

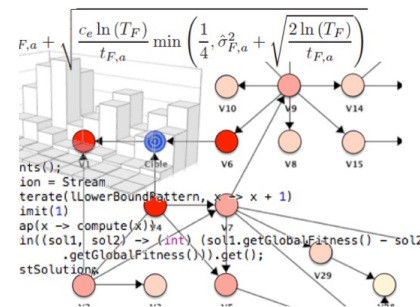
INFO PROJET 04

VRP – Vehicle Routing Problem

Stéphane BONNEVAY

Polytech Lyon
Laboratoire ERIC

stephane.bonnevay@univ-lyon1.fr
me.theragoia.fr



SUJET

Sujet du Projet : VRP - Vehicle Routing Problem

Spécialité concernée : INFO – Recherche Opérationnelle et Optimisation Combinatoire

Nom du responsable du Projet : Stéphane BONNEVAY

Coordonnées du responsable du Projet : stephane.bonnevay@univ-lyon1.fr

Nombre d'étudiants pouvant travailler sur ce Projet : 3

Résumé du sujet :



Le problème de tournées de véhicules (VRP - « Vehicle Routing Problem ») consiste à déterminer automatiquement les itinéraires de plusieurs véhicules de livraison qui doivent livrer un ensemble de clients. L'objectif est de minimiser la distance totale parcourue par l'ensemble des véhicules. Pour résoudre ce problème, vous implémenterez une méthode de descente, ainsi qu'un recuit simulé.

Vous devrez également réaliser une visualisation de ces itinéraires sur une carte géographique. Les développements se feront en **Python**.

$$\sqrt{\frac{c_e \ln(T_F)}{t_{F,a}}} \min \left(\frac{1}{4}, \dots \right)$$

```

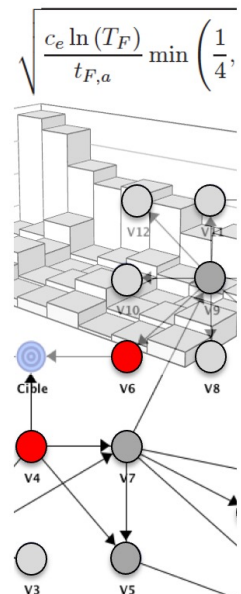
* (Item lCurrentItem : t
  lIdItem = lCurrentItem
  lItemConstraint = new
  for (int j = 0; j < pP
    lCurrentPattern =
    lItemConstraint[j]
  }
  constraints.add(new Li
    Relationship.
  
```

$$\prod_{j=1}^{q_i} \left(\frac{(r_i - 1)!}{(N_{ij} + r_i - 1)!} \right)$$

1 SEUL VÉHICULE - SANS CONTRAINTE (HORAIRE, CAPACITÉ, ...)

Soient n villes.

Comment trouver le trajet de longueur minimale passant par toutes les villes et revenant à la ville de départ ?

$$\sqrt{\frac{c_e \ln(T_F)}{t_{F,a}}} \min\left(\frac{1}{4}, \dots\right)$$


```

    * (Item lCurrentItem : t
      lIdItem = lCurrentItem
      lItemConstraint = new
      for (int j = 0; j < pP
        lCurrentPattern =
        lItemConstraint[j]
      }
      constraints.add(new Li
        Relationship.
  
```

$$\prod_{j=1}^{q_i} \left(\frac{(r_i - 1)!}{(N_{ij} + r_i - 1)!} \right)$$




[Home](#)



The Traveling Salesman Problem

The Traveling Salesman Problem is one of the most intensively studied problems in computational mathematics. These pages are devoted to the history, applications, and current research of this challenge of finding the shortest route visiting each member of a collection of locations and returning to your starting point.

How to solve the TSP? (YouTube), TSP cutting-plane method (YouTube or as mov)

- [Home](#)
- [The Problem](#)
- [History](#)
- [Applications](#)
- [Solving a TSP](#)
- [World Records](#)
- [Gallery](#)
- [TSP Games](#)
- [Concorde](#)
- [Test Data](#)
- [News](#)
- [TSP Book](#)
- [Search Site](#)



Optimal crawl to 49,687 pubs in the UK.



Visit 49,603 historic sites in the US.

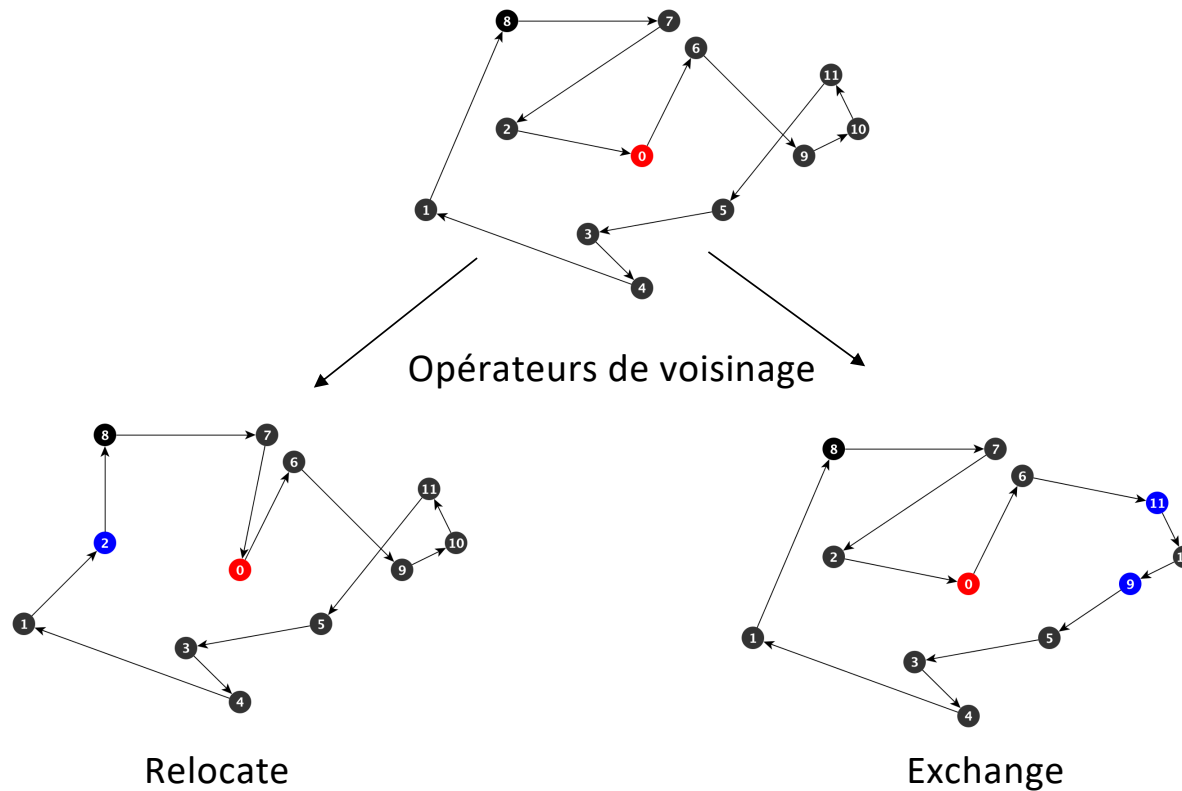
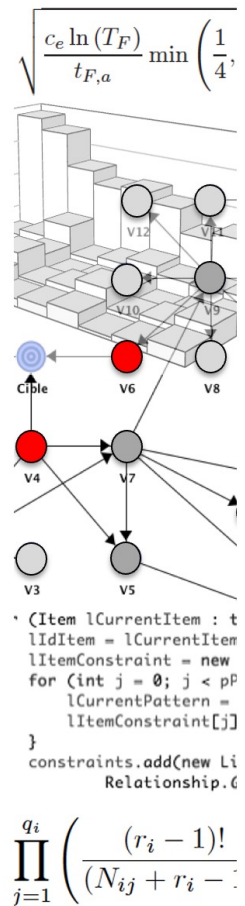


Connecting the Dots in the TSP (YouTube)
2018 Joint Math Meetings

<http://www.math.uwaterloo.ca/tsp/>

1 SEUL VÉHICULE - SANS CONTRAINTE (HORAIRE, CAPACITÉ, ...)

Résolution par **Métaheuristiques** – exemple de méthodes à base de voisinage :



1 SEUL VÉHICULE - SANS CONTRAINTE (HORAIRE, CAPACITÉ, ...)

La **méthode de descente** (Hill-Climbing) est une méthode gloutonne

construction d'une suite de solution x_0, x_1, x_2, \dots , jusqu'à un minimum locale.

toutes les solutions voisines sont moins bonnes

function HILL-CLIMBING(x_0 : initial solution)

$i \leftarrow -1$

repeat

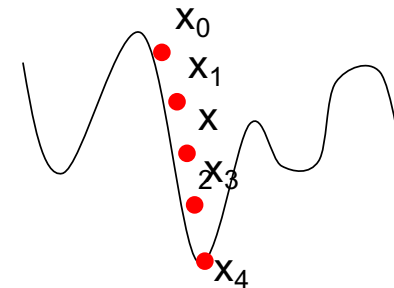
$i \leftarrow i + 1$

Select $x_{i+1} \in V(x_i)$ such as $f(x_{i+1}) = \min\{f(y)/y \in V(x_i)\}$

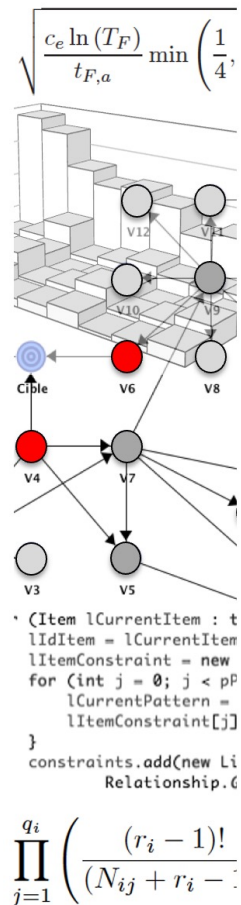
until $f(x_{i+1}) > f(x_i)$

return x_i

end function

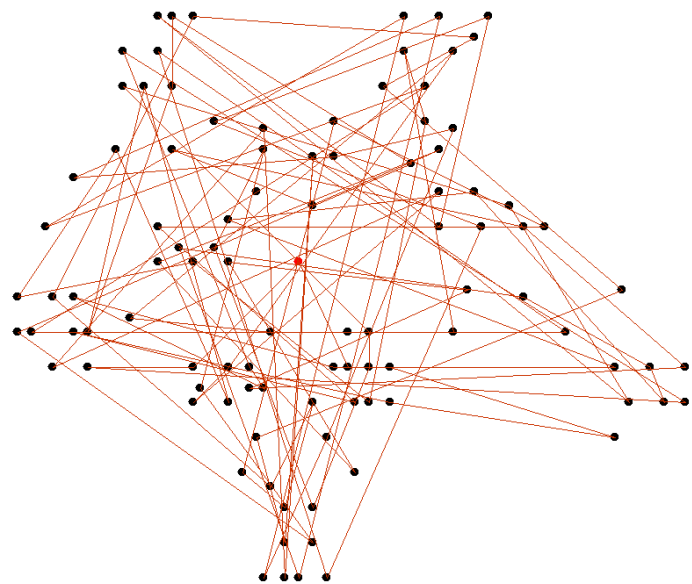
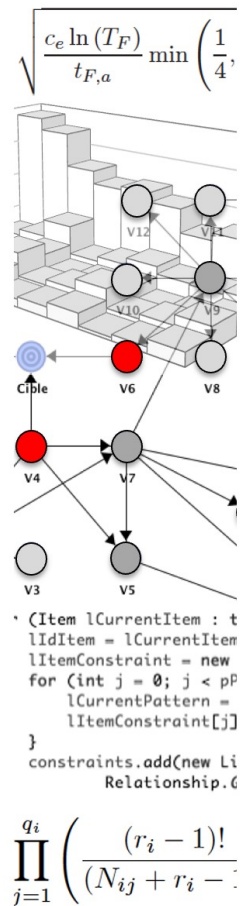


dépend de $x_0 \Rightarrow$ à exécuter plusieurs fois avec des x_0 différents.

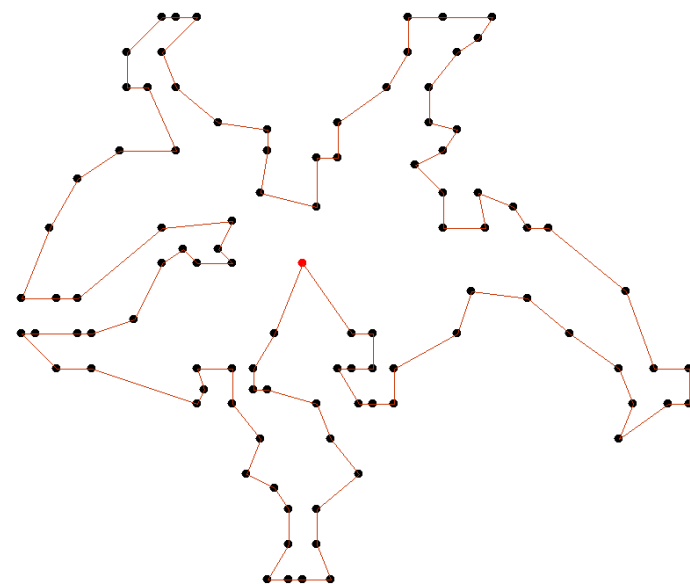


1 SEUL VÉHICULE - SANS CONTRAINTE (HORAIRE, CAPACITÉ, ...)

Résolution par **Métaheuristiques** – exemple de méthodes à base de voisinage :



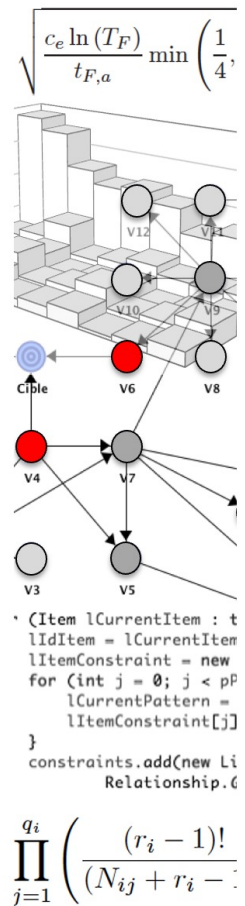
cvrp_C201 Fitness : 3993,37 - Nb Vehicles : 1



cvrp_C201 Fitness : 579,56 - Nb Vehicles : 1

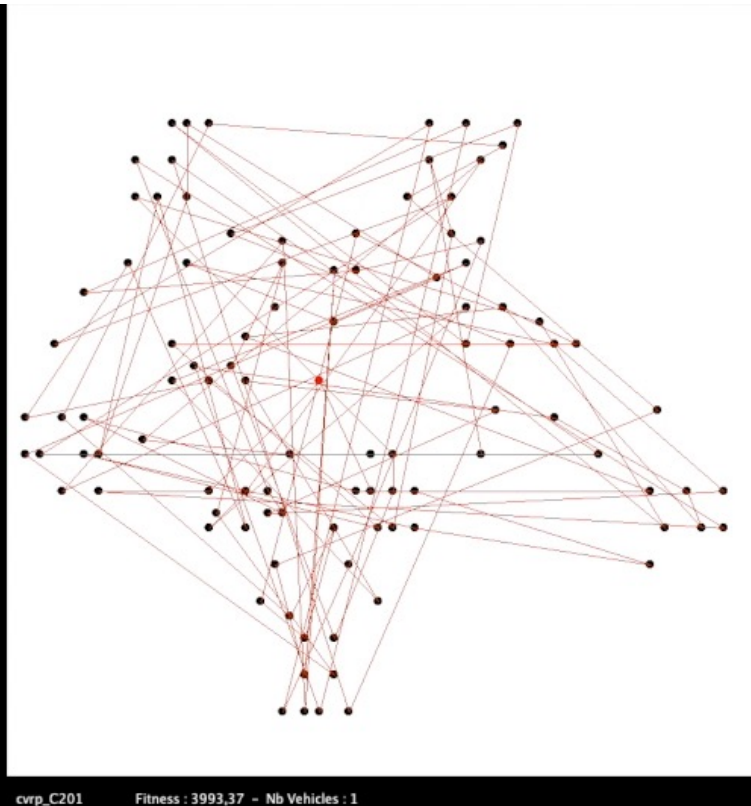
1 SEUL VÉHICULE - SANS CONTRAINTE (HORAIRE, CAPACITÉ, ...)

Résolution par **Métaheuristiques** – exemple de méthodes à base de voisinage :



TSP

Voisinage :
Relocate
Exchange
2-Opt

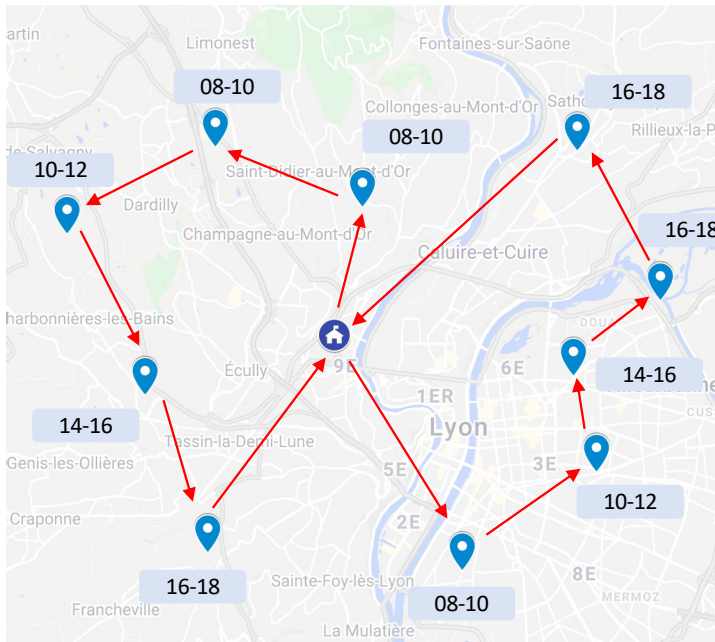
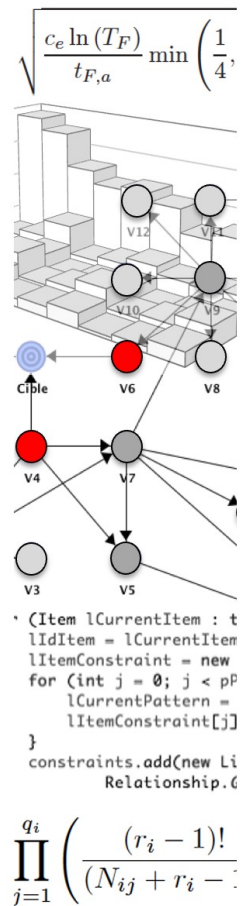


cvrp_C201 Fitness : 3993,37 - Nb Vehicles : 1

Résultat d'une
exécution à partir
d'une solution
initiale générée
aléatoirement

PLUSIEURS VÉHICULES - AVEC DES CONTRAINTES HORAIRES

Etant donnés n clients à livrer et k véhicules de livraison, déterminer la meilleure façon de livrer ces n clients à partir d'un dépôt avec ces k véhicules en minimisant la distance totale des trajets de tous les véhicules.



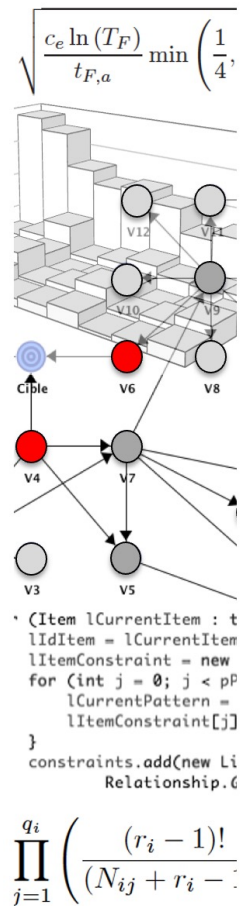
Données et contraintes :

- Coordonnées GPS des clients et du dépôt
- Plage horaire de livraison par client
- Nombre de colis par client
- Temps de livraison estimé par client
- Capacité maximum de chaque véhicule
- Contraintes horaires des chauffeurs

Objectif :

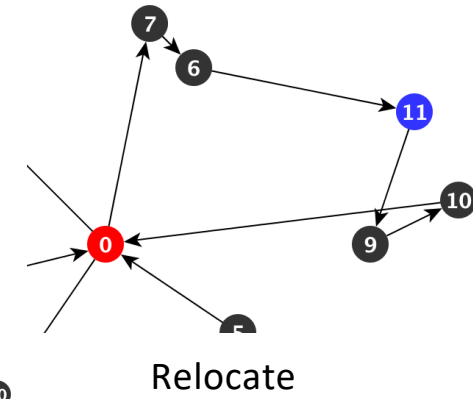
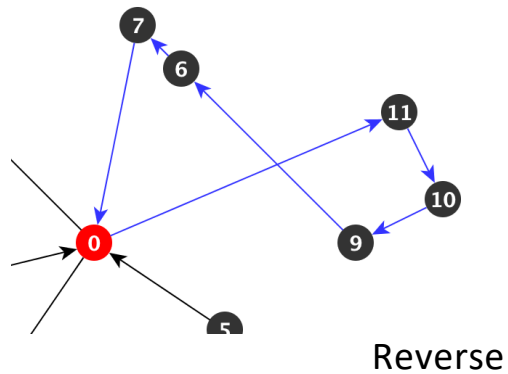
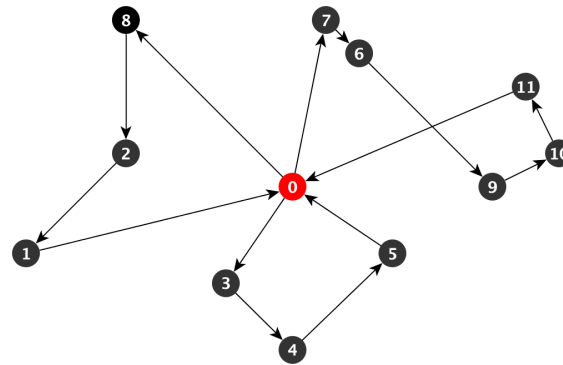
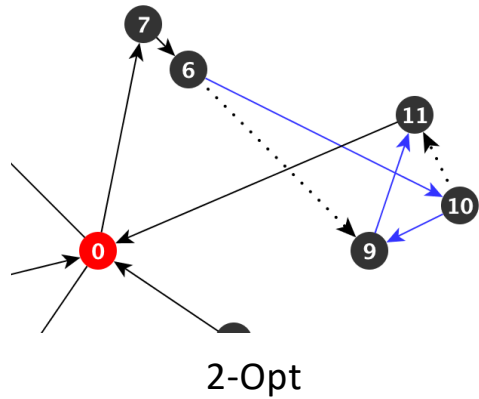
Organiser la tournée de chaque véhicule en respectant les plages horaires des clients, les capacités des véhicules et toutes les autres contraintes, tout en minimisant la distance totale.

PLUSIEURS VÉHICULES - AVEC DES CONTRAINTES HORAIRES



Transformation locale

Intra Route



PLUSIEURS VÉHICULES - AVEC DES CONTRAINTES HORAIRES

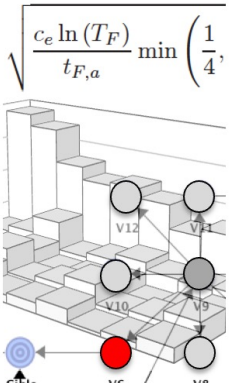
Transformation locale

Inter Route

Relocate

Exchange

Cross-Exchange



$$\sqrt{\frac{c_e \ln(T_F)}{t_{F,a}}} \min\left(\frac{1}{4}, \dots\right)$$

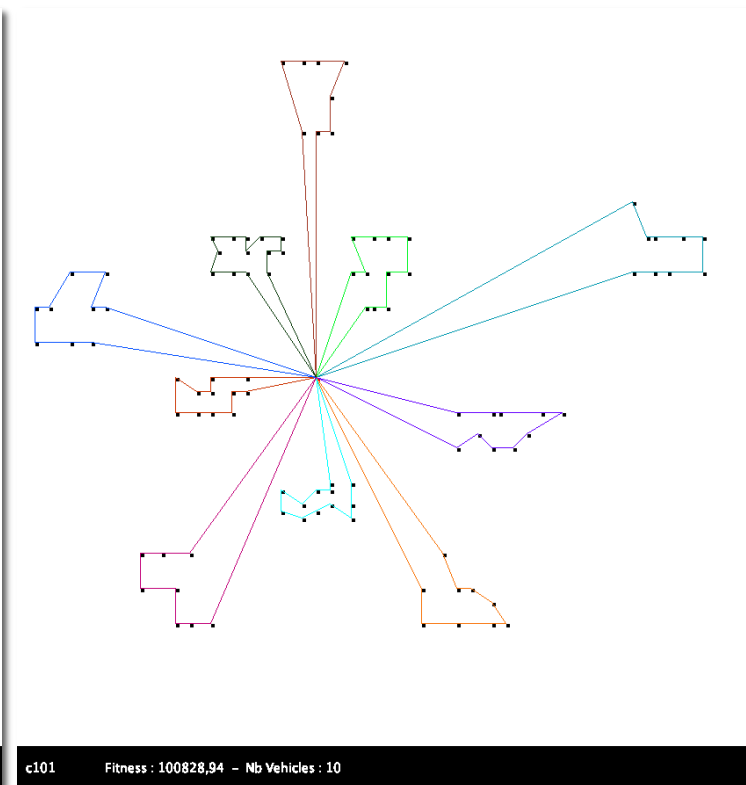
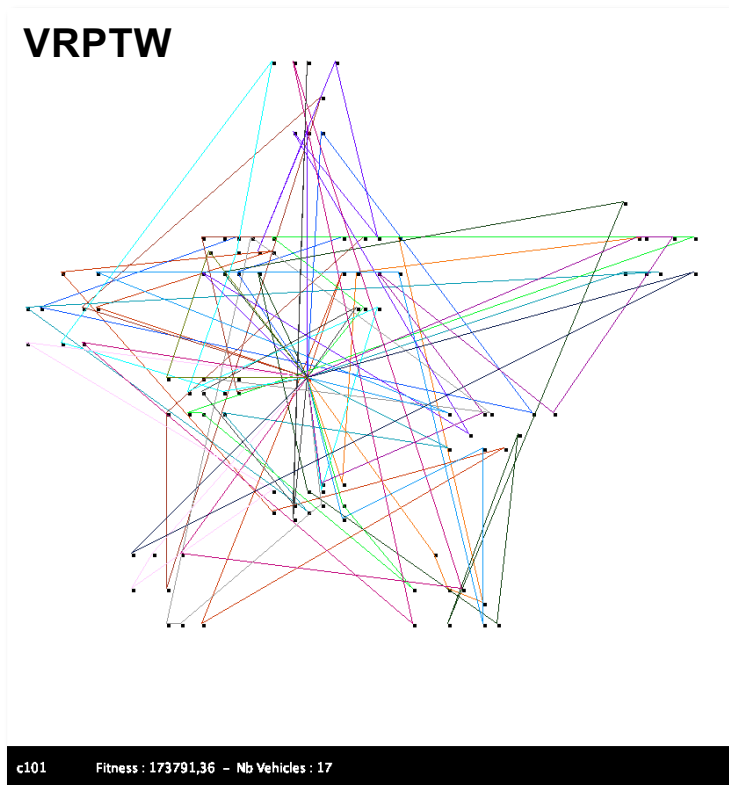
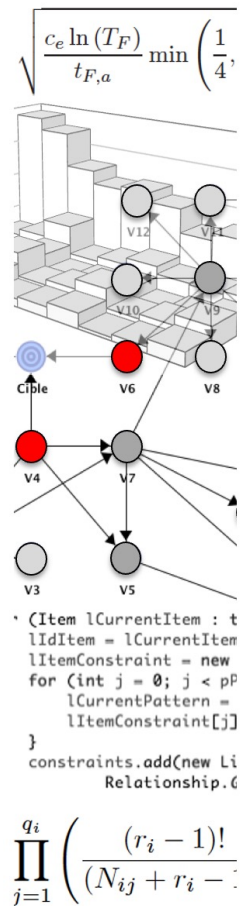
Diagram illustrating a VRP transformation (Relocate) involving a 3D bar chart and a network graph. The graph shows nodes 1 through 11 and a central node 0. Nodes 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, and 11 are connected to node 0. Node 6 is highlighted in red, indicating it is the source of a relocation operation. The 3D bar chart shows the distribution of items across vehicles V1 to V12, with V6 being the target of the relocation.

```
*(Item lCurrentItem : t
  lIdItem = lCurrentItem
  lItemConstraint = new
  for (int j = 0; j < pP
    lCurrentPattern =
    lItemConstraint[j]
  }
  constraints.add(new Li
    Relationship.C
```

$$\prod_{j=1}^{q_i} \left(\frac{(r_i - 1)!}{(N_{ij} + r_i - \dots} \right)$$

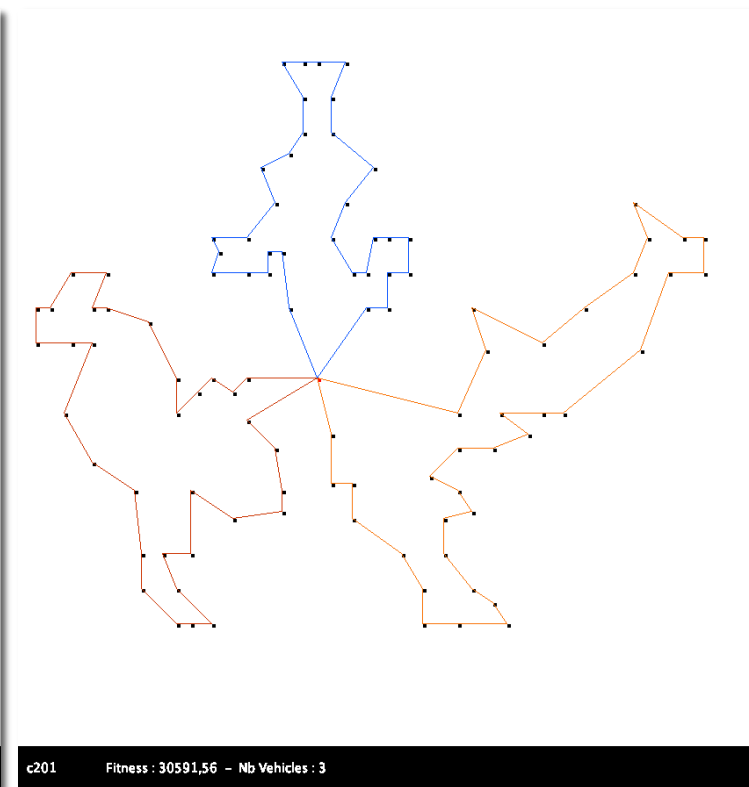
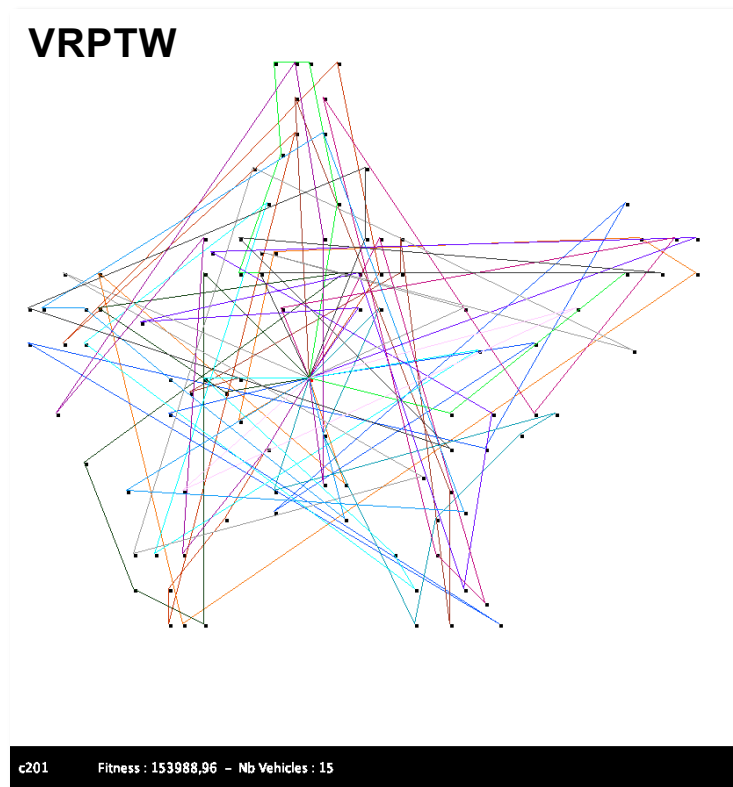
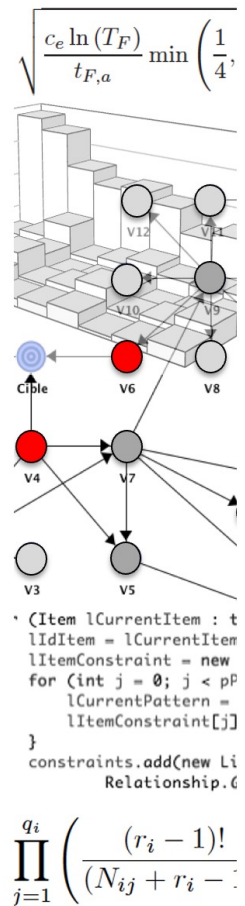
PLUSIEURS VÉHICULES - AVEC DES CONTRAINTES HORAIRES

Résolution par **Métaheuristiques** (algorithmes génétiques, recuit simulé, ...)

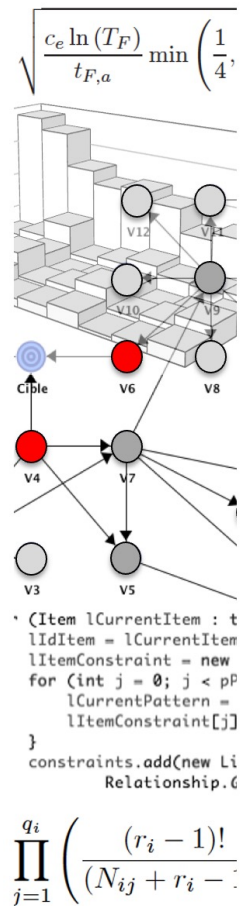


PLUSIEURS VÉHICULES - AVEC DES CONTRAINTES HORAIRES

Résolution par **Métaheuristiques** (algorithmes génétiques, recuit simulé, ...)

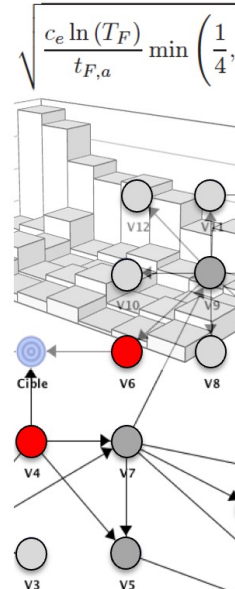


PLUSIEURS VÉHICULES - AVEC DES CONTRAINTES HORAIRES



- Le **recuit simulé** (Simulated Annealing)
- **Méthode Tabou** (Tabu search)

DATA



A 3D bar chart with nodes V1 through V11 and a target node labeled 'Cible'. The nodes are arranged in a grid-like structure with varying heights. Arrows indicate a path from V1 to V2, V2 to V3, V3 to V4, V4 to V5, V5 to V6, V6 to V7, V7 to V8, V8 to V9, V9 to V10, V10 to V11, and finally V11 to 'Cible'.

```
* (Item lCurrentItem : t
  lIdItem = lCurrentItem
  lItemConstraint = new
  for (int j = 0; j < pP
    lCurrentPattern =
    lItemConstraint[j]
  }
  constraints.add(new Li
    Relationship.C
```

$$\prod_{j=1}^{q_i} \left(\frac{(r_i - 1)!}{(N_{ij} + r_i - 1)!} \right)$$

- data101.vrp
- data102.vrp
- data111.vrp
- data112.vrp
- data201.vrp
- data202.vrp
- data1101.vrp
- data1102.vrp
- data1201.vrp
- data1202.vrp

```
NAME: data101.vrp
COMMENT:
TYPE: vrptw
COORDINATES: cartesian
NB_DEPOTS: 1
NB_CLIENTS: 100
MAX_QUANTITY: 200

DATA_DEPOTS [idName x y readyTime dueTime]:
d1 35 35 0 230

DATA_CLIENTS [idName x y readyTime dueTime demand service]:
c1 41 49 161 171 10 10
c2 35 17 50 60 7 10
c3 55 45 116 126 13 10
c4 55 20 149 159 19 10
c5 15 30 34 44 26 10
c6 25 30 99 109 3 10
c7 20 50 81 91 5 10
c8 10 43 95 105 9 10
c9 55 60 97 107 16 10
c10 30 60 124 134 16 10
c11 20 65 67 77 12 10
c12 50 35 63 73 19 10
c13 30 25 159 169 23 10
c14 15 10 32 42 20 10
c15 30 5 61 71 8 10
c16 10 20 75 85 19 10
c17 5 30 157 167 2 10
c18 20 40 87 97 12 10
c19 15 60 76 86 17 10
c20 45 65 126 136 9 10
```