

### Exercice1 (5pts)

En présence d'ions  $\text{H}_3\text{O}^+$  ; on mélange dans un ballon la quantité  $n_0 = 0,5 \text{ mol}$  d'acide propanoïque  $\text{CH}_3\text{-CH}_2\text{-COOH}$  avec la même quantité  $n_0 = 0,5 \text{ mol}$  de propan-2-ol  $\text{CH}_3\text{-CH(OH)-CH}_3$  ; puis on chauffe le mélange réactionnel pendant une certaine durée.

1. Quel est le nom de la réaction qui se produit entre l'acide propanoïque et le propan-2-ol?

Citer deux caractéristiques de cette réaction.

2. Ecrire à l'aide des formules semi-développées, l'équation bilan de la réaction et donner le nom du produit organique E obtenu.

3. La figure donne la représentation graphique de la quantité  $n_E$  d'ester formé en fonction du temps

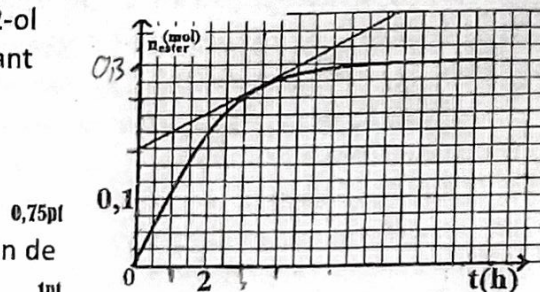
3.1. Indiquer la composition du mélange réactionnel à l'état d'équilibre et calculer la constante d'équilibre K.

3.2. Calculer le rendement de cette réaction. Conclure.

3.3. Donner le nom et la formule semi-développée d'un autre composé organique dont la réaction totale avec le propan-2-ol donne le même composé E?

3.4. Calculer la vitesse de la réaction à l'instant  $t = 3,5 \text{ h}$ .

3.5. Quel est le rôle des ions  $\text{H}_3\text{O}^+$  dans cette réaction? Quels noms donne-t-on aux composés qui jouent le même rôle?



### Exercice2 (4pts)

L'ammoniac  $\text{NH}_3$  est un gaz soluble dans l'eau qui donne une solution basique.

Les solutions commerciales d'ammoniac très concentrées sont utilisées dans les produits de nettoyage après dilution.

Cet exercice vise à étudier certaines caractéristiques de l'ammoniac et de l'hydroxylamine  $\text{NH}_2\text{OH}$  dissouts dans l'eau et déterminer la concentration de l'ammoniac dans un produit commercial à l'aide de son dosage par une solution d'acide chlorhydrique de concentration connue.

Données :  $\rho_{\text{eau}} = 1000 \text{ g/L}$ ,  $\text{H} : 1 \text{ g/mol}$  ;  $\text{Cl} : 35,5 \text{ g/mol}$ .

1. Préparation de la solution d'acide chlorhydrique.

On prépare une solution  $S_A$  d'acide chlorhydrique de concentration  $C_A = 0,015 \text{ mol/L}$  en diluant une solution commerciale de cet acide de concentration  $C_0$  de densité  $d = 1,15$  et de pourcentage massique 37%. Montrer que  $C_0 = 11,66 \text{ mol/L}$  environ.

2. Etude de quelques propriétés d'une base dissoute dans l'eau.

2.1. On considère une solution de base B faible de concentration C ; On représente le taux d'avancement par  $\tau$  et la constante d'acidité du couple  $\text{BH}^+/\text{B}$  par  $K_A$ . en utilisant le tableau d'avancement, montrer que

$$\tau = \frac{[\text{OH}^-]}{C}, \text{ et que } K_A = \frac{K_e(1 - \tau)}{C \cdot \tau^2}$$

2.2. On mesure le  $\text{pH}_1$  d'une solution  $S_1$  d'ammoniac  $\text{NH}_3$  et le  $\text{pH}_2$  d'une solution  $S_2$  d'hydroxylamine  $\text{NH}_2\text{OH}$  de mêmes concentrations  $C = 10^{-2} \text{ mol/L}$  et on trouve  $\text{pH}_1 = 10,6$  et  $\text{pH}_2 = 9$ . Calculer les valeurs  $\tau_1$  et  $\tau_2$  du taux d'avancement respectivement de la dissolution de  $\text{NH}_3$  et de  $\text{NH}_2\text{OH}$  dans l'eau.

2.3. Calculer les valeurs des constantes  $\text{pK}_{A1}$  et  $\text{pK}_{A2}$  des couples  $\text{NH}_4^+/\text{NH}_3$  et  $\text{NH}_3\text{OH}^+/\text{NH}_2\text{OH}$

On donne  $K_e = 10^{-14}$

3. Dosage de la solution diluée d'ammoniac :

A partir d'une solution commerciale  $S_B$  d'ammoniac de concentration  $C_B$ , on prépare par dilution une solution S de concentration  $C' = C_B/1000$ .

Pour déterminer la concentration  $C_B$ , on réalise un dosage pH-métrique d'un volume  $V = 20 \text{ mL}$  de la solution S par la solution  $S_A$  d'acide chlorhydrique de concentration  $C_A = 0,015 \text{ mol/L}$ .

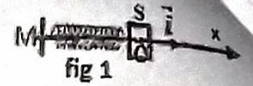
3.1. Ecrire l'équation de la réaction du dosage.

3.2. Sachant que le volume versé à l'équivalence est  $V_{AE} = 14,2 \text{ mL}$ , calculer la valeur de  $C'$  puis  $C_B$ .



### Exercice3 (6pts)

On dispose d'un ressort à spires non jointives, de masse négligeable et de raideur  $K$ . A l'une des extrémités du ressort, on accroche un solide  $S$  cylindrique creux de masse  $m$  et on fixe l'autre extrémité. L'ensemble (ressort-solide) peut glisser sans frottement sur une tige horizontale.



On étudie le mouvement du centre d'inertie  $G$  du solide  $S$  dans le repère  $(O; \vec{i})$ ;  $O$  étant la position de  $G$  à l'équilibre. A l'instant  $t_0$  choisi comme origine des temps, l'abscisse de  $G$  est  $x_0$  et sa vitesse  $V_0$ .

On donne :  $m=0,2\text{kg}$ ,  $K=5\text{N/m}$ ,  $x_0=3\text{cm}$  et  $V_0=-\pi/10\text{ m/s}$ . On prendra  $\pi^2=10$ .

1. Calculer l'énergie mécanique de l'oscillateur à l'instant  $t_0$ .

On considérera que l'énergie potentielle de pesanteur du solide est nulle sur l'axe  $Ox$ .

2. Etablir l'équation différentielle du mouvement de  $G$ . En déduire l'équation horaire de ce mouvement en considérant les conditions initiales précisées plus haut.

3. En appliquant le principe de la conservation de l'énergie mécanique ; déterminer :

3.1. Les vitesses de  $G$  au passage par la position d'équilibre.

3.2. Les positions de  $G$  pour les quelles la vitesse s'annule.

4. Le ressort est maintenant suspendu verticalement. Son extrémité supérieure est fixée en  $A$ .

L'autre extrémité est fixée à une fourche ayant 2 pointes qui trempent légèrement en  $O_1$  et  $O_2$  à la surface d'une eau de faible profondeur comme le montre la figure 2.

La fourche, imprime aux points  $O_1$  et  $O_2$  un mouvement rectiligne sinusoïdal d'amplitude  $a=3\text{cm}$  d'équation :  $y_{O_1} = y_{O_2} = a \cos(100\pi t + \pi)$



4.1. Etablir l'équation horaire du mouvement d'un point  $M$  de la surface de l'eau situé à la distance  $d_1$  de  $O_1$  et à la distance  $d_2$  de  $O_2$ .

Faire l'application numérique pour  $d_1=2\text{cm}$ ,  $d_2=14\text{cm}$  et une célérité des ondes  $C=2\text{m/s}$

4.2. Déterminer le nombre de franges d'amplitude maximale entre  $O_1$  et  $O_2$  si la distance  $O_1O_2=12\text{cm}$  ?

### Exercice4 (5pts)

Des ions chargés positivement de masse  $m$  sont émis sans vitesse au trou  $F_1$  par une source  $S$ .

On applique dans l'espace situé entre deux plaques  $P_1$  et  $P_2$  parallèles distante de  $d$ , une tension constante  $U = V_{P_1} - V_{P_2}$  telle que  $|U|=10^3\text{V}$ . (Voir la figure ci-contre).

1. Déterminer le signe de la tension  $U$  pour que les ions atteignent la plaque  $P_2$  avec une vitesse  $V$ .

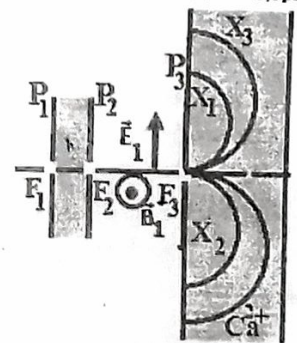
2. Trouver l'expression de la vitesse  $V$  au point  $F_2$  en fonction de  $m$ ,  $q$  et  $U$ .

3. La source  $S$  émet deux sortes d'ions  $^{200}\text{Hg}^{2+}$  et  $^{202}\text{Hg}^{2+}$ .

Calculer les vitesses d'arrivée de ces deux ions au point  $F_2$ .

On donne :  $e=1,6 \cdot 10^{-19}\text{C}$  ; masse du nucléon  $m_N = m_p = 1,67 \cdot 10^{-27}\text{kg}$ .

4. Après la traversée du trou  $F_2$  les ions pénètrent dans l'espace délimité par les plaques  $P_2$  et  $P_3$  où règnent un champ électrique  $\vec{E}_1$  et un champ magnétique  $\vec{B}_1$



Montrer que seuls les ions dont la vitesse vérifie la relation  $V=E_1/B_1$  atteignent le trou  $F_3$ .

Est-ce que les valeurs des vitesses calculées à la question 3 vérifient cette relation? On prendra  $E_1=6 \cdot 10^4\text{ V/m}$  et  $B_1=1\text{ T}$ .

5. La source  $S$  émet à présent des ions  $X_1$ ,  $X_2$  et  $X_3$  de masses respectives  $m_1$ ,  $m_2$  et  $m_3$  et de même charge  $q$  telle que  $|q|=e$ .

Ces ions arrivent au trou  $F_3$  avec la vitesse  $V=E_1/B_1$  et sont déviés après  $F_3$  comme l'indique la figure par un autre champ magnétique  $\vec{B}$  de même valeur que  $\vec{B}_1$ .

5.1. Sachant que  $\vec{B}$  fait dévier des ions  $\text{Ca}^{2+}$  comme l'indique la figure, déterminer le sens de  $\vec{B}$  et en déduire le signe de la charge de chacun des ions  $X_1$ ,  $X_2$  et  $X_3$ .

5.2. Calculer les masses  $m_1$ ,  $m_2$  et  $m_3$  sachant que les rayons des trajectoires circulaires sont  $r_1=2,2\text{cm}$ ,  $r_2=1,44\text{cm}$  et  $r_3=1,2\text{cm}$ .

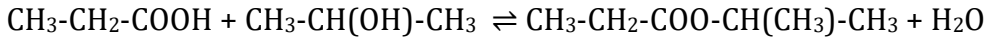
5.3. Identifier les ions  $X_1$ ,  $X_2$  et  $X_3$  en utilisant le tableau.

$^{19}\text{F}^-$	$^{35}\text{Cl}^-$	$^{23}\text{Na}^+$	$^{39}\text{K}^+$
-------------------	--------------------	--------------------	-------------------

**Exercice 1 :**

1) Le nom de la réaction : estérification.

Caractéristiques : Lente, athermique.



2) E : ester

$\text{CH}_3\text{-CH}_2\text{-COO-CH(CH}_3\text{)-CH}_3$  : propanoate de 1-méthyléthyle ou propanoate d'isopropyle

3-1)  $n_{\text{ester}}=0,3\text{ mol}$  ;  $n_{\text{eau}}=0,3\text{ mol}$  ;  $n_{\text{alcool}}=0,5-0,3=0,2\text{ mol}$  ;  $n_{\text{acide}}=0,5-0,3=0,2\text{ mol}$

$$K = \frac{n_{\text{ester}} \cdot n_{\text{eau}}}{n_{\text{acide}} \cdot n_{\text{alcool}}} = \frac{0,3^2}{0,2^2} = 2,25$$

3-2)  $\eta = \frac{n_{\text{ester}}}{n_0(\text{acide})} = \frac{0,3}{0,5} = 0,6 = 60\% \Rightarrow$  la réaction est limitée

3-3) le nom : chlorure d'acide

La formule semi-développée :  $\text{CH}_3\text{-CH}_2\text{-COCl}$  chlorure de propanoyle

3-4) La vitesse de la réaction :  $V_r = \frac{dx}{dt} = \frac{dn_{\text{ester}}}{dt} = \frac{0,175-0,35}{0-6,5} = 2,7 \cdot 10^{-2} \text{ mol/h}$

3-5) L'ion  $\text{H}_3\text{O}^+$  est un catalyseur.

**Exercice 2 :**

1)  $C_0 = \frac{p.d.\rho_{\text{eau}}}{100M} = \frac{37 \times 1,15 \times 1000}{100 \times 36,5} = 11,66 \text{ mol/l}$

2-1)

$\text{B} + \text{H}_2\text{O} \rightleftharpoons \text{BH}^+ + \text{OH}^-$			
t=0	C	0	$10^{-7}$
t > 0	C-y	y	y
t <sub>f</sub>	C-y <sub>f</sub>	y <sub>f</sub>	y <sub>f</sub>

$$\tau = \frac{y_f}{y_m} \text{ avec } y_f = [\text{BH}^+] = [\text{OH}^-] \text{ et } y_m = c \Rightarrow \tau = \frac{[\text{OH}^-]}{c}$$

$$K_a = \frac{[\text{H}_3\text{O}^+][\text{B}]}{[\text{BH}^+]} \text{ avec } [\text{H}_3\text{O}^+] = \frac{K_e}{[\text{OH}^-]} \text{ et } [\text{BH}^+] = [\text{OH}^-] = \tau \cdot c$$

D'après la C.M :  $[\text{B}] = c - [\text{BH}^+] = c - \tau \cdot c = c \times (1 - \tau)$

$$K_a = \frac{\frac{K_e}{[\text{OH}^-]} \times c \times (1 - \tau)}{\tau \cdot c} = \frac{K_e \cdot c \times (1 - \tau)}{[\text{OH}^-] \cdot \tau \cdot c} = \frac{K_e \cdot c \times (1 - \tau)}{\tau^2 \cdot c^2} = \frac{K_e \cdot (1 - \tau)}{c \cdot \tau^2} \Rightarrow K_a = \frac{K_e \cdot (1 - \tau)}{c \cdot \tau^2}$$

$$2-2) \tau_1 = \frac{[\text{OH}^-]}{c} = \frac{10^{pH-14}}{10^{-2}} = 3,98\% ; \tau_2 = \frac{[\text{OH}^-]}{c} = \frac{10^{pH-14}}{10^{-2}} = 0,1\%$$

$$2-3) K_{a1} = \frac{K_e \cdot (1 - \tau_1)}{c \cdot \tau_1^2} = 6 \cdot 10^{-10} \Rightarrow pK_{a1} = -\log K_{a1} = 9,2$$

$$K_{a2} = \frac{K_e \cdot (1 - \tau_2)}{c \cdot \tau_2^2} = 9,99 \cdot 10^{-7} \Rightarrow pK_{a2} = -\log K_{a2} = 6$$

3-1)  $\text{NH}_3 + \text{H}_3\text{O}^+ \rightleftharpoons \text{NH}_4^+ + \text{H}_2\text{O}$

$$3-2) n_a = n_b \Rightarrow C_A \cdot V_{AE} = C' \cdot V \Rightarrow C' = \frac{C_A \cdot V_{AE}}{V} = 0,01 \text{ mol/l}$$

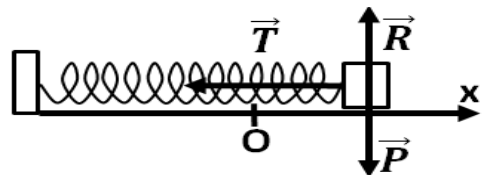
$$C_B = 1000 \cdot C' = 10 \text{ mol/l}$$

**Exercice 3 :**

$$1) E_{m0} = E_c + E_p = \frac{1}{2} m V_0^2 + \frac{1}{2} K x_0^2 = 12,25 \cdot 10^{-3} \text{ J}$$

2)  $\vec{P} + \vec{T} + \vec{R} = m\vec{a}$  projection suivant  $(\vec{ox})$  :

$$-Kx = ma \Rightarrow a + \frac{K}{m}x = 0 \quad x = x_m \cos(\omega t + \varphi)$$





$$\omega = \sqrt{\frac{K}{m}} = 5 \text{ rad/s} \Rightarrow x_m = \sqrt{\frac{V_0^2}{\omega^2} + x_0^2} = 7.10^{-2} \text{ m}$$

$$\text{à } t=0 \cos(\varphi) = \frac{x_0}{x_m} = 0,428 \Rightarrow \varphi = 1,13 \text{ rad} \Rightarrow y = 7.10^{-2} \cos(5t + 1,13)$$

$$3-1) \Delta E_m = 0 \Rightarrow E_m(x_0) - E_m(O) = 0 \Rightarrow \frac{1}{2} m V^2 = E_m(x_0) \Rightarrow V = \pm \sqrt{\frac{2E_m(x_0)}{m}} \Rightarrow$$

$$V = \pm 0,35 \text{ m/s} ; V_{max} = 0,35 \text{ m/s} ; V_{min} = -0,35 \text{ m/s}$$

$$3-2) E_m(x_m) - E_m(x_0) = 0 \Rightarrow \frac{1}{2} K x^2 + \frac{1}{2} m V^2 = E_m(x_0) \text{ comme la vitesse s'annule} \Rightarrow$$

$$x = \pm \sqrt{\frac{2E_m(x_0)}{K}} = \pm 7.10^{-2} \text{ m}$$

la vitesse s'annule en  $x_{max} = 7.10^{-2} \text{ m}$  et  $-x_{max} = -7.10^{-2} \text{ m}$ .

$$4-1) y_M = a \cos\left(\omega t - \frac{2\pi d_1}{\lambda} + \pi\right) + a \cos\left(\omega t - \frac{2\pi d_2}{\lambda} + \pi\right)$$

$$y_M = 2a \cos\left(\frac{\pi}{\lambda}(d_2 - d_1)\right) \times \cos\left(\omega t - \frac{\pi}{\lambda}(d_2 + d_1) + \pi\right)$$

$$y_M = 2.3.10^{-2} \cos\left(\frac{\pi}{0,04}(14 - 2).10^{-2}\right) \cdot \cos\left(100\pi t - \frac{\pi}{0,04}(14 + 2).10^{-2} + \pi\right)$$

$$y_M = -6.10^{-2} \cos(100\pi t - 3\pi)$$

$$4-2) -d \leq d_2 - d_1 \leq d \Rightarrow -d \leq K\lambda \leq d \Rightarrow \frac{-d}{\lambda} \leq K \leq \frac{d}{\lambda} \Rightarrow -3 \leq K \leq 3$$

$K \in \{-3; -2; -1; 0; 1; 2; 3\}$  7 points vibrent avec une amplitude maximale.

#### Exercice 4 :

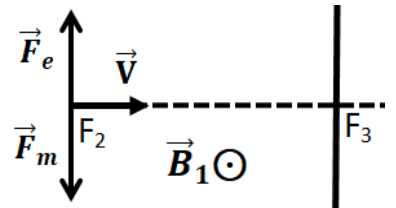
1) Les ions sont attirés par  $P_2$  qui est chargée négativement ;  $P_1$  est alors chargée positivement c'est-à-dire que  $V_{P_1} > V_{P_2} \Rightarrow V_{P_1} - V_{P_2} > 0 \Rightarrow U > 0 \Rightarrow U$  est positive

$$2) \Delta E_C = W_{\vec{F}} \Rightarrow E_C(F_2) - E_C(F_1) = q \cdot U \Rightarrow \frac{1}{2} m V^2 = q \cdot U \Rightarrow V = \sqrt{\frac{2q \cdot U}{m}}$$

$$3) V = \sqrt{\frac{2q \cdot U}{m}} = 4,37.10^4 \text{ m/s} ; V' = \sqrt{\frac{2q \cdot U}{m'}} = 4,35.10^4 \text{ m/s}$$

$$4) \text{ pour que les ions atteignent le trou } F_3 : \vec{F}_m + \vec{F}_e = \vec{0} \Rightarrow \vec{F}_m = -\vec{F}_e$$

$$\Rightarrow \|\vec{F}_m\| = \|\vec{F}_e\| \Rightarrow q \cdot V \cdot B_1 = q \cdot E_1 \Rightarrow V = \frac{E_1}{B_1} = 6.10^4 \text{ m/s}$$



Les ions dont les vitesses  $V$  et  $V'$  sont déviés et ne traversent pas l'ouverture  $F_3$ .

5-1) D'après la règle de la main droite :  $\vec{B}$  est sortant.

$X_1$  et  $X_3$  : négatives ;  $X_2$  : positive

$$5-2) m\vec{a} = \sum \vec{F}_{App} = \vec{F}_m \Rightarrow m\vec{a} = q\vec{V} \wedge \vec{B} \Rightarrow \vec{a} = \frac{q}{m} \cdot \vec{V} \wedge \vec{B}$$

$$\text{Projection suivant l'axe normale : } a_n = \frac{v^2}{r} = \frac{|q|VB}{m} \Rightarrow r = \frac{mV}{|q|B} = \frac{m \cdot V}{e \cdot B}$$

$$\Rightarrow m = \frac{e \cdot B \cdot r}{V} ; m_1 = \frac{e \cdot B \cdot r_1}{V} = 5,86 \times 10^{-26} \text{ kg} ;$$

$$m_2 = \frac{e \cdot B \cdot r_2}{V} = 3,84 \times 10^{-26} \text{ kg} ; m_3 = \frac{e \cdot B \cdot r_3}{V} = 3,2 \times 10^{-26} \text{ kg}$$

$$5-3) m_F = 19 \times 1,67 \times 10^{-27} = 3,17 \times 10^{-26} \text{ kg} \Rightarrow X_3 \text{ est } {}^{19}\text{F}^-$$

$$m_{Cl} = 35 \times 1,67 \times 10^{-27} = 5,86 \times 10^{-26} \text{ kg} \Rightarrow X_1 \text{ est } {}^{35}\text{Cl}^-$$

$$m_{Na} = 23 \times 1,67 \times 10^{-27} = 3,81 \times 10^{-26} \text{ kg} \Rightarrow X_2 \text{ est } {}^{23}\text{Na}^+$$