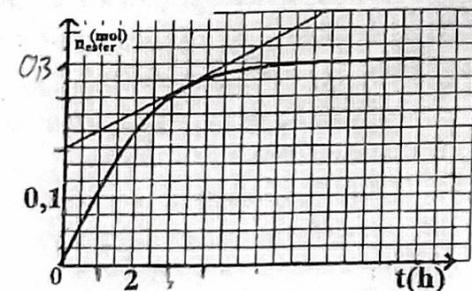


Exercice1 (5pts)

En présence d'ions H_3O^+ ; on mélange dans un ballon la quantité $n_0 = 0,5\text{mol}$ d'acide propanoïque $\text{CH}_3\text{-CH}_2\text{-COOH}$ avec la même quantité $n_0 = 0,5\text{mol}$ de propan-2-ol $\text{CH}_3\text{-CH(OH)-CH}_3$; puis on chauffe le mélange réactionnel pendant une certaine durée.



1. Quel est le nom de la réaction qui se produit entre l'acide propanoïque et le propan-2-ol?

Citer deux caractéristiques de cette réaction.

0,75pt

2. Ecrire à l'aide des formules semi-développées, l'équation bilan de la réaction et donner le nom du produit organique E obtenu.

1pt

3. La figure donne la représentation graphique de la quantité n_E d'ester formé en fonction du temps

3.1. Indiquer la composition du mélange réactionnel à l'état d'équilibre et calculer la constante d'équilibre K.

1,25pt

3.2. Calculer le rendement de cette réaction. Conclure.

0,5pt

3.3. Donner le nom et la formule semi-développée d'un autre composé organique dont la réaction totale avec le propan-2-ol donne le même composé E?

0,5pt

3.4. Calculer la vitesse de la réaction à l'instant $t=3,5\text{h}$.

0,5pt

3.5. Quel est le rôle des ions H_3O^+ dans cette réaction? Quels noms donne-t-on aux composés qui jouent le même rôle?

0,5pt

Exercice2 (4pts)

L'ammoniac NH_3 est un gaz soluble dans l'eau qui donne une solution basique.

Les solutions commerciales d'ammoniac très concentrées sont utilisées dans les produits de nettoyage après dilution.

Cet exercice vise à étudier certaines caractéristiques de l'ammoniac et de l'hydroxylamine NH_2OH dissous dans l'eau et déterminer la concentration de l'ammoniac dans un produit commercial à l'aide de son dosage par une solution d'acide chlorhydrique de concentration connue.

Données : $\rho_{\text{eau}}=1000\text{g/L}$, H : 1g/mol ; Cl : 35,5g/mol .

1. Préparation de la solution d'acide chlorhydrique.

On prépare une solution S_A d'acide chlorhydrique de concentration $C_A=0,015\text{mol/L}$ en diluant une solution commerciale de cet acide de concentration C_0 de densité $d=1,15$ et de pourcentage massique 37%. Montrer que $C_0=11,66\text{mol/L}$ environ.

0,5pt

2. Etude de quelques propriétés d'une base dissoute dans l'eau.

2.1. On considère une solution de base B faible de concentration C ; On représente le taux d'avancement par τ et la constante d'acidité du couple BH^+/B par K_A en utilisant le tableau d'avancement, montrer que

$$\tau = \frac{[\text{OH}^-]}{C}, \text{ et que } K_A = \frac{K_e(1 - \tau)}{C \cdot \tau^2} \quad 1pt$$

2.2. On mesure le pH_1 d'une solution S_1 d'ammoniac NH_3 et le pH_2 d'une solution S_2 d'hydroxylamine NH_2OH de mêmes concentrations $C=10^{-2}$ mol/L et on trouve $\text{pH}_1=10,6$ et $\text{pH}_2=9$. Calculer les valeurs τ_1 et τ_2 du taux d'avancement respectivement de la dissolution de NH_3 et de NH_2OH dans l'eau.

0,5pt

2.3. Calculer les valeurs des constantes pK_{A1} et pK_{A2} des couples $\text{NH}_4^+/\text{NH}_3$ et $\text{NH}_3\text{OH}^+/\text{NH}_2\text{OH}$

On donne $K_e=10^{-14}$

1pt

3. Dosage de la solution diluée d'ammoniac :

A partir d'une solution commerciale S_B d'ammoniac de concentration C_B , on prépare par dilution une solution S de concentration $C'=C_B/1000$.

Pour déterminer la concentration C_B , on réalise un dosage pH-métrique d'un volume $V=20\text{mL}$ de la solution S par la solution S_A d'acide chlorhydrique de concentration $C_A=0,015\text{mol/L}$.

3.1. Ecrire l'équation de la réaction du dosage.

0,5pt

3.2. Sachant que le volume versé à l'équivalence est $V_{AE}=14,2\text{mL}$, calculer la valeur de C' puis C_B .

0,5pt

1/2

Exercice 3 (6pts)

On dispose d'un ressort à spires non jointives, de masse négligeable et de raideur K . A l'une des extrémités du ressort, on accroche un solide S cylindrique creux de masse m et on fixe l'autre extrémité. L'ensemble (ressort-solide) peut glisser sans frottement sur une tige horizontale.

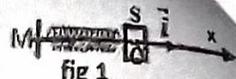


fig 1

On étudie le mouvement du centre d'inertie G du solide S dans le repère $(O; i)$; O étant la position de G à l'équilibre. A l'instant t_0 choisi comme origine des temps, l'abscisse de G est x_0 et sa vitesse V_0 .

On donne : $m=0,2\text{kg}$, $K=5\text{N/m}$, $x_0=3\text{cm}$ et $V_0=-\pi/10 \text{ m/s}$. On prendra $\pi^2=10$.

1. Calculer l'énergie mécanique de l'oscillateur à l'instant t_0 .

On considérera que l'énergie potentielle de pesanteur du solide est nulle sur l'axe Ox .

1pt

2. Etablir l'équation différentielle du mouvement de G . En déduire l'équation horaire de ce mouvement en considérant les conditions initiales précisées plus haut.

1pt

3. En appliquant le principe de la conservation de l'énergie mécanique ; déterminer :

3.1. Les vitesses de G au passage par la position d'équilibre.

0,75pt

3.2. Les positions de G pour lesquelles la vitesse s'annule.

0,75pt

4. Le ressort est maintenant suspendu verticalement. Son extrémité supérieure est fixée en A .

L'autre extrémité est fixée à une fourche ayant 2 pointes qui trempent légèrement en O_1 et O_2 à la surface d'une eau de faible profondeur comme le montre la figure 2.



fig 2

La fourche, imprime aux points O_1 et O_2 un mouvement rectiligne sinusoïdal d'amplitude

$a=3\text{cm}$ d'équation : $y_{O_1} = y_{O_2} = \text{acos}(100\pi t + \pi)$

4.1. Etablir l'équation horaire du mouvement d'un point M de la surface de l'eau situé à la distance d_1 de O_1 et à la distance d_2 de O_2 .

Faire l'application numérique pour $d_1=2\text{cm}$, $d_2=14\text{cm}$ et une célérité des ondes $C=2\text{m/s}$

1,5pt

4.2. Déterminer le nombre de franges d'amplitude maximale entre O_1 et O_2 si la distance $O_1O_2=12\text{cm}$?

1pt

Exercice 4 (5pts)

Des ions chargés positivement de masse m sont émis sans vitesse au trou F_1 par une source S .

On applique dans l'espace situé entre deux plaques P_1 et P_2 parallèles distante de d , une tension constante $U=V_{P_1}-V_{P_2}$ telle que $|U|=10^3\text{V}$. (Voir la figure ci-contre).

1. Déterminer le signe de la tension U pour que les ions atteignent la plaque P_2 avec une vitesse V .

0,5pt

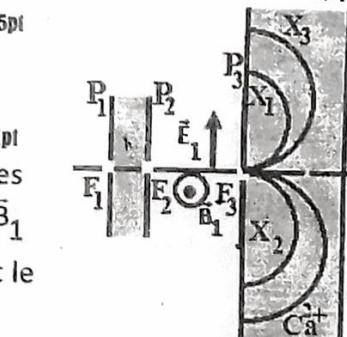
2. Trouver l'expression de la vitesse V au point F_2 en fonction de m , q et U .

0,75pt

3. La source S émet deux sortes d'ions $^{200}\text{Hg}^{2+}$ et $^{202}\text{Hg}^{2+}$.

Calculer les vitesses d'arrivée de ces deux ions au point F_2 .

On donne : $e=1,6 \cdot 10^{-19}\text{C}$; masse du nucléon $m_N=m_p=1,67 \cdot 10^{-27}\text{kg}$.



0,5pt

4. Après la traversée du trou F_2 les ions pénètrent dans l'espace délimité par les plaques P_2 et P_3 où règnent un champ électrique E_2 et un champ magnétique B_1 .

Montrer que seuls les ions dont la vitesse vérifie la relation $V=E_1/B_1$ atteignent le trou F_3 .

Est-ce que les valeurs des vitesses calculées à la question 3 vérifient cette relation? On prendra $E_1=6 \cdot 10^4 \text{ V/m}$ et $B_1=1 \text{ T}$.

0,5pt

5. La source S émet à présent des ions X_1 , X_2 et X_3 de masses respectives m_1 , m_2 et m_3 et de même charge q telle que $|q|=e$.

Ces ions arrivent au trou F_3 avec la vitesse $V=E_1/B_1$ et sont déviés après F_3 comme l'indique la figure par un autre champ magnétique \bar{B} de même valeur que B_1 .

5.1. Sachant que \bar{B} fait dévier des ions Ca^{2+} comme l'indique la figure, déterminer le sens de \bar{B} et en déduire le signe de la charge de chacun des ions X_1 , X_2 et X_3 .

0,5pt

5.2. Calculer les masses m_1 , m_2 et m_3 sachant que les rayons des trajectoires circulaires sont $r_1=2,2\text{cm}$, $r_2=1,44\text{cm}$ et $r_3=1,2\text{cm}$.

1pt

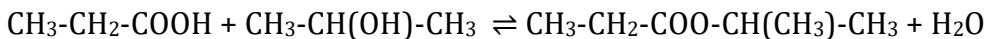
5.3. Identifier les ions X_1 , X_2 et X_3 en utilisant le tableau.

$^{19}\text{F}^-$	$^{35}\text{Cl}^-$	$^{23}\text{Na}^+$	$^{39}\text{K}^+$
			0,75pt

Exercice 1 :

1) Le nom de la réaction : estérfication.

Caractéristiques : Lente, athermique.



2) E : ester

$\text{CH}_3\text{-CH}_2\text{-COO-CH(CH}_3\text{)-CH}_3$: propanoate de 1-méthyléthyle ou propanoate d'isopropyle

3-1) $n_{\text{ester}}=0,3\text{ mol}$; $n_{\text{eau}}=0,3\text{ mol}$; $n_{\text{alcool}}=0,5-0,3=0,2\text{ mol}$; $n_{\text{acide}}=0,5-0,3=0,2\text{ mol}$

$$K = \frac{n_{\text{ester}} \cdot n_{\text{eau}}}{n_{\text{acide}} \cdot n_{\text{alcool}}} = \frac{0,3^2}{0,2^2} = 2,25$$

3-2) $\eta = \frac{n_{\text{ester}}}{n_{0(\text{acide})}} = \frac{0,3}{0,5} = 0,6 = 60\% \Rightarrow$ la réaction est limitée

3-3) le nom : chlorure d'acide

La formule semi-développée : $\text{CH}_3\text{-CH}_2\text{-COCl}$ chlorure de propanoyle

3-4) La vitesse de la réaction : $V_r = \frac{dx}{dt} = \frac{dn_{\text{ester}}}{dt} = \frac{0,175-0,35}{0-6,5} = 2,7 \cdot 10^{-2} \text{ mol/h}$

3-5) L'ion H_3O^+ est un catalyseur.

Exercice 2 :

$$1) C_0 = \frac{p.d.\rho_{\text{eau}}}{100M} = \frac{37 \times 1,15 \times 1000}{100 \times 36,5} = 11,66 \text{ mol/l}$$

2-1)

$\text{B} + \text{H}_2\text{O} \rightleftharpoons \text{BH}^+ + \text{OH}^-$			
t=0	C	0	10^{-7}
t > 0	C-y	y	y
t_f	C-y_f	y_f	y_f

$$\tau = \frac{y_f}{y_m} \text{ avec } y_f = [\text{BH}^+] = [\text{OH}^-] \text{ et } y_m = c \Rightarrow \tau = \frac{[\text{OH}^-]}{c}$$

$$K_a = \frac{[\text{H}_3\text{O}^+][\text{B}]}{[\text{BH}^+]} \text{ avec } [\text{H}_3\text{O}^+] = \frac{K_e}{[\text{OH}^-]} \text{ et } [\text{BH}^+] = [\text{OH}^-] = \tau \cdot c$$

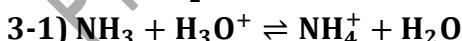
D'après la C.M : $[\text{B}] = c - [\text{BH}^+] = c - \tau \cdot c = c \times (1 - \tau)$

$$K_a = \frac{\frac{K_e}{[\text{OH}^-]} \times c \times (1 - \tau)}{\tau \cdot c} = \frac{K_e \cdot c \times (1 - \tau)}{[\text{OH}^-] \cdot \tau \cdot c} = \frac{K_e \cdot c \times (1 - \tau)}{\tau^2 \cdot c^2} = \frac{K_e \cdot (1 - \tau)}{c \cdot \tau^2} \Rightarrow K_a = \frac{K_e \cdot (1 - \tau)}{c \cdot \tau^2}$$

$$2-2) \tau_1 = \frac{[\text{OH}^-]}{c} = \frac{10^{pH-14}}{10^{-2}} = 3,98\% \quad ; \quad \tau_2 = \frac{[\text{OH}^-]}{c} = \frac{10^{pH-14}}{10^{-2}} = 0,1\%$$

$$2-3) K_{a1} = \frac{K_e \cdot (1 - \tau_1)}{c \cdot \tau_1^2} = 6 \cdot 10^{-10} \Rightarrow pK_{a1} = -\log K_{a1} = 9,2$$

$$K_{a2} = \frac{K_e \cdot (1 - \tau_2)}{c \cdot \tau_2^2} = 9,99 \cdot 10^{-7} \Rightarrow pK_{a2} = -\log K_{a2} = 6$$



$$3-2) n_a = n_b \Rightarrow C_A \cdot V_{AE} = C' \cdot V \Rightarrow C' = \frac{C_A \cdot V_{AE}}{V} = 0,01 \text{ mol/l}$$

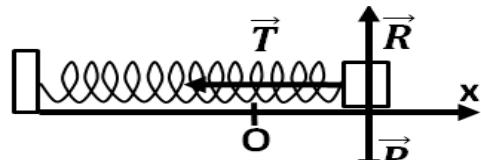
$$C_B = 1000 \cdot C' = 10 \text{ mol/l}$$

Exercice 3 :

$$1) E_{m0} = E_c + E_p = \frac{1}{2} m V_0^2 + \frac{1}{2} K x_0^2 = 12,25 \cdot 10^{-3} \text{ J}$$

2) $\vec{P} + \vec{T} + \vec{R} = m\vec{a}$ projection suivant (\vec{ox}) :

$$-Kx = ma \Rightarrow a + \frac{K}{m}x = 0 \quad x = x_m \cos(\omega t + \varphi)$$



$$\omega = \sqrt{\frac{K}{m}} = 5 \text{ rad/s} \Rightarrow x_m = \sqrt{\frac{V_0^2}{\omega^2} + x_0^2} = 7.10^{-2} \text{ m}$$

$$\text{à } t=0 \cos(\varphi) = \frac{x_0}{x_m} = 0,428 \Rightarrow \varphi = 1,13 \text{ rad} \Rightarrow y = 7.10^{-2} \cos(5t + 1,13)$$

$$3-1) \Delta E_m = 0 \Rightarrow E_m(x_0) - E_m(0) = 0 \Rightarrow \frac{1}{2}mV^2 = E_m(x_0) \Rightarrow V = \pm \sqrt{\frac{2E_m(x_0)}{m}} \Rightarrow$$

$$V = \pm 0,35 \text{ m/s} ; V_{max} = 0,35 \text{ m/s} ; V_{min} = -0,35 \text{ m/s}$$

$$3-2) E_m(x_m) - E_m(x_0) = 0 \Rightarrow \frac{1}{2}K.x^2 + \frac{1}{2}m.V^2 = E_m(x_0) \text{ comme la vitesse s'annule} \Rightarrow$$

$$x = \pm \sqrt{\frac{2E_m(x_0)}{K}} = \pm 7.10^{-2} \text{ m}$$

la vitesse s'annule en $x_{max} = 7.10^{-2} \text{ m}$ et $-x_{max} = -7.10^{-2} \text{ m}$.

$$4-1) y_M = a \cos\left(\omega t - \frac{2\pi d_1}{\lambda} + \pi\right) + a \cos\left(\omega t - \frac{2\pi d_2}{\lambda} + \pi\right)$$

$$y_M = 2a \cos\left(\frac{\pi}{\lambda}(d_2 - d_1)\right) \times \cos\left(\omega t - \frac{\pi}{\lambda}(d_2 + d_1) + \pi\right)$$

$$y_M = 2.3.10^{-2} \cos\left(\frac{\pi}{0,04}(14 - 2).10^{-2}\right) \cdot \cos\left(100\pi t - \frac{\pi}{0,04}(14 + 2).10^{-2} + \pi\right)$$

$$y_M = -6.10^{-2} \cos(100\pi t - 3\pi)$$

$$4-2) -d \leq d_2 - d_1 \leq d \Rightarrow -d \leq K\lambda \leq d \Rightarrow -\frac{d}{\lambda} \leq K \leq \frac{d}{\lambda} \Rightarrow -3 \leq K \leq 3$$

$K \in \{-3 ; -2 ; -1 ; 0 ; 1 ; 2 ; 3\}$ 7 points vibrent avec une amplitude maximale.

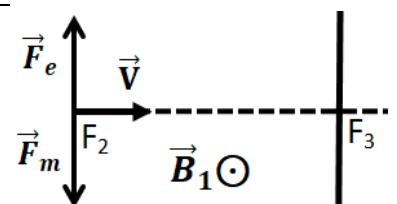
Exercice 4 :

1) Les ions sont attirés par P_2 qui est chargée négativement ; P_1 est alors chargée positivement c'est-à-dire que $V_{P_1} > V_{P_2} \Rightarrow V_{P_1} - V_{P_2} > 0 \Rightarrow U > 0 \Rightarrow U$ est positive

$$2) \Delta E_C = W_F \Rightarrow E_C(F_2) - E_C(F_1) = q \cdot U \Rightarrow \frac{1}{2}mV^2 = q \cdot U \Rightarrow V = \sqrt{\frac{2q \cdot U}{m}}$$

$$3) V = \sqrt{\frac{2q \cdot U}{m}} = 4,37.10^4 \text{ m/s} ; V' = \sqrt{\frac{2q \cdot U}{m'}} = 4,35.10^4 \text{ m/s}$$

$$4) \text{ pour que les ions atteignent le trou } F_3 : \vec{F}_m + \vec{F}_e = \vec{0} \Rightarrow \vec{F}_m = -\vec{F}_e \Rightarrow \|\vec{F}_m\| = \|\vec{F}_e\| \Rightarrow q \cdot V \cdot B_1 = q \cdot E_1 \Rightarrow V = \frac{E_1}{B_1} = 6.10^4 \text{ m/s}$$



Les ions dont les vitesses V et V' sont déviés et ne traversent pas l'ouverture F_3 .

5-1) D'après la règle de la main droite : \vec{B} est sortant.

X_1 et X_3 : négatives X_2 : positive

$$5-2) m\vec{a} = \sum \vec{F}_{app} = \vec{F}_m \Rightarrow m\vec{a} = q\vec{V} \wedge \vec{B} \Rightarrow \vec{a} = \frac{q}{m} \cdot \vec{V} \wedge \vec{B}$$

$$\text{Projection suivant l'axe normale : } \vec{a}_n = \frac{\vec{V}^2}{r} = \frac{|q|VB}{m} \Rightarrow r = \frac{mV}{|q|B} = \frac{mV}{eB}$$

$$\Rightarrow m = \frac{eB \cdot r}{V} ; m_1 = \frac{eB \cdot r_1}{V} = 5,86 \times 10^{-26} \text{ kg} ;$$

$$m_2 = \frac{eB \cdot r_2}{V} = 3,84 \times 10^{-26} \text{ kg} ; m_3 = \frac{eB \cdot r_3}{V} = 3,2 \times 10^{-26} \text{ kg}$$

$$5-3) m_F = 19 \times 1,67 \times 10^{-27} = 3,17 \times 10^{-26} \text{ kg} \Rightarrow X_3 \text{ est } {}^{19}F^-$$

$$m_{Cl} = 35 \times 1,67 \times 10^{-27} = 5,86 \times 10^{-26} \text{ kg} \Rightarrow X_1 \text{ est } {}^{35}Cl^-$$

$$m_{Na} = 23 \times 1,67 \times 10^{-27} = 3,81 \times 10^{-26} \text{ kg} \Rightarrow X_2 \text{ est } {}^{23}Na^+$$