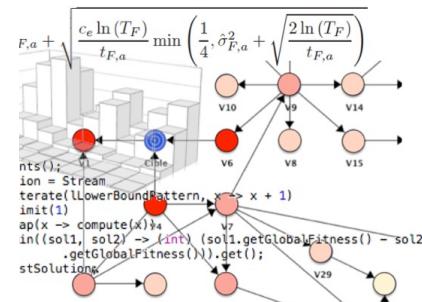


INFO PROJET 04

VRP – *Vehicle Routing Problem*

Stéphane BONNEVAY

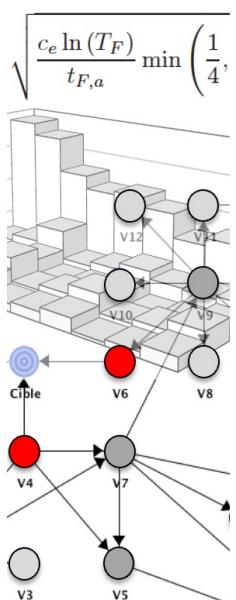
Polytech Lyon
Laboratoire ERIC
stephane.bonnevay@univ-lyon1.fr
me.theragoia.fr



INFO projet 04

VRP

SUJET



```
    · (Item lCurrentItem : t  
    lIdItem = lCurrentItem  
    lItemConstraint = new  
    for (int j = 0; j < pP  
    lCurrentPattern =  
    lItemConstraint[j]  
}  
constraints.add(new Li  
Relationship.  
}
```

$$\prod_{j=1}^{q_i} \left(\frac{(r_i - 1)!}{(N_{ij} + r_i - 1)!} \right)$$

Sujet du Projet : VRP - Vehicle Routing Problem

Spécialité concernée : INFO – Recherche Opérationnelle et Optimisation Combinatoire

Nom du responsable du Projet : Stéphane BONNEVAY

Coordonnées du responsable du Projet : stephane.bonnevay@univ-lyon1.fr

Nombre d'étudiants pouvant travailler sur ce Projet : 3

Résumé du sujet :



Le problème de tournées de véhicules (VRP - « Vehicle Routing Problem ») consiste à déterminer automatiquement les itinéraires de plusieurs véhicules de livraison qui doivent livrer un ensemble de clients. L'objectif est de minimiser la distance totale parcourue par l'ensemble des véhicules. Pour résoudre ce problème, vous implémenterez une méthode de descente, ainsi qu'un recuit simulé.

Vous devrez également réaliser une visualisation de ces itinéraires sur une carte géographique. Les développements se feront en **Python**.

INFO projet 04

VRP

1 SEUL VÉHICULE - SANS CONTRAINE (HORAIRE, CAPACITÉ, ...)

Soient n villes.

Comment trouver le trajet de longueur minimale passant par toutes les villes et revenant à la ville de départ ?



TSP

The Traveling Salesman Problem

The Traveling Salesman Problem is one of the most intensively studied problems in computational mathematics. These pages are devoted to the history, applications, and current research of this challenge of finding the shortest route visiting each member of a collection of locations and returning to your starting point.

How to solve the TSP! (YouTube), TSP cutting-plane method (YouTube or as mov)

Optimal crawl to 49,687 pubs in the UK. Visit 49,603 historic sites in the US.

Connecting the Dots in the TSP (YouTube) 2018 Joint Math Meetings

Home

- > Home
- The Problem
- History
- Applications
- Solving a TSP
- World Records
- Gallery
- TSP Games
- Concorde
- Test Data
- News
- TSP Book
- Search Site

<http://www.math.uwaterloo.ca/tsp/>

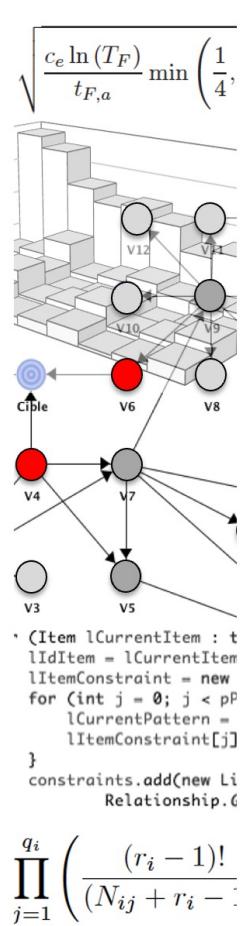
$$\sqrt{\frac{c_e \ln(T_F)}{t_{F,a}} \min\left(\frac{1}{4}, \right.}$$

(Item lCurrentItem : t
lIdItem = lCurrentItem
lItemConstraint = new
for (int j = 0; j < pP
lCurrentPattern =
lItemConstraint[j]
}
constraints.add(new Li
Relationship.

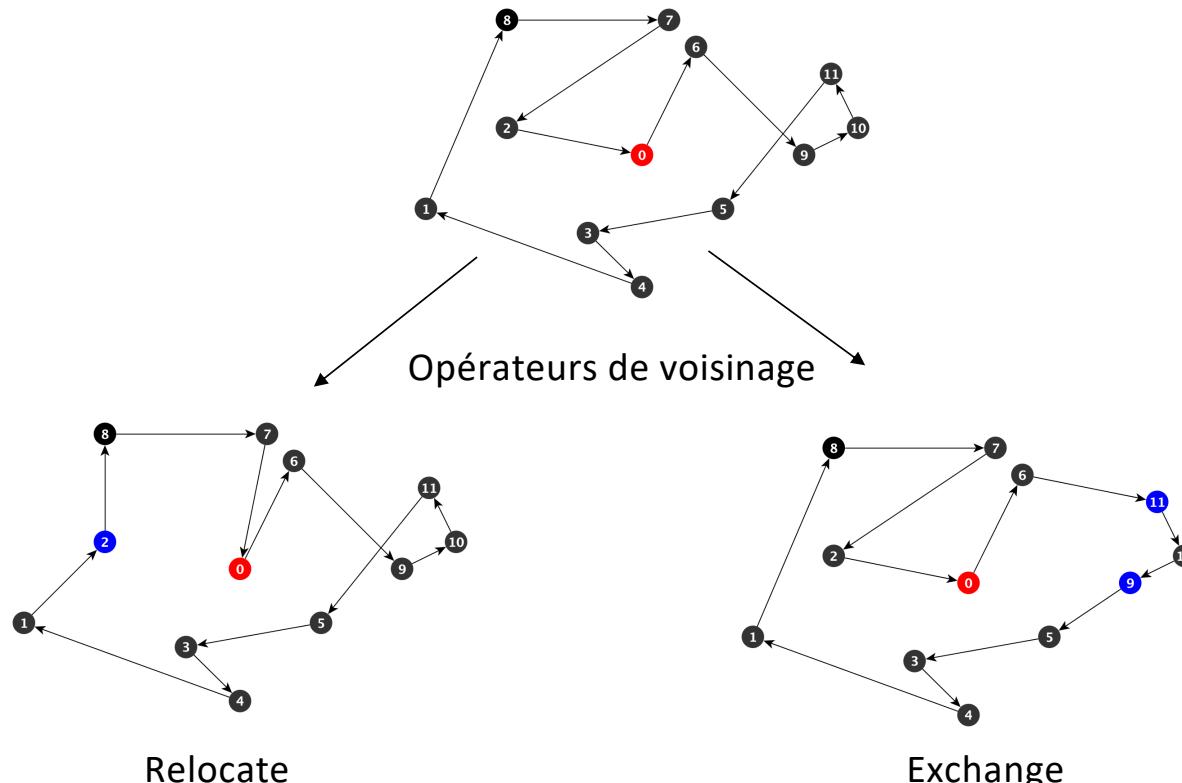
$$\prod_{j=1}^{q_i} \left(\frac{(r_i - 1)!}{(N_{ij} + r_i - 1)!} \right)$$

1 SEUL VÉHICULE - SANS CONTRAINE (HORAIRE, CAPACITÉ, ...)

Résolution par **Métaheuristiques** – exemple de méthodes à base de voisinage :



Opérateurs de voisinage



1 SEUL VÉHICULE - SANS CONTRAINE (HORAIRE, CAPACITÉ, ...)

La **méthode de descente** (Hill-Climbing) est une méthode gloutonne

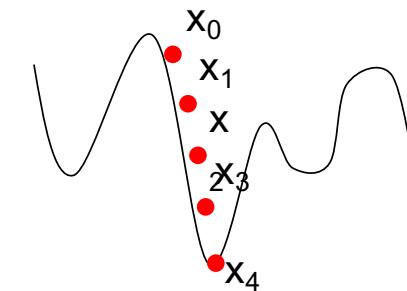
construction d'une suite de solution x_0, x_1, x_2, \dots , jusqu'à un minimum locale.

toutes les solutions voisines sont moins bonnes

```

function HILL-CLIMBING( $x_0$  : initial solution)
     $i \leftarrow -1$ 
    repeat
         $i \leftarrow i + 1$ 
        Select  $x_{i+1} \in V(x_i)$  such as  $f(x_{i+1}) = \min\{f(y)/y \in V(x_i)\}$ 
    until  $f(x_{i+1}) > f(x_i)$ 
    return  $x_i$ 
end function

```

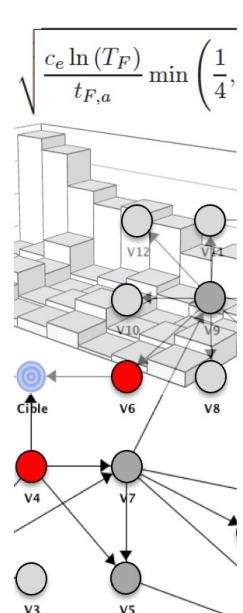


dépend de $x_0 \Rightarrow$ à exécuter plusieurs fois avec des x_0 différents.

$$\prod_{j=1}^{q_i} \left(\frac{(r_i - 1)!}{(N_{ij} + r_i - 1)!} \right)$$

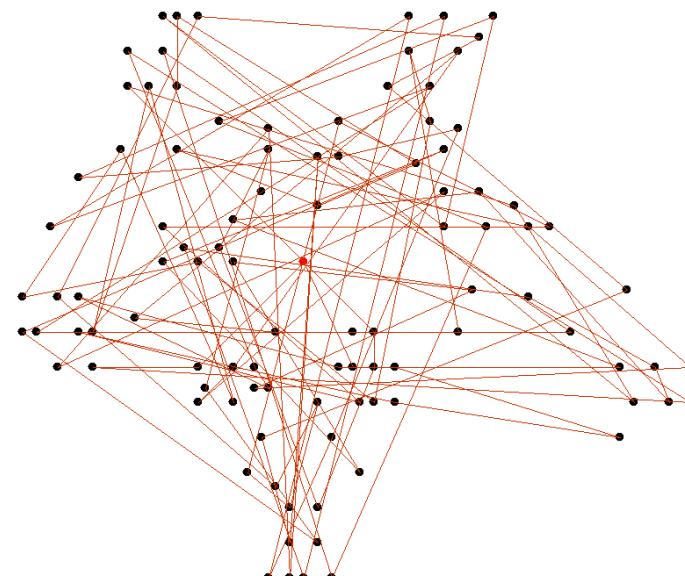
1 SEUL VÉHICULE - SANS CONTRAINE (HORAIRE, CAPACITÉ, ...)

Résolution par **Métaheuristiques** – exemple de méthodes à base de voisinage :

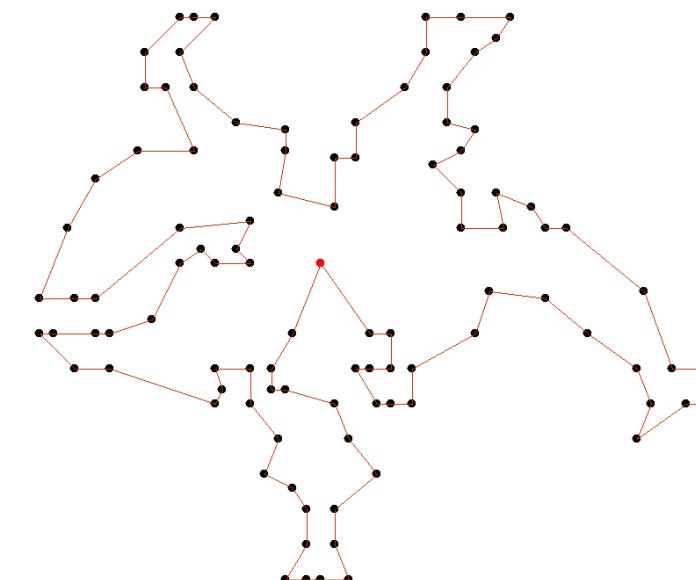


```

    • (Item lCurrentItem : t
    lIdItem = lCurrentItem
    lItemConstraint = new
    for (int j = 0; j < pP
    lCurrentPattern =
    lItemConstraint[j]
    }
    constraints.add(new Li
    Relationship.6
  
```



cvrp_C201 Fitness : 3993,37 – Nb Vehicles : 1

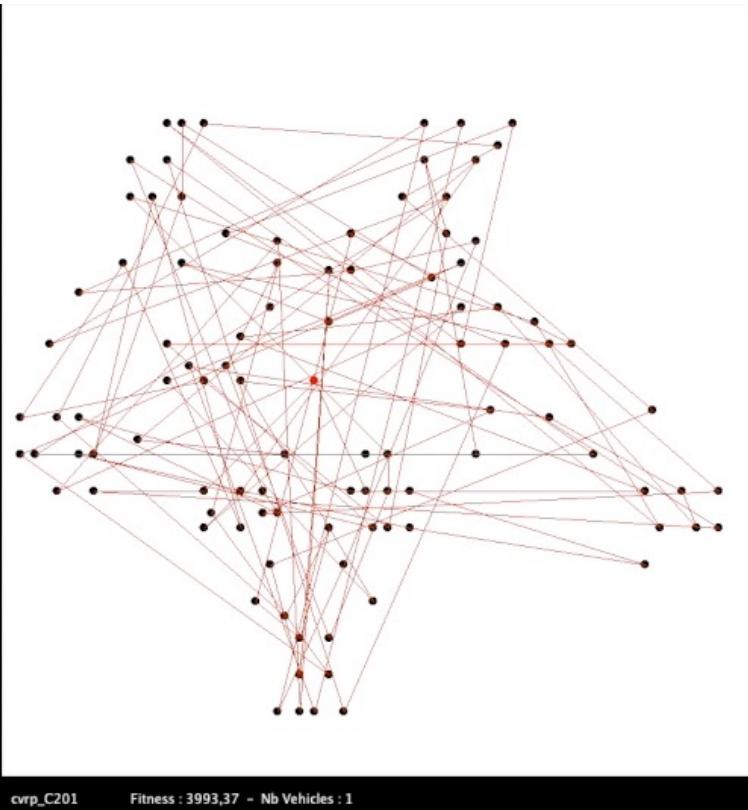
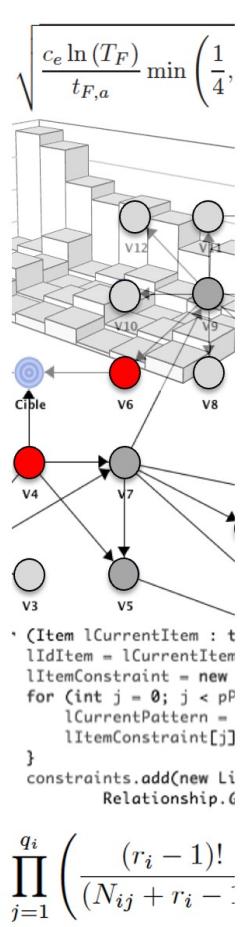


cvrp_C201 Fitness : 579,56 – Nb Vehicles : 1

$$\prod_{j=1}^{q_i} \left(\frac{(r_i - 1)!}{(N_{ij} + r_i - 1)!} \right)$$

1 SEUL VÉHICULE - SANS CONTRAINE (HORAIRE, CAPACITÉ, ...)

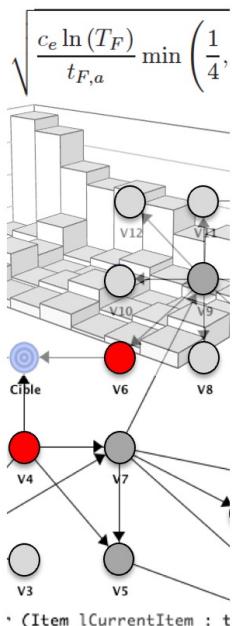
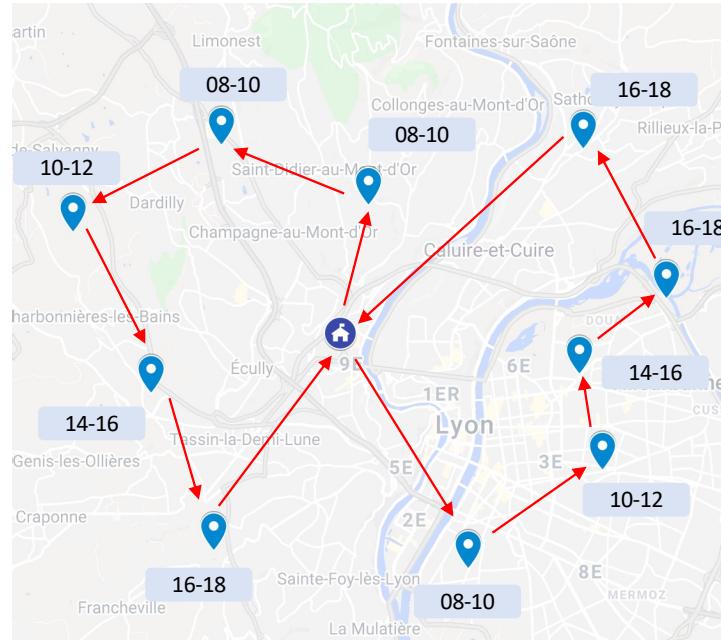
Résolution par **Métaheuristiques** – exemple de méthodes à base de voisinage :



Résultat d'une exécution à partir d'une solution initiale générée aléatoirement

PLUSIEURS VÉHICULES - AVEC DES CONTRAINTES HORAIRES

Etant donnés n clients à livrer et k véhicules de livraison, déterminer la meilleure façon de livrer ces n clients à partir d'un dépôt avec ces k véhicules en minimisant la distance totale des trajets de tous les véhicules.



```

    lItem lCurrentItem : t
    lIdItem = lCurrentItem
    lItemConstraint = new
    for (int j = 0; j < pP
    lCurrentPattern =
    lItemConstraint[j]
    }
    constraints.add(new Li
    Relationship.6
  
```

$$\prod_{j=1}^{q_i} \left(\frac{(r_i - 1)!}{(N_{ij} + r_i - 1)!} \right)$$

Données et contraintes :

- Coordonnées GPS des clients et du dépôt
- Plage horaire de livraison par client
- Nombre de colis par client
- Temps de livraison estimé par client
- Capacité maximum de chaque véhicule
- Contraintes horaires des chauffeurs

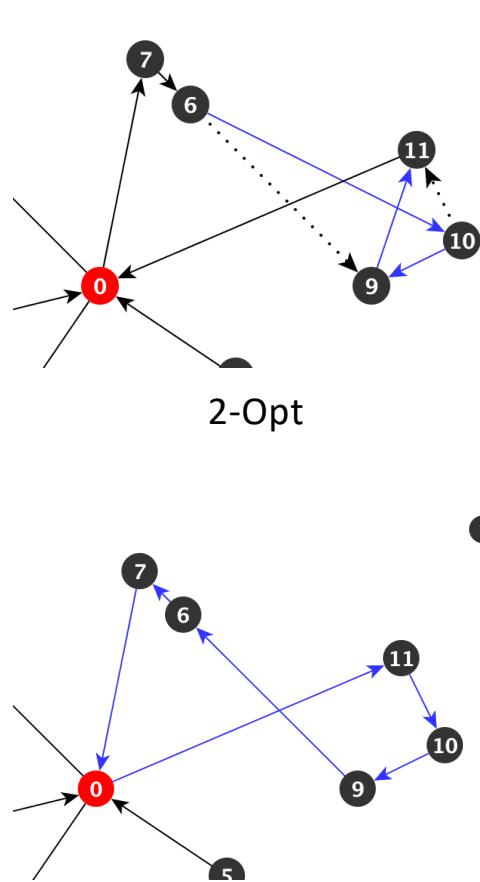
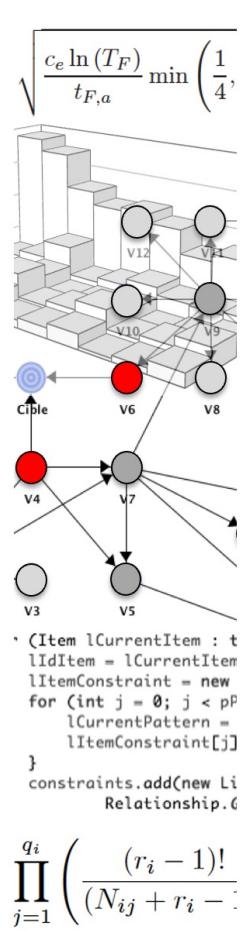
Objectif :

Organiser la tournée de chaque véhicule en respectant les plages horaires des clients, les capacités des véhicules et toutes les autres contraintes, tout en minimisant la distance totale.

INFO projet 04

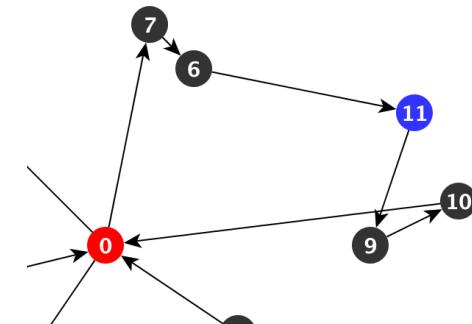
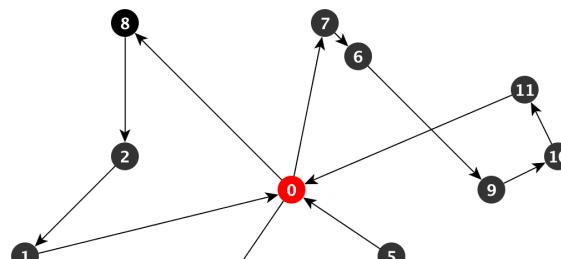
VRP

PLUSIEURS VÉHICULES - AVEC DES CONTRAINTES HORAIRES

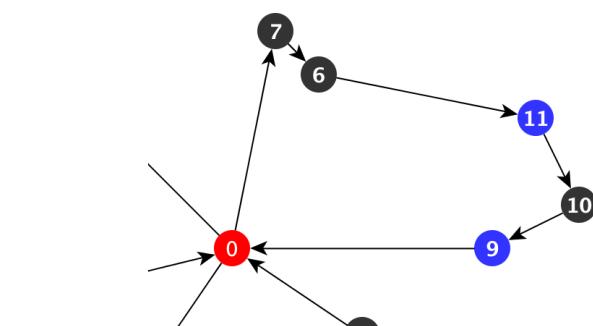
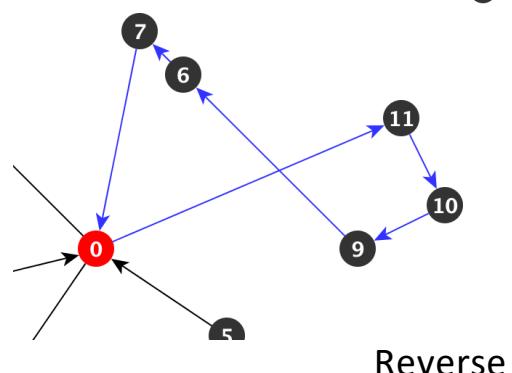


Transformation locale

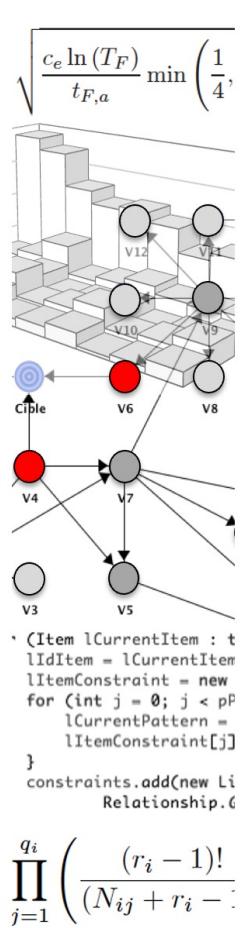
Intra Route



Relocate

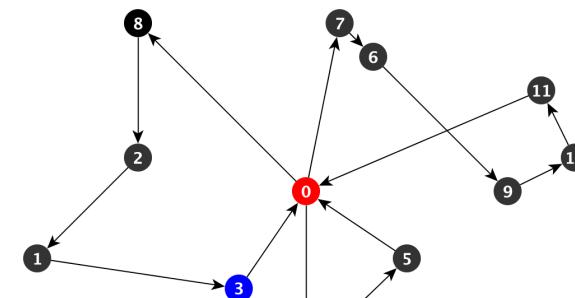
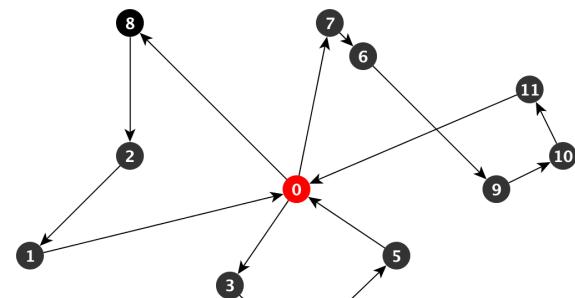


PLUSIEURS VÉHICULES - AVEC DES CONTRAINTES HORAIRES



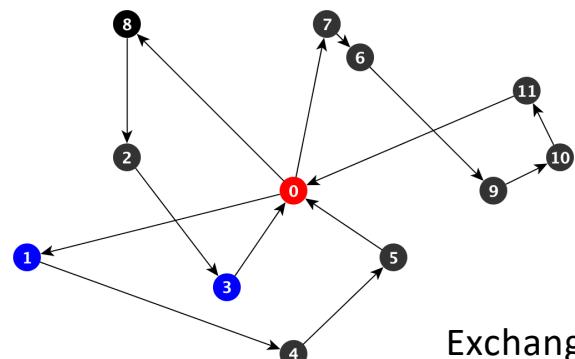
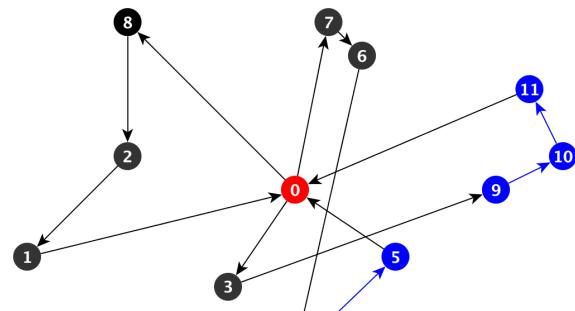
Transformation locale

Inter Route



Relocate

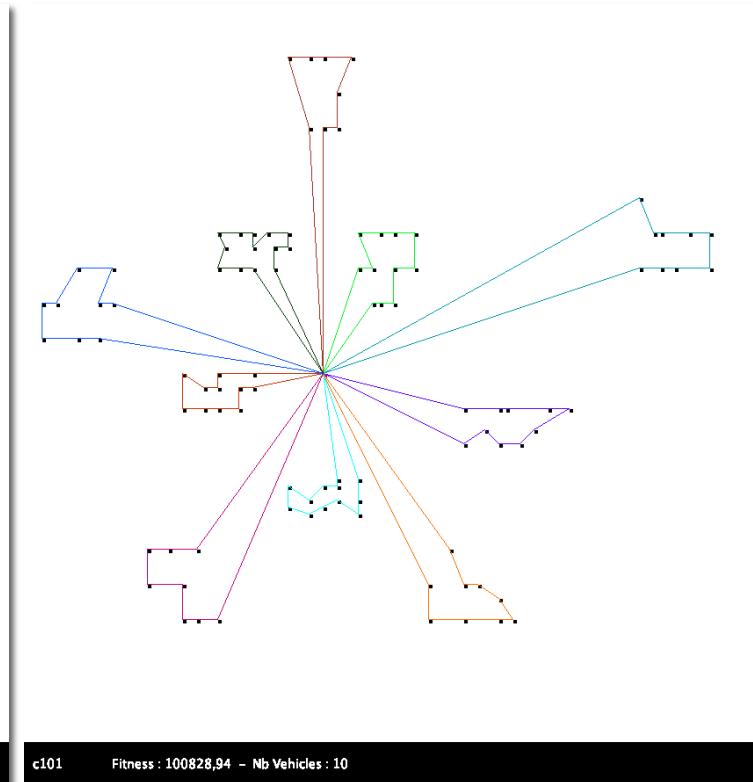
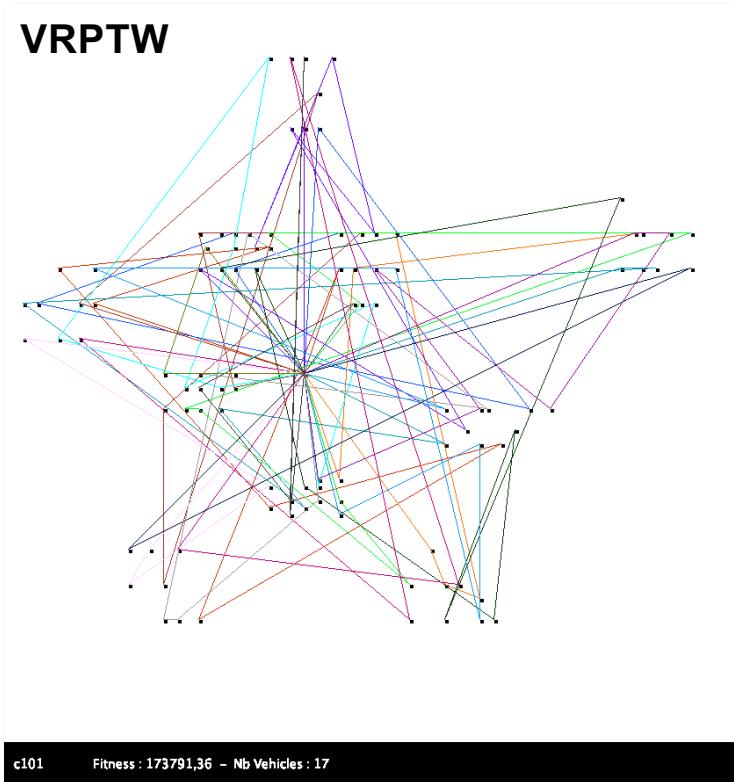
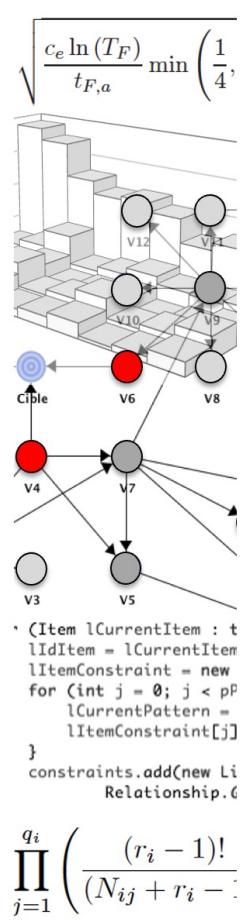
Cross-Exchange



Exchange

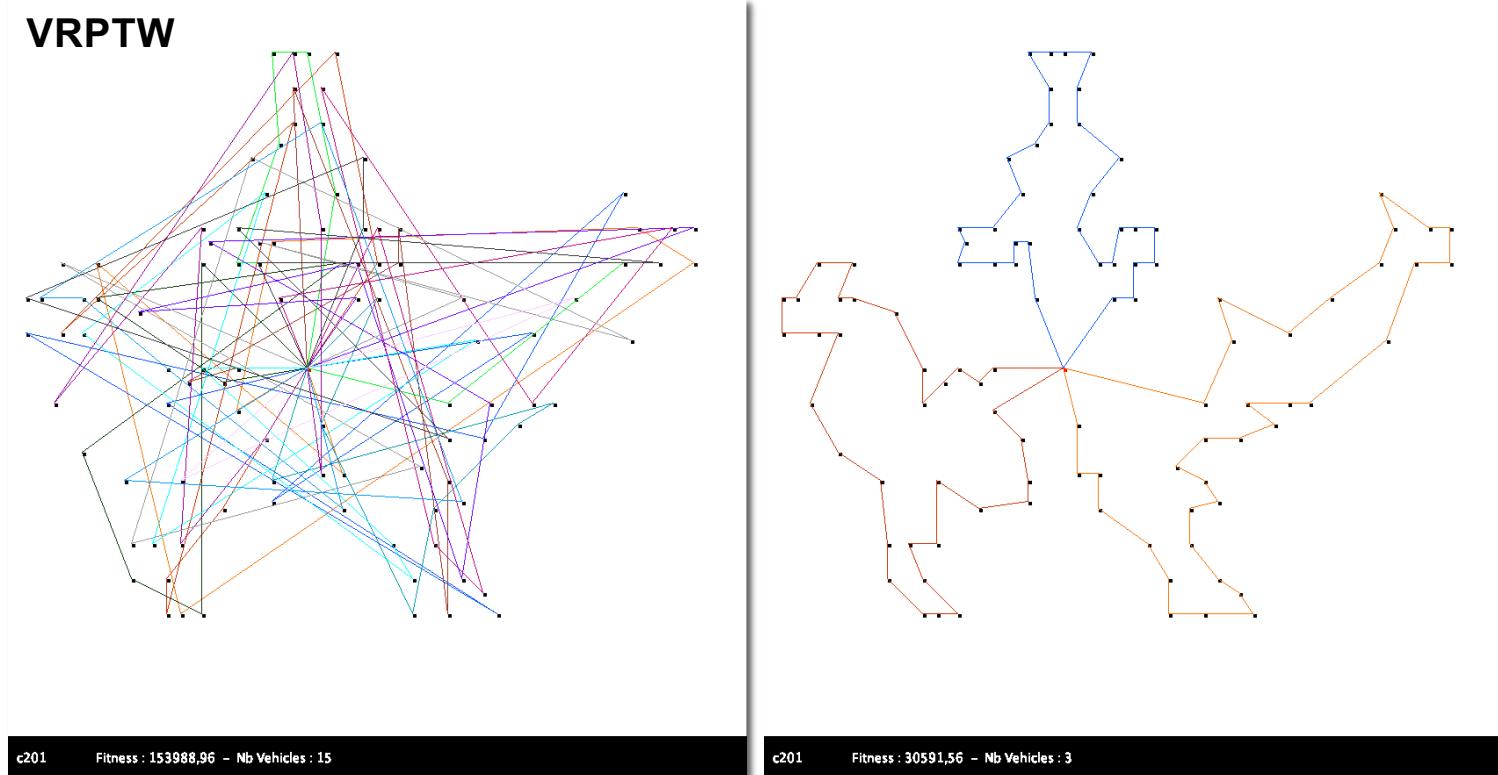
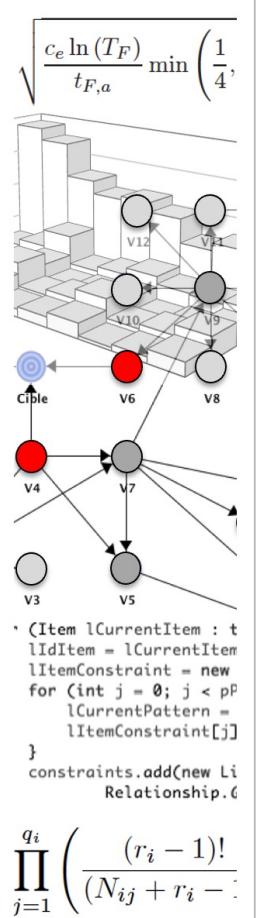
PLUSIEURS VÉHICULES - AVEC DES CONTRAINTES HORAIRES

Résolution par **Métaheuristiques** (algorithmes génétiques, recuit simulé, ...)



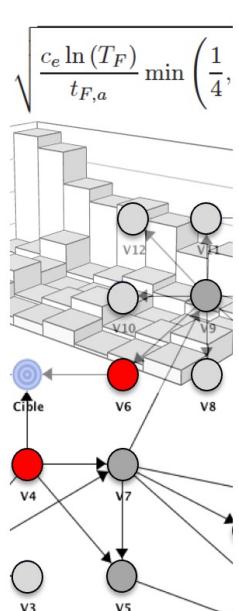
PLUSIEURS VÉHICULES - AVEC DES CONTRAINTES HORAIRES

Résolution par **Métaheuristiques** (algorithmes génétiques, recuit simulé, ...)



PLUSIEURS VÉHICULES - AVEC DES CONTRAINTES HORAIRES

- Le **recuit simulé** (Simulated Annealing)
- **Méthode Tabou** (Tabu search)



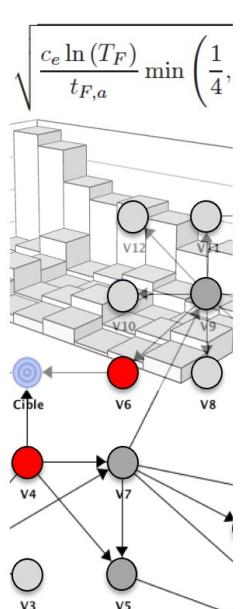
```

    • (Item lCurrentItem : t
    lIdItem = lCurrentItem
    lItemConstraint = new
    for (int j = 0; j < pP
        lCurrentPattern =
        lItemConstraint[j]
    }
    constraints.add(new Li
        Relationship.<

```

$$\prod_{j=1}^{q_i} \left(\frac{(r_i - 1)!}{(N_{ij} + r_i - 1)!} \right)$$

DATA



```

    • (Item lCurrentItem : t
    lIdItem = lCurrentItem
    lItemConstraint = new
    for (int j = 0; j < pP
    lCurrentPattern =
    lItemConstraint[j]
    }
    constraints.add(new Li
    Relationship.6
  
```

$$\prod_{j=1}^{q_i} \left(\frac{(r_i - 1)!}{(N_{ij} + r_i - 1)!} \right)$$

- [data101.vrp](#)
- [data102.vrp](#)
- [data111.vrp](#)
- [data112.vrp](#)
- [data201.vrp](#)
- [data202.vrp](#)
- [data1101.vrp](#)
- [data1102.vrp](#)
- [data1201.vrp](#)
- [data1202.vrp](#)

```

NAME: data101.vrp
COMMENT:
TYPE: vrptw
COORDINATES: cartesian
NB_DEPOTS: 1
NB_CLIENTS: 100
MAX_QUANTITY: 200

DATA_DEPOTS [idName x y readyTime dueTime]:
d1 35 35 0 230

DATA_CLIENTS [idName x y readyTime dueTime demand service]:
c1 41 49 161 171 10 10
c2 35 17 50 60 7 10
c3 55 45 116 126 13 10
c4 55 20 149 159 19 10
c5 15 30 34 44 26 10
c6 25 30 99 109 3 10
c7 20 50 81 91 5 10
c8 10 43 95 105 9 10
c9 55 60 97 107 16 10
c10 30 60 124 134 16 10
c11 20 65 67 77 12 10
c12 50 35 63 73 19 10
c13 30 25 159 169 23 10
c14 15 10 32 42 20 10
c15 30 5 61 71 8 10
c16 10 20 75 85 19 10
c17 5 30 157 167 2 10
c18 20 40 87 97 12 10
c19 15 60 76 86 17 10
c20 45 65 126 136 9 10
  
```