

Limites

Calcule os limites

1. $\lim_{x \rightarrow 2} (3x + 1)$

2. $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{x^2 - 1}{x + 1}$

3. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x}$

4. $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^2 - 9}{x - 3}$

5. $\lim_{x \rightarrow 4} \sqrt{x + 4}$

6. Dada a função

$$f(x) = \begin{cases} x + 2 & x < 1, \\ 3x - 1 & x \geq 1. \end{cases}$$

Calcule

(a) $\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x)$

(b) $\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x)$

(c) O limite $\lim_{x \rightarrow 1} f(x)$ Existe?

7. $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{|x|}{x}$ e $\lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{|x|}{x}$

8. $\lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{x^2 - 4}{|x - 2|}$

9. $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2x^2 + 3x - 5}{x^2 + 4}$

10. $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{3x^3 - 2x + 1}{5x^3 + x^2 - 4}$

11. $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{x^2 + 1}}{x + 1}$

12. $\lim_{x \rightarrow \infty} (\sqrt{x^2 + x} - x)$

13. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1}{x^2}$

14. $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{1}{(x - 2)^3}$

15. $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^3 - 2x + 1}{x^2 + 5}$

16. Encontre as assíntotas verticais e horizontais de $f(x) = \frac{2x^2}{x^2 - 1}$.

17. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 3x}{x}$

18. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos x}{x^2}$

19. $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} \frac{\cos x}{x - \frac{\pi}{2}}$

20. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\tan(5x)}{\sin(2x)}$

21. $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2 - 1}{x - 1}$

22. $\lim_{x \rightarrow 4} \frac{\sqrt{x} - 2}{2 - 4}$

23. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{x + 9} - 3}{x}$

24. $\lim_{x \rightarrow \infty} (\sqrt{x^2 + 3x} - x)$

25. Sabendo que $1 - \frac{x^2}{6} \leq \frac{\sin x}{x} \leq 1$ para x próximo de 0, calcule $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x}$

26. Se $3x - 2 \leq f(x) \leq x^2 + 1$ para x próximo de 1, calcule $\lim_{x \rightarrow 1} f(x)$

27. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^x - 1}{x}$

28. $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{1}{x}\right)^x$

29. $\lim_{x \rightarrow 0^+} x \ln x$

30. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{a^x - 1}{x}$ (para $a > 0$)

31. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(\sin x)}{x}$

32. $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{x+2}{x-1}\right)^x$

33. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{1+x} - \sqrt{1-x}}{x}$

34. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\arctan x}{x}$