-Klasse noch geringer. Die Tabelle ?? zeigt nur für die Proteine 1QQ3, 1HE9, 1EXS und 1QQS die kürzeste Distanz zu einem Vertreter der gleichen Klasse. Es fällt jedoch auf, dass besonders häufig die Proteine der alpha-beta-Klasse 5CHY, 2ID9 und 3I42 als ähnlich zu anderen bewertet werden.

Der Vergleich der Jaccard-Indizes zeigt ein ähnliches Bild, wie der Vergleich der RGF-Distanzen. Bei den Aminosäuregraphen zeigt sich, dass innerhalb der mainly-alpha-Klasse wieder die paarweisen Ähnlichkeiten der mainly-alpha-Proteine am größten sind. Dies gilt bis auf eine Ausnahme auch für die mainly-beta-Proteine. Das Protein mit der PDB-ID 1NGL wird als strukturell ähnlichstes Protein zu 2W0I bewertet. In der Klasse der alpha-beta-Proteine gibt es mit 2ID9 und 1D4O wieder zwei Ausreißer, die die größten paarweisen Ähnlichkeiten nicht zu Vertretern der eigenen Klasse haben. Für 2ID9 wird 1HE9 als ähnlichstes Protein angegeben und 1D4O wird 1QQS zugeordnet.

Die paarweisen Tanimoto-Koeffizienten der Proteingraphen zeigen - wie schon bei den RGF-Distanzen - eine geringere Korrelation mit der Zugehörigkeit zu den CATH-Klassen, als die Koeffizienten der Aminosäuregraphen. Es haben zwar wieder mindestens 3 Vertreter jeder Klasse ihren nächsten Nachbarn in der gleichen Klasse, aber es gibt auch einige Proteine, die ihren nächsten Nachbarn außerhalb der eigenen Klasse haben. Hierzu gehören 1D4O, 2W0I (beide alpha-beta) und 3GF9 (mainly-alpha). Es fällt auf, dass wieder die Proteine mit den PDB-DIs 2ID9 und 3I42 besonders häufig als strukturell ähnlich zu vielen anderen Proteinen bewertet werden.

Für die Komplexgraphen zeigt die Tabelle wieder eine hohe Ähnlichkeite unter den ersten 3 Proteinen 1QPU, 1QQ3 und 1CGN. Auch innerhalb der Klasse alpha-beta sind 3 Proteine mit der höchsten paarweisen Ähnlichkeit bewertet worden. Die geringe Anzahl von stark bewerteten Ähnlichkeiten innerhalb der mainly-beta-Klasse ist sehr auffällig. 1QQS und 3SLO sind das einzige Paar mit beta-Topologie, dessen Ähnlichkeit als groß bewertet wurde.

3.5 PDBTop500-Datensatz

Für den PDBTop500-Datensatz wurden *Graphlet*-Vektoren der drei verschiedenen Graphenformate berechnet. Diese Vektoren wurden für jedes Format in einer .csv-Datei zusammengefasst und für jede dieser Dateien wurden *Boxplots* erstellt.

In diese Boxplots wurden zusätzlich die relativen Häufigkeiten der bereits beschriebenen Aldolasen eingetragen. Hiermit kann festgestellt werden, ob die Superfamilie der Aldolasen anhand ihrer *Graphlets* von anderen Superfamilien unterscheidbar ist. Der Boxplot ?? stellt diese Daten für die Aminosäuregraphen dar. Da die relative Häufigkeiten der *Graphlets* in den Aminosäuren deut-

lich kleiner sind, als bei Proteingraphen und Komplexgraphen, weil es mehr Graphlet-Worte gibt, wurde die Skala der y-Achse logarithmiert.

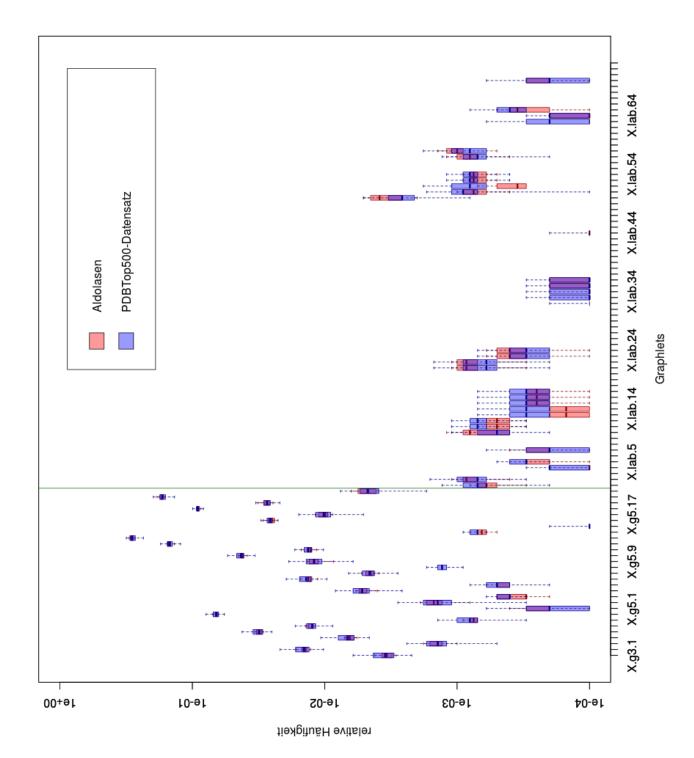
Unter den *Graphlets* ohne Markierungen in Abbildung ?? gibt es nur zwei bei denen sich die relativen Häufigkeiten der Aldolasen nicht mit denen des Datensatzes überlappen. Dies sind die *Graphlets* g_8 und g_{15} in 5.3, die in den Aldolasen nicht gefunden werden.

Unter den markierten *Graphlets* gibt es deutlich mehr Unterschiede. Sieben verschiedene *Graphlet*-Verteilungen überlappen sich nicht. Die ersten drei hiervon entsprechen den *Graphlet*-Worten h?, c? und ??. Diese stehen für Kanten zwischen unpolaren Residuen und Liganden, Kanten zwischen sauren oder basischen Residuen und Liganden und Kanten zwischen Liganden,

Die nächsten drei Worte für die keine Überlappungen gefunden wurden sind die Worte hhh, hph und hhp. Diese repräsentieren Wege der Länge 2 zwischen drei unpolaren Residuen, zwei unpolaren Residuen mit einem polaren Residuum als inneren Knoten und zwei unpolaren Residuen mit einer polaren Aminosäure als Endknoten.

Bei den Proteingraphen in Abbildung ?? sind die Graphlet-Verteilungen ein wenig stärker voneinander getrennt. Dies gilt für das 4-Graphlet g_6 , das 5-Graphlet g_1 3. Unter den markierten Graphlets ist die Trennung für die am stärksten, die durch die Worte HL und HLL markiert werden. Ersteres repräsentiert den Kontakt einer α -Helix mit einem Liganden. Letzteres markiert einen Kreis, in dem zwei Liganden mit einer Helix in Kontakt stehen.

Für die Komplexgraphen in Abbildung ?? finden wir die stärksten Unterschiede zwischen den Verteilungen der Aldolasen und denen des Referenzdatensatzes. Für die unmarkierten Graphlets g_1 und g_2 in 5.1, g_2 , g_3 und g_6 in 5.2 sowie g_6 , g_{10} , g_{12} , g_{13} , g_{16} , g_{18} , g_{20} und g_{21} in 5.3. Die stärksten Abweichungen der Verteilungen finden wir bei den markierten Graphlets für jene, die durch die Worte HL, LLL, und EEE repräsentiert sind. Für das Wort LL finden wir diese Abweichungen sowohl für das markierte Graphlet, das g_1 in 5.1 entspricht, als auch für jenes, das g_2 repräsentiert. Damit sind die Unterschiede der Graphlet-Verteilungen zwischen dem Referenzdatensatz und den Aldolasen in den Komplexgraphen am größten.



Proteine des PDBTop500-Datensatzes sind in blau, die der Aldolasen in rot angegeben. Links von der vertikalen Linie sind Abbildung 3.1: Verteilung der relativen Häufigkeiten der Graphlets in Aminosäuregraphen. Jeder Punkt auf der x-Achse entspricht einem Graphlet. Die y-Achse ist logarithmiert und beschreibt die relative Häufigkeiten. Die Häufigkeiten der Graphlets ohne Markierungen, rechts davon sind Graphlets mit Markierungen. Ausreißer sind nicht eingetragen.

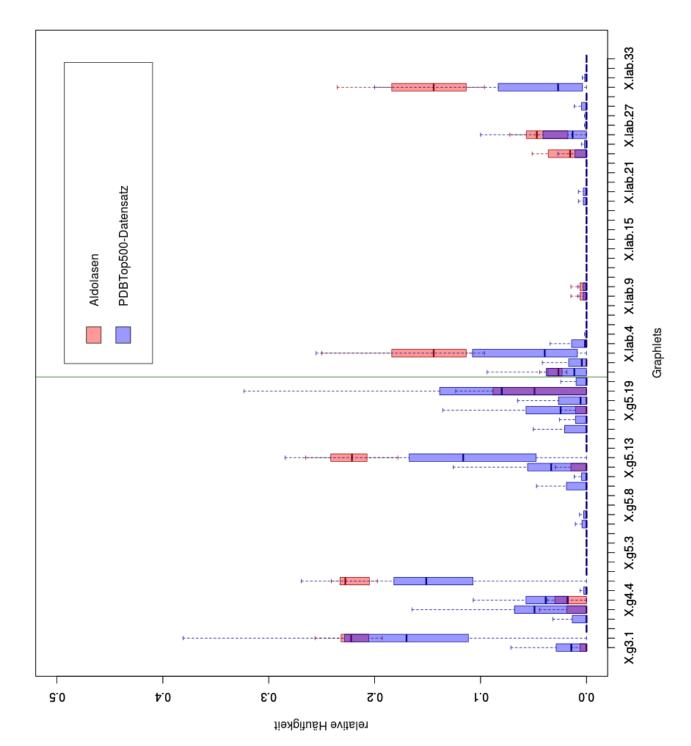


Abbildung 3.2: Verteilung der relative Häufigkeiten der Graphlets für Proteingraphen. Auch hier entspricht jeder Punkt auf markierte und nicht markierte Graphlets. Solche ohne Markierungen sind links, mit Markierungen Versehene befinden sich der x-Achse einem Graphlet und die y-Achse zeigt die relativen Häufigkeiten an. Wieder trennt die dunkelgrüne Linie

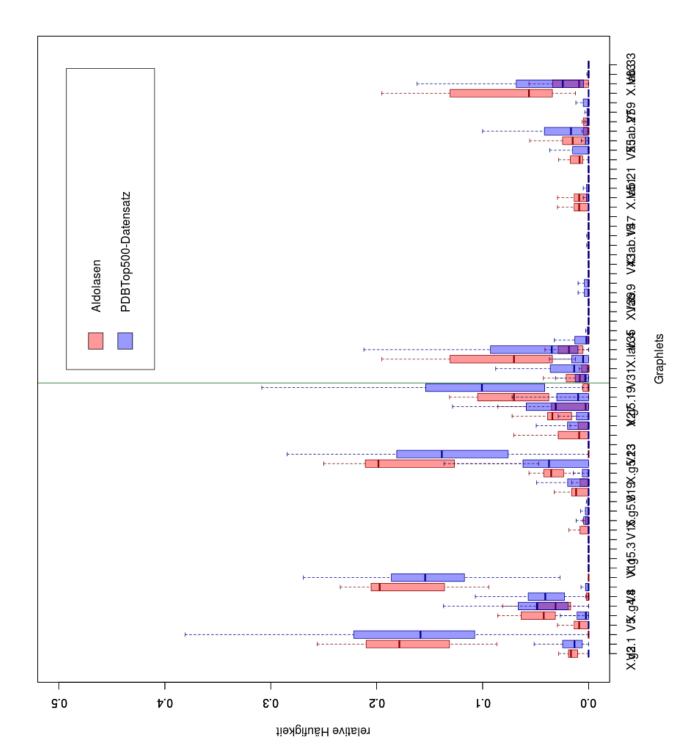


Abbildung 3.3: Verteilung der relative Häufigkeiten der Graphlets für Komplexgraphen. Auch hier entspricht jeder Punkt auf markierte und nicht markierte Graphlets. Solche ohne Markierungen sind links, mit Markierungen versehene befinden sich der x-Achse einem Graphlet und die y-Achse zeigt die relativen Häufigkeiten an. Wieder trennt die dunkelgrüne Linie

Diskussion und Ausblick

4.1 Diskussion

Die folgende Diskussion der Fallstudien widmet sich vor allem der Frage, wieso die Ergebnisse der Ähnlichkeitsvergleiche, sich so stark zwischen den jeweiligen Graphendarstellungen unterscheiden. Des weiteren wird der Zusammenhang zwischen dem Jaccard-Index und der RGF untersucht und es wird überprüft, ob das Zählen markierter *Graphlets* zu einer höheren Genauigkeit führt.

4.1.1 Datensatz 1

Vergleich der Graphformate

Wie schon im Ergebnisteil dargestellt, zeigen die Vergleiche der Aminosäuregraphen den höhsten Konsens mit der Einteilung der Strukturen durch CATH und SCOPe. Eine mögliche Erklärung hierfür ist die Gestalt der Graphen. Bisher wurden *Graphlets* zur Analyse von zusammenhängenden Graphen verwendet ([12], [10]). Proteingraphen und Komplexgraphen sind jedoch nicht immer zusammenhängend. es kommt häufig vor, dass einzelne Knoten keine Verbindungen zum Rest des Graphen aufweisen. Das unten stehende Bild zeigt ein Beispiel.

Dadurch, dass dies in den zusammenhängenden *Graphlets* nicht berücksichtigt werden kann, geht Information verloren. Unabhängig von der Wahl des Ähnlichkeitsmaß würde dieser Graph mit einem anderen Graphen, dem die beiden Helix-Knoten mit einem Grad von 0 fehlen, als gleich bewertet werden, obwohl dieser zwei SSEs weniger aufwiese. Diese SSEs können jedoch biologisch von zentraler Bedeutung sein.

Im Gegensatz hierzu sind die Aminosäuregraphen dieser Fallstudie zusammenhängend. Dies erklärt die höhere Genauigkeit.

albe protein graph of PDB entry 3gf9, chain A

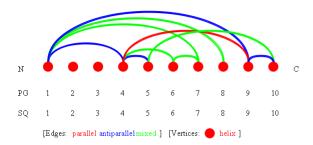


Abbildung 4.1: Proteingraph von 3GF9 - Datensatz 1

Vergleich der Distanzmaße

Wirft man einen Blick in die Tabellen, sieht es zunächst so aus, als würden sich Jaccard-Index und RGF ähnlich gut eignen, um die Ähnlichkeit der Graphlet-Vektoren zu bewerten. Die RGF stellt eine Distanz zwischen zwei Vektoren dar. Dementsprechend steht ein RGF-Wert von 0 für die Gleichheit zweier Vektoren, je höher der Wert ist, desto höher ist der Abstand zwischen den beiden Vektoren. Der modifizierte Jaccard-Index, der hier Verwendung findet, zählt Elemente, die sich um höchstens einen Faktor k unterscheiden. Ein RGF-Wert von 1 bedeutete, dass alle Elemente beider Vektoren sich höchstens um den Faktor k unterscheiden. Ein Wert von 0 bedeutet, dass alle Elemente sich um mehr als den Faktor k unterscheiden. Dementsprechend würde man erwarten, dass die Pearson-Korrelation von RGF und Jaccard-Index negativ ist. Die folgende Tabelle zeigt jedoch, dass diese für die Messungen der Fallstudie positiv ausfällt.

4.1.2 PDBTop500-Datensatz und Aldolasen

Der Vergleich der Proteine aus dem PDBTop500-Datensatz mit den Aldolasen hat gezeigt, dass sich die Verteilungen der *Graphlets* für einige *Graphlets* so stark unterscheiden, dass eine klare Unterscheidung der beiden anhand ihrer Verteilungen möglich zu sein scheint.

4.2 Ausblick

4.2.1 Optimierung der Laufzeit von graphletAnalyser

Vor allem bei der Berechnung der *Graphlets* auf Aminosäurgraphen großer Proteine besteht Verbesserungspotential. Aktuell zählt das Programm bei einem Aufruf automatische alle *Graphlets* mit 3,4 und 5 Knoten jeweils getrennt voneinander.

Da für die Ähnlichkeitsberechnung in ihrer aktuellen Form alle *Graphlets* einbezogen werden, ist es sinnvoll diese Berechnungen in einem Algorithmus zusammenzufassen. Für Graphen mit n Knoten und einem maximalen Knotengrad d ließe sich die Laufzeit damit von $O(nd^4 + nd^3 + nd^2)$ auf $O(nd^4)$ reduzieren.

Diese Zusammenfassung ließe sich dadurch bewerkstelligen, dass man die Funktionen zum Überprüfen der *Graphlets* aus den Algorithmen zum Zählen der 3- und 4-*Graphlets* in den Algorithmus zum Zählen der 5-*Graphlets* in die *for*-Schleifen der entsprechenden Tiefen einfügt.

4.2.2 Ähnlichkeitssuche

4.2.3 *Graphlet*-Motive

Anhang

5.1 Bildverzeichnis

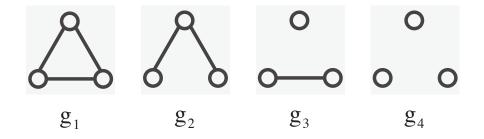


Abbildung 5.1: Graphlets der Größe 3 (Shervashidze et al.)

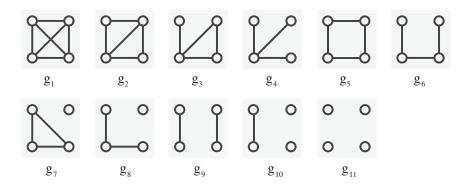


Abbildung 5.2: Graphlets der Größe 4 (Shervashidze et al.)

5.2 Tabellenverzeichnis

PDB-ID	1qpu	1qq3	1cgn	1he9	3gf9	1exs	1ngl	1qqs	3slo	1 wjx	5chy	2id9	3i42	1d4o	2 w0 i
1qpu	X	1.139	1.296	6.159	5.656	10.52	11.00	12.35	12.45	11.66	7.517	6.128	6.625	7.326	8.572
1qq3	1.139	X	1.310	5.980	5.645	9.964	10.38	11.61	11.84	11.10	6.967	5.776	6.039	7.491	8.059
1cgn	1.296	1.310	X	6.093	5.737	9.987	10.44	11.55	11.81	11.16	6.801	5.663	5.929	7.091	7.918
1he9	6.159	5.980	6.093	X	2.289	8.032	6.813	11.03	10.87	8.405	3.974	2.445	3.452	10.93	4.807
3gf9	5.656	5.645	5.737	2.289	Χ	9.544	8.479	12.36	12.19	10.03	5.135	3.370	4.359	12.08	6.018
1exs	10.52	9.964	9.987	8.032	9.544	X	4.463	4.041	3.138	2.802	4.773	7.086	5.541	7.374	4.530
1ngl	11.00	10.38	10.44	6.813	8.479	4.463	X	7.716	6.865	3.764	4.718	6.054	5.065	9.755	4.031
1qqs	12.35	11.61	11.55	11.03	12.36	4.041	7.716	X	1.674	5.340	8.148	10.20	8.612	7.226	7.404
3slo	12.45	11.84	11.81	10.87	12.19	3.138	6.865	1.674	X	4.750	7.488	9.994	8.600	7.680	6.997
1 wjx	11.66	11.10	11.16	8.405	10.03	2.802	3.764	5.340	4.750	X	5.264	7.522	5.699	8.450	4.384
5chy	7.517	6.967	6.801	3.974	5.135	4.773	4.718	8.148	7.488	5.264	X	2.600	2.817	8.667	1.497
2id9	6.128	5.776	5.663	2.445	3.370	7.086	6.054	10.20	9.994	7.522	2.600	X	2.447	10.24	3.657
3i42	6.625	6.039	5.929	3.452	4.359	5.541	5.065	8.612	8.600	5.699	2.817	2.447	X	9.544	2.817
1d4o	7.326	7.491	7.091	10.93	12.08	7.374	9.755	7.226	7.680	8.450	8.667	10.24	9.544	X	8.970
2 w0i	8.572	8.059	7.918	4.807	6.018	4.530	4.031	7.404	6.997	4.384	1.497	3.657	2.817	8.970	X

Tabelle 5.1: Distanzen der Aminosäuregraphen, gemessen mit RGF. In den Zellen der Tabelle stehen die RGF-Distanzen für die entsprechenden PDB-Dateien. Für jede Zeile (jedes Protein) sind die 4 niedrigsten Distanzen grün unterlegt. Je dunkler das grün ist, desto kürzer ist die Distanz

PDB-ID	1qpu	1qq3	1cgn	1 he 9	3gf9	1exs	1ngl	1qqs	3slo	1wjx	5chy	2id9	3i42	1d4o	2 w0i
1qpu	X	0.806	0.606	0.697	3.131	1.159	2.195	2.197	1.226	1.049	1.014	0.811	1.098	0.628	0.972
1qq3	0.806	X	0.405	1.504	1.567	1.703	0.883	0.883	1.396	1.270	0.869	0.405	0.693	0.988	1.779
1cgn	0.606	0.405	X	0.810	1.432	1.633	1.193	1.193	1.513	1.339	1.060	0.811	1.098	1.011	1.516
1he9	0.697	1.504	0.810	X	4.492	3.253	1.386	1.386	4.357	1.291	1.135	1.099	1.386	3.599	2.506
3gf9	3.131	1.567	1.432	4.492	X	2.523	2.815	2.817	1.596	2.056	1.816	1.917	2.034	3.122	4.130
1exs	1.159	1.703	1.633	3.253	2.523	X	1.324	1.324	2.968	0.696	0.885	1.492	1.610	3.102	3.820
1ngl	2.195	0.883	1.193	1.386	2.815	1.324	X	0.002	0.787	2.629	2.279	0.788	0.286	0.980	2.722
1qqs	2.197	0.883	1.193	1.386	2.817	1.324	0.002	X	0.787	2.631	2.281	0.788	0.285	0.980	2.722
3slo	1.226	1.396	1.513	4.357	1.596	2.968	0.787	0.787	X	0.257	0.705	1.024	1.073	3.137	6.154
1 wjx	1.049	1.270	1.339	1.291	2.056	0.696	2.629	2.631	0.257	X	1.043	0.933	0.914	0.644	2.093
5chy	1.014	0.869	1.060	1.135	1.816	0.885	2.279	2.281	0.705	1.043	X	0.607	0.800	0.275	2.282
2id9	0.811	0.405	0.811	1.099	1.917	1.492	0.788	0.788	1.024	0.933	0.607	X	0.692	0.783	2.890
3i42	1.098	0.693	1.098	1.386	2.034	1.610	0.286	0.285	1.073	0.914	0.800	0.692	X	1.076	3.008
1d4o	0.628	0.988	1.011	3.599	3.122	3.102	0.980	0.980	3.137	0.644	0.275	0.783	1.076	X	4.406
2 w0i	0.972	1.779	1.516	2.506	4.130	3.820	2.722	2.722	6.154	2.093	2.282	2.890	3.008	4.406	X

Tabelle 5.2: Distanzen der Proteingraphen, gemessen mit RGF. In den Zellen der Tabelle stehen die RGF-Distanzen für die entsprechenden PDB-Dateien. Für jede Zeile (jedes Protein) sind die 4 niedrigsten Distanzen grün unterlegt. Je dunkler das grün ist, desto kürzer ist die Distanz

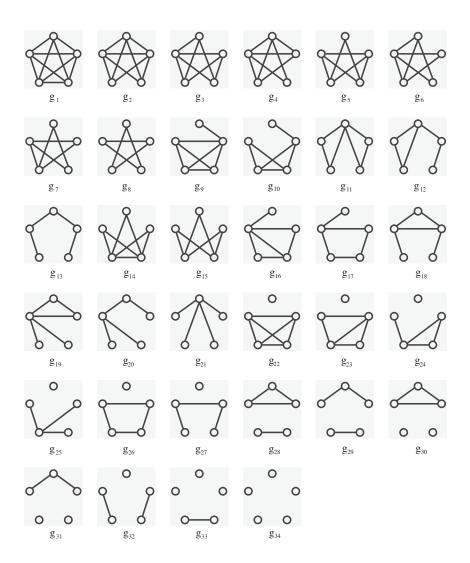


Abbildung 5.3: Graphlets der Größe 5 (Shervashidze et al.)

PDB-ID	1qpu	1qq3	1cgn	1he9	3gf9	1exs	1ngl	1qqs	3slo	1 wjx	5chy	2id9	3i42	1d4o	2 w0i
1qpu	X	4.405	5.056	2.271	10.75	3.567	2.309	13.66	14.10	2.128	1.933	2.165	1.877	8.791	4.422
1qq3	4.405	X	1.906	1.714	10.03	3.860	3.457	6.851	12.70	2.587	2.431	2.557	2.269	7.907	3.002
1cgn	5.056	1.906	X	0.985	9.469	1.712	1.979	7.333	12.20	1.954	1.120	0.249	0.037	6.501	0.980
1he9	2.271	1.714	0.985	X	5.881	3.456	1.386	4.069	5.432	1.466	1.291	1.099	1.386	9.950	2.506
3gf9	10.75	10.03	9.469	5.881	X	5.473	4.230	14.86	15.99	2.516	1.971	2.575	2.693	8.811	11.61
1exs	3.567	3.860	1.712	3.456	5.473	X	1.290	3.217	4.391	0.611	0.662	1.459	1.576	9.191	4.226
1ngl	2.309	3.457	1.979	1.386	4.230	1.290	X	3.637	2.620	2.697	2.644	0.788	0.286	4.373	2.722
1qqs	13.66	6.851	7.333	4.069	14.86	3.217	3.637	X	12.90	5.645	4.202	3.394	3.512	16.22	4.907
3slo	14.10	12.70	12.20	5.432	15.99	4.391	2.620	12.90	X	4.974	3.863	2.351	2.412	14.09	7.116
1 wjx	2.128	2.587	1.954	1.466	2.516	0.611	2.697	5.645	4.974	X	0.360	0.961	0.965	2.225	2.042
5chy	1.933	2.431	1.120	1.291	1.971	0.662	2.644	4.202	3.863	0.360	X	0.797	0.914	1.728	2.093
2id9	2.165	2.557	0.249	1.099	2.575	1.459	0.788	3.394	2.351	0.961	0.797	X	0.692	1.921	2.890
3i42	1.877	2.269	0.037	1.386	2.693	1.576	0.286	3.512	2.412	0.965	0.914	0.692	X	2.039	3.008
1d4o	8.791	7.907	6.501	9.950	8.811	9.191	4.373	16.22	14.09	2.225	1.728	1.921	2.039	X	10.76
2 w0i	4.422	3.002	0.980	2.506	11.61	4.226	2.722	4.907	7.116	2.042	2.093	2.890	3.008	10.76	X

Tabelle 5.3: Distanzen der Komplexgraphen, gemessen mit RGF. In den Zellen der Tabelle stehen die RGF-Distanzen für die entsprechenden PDB-Dateien. Für jede Zeile (jedes Protein) sind die 4 niedrigsten Distanzen grün unterlegt. Je dunkler das grün ist, desto kürzer ist die Distanz

PDB-ID	1qpu	1qq3	1cgn	1 he9	3gf9	1 exs	1ngl	1 qqs	3slo	1 wjx	5 chy	2id9	3i42	1d4o	2 w0 i	
1qpu	X	1.0	1.0	0.621	0.666	0.276	0.25	0.25	0.224	0.25	0.538	0.714	0.5	0.363	0.333	
1qq3	1.0	X	1.0	0.621	0.621	0.304	0.276	0.304	0.224	0.25	0.578	0.666	0.666	0.428	0.463	
1cgn	1.0	1.0	X	0.621	0.714	0.333	0.224	0.224	0.224	0.276	0.5	0.666	0.578	0.333	0.428	
1he9	0.621	0.621	0.621	X	0.935	0.463	0.428	0.176	0.276	0.304	0.621	0.875	0.764	0.333	0.463	
3gf9	0.666	0.621	0.714	0.935	X	0.276	0.333	0.2	0.2	0.224	0.621	0.764	0.621	0.25	0.463	
1exs	0.276	0.304	0.333	0.463	0.276	X	0.621	0.621	0.764	0.875	0.666	0.5	0.578	0.463	0.818	
1 ngl	0.25	0.276	0.224	0.428	0.333	0.621	X	0.276	0.428	0.666	0.621	0.538	0.578	0.463	0.666	
1qqs	0.25	0.304	0.224	0.176	0.2	0.621	0.276	X	1.0	0.621	0.5	0.276	0.395	0.463	0.463	
3slo	0.224	0.224	0.224	0.276	0.2	0.764	0.428	1.0	X	0.538	0.463	0.333	0.395	0.463	0.5	
1wjx	0.25	0.25	0.276	0.304	0.224	0.875	0.666	0.621	0.538	X	0.538	0.363	0.5	0.395	0.621	
5chy	0.538	0.578	0.5	0.621	0.621	0.666	0.621	0.5	0.463	0.538	X	0.818	0.764	0.428	1.0	
2id9	0.714	0.666	0.666	0.875	0.764	0.5	0.538	0.276	0.333	0.363	0.818	X	0.818	0.304	0.621	
3i42	0.5	0.666	0.578	0.764	0.621	0.578	0.578	0.395	0.395	0.5	0.764	0.818	X	0.333	0.714	
1d4o	0.363	0.428	0.333	0.333	0.25	0.463	0.463	0.463	0.463	0.395	0.428	0.304	0.333	X	0.333	
2 w0i	0.333	0.463	0.428	0.463	0.463	0.818	0.666	0.463	0.5	0.621	1.0	0.621	0.714	0.333	X	

Tabelle 5.4: Jaccard-Indizes der Aminosäuregraphen. In den Zellen der Tabelle stehen die Jaccard-Indizes für die entsprechenden PDB-Dateien. Für jede Zeile (jedes Protein) sind die 4 größten Indizes grün unterlegt. Je dunkler das grün ist, desto größer der Index

PDB-ID	1qpu	1qq3	1cgn	1he9	3gf9	1exs	1ngl	1qqs	3slo	1 wjx	5chy	2id9	3i42	1d4o	2 w0i
1qpu	X	0.764	0.764	0.578	0.463	0.463	0.621	0.621	0.428	0.578	0.666	0.666	0.666	0.538	0.395
1qq3	0.764	X	0.935	0.764	0.463	0.621	0.714	0.714	0.538	0.714	0.764	0.875	0.818	0.666	0.5
1cgn	0.764	0.935	X	0.764	0.428	0.578	0.714	0.714	0.538	0.666	0.714	0.875	0.818	0.621	0.463
1he9	0.578	0.764	0.764	X	0.463	0.578	0.621	0.621	0.578	0.538	0.621	0.714	0.714	0.666	0.538
3gf9	0.463	0.463	0.428	0.463	X	0.428	0.463	0.463	0.463	0.463	0.538	0.428	0.463	0.5	0.333
1exs	0.463	0.621	0.578	0.578	0.428	X	0.5	0.5	0.714	0.5	0.578	0.666	0.578	0.714	0.621
1ngl	0.621	0.714	0.714	0.621	0.463	0.5	X	1.0	0.538	0.818	0.818	0.818	0.875	0.578	0.395
1qqs	0.621	0.714	0.714	0.621	0.463	0.5	1.0	X	0.538	0.818	0.818	0.818	0.875	0.578	0.395
3slo	0.428	0.538	0.538	0.578	0.463	0.714	0.538	0.538	X	0.538	0.5	0.578	0.621	0.578	0.463
1 wjx	0.578	0.714	0.666	0.538	0.463	0.5	0.818	0.818	0.538	X	0.764	0.714	0.818	0.538	0.395
5 chy	0.666	0.764	0.714	0.621	0.538	0.578	0.818	0.818	0.5	0.764	X	0.875	0.818	0.621	0.395
2id9	0.666	0.875	0.875	0.714	0.428	0.666	0.818	0.818	0.578	0.714	0.875	X	0.935	0.714	0.463
3i42	0.666	0.818	0.818	0.714	0.463	0.578	0.875	0.875	0.621	0.818	0.818	0.935	X	0.666	0.463
1d4o	0.538	0.666	0.621	0.666	0.5	0.714	0.578	0.578	0.578	0.538	0.621	0.714	0.666	X	0.5
2 w0 i	0.395	0.5	0.463	0.538	0.333	0.621	0.395	0.395	0.463	0.395	0.395	0.463	0.463	0.5	X

Tabelle 5.5: Jaccard-Indizes der Proteingraphen. In den Zellen der Tabelle stehen die Jaccard-Indizes für die entsprechenden PDB-Dateien. Für jede Zeile (jedes Protein) sind die 4 größten Indizes grün unterlegt. Je dunkler das grün ist, desto größer der Index

PDB-ID	1qpu	1qq3	1cgn	1 he 9	3gf9	1exs	1ngl	1qqs	3slo	1wjx	5chy	2id9	3i42	1d4o	2 w0i
1qpu	X	0.428	0.395	0.428	0.153	0.304	0.395	0.132	0.111	0.363	0.395	0.428	0.428	0.276	0.276
1qq3	0.428	X	0.666	0.621	0.2	0.395	0.5	0.2	0.090	0.5	0.5	0.538	0.538	0.333	0.428
1cgn	0.395	0.666	X	0.621	0.224	0.428	0.5	0.224	0.111	0.463	0.5	0.538	0.538	0.363	0.363
1he9	0.428	0.621	0.621	X	0.25	0.578	0.621	0.153	0.090	0.538	0.621	0.714	0.714	0.428	0.538
3gf9	0.153	0.2	0.224	0.25	X	0.276	0.224	0.153	0.153	0.276	0.304	0.25	0.224	0.276	0.224
1exs	0.304	0.395	0.428	0.578	0.276	X	0.5	0.2	0.153	0.578	0.578	0.666	0.578	0.5	0.621
1ngl	0.395	0.5	0.5	0.621	0.224	0.5	X	0.132	0.132	0.818	0.818	0.818	0.875	0.428	0.395
1qqs	0.132	0.2	0.224	0.153	0.153	0.2	0.132	X	0.224	0.132	0.132	0.132	0.132	0.132	0.2
3slo	0.111	0.090	0.111	0.090	0.153	0.153	0.132	0.224	X	0.111	0.090	0.090	0.111	0.111	0.153
1 wjx	0.363	0.5	0.463	0.538	0.276	0.578	0.818	0.132	0.111	X	0.935	0.714	0.818	0.5	0.395
5chy	0.395	0.5	0.5	0.621	0.304	0.578	0.818	0.132	0.090	0.935	X	0.875	0.818	0.5	0.395
2id9	0.428	0.538	0.538	0.714	0.25	0.666	0.818	0.132	0.090	0.714	0.875	X	0.935	0.5	0.463
3i42	0.428	0.538	0.538	0.714	0.224	0.578	0.875	0.132	0.111	0.818	0.818	0.935	X	0.428	0.463
1d4o	0.276	0.333	0.363	0.428	0.276	0.5	0.428	0.132	0.111	0.5	0.5	0.5	0.428	X	0.333
2 w0i	0.276	0.428	0.363	0.538	0.224	0.621	0.395	0.2	0.153	0.395	0.395	0.463	0.463	0.333	X

Tabelle 5.6: Jaccard-Indizes der Komplexgraphen. In den Zellen der Tabelle stehen die Jaccard-Indizes für die entsprechenden PDB-Dateien. Für jede Zeile (jedes Protein) sind die 4 größten Indizes grün unterlegt. Je dunkler das grün ist, desto größer der Index

Literaturverzeichnis

- [1] Tatiana Bakirova, Tim Schäfer, and Ina Koch. Comparison of protein topology graphs using graphlet-based methods. GCB 2013 Göttingen-Poster Abstracts.
- [2] Sayoni Das, Natalie L Dawson, and Christine A Orengo. Diversity in protein domain superfamilies. Current opinion in genetics & development, 35:40–49, 2015.
- [3] Liisa Holm and Chris Sander. Protein structure comparison by alignment of distance matrices. *Journal of molecular biology*, 233(1):123–138, 1993.
- [4] Björn H Junker and Falk Schreiber. *Analysis of biological networks*, volume 2. John Wiley & Sons, 2011.
- [5] Richard M Karp. Reducibility among combinatorial problems. Springer, 1972.
- [6] E Krissinel and K Henrick. Secondary-structure matching (ssm), a new tool for fast protein structure alignment in three dimensions. *Acta Crystallographica Section D: Biological Crystallography*, 60(12):2256–2268, 2004.
- [7] Simon C Lovell, Ian W Davis, W Bryan Arendall, Paul IW de Bakker, J Michael Word, Michael G Prisant, Jane S Richardson, and David C Richardson. Structure validation by $c\alpha$ geometry: ϕ , ψ and $c\beta$ deviation. Proteins: Structure, Function, and Bioinformatics, 50(3):437–450, 2003.
- [8] Patrick May, Annika Kreuchwig, Thomas Steinke, and Ina Koch. Ptgl: a database for secondary structure-based protein topologies. *Nucleic acids research*, 38(suppl 1):D326–D330, 2010.
- [9] Natasa Pržulj, Derek G Corneil, and Igor Jurisica. Modeling interactome: scale-free or geometric? *Bioinformatics*, 20(18):3508–3515, 2004.
- [10] Natasa Pržulj, Derek G Corneil, and Igor Jurisica. Efficient estimation of graphlet frequency distributions in protein–protein interaction networks. *Bioinformatics*, 22(8):974–980, 2006.

- [11] Tim Schäfer, Patrick May, and Ina Koch. Computation and Visualization of Protein Topology Graphs Including Ligand Information. In Sebastian Böcker, Franziska Hufsky, Kerstin Scheubert, Jana Schleicher, and Stefan Schuster, editors, German Conference on Bioinformatics 2012, volume 26 of OpenAccess Series in Informatics (OASIcs), pages 108–118, Dagstuhl, Germany, 2012. Schloss Dagstuhl-Leibniz-Zentrum fuer Informatik.
- [12] Nino Shervashidze, Tobias Petri, Kurt Mehlhorn, Karsten M Borgwardt, and Svn Vishwanathan. Efficient graphlet kernels for large graph comparison. In *International conference on artificial intelligence and statistics*, pages 488–495, 2009.
- [13] Ilya N Shindyalov and Philip E Bourne. Protein structure alignment by incremental combinatorial extension (ce) of the optimal path. *Protein engineering*, 11(9):739–747, 1998.
- [14] Yuzhen Ye and Adam Godzik. Flexible structure alignment by chaining aligned fragment pairs allowing twists. *Bioinformatics*, 19(suppl 2):ii246–ii255, 2003.
- [15] Yang Zhang and Jeffrey Skolnick. Tm-align: a protein structure alignment algorithm based on the tm-score. *Nucleic acids research*, 33(7):2302–2309, 2005.