

QCM (4pts)

Indiquer pour chaque n° de question la ou les réponse(s) exacte(s)

N° de la question	Le libellé de la question	Réponse A	Réponse B	Réponse C
1	La constante d'acidité K_a associée à l'équation : $\text{NH}_4^+ + \text{H}_2\text{O} \rightleftharpoons \text{NH}_3 + \text{H}_3\text{O}^+$ est	$K_a = \frac{[\text{H}_3\text{O}^+][\text{NH}_4^+]}{[\text{NH}_3][\text{H}_2\text{O}]}$	$K_a = \frac{[\text{H}_3\text{O}^+][\text{NH}_4^+]}{[\text{NH}_3]}$	$K_a = \frac{[\text{H}_3\text{O}^+][\text{NH}_3]}{[\text{NH}_4^+]}$
2	L'hydratation du but-2-ène donne uniquement un alcool	Tertiaire	Secondaire	primaire
3	La radioactivité α correspond à l'émission	d'un électron	d'un positon	d'un noyau d'hélium
4	L'expression de l'interfrange i est	$i = \frac{\lambda D}{a}$	$i = \frac{a D}{\lambda}$	$i = \frac{a x}{D}$

Exercice 1 (3pts)

1. Les ions peroxodisulfate $\text{S}_2\text{O}_8^{2-}$ oxydent lentement les ions iodures I^- .

Établir l'équation bilan de cette réaction. On donne les couples : $\text{S}_2\text{O}_8^{2-}/\text{SO}_4^{2-}$ et I_2/I^- (0,25pt)

2. A la date $t=0$, et à une température constante, on réalise un mélange de volume total $V=40\text{mL}$ en versant dans un erlenmeyer un volume V_1 d'une solution aqueuse de peroxodisulfate d'ammonium $(\text{NH}_4)_2\text{S}_2\text{O}_8$ de concentration molaire C_1 , un volume $V_2=V_1$ d'une solution aqueuse d'iodure de potassium KI de concentration molaire $C_2=3C_1$ et quelques gouttes d'une solution d'empois d'amidon. (On rappelle que l'empois d'amidon colore en bleu une solution contenant du diiode I_2 même en faible quantité).

2.1. Exprimer en fonction de C_1 , les concentrations molaires initiales des ions peroxodisulfates

$[\text{S}_2\text{O}_8^{2-}]_0$ et des ions iodures $[\text{I}^-]_0$ dans le mélange réactionnel. Préciser le réactif limitant. (0,75pt)

2.2. Dresser le tableau d'avancement volumique de la réaction. (0,25pt)

3. A différentes dates t , on prélève, du mélange réactionnel, un volume V_0 auquel on ajoute de l'eau glacée et on dose la quantité de diiode I_2 formée par une solution de thiosulfate de sodium $\text{Na}_2\text{S}_2\text{O}_3$ selon une réaction rapide et totale. Les résultats des dosages ont permis de tracer la courbe d'avancement volumique $y=f(t)$ ci-contre (voir figure).

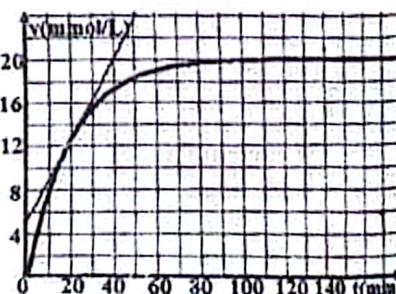
3.1. Préciser comment peut-on reconnaître expérimentalement le point d'équivalence ? (0,25pt)

3.2. Déterminer, à partir de la courbe, la valeur de la concentration $[\text{S}_2\text{O}_8^{2-}]_0$ et déduire les valeurs de C_1 et C_2 . (0,75pt)

3.3. Définir la vitesse volumique d'une réaction chimique.

Déterminer graphiquement sa valeur à la date $t=20\text{min}$.

Déduire à cette date la vitesse instantanée de la réaction et celle de la disparition de I^- . (0,75pt)



Exercice2 (2pts)

Les solutions sont prises à 25°C

Soit une solution S_0 d'acide méthanoïque contenue dans un flacon portant les indications suivantes :
Masse volumique : $1,22\text{g/cm}^3$ et le pourcentage en masse d'acide 98%.

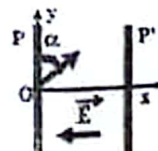
- Calculer la concentration théorique C_0 en mol/L de la solution S_0 . (0,25pt)
- Afin de déterminer la concentration réelle de cette solution, on prépare à partir d'un volume $V_0=5\text{mL}$ de S_0 un volume V d'une solution S de concentration théorique $C=C_0/100$.
 - Décrire, en précisant le matériel utilisé, les opérations nécessaires à l'obtention du volume V de la solution S . (0,75pt)
 - On dose alors un volume $V_A=10\text{mL}$ de la solution S par une solution d'hydroxyde de sodium de concentration $C_B=10^{-1}\text{mol/L}$ en présence de phénolphthaléine. Le changement de teinte de l'indicateur a lieu pour un volume d'hydroxyde de sodium versé $V_B=25,4\text{mL}$.
 - Ecrire l'équation de la réaction ayant lieu lors du dosage. (0,25pt)
 - Déterminer la valeur de la concentration C de la solution S . En déduire la valeur de la concentration réelle de la solution S_0 et la comparer à la valeur théorique.. (0,75pt)

Exercice3 (3,5pts)

Les deux questions 1 et 2 de l'exercice sont indépendantes

1. Deux plaques parallèles P et P' verticales constituées de fins grillages métalliques distantes de $d=4\text{cm}$ délimitent une région où règne un champ électrique \vec{E} dont le sens est indiqué sur la figure. Une particule de charge $q=-1,6 \cdot 10^{-19}\text{C}$ et de masse $m=9,1 \cdot 10^{-31}\text{kg}$ arrive en O à l'instant $t=0$ avec une vitesse \vec{v}_0 telle $(\vec{v}_0; \vec{Oy}) = \alpha$.

- Représenter la force électrique qui s'exerce sur la particule en O . (0,25pt)
- On admettra que le poids d'une particule est négligeable devant la force électrique si $P < \frac{F}{100}$. Quelle est alors la condition sur E pour pouvoir négliger P ? (0,25pt)



1.3. Dans la suite on prendra $E=2 \cdot 10^4\text{V/m}$; $V_0=10^7\text{m/s}$; $\alpha=45^\circ$

- Etablir l'expression de l'équation de la trajectoire de la particule. (0,75pt)
 - Exprimer la composante V_x de la vitesse en fonction de x . (0,5pt)
 - Calculer la valeur V de la vitesse de la particule ainsi que l'angle β qu'elle fait avec la verticale au moment où elle arrive à la plaque P' . (0,5pt)
 - La particule précédente peut être émise par une cathode éclairée par un rayonnement monochromatique de longueur d'onde $\lambda=0,4\mu\text{m}$. On établit entre cette cathode C et une anode A une tension U_{AC} . Le travail d'extraction du métal qui couvre la cathode est $W_0=2,26\text{eV}$.
 - Déterminer la longueur d'onde seuil λ_0 caractéristique du métal. (0,25pt)
 - Comparer λ_0 avec la longueur d'onde λ des radiations éclairant la cellule. Conclure. (0,5pt)
 - Définir le potentiel d'arrêt et calculer sa valeur. (0,5pt)
- Données : $m_e = 9,1 \cdot 10^{-31}\text{kg}$; Constante de Planck : $h = 6,62 \cdot 10^{-34}\text{J.s}$;
Célérité de la lumière: $c = 3 \cdot 10^8\text{m.s}^{-1}$; $1\text{eV} = 1,6 \cdot 10^{-19}\text{J}$

Exercice4 (4pts)

Les deux questions 1 et 2 de l'exercice sont indépendantes

1. Une bobine longue de $N=1000$ spires de section moyenne $S=20\text{cm}^2$ a une longueur $l=50\text{cm}$.

1.1. La bobine est traversée par un courant d'intensité continue $i=0,8\text{A}$.

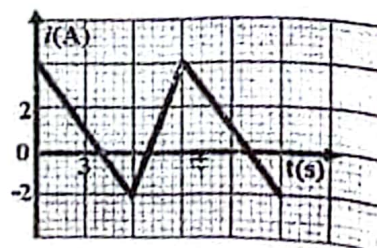
Exprimer le flux propre de la bobine en fonction de N , S , l , i et μ_0 (perméabilité du vide). Déduire la valeur de l'inductance propre L de la bobine. $\mu_0=4\pi \cdot 10^{-7}\text{S.I.}$ (0,75pt)

1.2. La bobine est traversée maintenant par un courant d'intensité variant comme l'indique la figure.

1.2.1. Quel phénomène apparaît dans la bobine? Justifier la réponse. (0,25pt)

1.2.2. Donner en fonction de L et i l'expression de la force électromotrice d'auto-induction e qui apparaît dans la bobine et calculer ses valeurs dans les différents intervalles de temps. (1,25pt)

1.2.3. Représenter graphiquement les variations de e en fonction du temps. (0,5pt)



2. Un vibreur est formé d'une lame vibrante attirée par un électro-aimant alimenté par un courant sinusoïdal. La lame vibre avec une fréquence $N=100\text{Hz}$.

On fixe à la lame du vibreur l'extrémité supérieure O d'une corde élastique placée verticalement. L'extrémité inférieure de la corde porte un solide immergé dans l'eau pour empêcher la réflexion des ondes.

Le vibreur impose au point O un mouvement sinusoïdal d'amplitude $a=2\text{mm}$. La célérité des ondes le long de la corde est $C=40\text{m/s}$.

2.1. Écrire l'équation horaire du mouvement du point O en supposant qu'au temps $t=0$, il passe par sa position d'équilibre dans le sens des elongations positives. (0,25pt)

2.2. Écrire l'équation du mouvement d'un point M situé à $x=30\text{cm}$ de O et calculer sa vitesse maximale. (0,5pt)

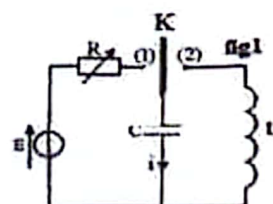
2.3. Comparer les mouvements de ce point M et d'un point N situé à 50cm de O. Conclure. (0,5pt)



Exercice 5 (3,5pts)

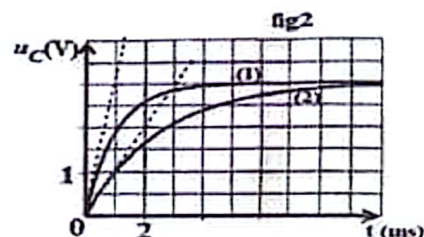
On considère le montage schématisé sur la figure 1 constitué de :

- Un générateur idéal de tension, de force électromotrice E ;
- Un conducteur ohmique de résistance R réglable ;
- Un condensateur de capacité C ;
- Une bobine d'inductance L et de résistance négligeable ;
- Un interrupteur K à double positions.



1. On bascule l'interrupteur K sur la position (1) à un instant $t=0$ considéré comme origine des dates.

Les deux courbes (1) et (2) de la figure 2 représentent respectivement les évolutions temporelles de la tension $u_C(t)$ aux bornes du condensateur pour $R_1=10\Omega$ et pour R_2 inconnue.



1.1. Reproduire la figure 1 et indiquer comment est branché un oscilloscope pour visualiser la tension $u_C(t)$. (0,25pt)

1.2. Etablir l'équation différentielle vérifiée par $u_C(t)$ (0,5pt)

1.3. La solution de cette équation différentielle est :

$$u_C(t) = A(1 - e^{-t/\tau})$$

Trouver en fonction des paramètres du circuit, les expressions de A et de τ . (0,5pt)

1.4. En exploitant les courbes (1) et (2), déterminer les valeurs de la force électromotrice E , de la capacité C du condensateur et de la résistance R_2 . Déduire comment influe la résistance sur la valeur de la constante de temps τ . (1,25pt)

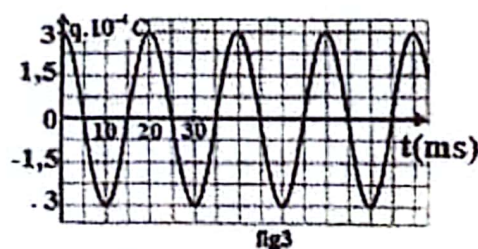
2. Après avoir chargé totalement le condensateur de capacité $C=100\mu\text{F}$, on bascule l'interrupteur K sur la position (2) (voir Figure 1).

La courbe de la figure 3 représente l'évolution temporelle de la charge $q(t)$ du condensateur en négligeant l'amortissement.

2.1. Etablir l'équation différentielle vérifiée par la charge $q(t)$. (0,25pt)

2.2. La solution de l'équation précédente étant $q(t)=Q_m \cdot \cos(\omega_0 t)$; trouver en fonction de L et de C l'expression de la période propre T_0 de cet oscillateur électrique. (0,5pt)

2.3. Vérifier que la valeur approximative de l'inductance de la bobine étudiée est : $L \approx 0,1\text{H}$. (0,25pt)



13.3. Calcul de V_F :

En F l'abscisse $x_F = d$; d'où

$$V_F = \sqrt{V_0^2 + V_{yF}^2}$$

$$V_F = \sqrt{V_0^2 \sin^2 \alpha + \frac{2eE}{m} x_F + V_0^2 \cos^2 \alpha} \quad (0,25 \text{ pt})$$

$$V_F = \sqrt{V_0^2 + \frac{2eE}{m} x_F} = \sqrt{V_0^2 + \frac{2eE}{m} d} = 1,95 \cdot 10^7 \text{ m/s}$$

Calcul de β

$$\cos \beta = \frac{V_{0x}}{V_F} = \frac{V_0 \cos \alpha}{V_F} = \frac{10^7 \cdot \frac{\sqrt{2}}{2}}{1,95 \cdot 10^7} = 0,36 \quad (0,25 \text{ pt})$$

$$\Leftrightarrow \beta = 68,8^\circ$$

2.1. Calcul de λ_0 :

$$W_0 = \frac{hc}{\lambda_0} \Rightarrow \lambda_0 = \frac{hc}{W_0} = 0,55 \mu\text{m} \quad (0,25 \text{ pt})$$

2.2. Comparaison : $\lambda_0 > \lambda$ conclusion : donc il y a effet photoélectrique. (0,5 pt)

2.3. Le potentiel d'arrêt U_0 est la valeur de la tension U_{AC} qui permet aux électrons d'être (0,25 pt)

arrêtés au niveau de l'anode

$$\Delta E_C = \sum W_F \Leftrightarrow E_{CA} - E_{CC} = eU_{AC}$$

$$\text{or } E_{CA} = 0 \text{ alors } U_{AC} = U_0 \Rightarrow -E_{CC} = eU_0$$

$$\text{comme } E_{CC} = W - W_0 = hc \left(\frac{1}{\lambda} - \frac{1}{\lambda_0} \right) \text{ il vient :} \quad (0,25 \text{ pt})$$

$$eU_0 = hc \left(\frac{1}{\lambda} - \frac{1}{\lambda_0} \right) \Rightarrow U_0 = \frac{hc}{e} \left(\frac{1}{\lambda} - \frac{1}{\lambda_0} \right) = 0,85 \text{ V}$$

Corrigé de l'exercice 4 (4pts)

1.1. L'expression du flux Φ :

$$\Phi = NSB \text{ avec } B = \frac{\mu_0 N I}{l}$$

$$\text{D'où } \Phi = \frac{\mu_0 N^2 S}{l} I \quad (0,25 \text{ pt})$$

Déduction de L

$$\Phi = \frac{\mu_0 N^2 S}{l} I \text{ et } \Phi = Li \Rightarrow L = \frac{N^2 S \mu_0}{l} \quad (0,5 \text{ pt})$$

$$A.N : L = 5 \cdot 10^{-3} \text{ H.}$$

1.2.1. Le phénomène qui apparaît un phénomène d'auto-induction car le flux varie à cause de la variation de l'intensité i

$$\left(e = -L \frac{di}{dt} \right). \quad (0,25 \text{ pt})$$

1.2.2. Les diverses valeurs de la f.é.m. induite :

$$\text{La f.é.m. induite : } e = -L \frac{di}{dt}$$

• Sur $[0; 6]$

$$i_1 = at + b \text{ Avec } \begin{cases} a_1 = \frac{\Delta i}{\Delta t} = -1 \\ b = 4 \end{cases}$$

$$i_1 = -t + 4 \text{ Soit } e_1 = -L \frac{di_1}{dt} = 5 \cdot 10^{-3} \text{ V}$$

• Sur $[6; 9]$

$$i_2 = a't + b' \text{ Avec } \begin{cases} a' = \frac{\Delta i}{\Delta t} = 2 \\ b' = -14 \end{cases}$$

$$i_2 = 2t - 14 \text{ soit } e_2 = -2L = -10^{-2} \text{ V}$$

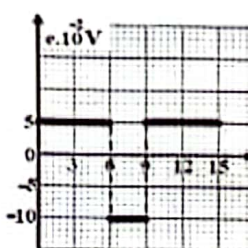
• Sur $[9; 15]$

$$i_3 = a''t + b'' \text{ Avec } \begin{cases} a'' = \frac{\Delta i}{\Delta t} = -1 \\ b'' = 13 \end{cases}$$

$$\text{Donc } i_3 = -t + 13$$

$$\text{Soit } e_3 = L = 5 \cdot 10^{-3} \text{ V} \quad (1,25 \text{ pt})$$

1.2.3. Représentation de la fonction $e = f(t)$: (0,5 pt)



2.1 L'équation horaire du mouvement de la source

O: Le mouvement étant sinusoïdal son équation

serait de la forme $y_0 = a \cos(\omega t + \varphi)$

Avec $\omega = 2\pi N = 200\pi$ et $a = 2 \cdot 10^{-3} \text{ m}$

à $t=0$

$$\cos \varphi = \frac{y_0}{a} - 0 \Rightarrow \varphi = -\frac{\pi}{2} \text{ car } y_0 > 0$$

$$\text{d'où l'équation } y_0 = 2 \cdot 10^{-3} \cos(200\pi t - \frac{\pi}{2}) \quad (0,25 \text{ pt})$$

2.2. L'équation du mouvement d'un point M situé à la distance x

$$y_M = y_O(t-0) = 2 \cdot 10^{-3} \cos(200\pi t - \frac{\pi}{2} - \frac{2\pi x}{\lambda})$$

Pour $x=0,3 \text{ m}$ et $\lambda=0,4 \text{ m}$ on trouve :

$$y_M = 2 \cdot 10^{-3} \cos(200\pi t) \quad (0,25 \text{ pt})$$

Calcul de la vitesse max :

$$V = \left(\frac{dy}{dt} \right)_{\max} = a\omega = 0,4\pi \text{ m/s} \quad (0,25 \text{ pt})$$

2.3. Comparaison des mouvements de M et de N :

$$\frac{\Delta x}{\lambda} = \frac{x_N - x_M}{\lambda} = \frac{0,2}{0,4} = \frac{1}{2} \Rightarrow \Delta x = \frac{\lambda}{2}$$

M et N vibrent en opposition de phase.

(0, 5 pt)

Autre méthode :

$$\Delta \varphi = \frac{2\pi}{\lambda} (x_N - x_M) = \frac{2\pi}{\lambda} (50 - 30) \cdot 10^{-2} = \pi$$

Corrigé du QCM (4pts)

N° de la question	1	2	3	4
Réponse exacte	C	B	C	A

Corrigé de l'exercice 1 (3pts)

1.1. L'éq. bilan : $2I^- + S_2O_8^{2-} \rightarrow 2SO_4^{2-} + I_2$ (0,25pt)

2.1. Expressions des concentrations initiales :

$$[S_2O_8^{2-}]_0 = \frac{C_1 V_1}{V_1 + V_2} = \frac{C_1 V_1}{2V_1} = \frac{C_1}{2} \quad (0,5pt)$$

$$[I^-]_0 = \frac{C_2 V_2}{V_1 + V_2} = \frac{3C_1 V_2}{2V_2} = \frac{3C_1}{2}$$

Le réactif limitant

$$\frac{[S_2O_8^{2-}]_0}{1} = \frac{C_1}{2} \quad ; \quad \frac{[I^-]_0}{2} = \frac{3C_1}{4}$$

Le réactif limitant est $S_2O_8^{2-}$ (0,25pt)

2.2. Le tableau d'avancement volumique (0,25pt)

Etat de la réaction	Avancement volumique	Concentration $2I^- + S_2O_8^{2-} \rightarrow 2SO_4^{2-} + I_2$			
Etat initial	0	$[I^-]_0 = \frac{3C_1}{2}$	$[S_2O_8^{2-}]_0 = \frac{C_1}{2}$	0	0
Etat intermédiaire	y	$\frac{3C_1}{2} - 2y$	$\frac{C_1}{2} - y$	2y	y
Etat final	y _f	$\frac{3C_1}{2} - 2y_f$	$\frac{C_1}{2} - y_f$	2y _f	y _f

3.1. On reconnaît l'équivalence grâce à la disparition de la teinte bleue. (0,25pt)

3.2. Détermination de $[S_2O_8^{2-}]_0$

Graphiquement y=20mmol/L et comme $S_2O_8^{2-}$ est le réactif limitant, on a :

$$[S_2O_8^{2-}]_0 - y_f = 0 \Rightarrow [S_2O_8^{2-}]_0 = y_f = 2 \cdot 10^{-2} \text{ mol/L} \quad (0,25pt)$$

Déduction de C_1 et de C_2

$$[S_2O_8^{2-}]_0 = \frac{C_1}{2} \Rightarrow C_1 = 2 \cdot [S_2O_8^{2-}]_0 = 4 \cdot 10^{-2} \text{ mol/L} \quad (0,5pt)$$

$$\text{et } C_2 = 3C_1 = 1,2 \cdot 10^{-1} \text{ mol/L}$$

3.3. La vitesse volumique est la dérivée de l'avancement volumique par rapport au temps

($V_v = \frac{dy(t)}{dt}$) ; elle correspond au coefficient

directeur de la tangente à la courbe au point d'abscisse t considéré.

On utilise les deux points A et B d'abscisses t₁ et t₂ de la tangente, on obtient :

$$V_v = \frac{dy(t)}{dt} = \frac{20-5}{40-0} \cdot 10^{-3} = 3,75 \cdot 10^{-4} \text{ mol/L/min} \quad (0,25pt)$$

La vitesse instantanée :

$$V = V_v \cdot xVol = 15 \cdot 10^{-6} \text{ mol/min} \quad (0,25pt)$$

La vitesse de disparition de I⁻

$$V = \frac{V_v}{2} \Rightarrow V_{I^-} = 2 \cdot V = 3 \cdot 10^{-5} \text{ mol/min} \quad (0,25pt)$$

Corrigé de l'exercice 2 (2pts)

1. Calcul de la concentration théorique C₀ :

$$C_0 = \frac{\rho x\%}{M} = 26 \text{ mol/L} \quad (0,25pt)$$

3.1.

Le matériel utilisé dans la dilution :

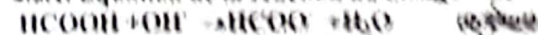
- une pipette jaugée au volume initial V_i

- la fiole jaugée au volume final V_f

Mode opératoire :

On prélève de la solution commerciale un volume V₀ = 5mL à l'aide d'une pipette jaugée ; qu'on verse dans une fiole jaugée à 500mL et on complète avec de l'eau distillée jusqu'au trait de jauge. (0,25pt)

2.2.1. Equation de la réaction du dosage :



2.2.2. La valeur de la concentration C

À l'équivalence :

$$n_A = n_B \Rightarrow C V_A = C_B V_B$$

$$\Rightarrow C = \frac{C_B V_B}{V_A} = 25,4 \cdot 10^{-4} \text{ mol/L} \quad (0,25pt)$$

Déduction de C₀

$$C_0 = 100C = 25,4 \text{ mol/L} \quad (0,25pt)$$

$$C_0 < C_{0th} \quad (0,25pt)$$

Corrigé de l'exercice 3 (3,5pts)

1.1. Représentation de la force :

Comme E et F sont opposés (voir schéma) (0,25pt)

1.2. Condition sur E

$$P < \frac{F}{100} \Leftrightarrow P < \frac{|q|E}{100} \Rightarrow E > \frac{100P}{|q|} \quad (0,25pt)$$

1.3.1. Expression de l'équation de la trajectoire

Conditions initiales :

$$OG_A \begin{cases} x_0 = 0 \\ y_0 = 0 \end{cases} \text{ et } V_0 \begin{cases} V_{0x} = V_0 \sin \alpha \\ V_{0y} = V_0 \cos \alpha \end{cases}$$

Étude dynamique :

$$\sum \vec{F} = m \vec{a} \Leftrightarrow \vec{F} = m \vec{a} \Rightarrow \vec{a} = \frac{\vec{F}}{m} = \frac{q\vec{E}}{m}$$

$$\vec{a} \begin{cases} a_x = \frac{F}{m} = \frac{|q|E}{m} \\ a_y = 0 \end{cases} \quad V \begin{cases} V_x = \frac{|q|E}{m} t = V_0 \sin \alpha \\ V_y = V_0 \cos \alpha \end{cases}$$

$$OG \begin{cases} x = \frac{|q|E}{2m} t^2 + (V_0 \sin \alpha) t \quad (1) \\ y = (V_0 \cos \alpha) t \quad (2) \end{cases}$$

L'équation de la trajectoire :

$$(2) \Rightarrow t = y / (V_0 \cos \alpha) ; \text{ en remplaçant t dans (1), on obtient :}$$

$$x = \frac{|q|E}{2m V_0^2 \sin \alpha} y^2 + y \cot \alpha \quad (0,25pt)$$

1.3.2 L'expression de V_x :

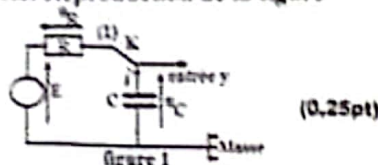
$$\Delta E_c = \sum W_F \Leftrightarrow \frac{1}{2} m V_x^2 - \frac{1}{2} m V_0^2 = F y$$

$$\Rightarrow V_x = \sqrt{V_0^2 \sin^2 \alpha + \frac{2|q|E}{m} y} = \sqrt{V_0^2 \sin^2 \alpha + \frac{2qE}{m} y}$$

On peut aussi utiliser la relation indépendante du temps pour obtenir la même expression. (0,25pt)

Corrigé de l'exercice 5 (3,5pts)

1.1. Reproduction de la figure



1.2. Equation différentielle :

D'après la loi d'additivité des tensions :

$$u_R + u_C = E \Rightarrow u_C = E - u_R = E - Ri$$

$$\text{et } i = \frac{dq}{dt} = \frac{C du_C}{dt} \quad (0,5\text{pt})$$

$$\text{d'où } E = RC \frac{du_C}{dt} + u_C$$

1.3. Les expressions de deux constantes A et τ

$$\text{On a } \frac{du_C}{dt} = \frac{A}{\tau} e^{-\frac{t}{\tau}}$$

$$\text{d'où } E = RC \frac{A}{\tau} e^{-\frac{t}{\tau}} + A(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}) \Leftrightarrow \quad (0,5\text{pt})$$

$$Ae^{-\frac{t}{\tau}} \left(\frac{RC}{\tau} - 1 \right) + \frac{A-E}{0} = 0$$

soit $A=E$ et $RC = \tau$

1.4. Calcul des valeurs E ; C et R_2

➤ Sur les courbes si $t \rightarrow \infty \Rightarrow u_C = A = E = 3V$
(0,25pt)

➤ Sur la courbe 1 $\tau_1 = 1\text{ms}$ or (0,25pt)

$$R_1 C = \tau_1 \Rightarrow C = \frac{\tau_1}{R_1} = 10^{-4} \text{ F} \quad (0,25\text{pt})$$

➤ Sur la courbe 2 $\tau_2 = 3\text{ms}$ (0,25pt)

$$R_2 C = \tau_2 \Rightarrow R_2 = \frac{\tau_2}{C} = 30 \Omega \quad (0,25\text{pt})$$

Si $R \gg$ alors $\tau \gg$

2.1. Equation différentielle de q

$$u_C = \frac{q}{C} \text{ et } u_L = -L \frac{di}{dt} \text{ or } i = \frac{dq}{dt} \Leftrightarrow u_L = -L \frac{d^2 q}{dt^2} \quad (0,25\text{pt})$$

$$u_C = u_L$$

$$\text{d'où } \frac{q}{C} + L \frac{d^2 q}{dt^2} = 0$$

2.2. L'expression de T_0

$$\frac{q}{LC} + \frac{d^2 q}{dt^2} = 0$$

comme $q(t) = Q_m \cos \omega_0 t$ et $q''(t) = -Q_m \omega_0^2 \cos \omega_0 t$

$$\text{d'où } \frac{Q_m}{LC} \cos \omega_0 t - Q_m \omega_0^2 \cos \omega_0 t = 0 \quad (0,5\text{pt})$$

$$\Leftrightarrow Q_m \left(\frac{1}{LC} - \omega_0^2 \right) \cos \omega_0 t = 0 \Rightarrow \frac{1}{LC} - \omega_0^2 = 0$$

$$\Leftrightarrow \omega_0 = \sqrt{\frac{1}{LC}} \text{ soit } T = 2\pi \sqrt{LC}$$

2.3. Calcul de l'inductance L

$$T_0 = 2\pi \sqrt{LC} \Leftrightarrow T_0^2 = 4\pi^2 LC \Rightarrow L = \frac{T_0^2}{4\pi^2 C}$$

Graphiquement $T_0 = 20\text{ms}$

$$\text{Soit } L = \frac{T_0^2}{4\pi^2 C} = 10^{-1} \text{ H} \quad (0,25\text{pt})$$