République Islamique de Mauritanie Ministère de l'Education Nationale et de la Réforme du Système Educatif Direction des Examens et des Concours

BACCALAUREAT 2023

Session Normale

Epreuve: MATHEMATIQUES

Séries : Sciences Naturelles & TSGE

Coefficient: 6& 4

Durée: 4h

## Exercice 1 (3 points)

On considère la suite  $(u_n)$  définie pour tout  $n \in \mathbb{N}$  par :  $u_n = e^{\frac{n}{2}+1}$  et soit  $v_n = \ln \lceil (u_n)^2 \rceil$ .

Pour chacune des questions suivantes, une et une seule des réponses proposées est correcte.

$N^{\circ}$	Question	Réponse A	Réponse B	Reponse C	
1	La valeur de u, est égale à	e e	$e^{\frac{3}{2}}$	e <sup>2</sup>	0,5pt
2	La suite (u <sub>n</sub> ) est	géométrique	arithmétique	Convergente	0,5pt
3	Le terme général de (v <sub>a</sub> ) est	$v_{n} = \left(\frac{n}{2} + 1\right)^{2}$	$v_n = n + 2$	$v_n = \frac{n}{2} + 1 + \ln 2$	0,5pt
4	La suite (u <sub>n</sub> ) est	Croissante	Décroissante	Non monotone	0,5pt
5	La somme $v_0 + v_1 + \cdots + v_n =$	$\frac{n(n+1)}{2}$	$\frac{(n+1)(n+4)}{2}$	$\frac{(n+1)(n+2)}{2}$	0,5pt
6	Le produit u <sub>2021</sub> × u <sub>2022</sub> × u <sub>2023</sub> ==	e <sup>2023</sup>	e 2	e <sup>3036</sup>	0,5pt

Recopier sur la feuille de réponse et compléter le tableau ci-contre en choisissant la bonne réponse. Aucune justification n'est demandée.

Question no	1	2	3	4	5	Ó
Réponse				<u> </u>	<u>.</u>	<u> </u>

Exercice 2 (3 points)

Selon des statistiques publiées en 2013 par l'ONS 48% de la population mauritanienne se trouve dans le milieu urbain et 52% dans le milieu rural. D'autre part selon l'Enquête Démographique et de Santé en Mauritanie (EDSM) 2019-2021 publié en février 2022 par l'ANSADE (en collaboration avec le Ministère de la santé), le pourcentage de possession de moustiquaires imprégnées d'insecticides est 41 % dans le milieu rural contre 23 % dans le milieu urbain.

NB: l'ONS est l'office national des statistiques, il s'appelle actuellement ANSAD (Agence Nationale de la Statistique et de l'Analyse Démographique et Economique)

On choisit, au hasard, un mauritanien. On suppose que le taux d'urbanisation n'a pas évolué. On note A l'évènement « l'individu choisi est du milieu urbain » et B l'évènement « l'individu cheisi possède une moustiquaire imprégnée d'insecticide ».

On designe par PA(B) la probabilité de réaliser B'sachafit que A est réalisé

1° Calculer P(A) et vérifier que  $P_A(B) = 0,23$ . 2° En déduire les valeurs de  $P(A \cap B)$  et P(B) puis calculer  $P_{B}(A)$ 

## Exercice 3 (4 points)

Soit f la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = (x^2 - x - 1)e^{-x} + 1$ .

On note  $\Gamma$  sa courbe représentative dans un repère orthonormé (0; i, j).

1° a) Montrer que  $\lim_{x\to -\infty} f(x) = +\infty$  et que  $\lim_{x\to -\infty} \frac{f(x)}{x} = -\infty$ . Interpréter graphiquement.

b) Calculer  $\lim_{x\to\infty} f(x)$ . En déduire que  $\Gamma$  admet en  $+\infty$  une asymptote ( $\Delta$ ) à préciser.

e) Déterminer le signe de  $(x^2-x-1)$  sur  $\mathbb R$ . En déduire la position relative de  $(\Delta)$  et  $\Gamma$ 

2° a) Montrer que  $\forall x \in \mathbb{R}$ ,  $f'(x) = x(3-x)e^{-x}$  puis dresser le tableau de variations de î.

b) Construire (Δ') et Γ dans le repère précédent.

3° a) Montrer que la fonction f vérifie l'équation différentielle  $E: y'' + 2y' + y = 2e^{-1} + 1$ 

b) En déduire une primitive de f puis calculer l'aire A du domaine délimité par la courbe  $\Gamma$ , l'asymptote ( $\Delta$ ) et les droites d'équations x=0 et x=1.

0,75pt 9,5pt 0,25pi

0,591

0,75pt

0,75pt

0,5pt

P. 571

Exercice 4: (5 points)	
1° On considère le polynôme P défini pour tout nombre complexe z par : $P(z) = z^3 - (4+i)z^2 + 7z - 4 - 7i$ .	:
a) Herira gave forms alatheims beautiful and	
	0, 5pt
b) Calculer P(i) et déterminer les nombres a et b tels que $\forall z \in \mathbb{C}$ , P(z) = $(z-i)(z^2+az+b)$ . c) Résoudre, dans $\mathbb{C}$ , l'équation P(z) = $0$ .	0,5pt
	0,5pt
2° Le plan complexe est rapporté à un repère orthonormé (O; u, v).	
a) Placer les points A, B et C d'affixes respectives : $z_A = 1 - 2i$ , $z_B = i$ et $z_C = 3 + 2i$ .	0,75p
b) Déterminer l'affixe du point D tel que ABCD soit un parallélogramme.	0,25p
e) Ecrire sous forme trigonométrique le nombre $\frac{z_c - i}{z_A - i}$ . En déduire la nature de ABC.	0,5pt
3° a) Calculer l'affixe z, du point I milieu de [AB] et l'écrire sous forme exponentielle.	0,5pt
b) Déterminer le plus petit entier n, tel que $2023 \times  z_i^n  \le 1$ .	0,25p
4° a) Déterminer et construire l'ensemble I, des points M, d'affixe z, tels que	oşnop
z-1+2i  =  z-3-2i	0,5pt
b) Déterminer et construire l'ensemble Γ, des points M, d'affixe z, tels que	
$\arg\left(\frac{z-3-2i}{z-1+2i}\right)=\frac{\pi}{2}[\pi].$	0,5pt
c) Vérisser que le point D appartient à chacun des deux ensembles $\Gamma_1$ et $\Gamma_2$ .	
appointed a cadedit acts acta clisentoless, et 1 2.	0,25p
Exercice 5: (5 points)	
I. Soit g la fonction définie sur $]0;+\infty[$ par $g(x)=x^2-4+3\ln x$ .	
I a) Justifier que $\lim_{x\to 0} g(x) = -\infty$ et $\lim_{x\to +\infty} g(x) = +\infty$ .	0,5pt
b) Calculer la dérivée g'(x) et dresser le tableau de variations de g.	0,5pt
2°a) Montrer que l'équation $g(x) = 0$ admet une unique solution $\alpha$ et que $1.6 < \alpha < 1.7$ .	0,25p
b) En déduire le signe de g(x) sur ]0;+∞[.	0,25p
II. On considère la fonction f définie sur $]0;+\infty[$ par $f(x)=x-2+\frac{1-3\ln x}{x}$ et soit (C) sa	
courbe représentative dans un repère orthonormé (O;i,j).	†
1°a) Montrer que lim f(x) = +\infty puis interpréter le résultat.	a En
b) Calculer $\lim_{x\to\infty} f(x)$ et $\lim_{x\to\infty} (f(x)-x+2)$ , En déduire que (C) admet une asymptote oblique (D) en $+\infty$ .	ro.apt
oblique (D) en +\infty.	0,75p
c) Etudier la position relative de (C) et (D).	0.750
2° a) Montrer que $f'(x) = \frac{g(x)}{x^2}$ où g est la fonction définie dans la partie I.	0,25p 0,5pt
b) Vérifier que $f(\alpha) = \frac{2\alpha^2 - 2\alpha - 3}{\alpha}$ puis dresser le tableau de variation de f.	0,25p
3° Soit h la restriction de f sur l'intervalle $I = [0, \alpha]$ .	
a) Montrer que h est une bijection de I sur un intervalle J à déterminer.	0,5pt
b) Dresser le tableau de variation de la réciproque h' de h.  4º Construire (C) et (C') et (D) dans le renère (O: D) ((C') étent le gourhouse etc)	0,25p
TO THE TOTAL OF THE PARTY OF THE PROPERTY OF THE PARTY OF	1 3

Fig.