

# শাফায়েতের ব্লগ

প্রোগ্রামিং, অ্যালগরিদম, ব্যাকএন্ড ইঞ্জিনিয়ারিং

Home

অ্যালগরিদম নিয়ে যত লেখা!

আমার সম্পর্কে...

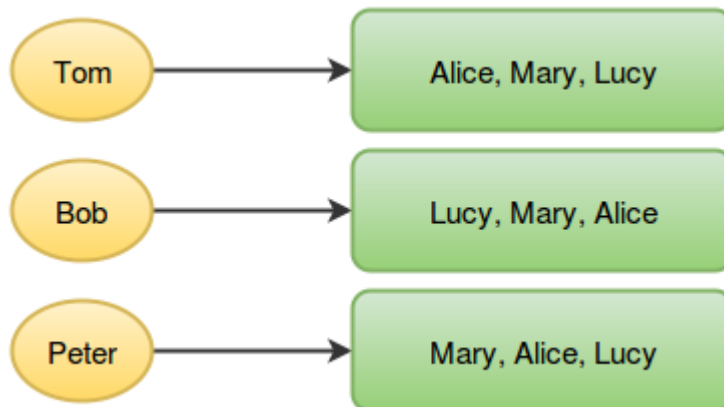
## গ্রাফ থিওরি: স্টেবল ম্যারেজ প্রবলেম

📅 আগস্ট ১৫, ২০১২ by *Shafaet Ashraf*

[f](#) [Twitter](#) [g+](#) [in](#)

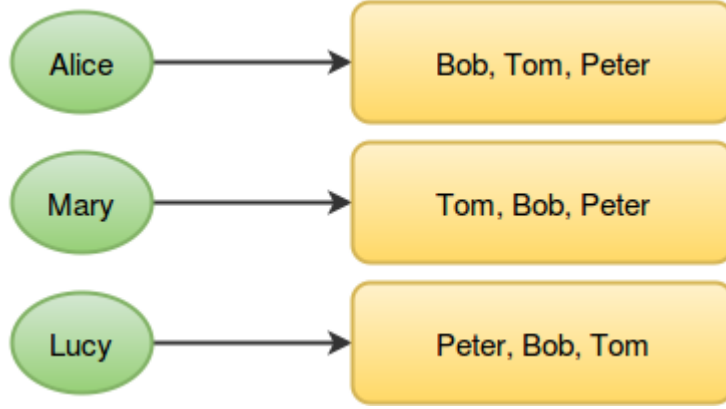
বেশ কিছুদিন **ডিপি** নিয়ে লেখার পর আবার **গ্রাফ থিওরিতে** ফিরে এলাম। আজকে আমরা একটা সহজ কিন্তু ইন্টারেস্টিং প্রবলেম দেখবো। স্টেবল ম্যারেজ(Stable Marriage) প্রবলেম এক ধরনের বাইপারটাইট ম্যাচিং প্রবলেম,তবে এটা শেখার জন্য অন্য কোনো অ্যালগোরিদম জানার প্রয়োজন নেই।

মনে করি  $n$  টা ছেলে আর  $n$  টা মেয়ে আছে। এখন তাদের মধ্যে বিয়ে দিতে হবে এমন ভাবে যেনো বিয়ে “স্টেবল” হয়। প্রত্যেকের সাথেই প্রত্যেকের বিয়ে দেয়া সম্ভব তবে প্রতিটা ছেলে আর মেয়ের কিছু পছন্দ আছে,প্রত্যেকেই চাইবে তার পছন্দের মানুষকে বিয়ে করতে। যদি ছেলে ৩জনের নাম Tom,Bob,Peter , আর মেয়ে ৩জনের নাম Alice,Mary,Lucy হয় তাহলে ছেলেদের পছন্দের তালিকা হতে পারে এরকম:

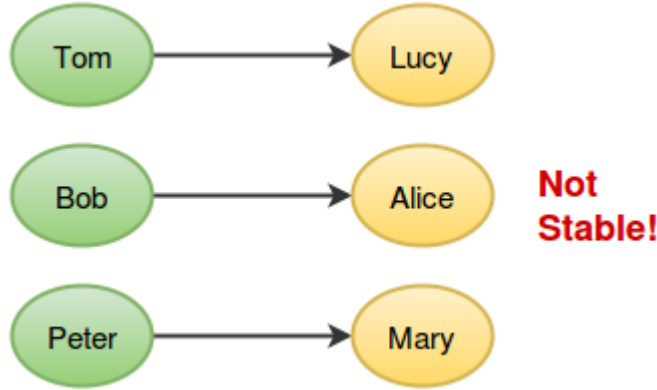


তালিকাটা বেশি থেকে কম পছন্দের ক্রমে করা হয়েছে। যেমন টম এলিসকে বেশি পছন্দ করে, লুসিকে কম পছন্দ করে।

আবার মেয়েদের পছন্দের তালিকাটা হতে পারে এরকম:



এখন কিভাবে বিয়ে দিলে বিয়ে স্টেবল হবে? আগে বুঝা দরকার স্টেবল বলতে কি বুঝাচ্ছি। ধরো নিচের মতো করে বিয়ে দেয়া হলো:



এই ম্যাচিং/বিয়েটা স্টেবল না, কারণ টম লুসির থেকে মেরিকে বেশি পছন্দ করে, আবার মেরি পিটারের থেকে টমকে বেশি পছন্দ করে। তাই টম আর মেরি বিয়ে ভেঙে একসাথে চলে আসতে পারে। যদি A,B ছেলে আর C,D মেয়ে হয় আর A-C এবং B-D কে বিয়ে দেয়া হয় তাহলে বিয়ে স্টেবল হবেনা যদি নিচের দুটি স্টেটমেন্টই সত্য হয়:

১. A যদি C এর থেকে D কে বেশি পছন্দ করে।
২. D যদি B এর থেকে A কে বেশি পছন্দ করে।

২টি স্টেটমেন্ট সত্য হলে A আর D বিয়ে ভেঙে চলে আসবে! তবে যেকোনো একটা স্টেটমেন্ট মিথ্যা হলে বিয়ে স্টেবল হবে।

১৯৬২ সালে David Gale আর Lloyd Shapley প্রমাণ করেন, সমান সংখ্যক ছেলে আর মেয়ের জন্য সমসময় স্টেবল ম্যারেজ প্রবলেমের একটি সমাধান আছে। তারা খুব সহজ একটা অ্যালগোরিদম আবিষ্কার করেন সমস্যাটি সমাধানে জন্য। অ্যালগোরিদমটি এরকম:

“ ১. প্রথমে প্রতিটি অবিবাহিত ছেলে তার সবথেকে পছন্দের মেয়েটাকে প্রস্তাব পাঠাবে যাকে সে এখনো প্রস্তাব পাঠায়নি, মেয়েটি অলরেডি এনগেজড হলেও সমস্যা নাই, একটি মেয়েকে একাধিক ছেলে প্রস্তাব পাঠাতে পারে। একটি ছেলে কখনো একটি মেয়েকে দুইবার প্রস্তাব পাঠাবেনা।

২. এবার প্রতিটা মেয়ে তাকে যারা প্রস্তাব পাঠিয়েছে তাদের মধ্যে থেকে যাকে সবথেকে পছন্দ তাকে নির্বাচিত করবে, বাকি সবাইকে বাতিল করে দিবে। মেয়েটি আগেই কাউকে পছন্দ করে থাকলে তাকেও বাতিল করে দিবে।

৩. এখনো কেও অবিবাহিত থাকলে ১ম ধাপের পুনরাবৃত্তি হবে।

অ্যালগোরিদমটি কেনো কাজ করে? ধরি A-C এবং B-D এর বিয়ে দেয়া হয়েছে। তাহলে বিয়ে ভাঙবে A যদি D কে বেশি পছন্দ করে এবং D যদি A কে বেশি পছন্দ করে। কিন্তু উপরের অ্যালগোরিদমে সেটা সম্ভবনা। কারণ:

“ A যদি D কে বেশি পছন্দ করে তাহলে সে D কে আগে প্রস্তাব পাঠাবে, D রাজি না হলে বা ছেড়ে দিলেই একমাত্র C কে প্রস্তাব পাঠাবে।

D যদি A কে বেশি পছন্দ করে তাহলে সে অন্য যে কাউকে ছেড়ে দিয়ে A কে বিয়ে করবে।

আর D যদি A কে বিয়ে না করে অন্য কাউকে করে তারমানে সে অন্য কাউকেই বেশি পছন্দ করে, এক্ষেত্রে বিয়ে ভাঙার সম্ভাবনা নেই।

এই অ্যালগোরিদমটা স্টেবল ম্যাচিং দিবে ঠিকই তবে অপটিমাল রেজাল্ট নাও দিতে পারে। প্রতিটি ছেলের জন্য রেজাল্ট অপটিমাল হবে, কিন্তু মেয়েদের জন্য অপটিমাল নাও হতে পারে, অর্থাৎ এমন স্টেবল ম্যাচিং থাকতে পারে যেটাও কোনো একটি মেয়ে আরো পছন্দের কাউকে বিয়ে করতে পারতো। অর্থাৎ যে প্রস্তাব পাঠাবে তার জন্য রেজাল্ট অপটিমাল হবে।

অ্যালগোরিদমটি কোডে ইমপ্লিমেন্ট করা খুব সহজ। preference লিস্ট তোমাকে ইনপুট দেয়া থাকবে। কে কাকে প্রস্তাব পাঠিয়েছে, কে কার সাথে এখন এনগেজড এই তথ্যগুলো অ্যারেতে রেখে সহজেই কোডটা লিখে ফেলতে পারবে। [wikipedia](https://www.wikipedia.org/) তে দেয়া সুডোকোডটা এরকম:

```
1 function stableMatching {
2   Initialize all m ∈ M and w ∈ W to free
3   while ∃ free man m who still has a woman w to propose to {
4     w = m's highest ranked such woman to whom he has not yet proposed
```

```

5  if w is free
6  (m, w) become engaged
7  else some pair (m', w) already exists
8  if w prefers m to m'
9  (m, w) become engaged
10 m' becomes free
11 else
12 (m', w) remain engaged
13 }
14 }

```

প্রবলেম:

Light OJ: Employment

Codechef: Stable Marriage

Uva: Chemical Attraction

Codechef: Blocking

গ্রাফ থিওরি নিয়ে অন্যান্য লেখা

ফেসবুকে মন্তব্য

0 comments

0 comments

Sort by Oldest

Add a comment...

Facebook Comments plugin

Powered by Facebook Comments



Posted in অ্যালগরিদম/প্রবলেম সলভিং, প্রোগ্রামিং ? Tagged গ্রাফ থিওরি, ম্যাচিং, স্টেবল ম্যারেজ

21,293 times read (exlcuding bots)

◀ কয়েন চেঞ্জ + রক ক্লাইম্বিং

মিনিমাম ভারটেক্স কভার প্রবলেম ▶

8 thoughts on "গ্রাফ থিওরি: স্টেবল ম্যারেজ প্রবলেম"