26.01.15

ورقة عمل

الاحتمال

- (1) في كلّ واحدٍ من البنود التّالية حدّدوا هل النتيجة هي نتيجة مؤكّدة، نتيجة ممكنة أو نتبجة مستحبلة.
 - (أ) يوجد لألين أخان. كلاهما أكبر سنًّا منها.
 - (ب) يوجد لدانا أختُ توئم. الفرق بين عُمرَيْهما سنة.
 - (ج) في لعبة كرة قدم بين فريقين، أحد الفريقين سينتصر.
- (د) نغلى في وعاءٍ ماء. عندما تصل درجة الحرارة إلى °100 فإنّ كلّ الماء سيتبخّر.
 - (هـ) من جرّة فيها 10 كرات بعضها صفراء وبعضها خضراء، نُخرج كرة حمراء.
 - (و) في الصَّفِّ الثَّامن "أ" عدد البنين مساو لعدد البنات.
- (ز) إذا كان اليوم هو مساء رأس السنة العبريّة، فإنّ عيد المساخر القريب سيحلّ بعد عيد الأنوار القريب.
 - (ح) السنة القادمة ستكون سنةً غزيرة الأمطار.
 - (2) يوجد في كيس بطاقات وعليها مسجّلة كلّ الأحرف العبريّة.

يظهر كلّ حرف مرّةً واحدة فقط.

نُخرج بشكلٍ عشوائي بطاقتين.

بالنسبة لكلّ بند، حدّدوا هل النتيجة مؤكّدة، ممكنة أم مستحيلة.

- (أ) مسجّلٌ على البطاقتين الحرفان ج وَ هـ.
 - (ب) مسجّلٌ على البطاقتين نفس الحرفين.
- (ج) مجموع القيمتين العدديّتين للحرفين المسجّلين على البطاقتين يساوي 100.
 - (د) يمكن تركيب اسم حيوان من الحرفين المسجّلين على البطاقتين.
 - (هـ) الحرفان المسجّلان على البطاقتين هما حرفان مُتعاقبان.
- (3) خلطوا في جرّة 9 بطاقات تظهر عليها الأشكال التي من الجهة اليسرى.
 • ثخرج عشوائيًا 4 بطاقات.
 بالنسبة لكلّ بند، حدّدوا هل النتيجة مؤكّدة،

 ممكنة أم مستحيلة.

- (أ) على كلّ البطاقات التي أُخرجَت يظهر الشّكل A.
- (ب) الشّكل □ لا يظهر على أيّ بطاقةٍ من البطاقات التي أُخرجت.
 - (ج) على البطاقات التي أُخرجت يظهر الشّكلان △ وَ .
- (د) على البطاقات التي أُخرجت يظهر على الأقلّ شكلان مختلفان.
 - (ه) على البطاقات التي أُخرجت تظهر كلّ الأشكال.
- (و) على البطاقات التي أُخرجت عدد الدوائر يساوي عدد المثلّثات.
- (ز) على البطاقات التي أُخرجت عدد الدوائر أكبر من عدد المربّعات.
- (ح) لا يظهر على أيّة بطاقةٍ من البطاقات التي أُخرجت مربّع أو مثلّث.

- (4) من الجرّة التي في السؤال (3) نخرج عشوائيًّا 7 بطاقات. بالنسبة لكلّ بند، حدّدوا هل النتيجة مؤكّدة، ممكنة أم مستحيلة.
 - (أ) على البطاقات التي أُخرجت تظهر كلّ الأشكال.
- (ب) على البطاقات التي أُخرجت يظهر فقط مربّعات ودوائر.
 - (ج) على البطاقات التي أُخرجت تظهر فقط دائرة واحدة.
- (5) نرمي مكعّب لعب نزيه (مكتوبة عليه الأرقام من 1 حتّى 6) 3 مرّات. بالنسبة لكلّ بند، حدّدوا هل النتيجة مؤكّدة، ممكنة أم مستحيلة.
 - (أ) مجموع الأعداد التي بيّنها المكعّب هو 19.
 - (ب) مجموع الأعداد التي بينها المكعب ينقسم على 5.
 - (ج) مجموع الأعداد التي بينها المكعب فرديُّ.
 - (د) حاصل ضرب الأعداد التي بينها المكعب هو 109.
 - (هـ) الأعداد التي بينها المكعب هي ثلاثة أعدادٍ زوجية متتالية.
 - (و) بين المكعب أربعة أعدادٍ زوجيّة.
- (6) على إحدى جهتي قطعة نقديّة مكتوبٌ العدد 4 وعلى الجهة الأخرى مكتوبٌ العدد 6. نرمي القطعة النقديّة مرّتين.

أكملوا الجمل الآتية لتحصلوا على ادّعاءٍ صحيح.

- (أ) مثال لنتيجة ممكنة: يكون فرق العددين ______.
- (ب) مثال لنتيجة مستحيلة: يكون حاصل ضرب العددين
 - ★ (ج) مثال لنتيجة مؤكّدة: يكون مجموع العددين ______.
 - (7) يوجد في علبة كرتان بيضاوان، كرتان صفراوان وكرتان حمراوان. نُخرج عشوائيًا كرتين من العلبة.

أكملوا الجمل الأتية لتحصلوا على ادّعاءٍ صحيح.

مثال لنتيجة مؤكّدة: إِم تُخرَج كرةٌ _______.

مثال لنتيجة ممكنة: أُخرِجَت فقط _______.

مثال لنتيجة مستحيلة: أخرجت _______.

- (8) يوجد في غلاف بطاقاتٌ مكتوبةٌ عليها الأعداد التّالية:
- . 2 · 4 · 5 · 12 · 7 · 15 · 25 · 8 · 35 · 3

نُخرج عشوائيًا بطاقة من الغلاف.

- (أ) ما الاحتمال بأن يكون مكتوبٌ على الغلاف العدد 8؟
- (ب) ما الاحتمال بأن يكون مكتوبٌ على الغلاف عددًا ينقسم على 5 ؟
- (ج) ما الاحتمال بأن يكون مكتوبٌ على الغلاف عددًا ينقسم على 9؟

(9) في غلاف 20 بطاقة مرقمة من 1 حتّى 20.

نسحب عشو ائيًّا بطاقة من الغلاف.

الاحتمال بأن نسحب عددًا أكبر من 10 هو:

(أحيطوا الجواب الصتحيح)

(ج) يساوي نصف.

(ج) يساوي نصف.

- $\frac{1}{2}$ (ب) أصغر من
- (1) أكبر من $\frac{1}{2}$

(10)ندير دولاب الحظّ الذي يظهر من

الجهة اليسري.

الاحتمال بأن يتوقّف العقرب في المنطقة C هو:

(أحيطوا الجواب الصتحيح)

 $\frac{1}{2}$ اکبر من $\frac{1}{2}$. (ب) أصغر من (أ)

(11) في صفٍّ 32 طالبًا. 20 ابنًا وَ 12 بنتًا.

نختار عشو ائيًا طالبًا من الصنف.

إختر الجواب الصيديح.

- (أ) الاحتمال بأن نختار ابنًا أكبر من 0 وأصغر من نصف.
- (ب) الاحتمال بأن نختار ابنًا أكبر من نصف وأصغر من 1.
- (12) يوجد في علبة 8 بطاقات وعليها مسجّلة أعداد صحيحة من 1 حتّى 8.

(كلّ عددٍ مُسجّل مرّة واحدة فقط).

نسحب عشو ائيًّا بطاقة.

سجّلوا أحداثًا تناسب كلّ واحد من الاحتمالات التّالية.

- $\frac{1}{2}$ (أ) احتمال
 - (ب) إحتمال 1.
- (ج) إحتمال 0.
- . $\frac{1}{4}$ (c) \star



سارة، جمانة، نورة، ليلي.

نختار عشو ائيًّا أحد هذه الأسماء.

بالنسبة لكلّ واحدة من النتائج سجّلوا هل

احتمال الحصول عليها يساوي $\frac{1}{2}$ ، أكبر من نصف $\frac{1}{2}$ ،

- أصغر من $\frac{1}{2}$ أو يساوي 1. (أ) الاسم الذي اختير ينتهي بالحرف ه.
- (ب) في الاسم الذي اختير لا يظهر الحرف ر.
- (ج) في الاسم الذي اختير حرفٌ يظهر مرّتين.
- (د) في الاسم الذي اختير لا يظهر الحرف ن.



(14) يوجد في صحن 20 مَلبّسة كما يلي:

2 بيضاوان	6 صفراء	12 حمراء
-----------	---------	----------

نُخرج عشوائيًّا ملبّسة واحدة.

لكلّ ادّعاءٍ سجّلوا: احتمال أكبر من نصف / يساوي نصف/ أصغر من نصف/ يساوي 0 ،

كي تحصلوا على ادّعاءٍ صحيح.

•	هو	حمراء	رجت	التي أُذ	الملبّسة	تكون	نمال بأن ا	الاحت	(أ)

(ب) الاحتمال بأن لا تكون الملبّسة التي أخرجت صفراء هو ________.

(ج) الاحتمال بأن تكون الملبّسة التي أخرجت هي صفراء أو بيضاء هو

(15)(أ) أكملوا الجدول التّالي بحسب الرسم من الجهة اليسرى.

إجمال	تربيعة بيضاء	تربيعة ملونة	
			تكراريّة

(ب) نختار عشوائيًا تربيعة واحدة.

ما الاحتمال بأن نختار تربيعة بيضاء ؟

 \star (ج) كم تربيعة إضافيّة علينا تلوينها كي يكون احتمال اختيار تربيعة بيضاء يساوي $\frac{1}{5}$ ؟

(16) تنمو في بيّارة أشجار برتقال وأشجار ليمون.

من بين الـ 350 شجرة التي تنمو في البيّارة، يوجد 70 شجرة ليمون.

- (أ) ابنوا جدول تكراريّاتٍ مناسب.
- (ب) ما الاحتمال بأن تكون شجرة اختيرَتْ عشوائيًا من هذه البيّارة، شجرة برتقال ؟

(17)كراج معيّن يُصلّخ سيّاراتِ 500 زبون.

 $\frac{1}{25}$ من السيّارات هي من نوع فيات، $\frac{1}{25}$ من السيّارات هي من نوع مرسيدس،

- لسيّارات هي من نوع فولفو وباقي السيّارات هي من نوع هونده.
 - (أ) أكملوا الجدول الذي أمامكم.

إجمال	هونده	فولفو	مرسيدس	فيات	نوع السيّارة
					تكراريّة

- (ب) نختار عشوائيًا سيّارة تُصلِّح في هذا الكراج.
- هونده ؟ ما الاحتمال بأن تكون السيّارة التي اختيرت هي من نوع هونده ؟
- (ii) ما الاحتمال بأن لا تكون السيّارة التي اختيرت هي من نوع مرسيدس $^{\circ}$

(18) في الصّف الثّامن "ج" في طبقة الصّفوف الثّامنة، فُحصَ لون العينين لـ 30 طالبًا. تظهر النتائج في الجدول الذي أمامكم.

إجمال	بنّي	أسود	أخضر	أزرق	لون العينين
30	3	8	5	14	التّكراريّة
					التّكراريّة النسبيّة

- (أ) أكملوا الناقص في الجدول.
- (ب) ما لون العينين الذي تكر اريّته هي الأصغر في الصّف الثّامن "ج" ؟
- (ج) إذا اخترنا عشوائيًا طالبًا من هذا الصّف، فما الاحتمال بأنّ لون عينيه أخضر ؟
- (د) إذا اخترنا عشوائيًّا طالبًا من هذا الصنف، فما الاحتمال بأنّ لون عينيه ليس أسود؟
 - (هـ) يوجد في طبقة الصّفوف الثّامنة 420 طالبًا.

مع الافتراض أنّ توزيع التّكراريّات في كلّ هذه الطبقة هو مماثلٌ لتوزيع التّكراريات في الصّف الثّامن "ج"، فكم عدد الطلّاب في طبقة الصّفوف الثّامنة الذين لون أعينهم أسود ؟

- (19) يوجد في صندوق 500 نوع فواكه.
- 200 برتقالة، 100 حبّة مَوز، 50 حبّة رمّان والباقى درّاق.
- (أ) ما التّكراريّة النسبيّة لحبّات الدرّاق الموجودة في الصندوق؟
 - (-1) ما الفاكهة التي تكر اريتها النسبيّة تساوي $\frac{1}{10}$?
 - (ج) نختار عشوائيًا حبّة فاكهة من الصندوق.
 - ما الاحتمال بأنّ تكون حبّة الفاكهة التي اختير ت بر تقالة ؟

- (20) أمامكم لغزان مكتوبٌ فيهما الحرفان أ و ب.
 - نختار عشوائيًا حرفًا من كلّ لغز.
- (أ) بأيِّ اللغزين احتمال اختيار الحرف ب أكبر ؟ الشرحوا.
- (ب) في لغز III، 450 تربيعة، احتمال اختيار الحرف أ، هو كما في اللغز I.

بكم تربيعة في اللغز III يظهر الحرف أ ؟ إشرحوا.

(21) توزيع طلّاب الصنف الثّامن "ج" حسب العلامات التي حصلوا عليها في الرياضيّات معطى في الجدول.

100	90	80	70	60	العلامة
1	3	9	10	7	عدد الطلّاب

نختار عشوائيًا أحد الطلاب.

- (أ) ما الاحتمال بأنّه حصل على العلامة 80 ؟
- (ب) ضعوا إشارة < ، > أو = ، للحصول على ادّعاءٍ صحيح.

احتمال العلامة 70 احتمال العلامة 90 + احتمال العلامة 60

(22) في الجدول الذي أمامكم تظهر ألوان أزهارٍ في دكّانٍ لبيع الورد.

أصفر	أبيض	ور ديّ	أحمر	لون الزهرة
30	20	12	18	عدد الزهرات

نختار عشوائيًا زهرة واحدة.

- (أ) ما الاحتمال بأنّ يكون لون الزهرة ورديًّا ؟
- (ب) ما الاحتمال بأن لا يكون لون الزهرة أصفر ؟
- (ج) ما الاحتمال بأنّ يكون لون الزهرة برتقاليًّا ؟
- (د) ما هو مجموع احتمالات كلّ النتائج لاختيار زهرة بلونِ معيّن ؟

مستطيل	مثلّث	شبه منحرف	
4	9	6	أزرق
2	8	5	أخضر

(23) يوجد على طاولة كومة بطاقات مرسومٌ عليها أشكال زرقاء وأشكال خضراء كما هو مفصتلٌ في الجدول. نسحب من الكومة بشكلٍ عشوائي بطاقة واحدة. ما الاحتمال بأن يكون الشكل المرسوم على البطاقة التي سُحِبَتُ هو:

- (أ) شبه منحرف ؟ (ب) شكلٌ لونه أزرق ؟
 - (ج) ليس مستطيلًا ؟ (د) مثلَّثُ أخضر ؟
 - (هـ) مستطيلٌ أحمر ؟

بالنّجاح!

		أجوبة نهائيّة
(ج) ممكنة.	(ب) مستحيلة.	(1) (أ) ممكنة.
(و) ممكنة.	(هـ) مستحيلة.	(د) مؤكّدة.
	(ح) ممكنة.	(ز) مؤكّدة.
(ج) ممکنة.	(ب) مستحيلة.	(أ) ممكنة.
	(هـ) ممكنة.	(د) ممکنة.
(ج) ممكنة.	(ب) ممكنة.	(أ) مستحيلة
(و) ممكنة.	(هـ) ممكنة.	(د) مؤكّدة.
	(ح) مستحيلة.	(ز) ممكنة.
(ج) ممکنة.	(ب) مستحيلة.	(4) (أ) مؤكّدة.
(ج) ممکنة.	(ب) ممكنة.	(5) (أ) مستحيلة.
(و) مستحيلة.	(هـ) ممكنة.	(د) ممکنة.

0 (\mathfrak{z})

 $\frac{11}{15}$ (2)

(6) — (7) اِفحصوا مع المعلّم في الصّفّ.

 $\frac{4}{10} = \frac{2}{5}$ (ب) $\frac{1}{10}$ (i) (8)

(9)

(-)(10)

(11)(ب)

(12) إفحصوا مع المعلّم في الصّفّ.

(ب) يساوي $\frac{1}{2}$. $\frac{1}{2}$ أ) أكبر من (أ) (13) $(7) \ \text{gaule} \ \frac{1}{2} \ .$

(د) یساوي $\frac{1}{2}$. (ل) أ) أكبر من $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ من (ب) أكبر من $(\frac{1}{2})$ أصغر من

(د) يساوي 0.

(¹)(15) تربيعة ملونة تربيعة بيضاء إجمال تكراريّة 20 14

> (ب) 0.7 (ج) 10

(16) (أ) الفحصوا مع المعلّم في الصنّف.

نوع السيّارة فيات إجمال هونده فولفو مرسيدس التكرارية **500** 125 250 105 **20**

0.96 (ii)

 $\frac{4}{5}$ (ب)

0.21 (i) (-1)(¹)(18)

(¹)(17)

إجمال	بنّي	أسود	أخضر	أزرق	لون العينين
30	3	8	5	14	التّكراريّة
1	$\frac{1}{10}$	$\frac{4}{15}$	$\frac{1}{6}$	$\frac{7}{15}$	التكرارية النسبية

 $\frac{1}{6}$ (ε) (ب) بنّي.

(هـ) 112 طالبًا.

 $\frac{2}{5}$ (5) $\frac{3}{10}$ (1)(19) (ب) رمّان.

(ب) 270 تربيعة.

I $(^{\dagger})$ (20) $\frac{3}{10}$ $(^{\dagger})$ (21)

 $= (\mathbf{y})$ $\frac{5}{8} (\mathbf{y})$ 0.15 (i)(22) 0 (\mathfrak{z})

1 (2)

 $\frac{19}{34}$ (ب) $\frac{11}{34}$ (1)(23) $\frac{14}{17}$ (ε)

> $\frac{4}{17}$ (2) (هـ) 0

גבי יקואל ש ב צ ת

www.mishbetzet.co.il

04-8200929 :טלפון

ספרי לימוד וספרי מבחני מתכונת במתמטיקה

♦ לכל הכיתות ♦ לכל השאלונים ♦ לכל הרמות