Série d'exercices :Les limites

Exercice 1

Calculer dans chacun des cas ci-dessous la limite de la fonction $f en + \infty$.

$$f(x) = \frac{-5}{(x-1000)^3}$$
; $f(x) = -2(x+100)^{100}$;

$$f(x) = \sqrt{x - 2006}$$
; $f(x) = \frac{-3}{\sqrt{x - 2006}}$.

Exercice 2

Calculer dans chacun des cas ci-dessous les limites de la fonction f en $+\infty$ et en $-\infty$.

$$f(x) = x^2 + |x|$$
; $f(x) = x^2 + x|x| + 2$;

$$f(x) = -2(x+100)^{100} - 3x^5; \quad f(x) = (-2x+1)^3 + 8x^7;$$

$$f(x) = (-2x+1)^{10} + |x^{11}|.$$

Exercice 3

Calculer dans chacun des cas ci-dessous les limites de la fonction f en $+\infty$ et en $-\infty$.

$$f(x) = \frac{-5x+1}{(x-1000)^3}$$
; $f(x) = \frac{x^4+3x^2-1}{(2x-5)^{17}}$; $f(x) = \left|\frac{2x^2-3x}{x-2}\right|$;

$$f(x) = \frac{|x|(1-x)}{1+x^2} \quad ; \quad f(x) = x^3 - \frac{x^2}{x+1} \quad ; \quad f(x) = \frac{x^2 + |x| + 1}{|x| - 2}. \qquad \frac{x}{|x| - 2} = \frac{2-5x}{2x+3} \quad ; \quad f(x) = \frac{-3x^2 + x}{-5x + 10}.$$

Exercice 4

Calculer dans chacun des cas ci-dessous les limites en $+\infty$ et en $-\infty$ des fonctions f, g, f+g, f-g, fg et $\frac{f}{g}$.

a-
$$f(x) = -\frac{1}{x^2}$$
; $g(x) = 3x^3 + 2x - 1$.

b-
$$f(x) = \frac{x^2}{x+1}$$
; $g(x) = \frac{2x-1}{x^3-1}$.

c-
$$f(x) = \frac{-3x^3 + 2}{x^2 + x^3}$$
; $g(x) = \frac{x^4 - 6x^3}{1 - x^5}$.

Exercice 5

Calculer les limites ci-dessous.

$$\lim_{x\to 3^{-}} \frac{3x}{(x-3)(2x+5)} \; \; ; \; \; \lim_{x\to 3^{+}} \frac{3x}{(x-3)(2x+5)} \; \; ;$$

$$\lim_{x \to -2^{-}} \frac{-3x^{2}+1}{2x+4} \quad ; \lim_{x \to -2^{+}} \frac{-3x^{2}+1}{2x+4} .$$

Exercice 6

Calculer les limites ci-dessous.

$$\lim_{x \to 3^{-}} \frac{-3x+9}{x^2-2x-3} \; ; \quad \lim_{x \to -1} \frac{x-1}{x^3+1} \; ;$$

$$\lim_{x \to 1^+} (x-1) \sqrt{\frac{x}{x-1}} \; ; \quad \lim_{x \to 2^+} \frac{(x+3)(x-2)}{|x-2|}.$$

Exercice 7

Calculer dans chacun des cas ci-dessous, la limite éventuelle de f à gauche respectivement à droite en a.

$$f(x) = \frac{-4}{(x-2)^3}$$
; $a = 2$.

$$f(x) = \frac{2}{(3-x)^4} + 2\sqrt{x}$$
; $a = 3$.

$$f(x) = \frac{2x - x^3}{\sqrt{x^2 + 2x}}$$
; $a = -2$.

Exercice 8

Calculer dans chacun des cas ci-dessous les limites de la fonction f aux bornes de son ensemble de définition.

$$f(x) = \frac{-x-5}{x}$$
; $f(x) = \frac{3x-1}{2-5x}$;

$$f(x) = \frac{1-x^3}{2x+3}$$
; $f(x) = \frac{-3x^2+x}{-5x+10}$

Exercice 9

Calculer dans chacun des cas ci-dessous les limites de la fonction f aux bornes de son ensemble de définition.

$$f(x) = \frac{-2x+3}{x^2-5}$$
; $f(x) = \frac{-x^4+2x}{x^2+2}$;

$$f(x) = \frac{x^3 - 2x^2 + 1}{x^2 + 3x} \; ; \quad f(x) = \frac{-3x^3 + x + 1}{x^2 + x - 2}.$$

Exercice 10

Calculer dans chacun des cas ci-dessous les limites de la fonction f aux bornes de son ensemble de définition.

$$f(x) = \left| \frac{x^3 - 3}{x + 2} \right|$$
; $f(x) = \left| \frac{x + 2}{x^2 - 5} \right|$;

$$f(x) = \frac{|x|(2-x)}{1-|x|}$$
; $f(x) = \frac{x^2-|x|-1}{|-2x|-3}$